# Programação Funcional 4ª Aula — Listas

Sandra Alves DCC/FCUP

2019/20

## Listas

Listas são coleções de elementos:

- ullet em que a  $ordem\ \acute{e}\ significativa;$
- possivelmente com elementos repetidos.

# Listas em Haskell

Uma lista em Haskell

ou é vazia [];

ou é x:xs (x seguido da lista xs).

# Notação em extensão

Elementos entre parêntesis rectos separados por vírgulas.

$$[1, 2, 3, 4] = 1 : (2 : (3 : (4 : [])))$$

## Sequências aritméticas

Expressões da forma [a..b] ou [a,b..c] (a,bec são números).

Também podemos construir listas infinitas usando expressões [a..] ou [a,b..].

Se tentarmos mostrar uma lista infinita o processo não termina; temos de interromper o interpretador (usando Ctrl-C):

```
> [1,3..]
[1,3,5,7,9,11,13,15,17,19,21,23,25,27,29,31,33,35,37,
39,41,43,45,47,49,51,53,55,57,59,61,63,65,67,69,71,73,
Interrupted
```

# Notação em compreensão

Em matemática é usual definir conjunto apartir de outro usando notação em compreensão.

Exemplo:

$$\{x^2 : x \in \{1, 2, 3, 4, 5\}\}$$

define o conjunto

$$\{1, 4, 9, 16, 25\}$$

Em Haskell podemos definir uma lista apartir de outra usando uma notação semelhante.

Exemplo:

## Geradores

Um termo "padrão<-lista" chama-se um gerador:

- determina os valores das variáveis no padrão;
- a ordem dos valores gerados.

Podemos usar múltiplos geradores:

## Ordem entre geradores

- As variáveis dos geradores posteriores mudam primeiro
- Analogia: ciclos 'for' embricados

```
for(x=1; x<=3; x++) for(y=4; y<=5; y++) vs. for(x=1; x<=3; x++) ...
```

#### Dependências entre geradores

Os geradores podem depender dos valores anteriores mas não dos posteriores:

```
> [(x,y) | x<-[1..3], y<-[x..3]]
[(1,1),(1,2),(1,3),(2,2),(2,3),(3,3)]
> [(x,y) | y<-[x..3], x<-[1..3]]
ERRO: x não está definido</pre>
```

Um exemplo: a função concat (do prelúdio-padrão) concatena uma lista de listas, e.g.:

```
> concat [[1,2,3],[4,5],[6,7]]
[1,2,3,4,5,6,7]
```

Podemos definir usando uma lista em compreensão:

```
concat :: [[a]] -> [a]
concat xss = [x | xs<-xss, x<-xs]</pre>
```

#### Guardas

As definições em compreensão podem incluir condições (designadas guardas) para filtrar os resultados.

Exemplo: os inteiros x tal que x está entre 1 e 10 e x é par.

```
> [x | x<-[1..10], x'mod'2==0]
[2,4,6,8,10]
```

## Exemplo: testar primos

Usando guardas, é fácil definir uma função para listar todos os divisores de um inteiro positivo:

```
divisores :: Int \rightarrow [Int]
divisores n = [x | x<-[1..n], n'mod'x==0]
```

Exemplo:

```
> divisores 15
[1,3,5,15]
```

Vamos agora definir uma função para testar primos: n é primo se e só se os seus divisores são exatamente 1 e n.

```
primo :: Int -> Bool
primo n = divisores n == [1,n]
```

```
> primo 15
False
> primo 19
True
```

NB: esta solução é ineficiente...

Vamos usar o teste de primalidade como quarda para listar todos os primos até a um limite dado.

```
primos :: Int -> [Int]
primos n = [x | x<-[2..n], primo x]

> primos 50
[2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37,41,43,47]
```

## A função zip

A função zip definida no prelúdio-padrão combina duas listas na lista dos pares de elementos correspondentes.

```
zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
```

Exemplo:

```
> zip ['a','b','c'] [1,2,3,4]
[('a',1), ('b',2), ('c',3)]
```

Se as listas tiverem comprimentos diferentes o resultado tem o comprimento da menor.

# Usando a função zip

Combinando zip e tail, vamos definir uma função para obter pares consecutivos de elementos de uma lista.

```
pares :: [a] -> [(a,a)]
pares xs = zip xs (tail xs)
```

Justificação:

```
xs = x_1 : x_2 : \dots : x_n : \dots
tail xs = x_2 : x_3 : \dots : x_{n+1} : \dots
\therefore zip xs (tail xs) = (x_1, x_2) : (x_2, x_3) : \dots : (x_n, x_{n+1}) : \dots
```

Exemplos:

```
> pares [1,2,3,4]
[(1,2),(2,3),(3,4)]
> pares [1,1,2,3]
[(1,1),(1,2),(2,3)]
> pares [1,2]
[(1,2)]
> pares [1]
   Usando as funções
pares :: [a] -> [(a,a)]
and :: [Bool] -> Bool -- do prelúdio-padrão
onde
                                and [b_1, b_2, \dots, b_n] = b_1 \&\& b_2 \&\& \dots \&\& b_n,
vamos definir uma função que verifica se uma lista está por ordem crescente.
crescente :: Ord a => [a] -> Bool
crescente xs = and [x <= x' | (x,x') <- pares xs]
   Alguns exemplos:
> crescente [2,3]
True
> crescente [2,3,4,7,8]
True
> crescente [2,8,3,7,4]
False
   Qual é o resultado com listas com um só elemento?
   E com a lista vazia?
   Podemos usar zip para combinar elementos com índices numa lista.
   Exemplo: procurar um valor numa lista e obter todos os seus índices.
indices :: Eq a => a -> [a] -> [Int]
indices x ys = [i \mid (i,y) \le [0..n] ys, x==y]
     where n = length ys - 1
   Exemplo:
> indices 'a' ['b','a','n','a','n','a']
[1,3,5]
```

Sem recorrer à função length, definimos a função para lista potencialmente infinitas.

```
indices :: Eq a => a -> [a] -> [Int]
indices x ys = [i | (i,y)<-zip [0..] ys, x==y]

Exemplo:
> take 10 (indices 'a' ['a','a'..])
[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]
```

## Cadeias de carateres

O tipo String é pré-definido no prelúdio-padrão como um sinónimo de lista de carateres.

```
type String = [Char] -- definido no prelúdio-padrão

Por exemplo:

"abc"

é equivalente a
```

Como as cadeias são listas de carateres, podemos usar as funções de listas com cadeias de carateres.

Exemplos:

['a','b','c']

```
> length "abcde"
5
> take 3 "abcde"
"abc"
> zip "abc" [1,2,3,4]
[('a',1),('b',2),('c',3)]
```

# Cadeias em compreensão

Como as cadeias são listas, também podemos usar notação em compreensão com cadeias de carateres.

Exemplo: contar letras minúsculas.

```
minusculas :: String -> Int
minusculas txt = length [c | c<-txt, c>='a' && c<='z']</pre>
```

## Processamento de listas e de carateres

Muitas funções especializadas estão pré-definidas em m'odulos.

Para utilizar um módulo devemos importar as suas definições. Exemplo: o módulo Data.Char define operações sobre caracteres.

```
import Data.Char
minusculas :: String -> Int
minusculas cs = length [c | c<-cs, isLower c]
-- isLower :: Char -> Bool
-- testar se um carater é uma letra minúscula
```

Um outro exemplo: converter cadeias de carateres em maiúsculas.

```
import Data.Char

stringUpper :: String -> String
stringUpper cs = [toUpper c | c<-cs]

-- toUpper :: Char -> Char
-- converter letras em maiúsculas
```

## Mais informação

Podemos usar o GHCi para listar todos os nomes definidos num módulo:

Prelude> import Data.Char Prelude Data.Char> :browse