

全國高級中等學校 102 學年度工業類科學生技藝競賽電腦軟體設計

壹、試卷說明：

1. 請將寫好之程式原始檔依題號命名資料夾存檔，第一題取姓名_Q1，第二題取姓名_Q2，依序命名存檔，並存於 C 碟之資料夾" 姓名_Contest" 中。
2. 競賽時間4小時。
3. 將程式及編譯成執行檔儲存在C碟之資料夾姓名_Contest。

貳、評分說明：本試卷共六題，每題配分不一。

1. 每題評分只有對與錯兩種，對則給滿分，錯則不給分(即以零分計算)。
2. 每解答完一題上傳(程式及執行檔)，評審人員將針對該題進行測試，若解題正確則回應正確，若解題錯誤則扣該題一分至該題零分為止，答錯之題目可繼續作答。

試題一：局部編碼(17 分)

說明：局部編碼有許多應用，局部編碼(LC)是在一個資料區域內，利用相鄰鄰居和不同權重，來進行編碼。局部編碼可以利用下述公式來表示：

$$LC_{I,R}(x_c, y_c) = \sum_{i=0}^{I-1} T(d_i - d_c) \times 2^i \quad (1)$$

$$T(x) = \begin{cases} 1 & x \geq 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases} \quad (2)$$

其中， d_c 是在區域(R)中的中心點(x_c, y_c)之資料， d_i 是區域中心點之 I 個鄰居資料點， $d_i - d_c$ 表示鄰居資料點與中心點之差， 2^i 是鄰居資料點之對應權重， $T(x)$ 是一閾值函數，當 x 大於等於 0 時， $T(x)=1$ ，當 x 小於 0 時， $T(x)=0$ 。

程式功能：請利用上述公式(1)和公式(2)，寫一個程式，能完成以下功能之要求：

- (1)能讓使用者輸入 6x6 資料，這些資料要大於等於 0，不可以小於 0。
- (2)能讓使用者輸入 3x3 權重，這些權重是 2 的次方。
- (3)能讓使用者輸入要編碼之 3x3 區域的左上角座標。
- (4)程式可以計算和顯示要編碼之 3x3 區域的編碼結果。

程式執行範例：

工作桌編號 _____ 選手姓名 _____ 代表學校 _____

1 輸入資料

	0	1	2	3	4	5
0	100	100	100	100	100	100
1	100	55	35	28	100	100
2	100	52	43	38	100	100
3	100	26	65	46	100	100
4	100	100	100	100	100	100
5	100	100	100	100	100	100

2 權重矩陣設定

	0	1	2
0	1	2	4
1	8	0	16
2	32	64	128

3 輸入要運算的3x3區域之左上角座標

4 計算

5 編碼結果

201

葉澤木 11/2

範例說明:從上圖左邊開始,第1步讓使用者輸入6x6資料,第2步讓使用者輸入3x3權重,第3步讓使用者輸入要編碼之3x3區域的左上角座標,座標請參考輸入資料之座標(0~5, 0~5),第4步按計算執行,第5步顯示編碼結果。

上述範例,權重遮罩設定為 $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 8 & 0 & 16 \\ 32 & 64 & 128 \end{bmatrix}$,輸入要編碼之3x3區域的左上角座

標為(1,1),也就是要對輸入區域資料 $\begin{bmatrix} 55 & 35 & 28 \\ 52 & 43 & 38 \\ 26 & 65 & 46 \end{bmatrix}$ 進行編碼。再利用公式(2)

運算後,其結果為 $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ 。再利用公式(1)運算後,其編碼結果為201,如

上圖所示。

若妳(你)的程式都完成上述功能和要求,才可以上傳要求檢查功能。

試題二：隨機實數值轉換為等效二進制值(16分)

1. 設計一個程式系統能將隨機產生0.0~9999.999999之間的一個十進制實數值(Real value)轉換為等效二進制值(Binary value)。此實數值或二進制值其小數點左方的數值稱為整數部分(Integral part),而小數點右方的數值稱為分數部分(Fraction part)。
2. 實數值的整數部分轉換為二進制值的方法:將其整數部分 $\div 2$ 取其餘數插入二進制值左方,而其商值再 $\div 2$ 取其餘數插入二進制值左方,依此類推,直至商值為0;最後可得到實數值的整數部分之等效二進制值。
3. 實數值的分數部分轉換為二進制值的方法:將其分數部分 $\times 2$ 取其整數插入二進制值右方,而其新分數值再 $\times 2$ 取其整數插入二進制值右方,依此類推,直至新分數值為0或二進制值已具有10位數;最後可得到實數值的分數部分之等效二進制值。
4. 組合第2點與第3點轉換結果,即可得到十進制實數值轉換為等效二進制值。如果二進制值其小數點最右方存在無效0,則必須將其移除,並修正此等效二進制值。

例題1:十進制實數值74.3312轉換為等效二進制值1001010.0101010011。

例題2:十進制實數值19.561轉換為等效二進制值10011.1000111110,經修正為10011.100011111。

5. 設計此系統如下圖所示,每當滑鼠點一下Random鍵,則隨機產生0.0~9999.999999之間的一個十進制實數值顯示在Real value的右方,且此值可以人工修改(但限制在上述範圍內)。每當滑鼠點一下Convert鍵,則自動將Real value的十進制實數值轉換為等效二進制值,並顯示在Binary value的右方;如果二進制值其小數點最右方存在無效0,則將其移除,且將修正後的二進制值顯示於Final Binary value的右方;如不存在無效0,則Final Binary value的右方顯示值等同於原Binary value。上述可重複操作,直至滑鼠點一下Exit鍵,則自動離

開此系統。

Conversion of Random Real Value to Binary Value

Real value: Random

Binary value: Convert

Final Binary value: Exit

輸入格式：在 Real value 位置可隨機產生或人工輸入 0.0 ~ 9999.999999 之間任意一個的十進制實數值。

輸出格式：在 Binary value 及 Final Binary value 位置顯示此實數值的等效二進制值。

範例 1：在 Real value 位置隨機產生或人工輸入 19.561，滑鼠點一下 Convert 鍵，Binary value 及 Final Binary value 位置顯示如下：

Conversion of Random Real Value to Binary Value

Real value: Random

Binary value: Convert

Final Binary value: Exit

試題三：在地圖中搜尋最低成本的路徑。(17分)

說明：1. 如圖 3-1 所示為一交通示意圖，圓圈節點代表城市，並以數字表示其順序；連接線表示城市間的行進方向，連接線的數字代表成本（成本=距離*時速）。某君規劃假期將由出發地到目的地（如示意圖，由節點①到節點⑦），假設城市間的各路段之距離及時速可事先查詢完成，則某君在出發前即可將各路段之距離及時速換算為成本（如示意圖），據以搜尋最低成本的路徑，並處理得知其所經各城市節點的先後次序，及其路徑的總和最低成本值。請設計一程式完成之。範例一：

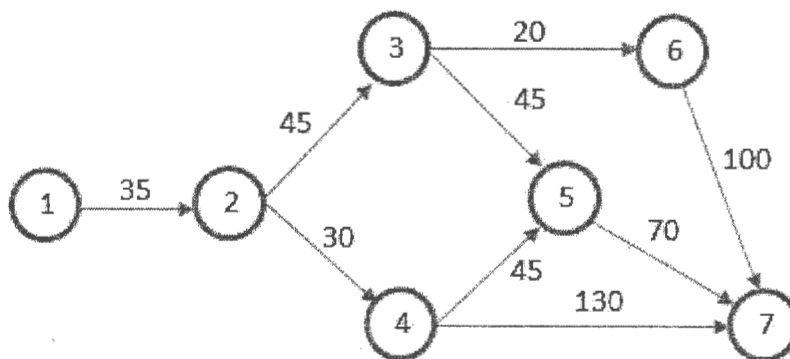


圖 3-1

- 當城市間連接線的成本值改變，仍然可搜尋最低成本的路徑，並獲得其所經各城市節點的先後次序，及其路徑的總和最低成本值。

輸入格式：1. 依序以「城市編號 城市編號 城市間連接線的成本數字」表示，
例如：由節點①到節點②的表示為「1 2 35」。餘此類推，將所有城市及城市間連接線的數字設定完成，並存成輸入檔。

2. 輸入檔內容可隨時更改，格式如圖 3-2 所示

<pre> 1 2 35 2 3 45 2 4 30 3 5 45 3 6 20 4 5 45 4 7 130 5 7 70 6 7 100 </pre> <p>圖 3-2</p>	<pre> 最低成本值總和:180 路徑次序: 1 2 4 5 7 連線數值: 0 35 30 45 70 </pre> <p>圖 3-3</p>
--	---

3. 可隨時更改輸入檔的成本值，再搜尋最低成本的路徑次序及其最低成本值。

輸出格式：印出最低成本值總和、其所經各城市節點的先後次序及其路徑值，如圖 3-3 所示：

範例二：1. 節點⑥到節點⑦的值改為 70，如圖 3-4 所示：

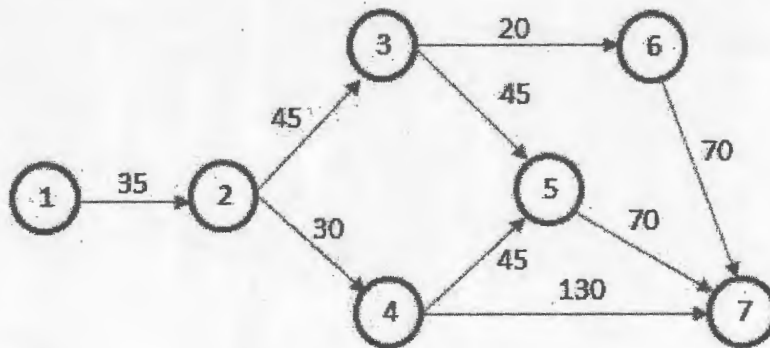
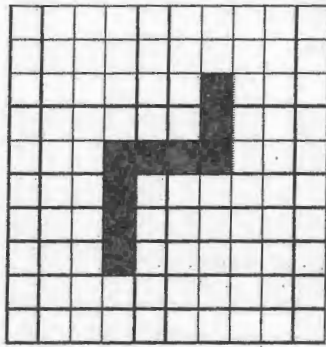


圖 3-4

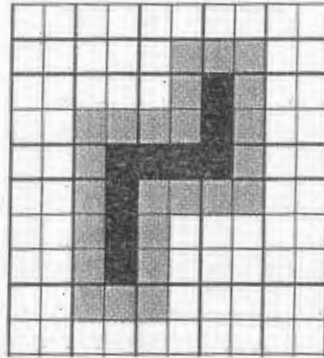
<pre> 1 2 35 2 3 45 2 4 30 3 5 45 3 6 20 4 5 45 4 7 130 5 7 70 6 7 70 </pre> <p>輸入格式：輸入檔更改內容，如上所示</p>	<pre> 輸出格式：印出最低成本值總和、其所經各城市節點的先後次序及其路徑值，如下所示： 最低成本值總和:170 路徑次序: 1 2 3 6 7 連線數值: 0 35 45 20 70 </pre>
---	---

試題四：膨脹處理程式(17分)

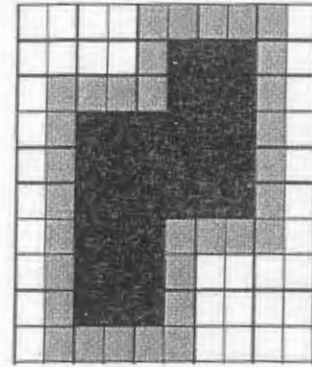
說明：影像處理過程中常需進行膨脹(Dilation)，將影像向8方擴展(某像素的八個近鄰)，可用於去除雜點及彌補缺口，如下圖所示：



原圖

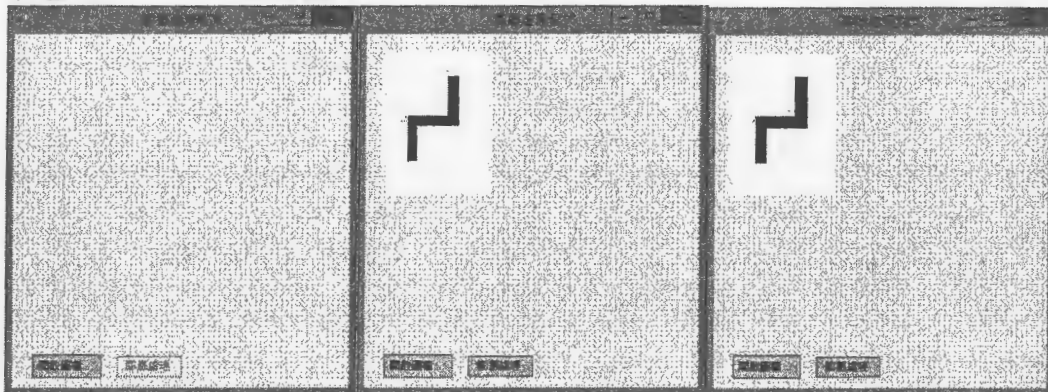


進行 1 次膨脹

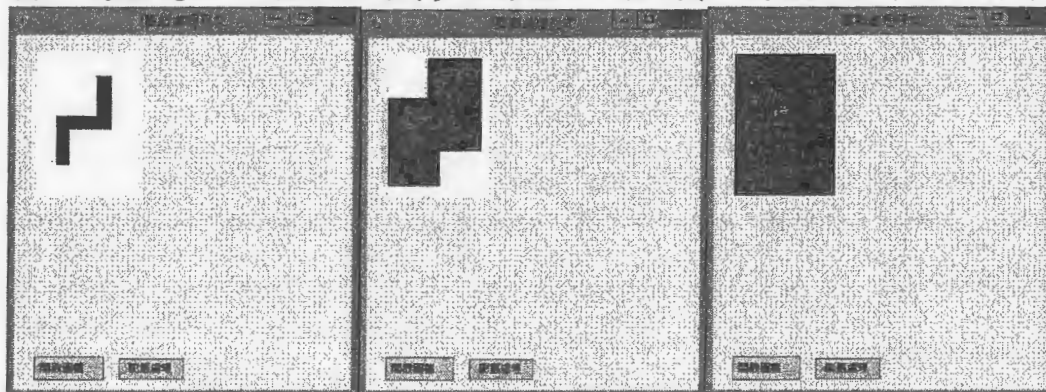


進行 2 次膨脹

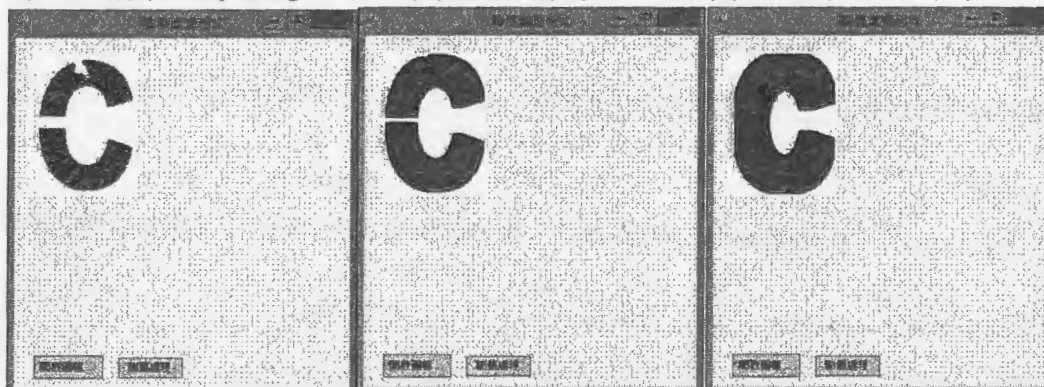
請寫隻程式能讀入圖檔，再按“膨脹處理”按鈕來進行圖案膨脹處理結果顯示在畫面上，如下面的圖所示：



按“膨脹處理”按鈕可進行多次膨脹，一直到最大膨脹，如下面的圖所示：



另一個能展現膨脹處理可去除雜點及彌補缺口的例子，如下面的圖所示：



試題五：印度小朋友的心算(16分)

說明：台灣小朋友會背 9 9 乘法，印度的乘法表是從 1X1 背到 19X19，但 11X11 到 19X19 是用心算算出！印度的兩位數乘法是用心算算出，但此心算必需被乘數跟乘數的十位數皆相同。例子 1: $13 \times 14 = ?$

第一步：先把被乘數 (13) 跟乘數的個位數 (4) 加起來， $13 + 4 = 17$

第二步：然後把第一步的答案乘以 10 (十位數皆是 1 也就是說後面加個 0 為 170)

第三步：再把被乘數的個位數 (3) 乘以乘數的個位數 (4)， $3 \times 4 = 12$

第四步： $170 + 12 = 182$

就這樣，用心算就可以很快地算出 11X11 到 19X19 了喔！

同理，例子 2: $26 \times 27 = ?$

第一步：先把被乘數 (26) 跟乘數的個位數 (7) 加起來， $26 + 7 = 33$

第二步：把第一步的答案乘以 20 (十位數皆是 2，乘 2 後，尾數再加個 0 為 660)

第三步：再把被乘數的個位數 (6) 乘以乘數的個位數 (7)， $6 \times 7 = 42$

第四步： $660 + 42 = 702$

就這樣，用心算就可以很快地算出 21X21 到 29X29 了喔！餘此可類推至更高位數！

小明想學印度的心算算法，請你(妳)設計一程式能隨機產生被乘數 m 及乘數 n (被乘數和乘數的十位數需相同)， $11 \leq m, n \leq 19$ 及 $21 \leq m, n \leq 29$ 如圖 5-1 讓小明心算作答，若小明答正確，程式回饋”very good”；若小明心算錯誤程式回饋”is wrong”並將正確的心算四個過程列出如圖 5-2。按清除需能出新題繼續作答。

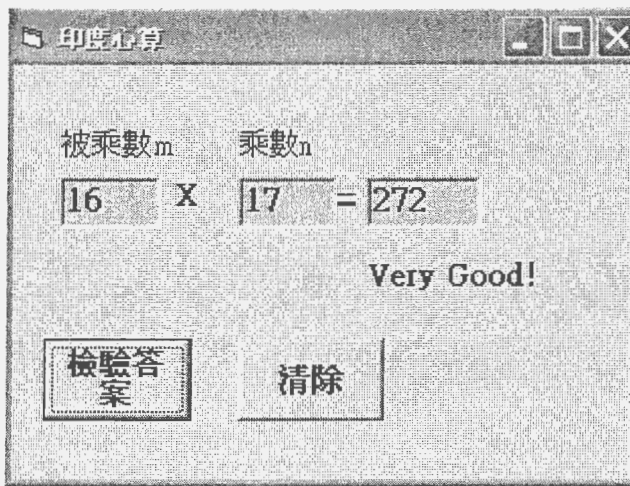


圖 5-1

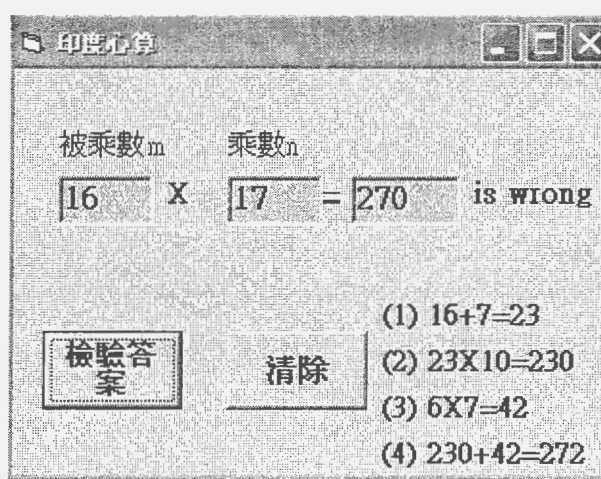


圖 5-2

試題六：多矩陣相乘運算次數(17分)

說明：1. 兩個矩陣乘法運算必須滿足 A 矩陣的行數(2)等於 B 矩陣的列數(2)才可以相乘。例如 $A_{3 \times 2} \times B_{2 \times 3}$

$A = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 0 & -1 \end{bmatrix}$	$A \times B = \begin{bmatrix} 1 \times 1 + 4 \times 2 & 1 \times 2 + 4 \times 0 & 1 \times 3 + 4 \times (-1) \\ 2 \times 1 + 3 \times 2 & 2 \times 2 + 3 \times 0 & 2 \times 3 + 3 \times (-1) \\ 3 \times 1 + 2 \times 2 & 3 \times 2 + 2 \times 0 & 3 \times 3 + 2 \times (-1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 2 & -1 \\ 8 & 4 & 3 \\ 7 & 6 & 7 \end{bmatrix}$ <p>$A_{3 \times 2} \times B_{2 \times 3}$ 的乘法運算次數為 $3 \times 2 \times 3 = 18$ 次；</p>
---	---

2. 給定 n 個矩陣 $M_1, M_2, M_3, M_4, \dots, M_n$ ，執行矩陣相乘運算，其中，每一矩陣之行數(column)與列數(row)均不大於 100，且 $3 \leq n \leq 10$ 。請你(妳)設計一程式能輸入 n 個可相乘矩陣大小，找到這些矩陣相乘時($M_1 \times M_2 \times M_3 \times M_4 \times \dots \times M_n$)具有最佳結合次序，求得最少的乘法運算次數，及顯示這些矩陣相乘之結合次序，以節省計算成本。如下圖所示。

參考範例：

假設共有 3 個矩陣 M_1, M_2, M_3 要執行矩陣相乘運算，其中 M_1 為(10 x 100)矩陣、 M_2 為(100 x 5)矩陣、 M_3 為(5 x 50)矩陣，因為矩陣乘法具有結合性，所以，

$M_1 (M_2 M_3) = (M_1 M_2) M_3$ ，故我們可以用兩種方法進行運算，分別求算其乘法運算次數。

1. 以 $M_1 (M_2 M_3)$ 進行矩陣相乘時，其乘法運算次數計算如下：

$$M_2(100 \times 5) M_3(5 \times 50) = P_{(100 \times 50)} \quad , \text{所需要之乘法運算次數} : 100 \times 5 \times 50 = 25000$$

$$M_1 (M_2 M_3) = M_1(10 \times 100) P_{(100 \times 50)} \quad , \text{所需要之乘法運算次數} : 10 \times 100 \times 50 = 50000$$

$$= Q_{(10 \times 50)}$$

$$\text{乘法運算次數總計為：} \quad 25000 + 50000 = 75000$$

2. 以 $(M_1 M_2) M_3$ 進行矩陣相乘時，其乘法運算次數計算如下：

$$M_1(10 \times 100) M_2(100 \times 5) = P_{(10 \times 5)} \quad , \text{所需要之乘法運算次數} : 10 \times 100 \times 5 = 5000$$

$$(M_1 M_2) M_3 = P_{(10 \times 5)} M_3(5 \times 50) \quad , \text{所需要之乘法運算次數} : 10 \times 5 \times 50 = 2500$$

$$= Q_{(10 \times 50)}$$

$$\text{乘法運算次數總計為：} \quad 5000 + 2500 = 7500$$

故矩陣相乘次序應為 $(M_1 M_2) M_3$ ，且最少乘法運算次數為 7500 次，以獲得最少之計算成本。運算次數結果顯示在畫面上，如下面的圖所示：

