

# 浮動小数点演算器の高速化 v11

---

東京大学大学院情報理工学系研究科 創造情報学専攻  
塩谷 亮太 (shioya@ci.i.u-tokyo.ac.jp)

名古屋工業大学 大学院 工学研究科 工学専攻  
小泉 透

# 浮動小数点演算器の高速化

## ■ 内容：

- ◇ 背景：冗長表現と乗算器
- ◇ LZA: Leading Zero Anticipation
- ◇ LZA 補正の高速化:
  - マスクを使う方法
  - 丸めの加算を補正の前に始める方法
- ◇ 絶対値を取る工夫
  - End-around-carry adder
  - 丸めによる加算との統合
- ◇ ウォレス木の厚みを意識した加算

## ■ [CMOSVLSI2014] 応用編

- ◇ 整数の加算器や乗算器の作り方が良くまとまっている
  - PPA の各種トポロジ, Booth エンコーダなど
- ◇ 色々みた中ではこの本の説明が最もわかりやすかった

## ■ [HFPA2018]

- ◇ 浮動小数点演算（ハードに限らず）全般が良くまとまっている
- ◇ FP 加算器や FMA の基本的な実装から各種最適化まで書かれている

# 背景：冗長表現と乗算器

---

# バイナリと Carry save 表現

## ■ バイナリ表現

◇ 通常の2進数の値の表現の事

## ■ Carry save 表現（冗長表現）

◇ 1つの数値を  $s$  と  $c$  の2組の和で表す

□  $s+c$  がバイナリ表現になる

□ =Carry save 表現では, ある1つの数を表す方法が複数存在する

◇ 同じ数値を表す例:

□ バイナリ表現:  $v=4b'1110$

□ carry save 表現:  $s=4b'1001, c=4b'0101$   
 $s=4b'1100, c=4b'0010...$

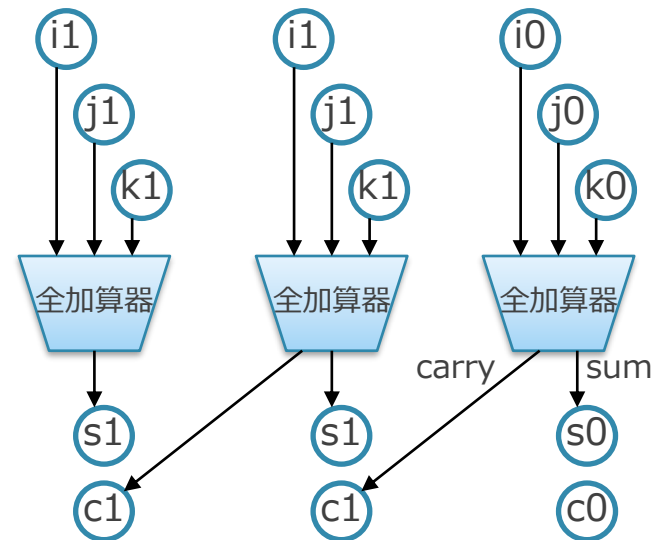
◇ 以下のようにも呼ばれる

□ 「redundant representations」

# CSA と桁上げ加算器

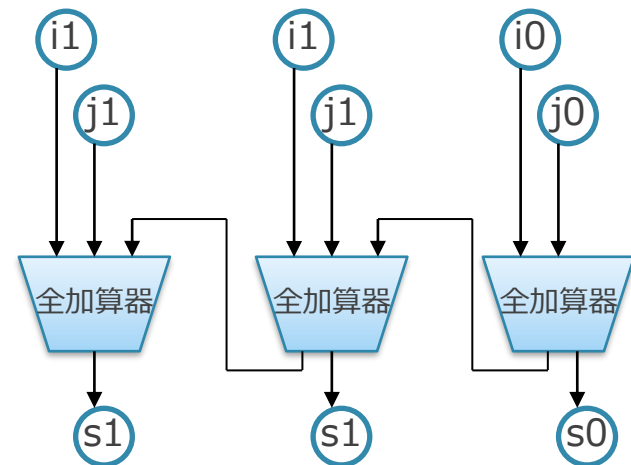
## ■ CSA: Carry Saved Adder

- ◇ Carry save 表現での加算を行う加算器
  - 全加算器を並列に並べたもの
- ◇ 回路規模が $\Theta(w)$ , 遅延が $\Theta(1)$ 
  - 回路規模はトランジスタ数を想定



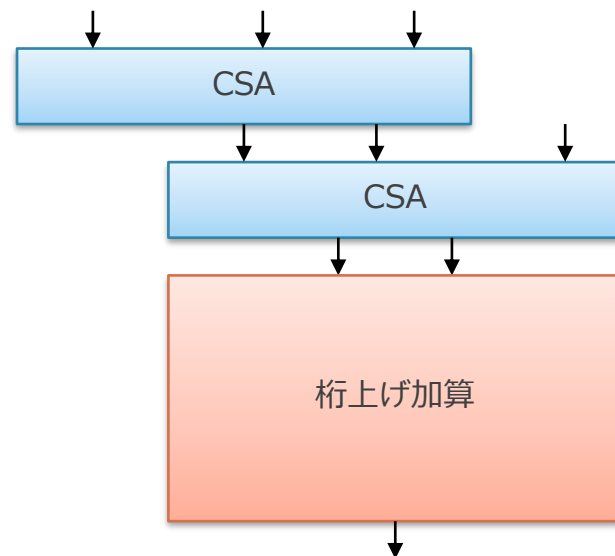
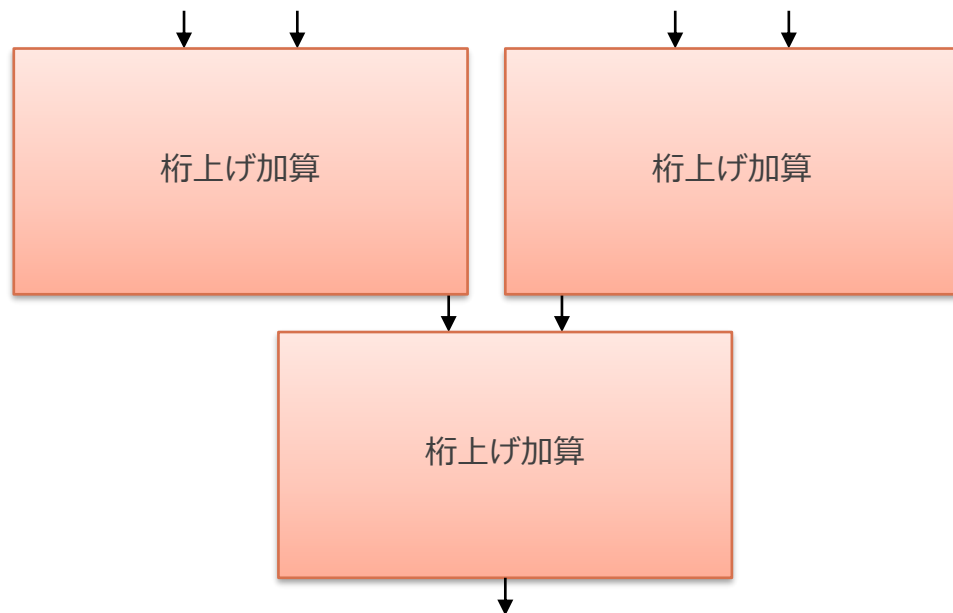
## ■ CPA: Carry Propagation Adder, 桁上げ加算器

- ◇ いわゆる通常の加算器
- ◇ 右図はリプルキャリーだが, 普通は **Parallel Prefix Adder (PPA)** が使われる
- ◇ PPA には色々組み方がある
- ◇ おおよそ 回路規模が  $\Omega(w) \sim O(w \log w)$ , 遅延が  $\Omega(\log w)$



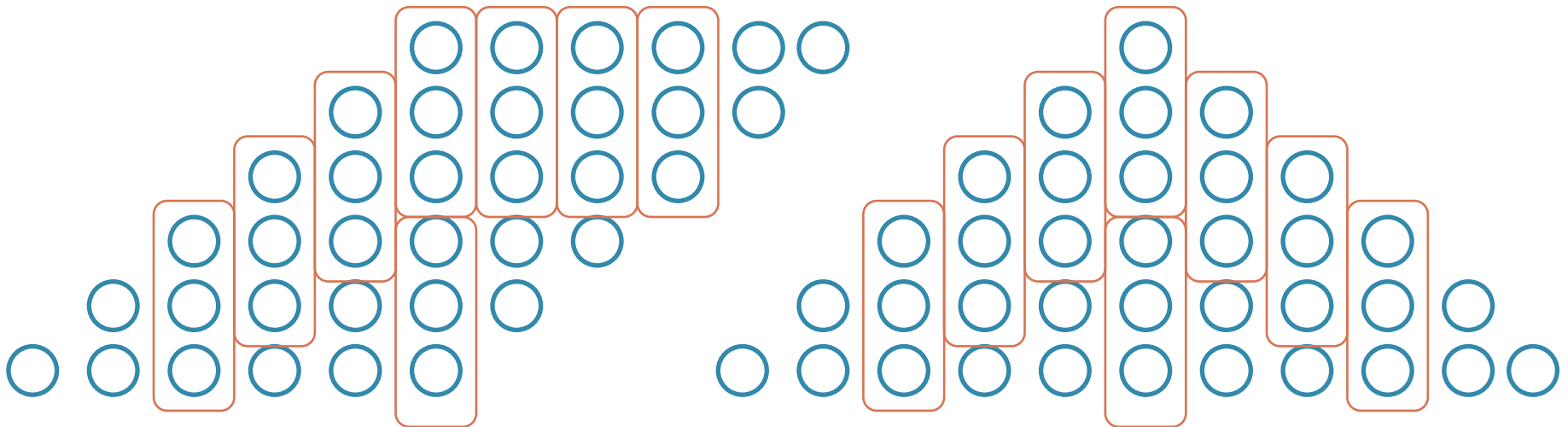
# CSA による加算のチェーンは非常に軽い

- $A+B+C+D\dots$  みたいなものは,
  - ◇ CSA で 2 つの値になるまで足し切ってから,
  - ◇ 最後に 1 回だけ桁上げ加算器で加算を行ってバイナリ表現にすれば良い



# CSA を使った乗算器

- ◇ 2進数の乗算は、基本的には筆算と同様に行う
  - 筆算で各桁を足し込んでいくのを CSA で行うので軽い
  - 筆算の各桁を 3 入力 2 出力 CSA でドンドン足していき、2 つになるまで潰す
- ◇ Wallace 木
  - この CSA による加算をツリー状に組んだもの
- ◇ 部分積 :
  - $a \times b$  において、 $a$  に  $b$  の特定のビットをかけた結果
  - 左下の筆算でいうところの各行のビット列に相当





# Booth エンコーディング

## ■ Booth エンコーディング

- ◇ 入力を冗長表現的なものに変換してから乗算する
- ◇ 部分積の数を減らすことができる
  - 2 進に比べると 10 進でやると筆算の際の加算の数がへるようなもの
- ◇ 基数 4（冗長な 4 進表現）がよく使われる
  - $-2, -1, 0, 1, 2$  倍の組み合わせに変換する
  - これらはシフトとビット反転だけで作れる
  - 基数 4 だと部分積の数を半分にできる

# **LZA: Leading Zero Anticipation**

# Leading Zero Count と Leading Zero Anticipation

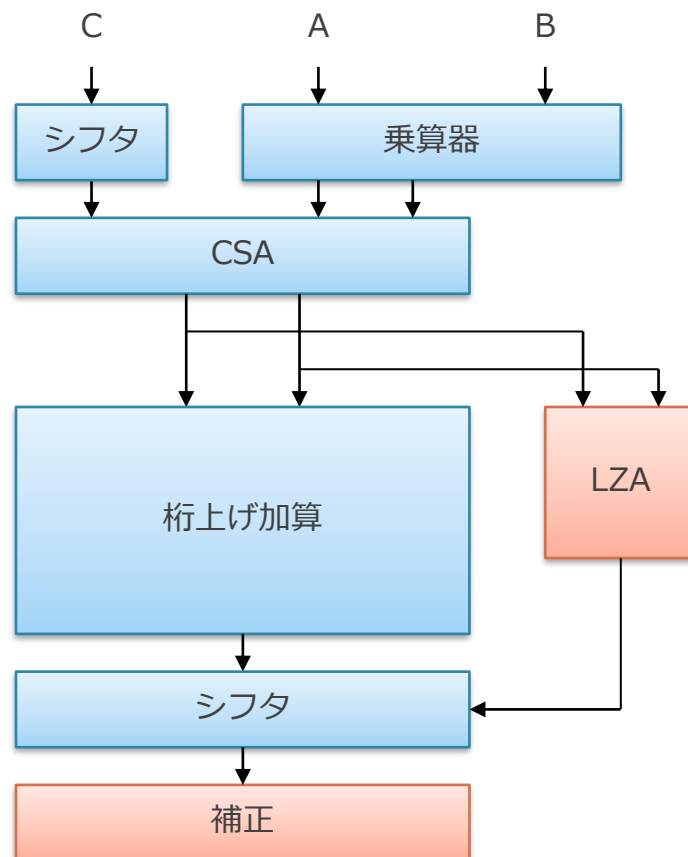
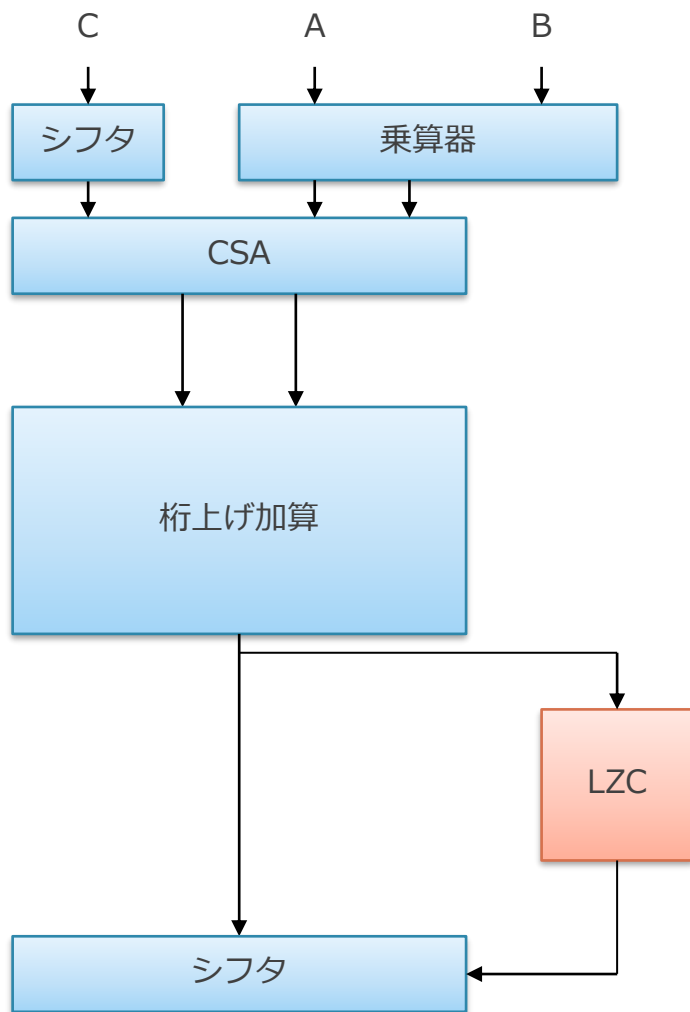
## ■ LZC: Leading Zero Count

- ◇ 最上位の連続したゼロの数を数える
- ◇ 浮動小数点数の正規化で使う
  - 減算でできる上位のゼロの部分をシフトで埋める

## ■ LZA: Leading Zero Anticipation

- ◇ 乗算の最後の桁上げ加算と並行して、ゼロの数を予測する
  - $c+s$  を計算してる間に  $LZA(c, s)$  により、 $c+s$  の結果のゼロの数を予測する
- ◇ 真のゼロの数から 1 ずれる可能性がある
  - シフトした結果の MSB をみて補正する
- ◇ 結果が符号付きでもできる（後述）

# FMA 演算器のブロック図 : LZC と LZA



# LZA のやりかた

## ■ 方針：

### 1. 推定ビット列 L を作る

- $A+B$  の真の結果に対し、上位の連続ゼロの個数が同じになるビット列を推定により作る
- 実際には真の結果から 1 ずれる場合がある

### 2. L に対して通常の LZC を行いゼロの数を数える

## ■ 例：

◇  $A+B$  の真の結果：            0b0000\_1101

◇ L：                                0b0001\_1011

- 上位の連続ゼロ個数が 1 つ少ない
- そこより下位はどうなっても良い

# 符号付き加算の LZA

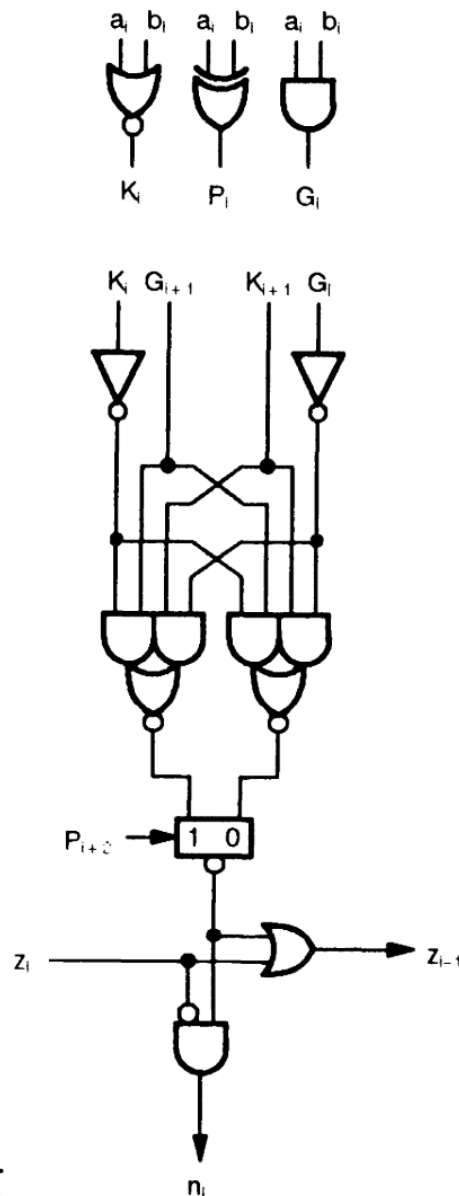
- $A+B$  が負になる場合に対応する必要がある
  - ◇ 結果が負の場合, 符号反転して絶対値がとられる
- 結果が負の場合に対応するため以下の予測を行う  
(両者は意味的に等価)
  - ◇  $\text{abs}(A+B+1)$  の leading zero count
  - ◇  $A+B$  の leading \*sign\* count

# 符号付き加算の LZA

- [Knowles1991] の Fig.4 に真理値表がある
- kill, propagate, generate から最初に sign が途切れるパターンを検出

**A = +141**    00010001101  
**B = - 41**    11111010111  
 -----  
 +100    00010100100  
          PPP<sup>^</sup>GPKPPGPG

**A = +141**    00010001101  
**B = -127**    11110000001  
 -----  
 + 14    00000001110  
          PPPGKKK<sup>^</sup>KPPKG



[i+2...i]	$z_i$
KKK	0
KKP	1
KKG	1
KPK	x
KPP	x
KPG	x
KGK	1
KGP	1
GGG	0
PKK	1
PKP	1
PKG	0
PPK	0
PPP	0
PPG	0
PGK	0
PGP	1
PGG	1
GKK	0
GKP	1
GKG	1
GPK	x
GPP	x
GPG	x
GGK	1
GGP	1
GGG	0

Fig. 4 : Normalization Distance Predictor Cell

# 符号付き加算の LZA の実装例

- 以降の実装で L() と L2() に対して LZC を行くと,  
絶対値を取った後のゼロの数に対して +0 or -1 の予測が得られる
  - ◇ シミュレーションにより全数で確認済み
- これらの実装の違いは,  
[Knowles1991] の真理値表の x の部分への対応が違っただけ



# 実装例 1

```
// [Schmookler12001] の Eq.1 より
localparam W = 8;
function automatic logic [W-1:0] L(input logic [W-1:0] a, input logic [W-1:0] b);
    logic [W:0] sa, sb;
    logic [W:0] H, HC, Z, ZC, G, GC;
    sa = {a[W-1], a}; // 1bit 上までみるので符号拡張
    sb = {b[W-1], b};
    H = sa ^ sb;
    HC = ~H;
    Z = ~sa & ~sb;
    ZC = ~Z;
    G = sa & sb;
    GC = ~G;
    // 一番下のビットは常に 1 でも LZA の性質的に大丈夫 (+0 or -1 を予測するので)
    return
        (HC>>1 & Z & ZC<<1) | (HC>>1 & G & GC<<1) |
        (H>>1 & G & ZC<<1) | (H>>1 & Z & GC<<1) | 1;
endfunction
```

## 実装例 2

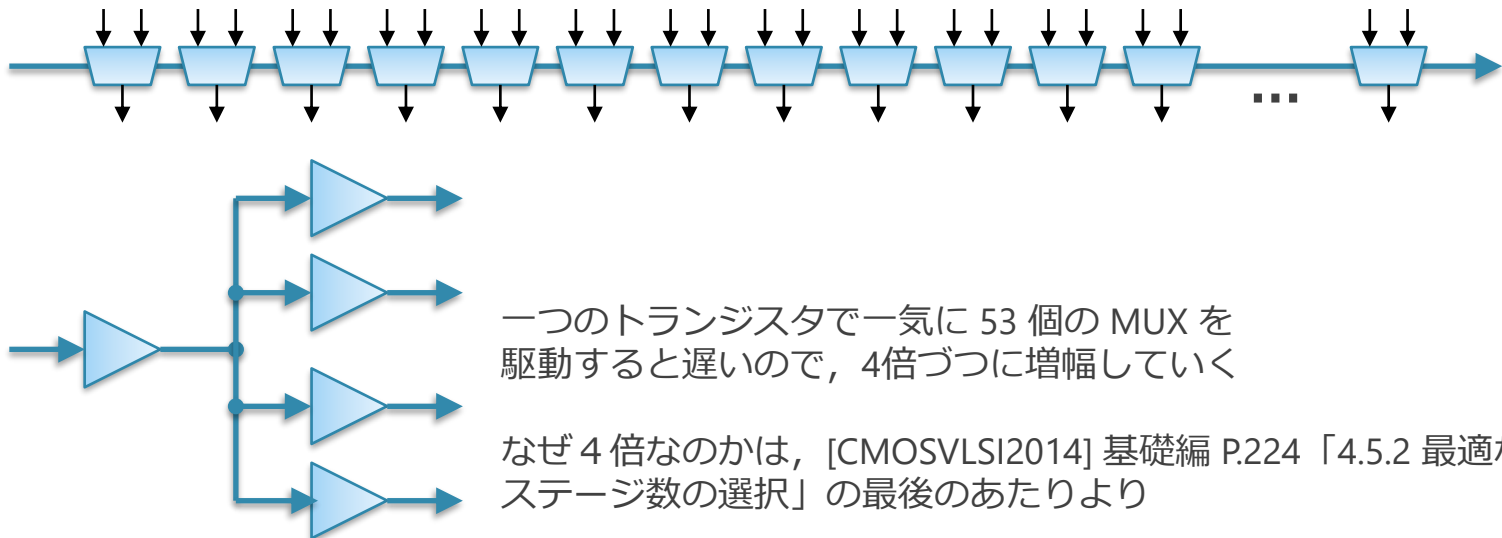
```
// [Hoskote2002] より. インテルの特許だが期限切れ (そもそも多分成立していない)
localparam W = 8;
function automatic logic [W-1:0] L2(input logic [W-1:0] a, input logic [W-1:0] b);
    logic [W:0] sa, sb;
    logic [W:0] P, X, G, N, O, Z;
    logic [W:0] n, o, L;
    sa = {a[W-1], a};
    sb = {b[W-1], b};
    P = sa ^ sb;
    X = ~P;
    G = sa & sb;
    N = ~G;
    O = sa | sb;
    Z = ~O;
    n = N | (N<<1);
    o = O | (O<<1);
    L = (X>>1) & n & o
        | (P>>1) & G & (O<<1)
        | (P>>1) & Z & (N<<1);
    return L | 1;
endfunction
```

- 多くの文献では LZA は +0 or +1 を予測すると記述されている
  - ◇ 本稿では既存の LZC やシフタの回路との RTL 上の記述の互換性をたもちやすくするために, +0 or -1 として説明した
  - ◇ 推定値 L の左端のビットを増減することで「+0 or +1」か「-1 or +0」は調整可能
- 符号付き LZA は K,P,G の 3 ビットをみて推定値 L を作っている
  - ◇ 最上位の連続した 0 や 1 が, K,P,G がどのように現れると途切れるのかを全通り考えると説明できる
  - ◇ [HPEEMD2006] P.201 に場合分けによる具体的な説明がある

# LZA 補正の高速化: マスクを使う方法

# LZA の補正

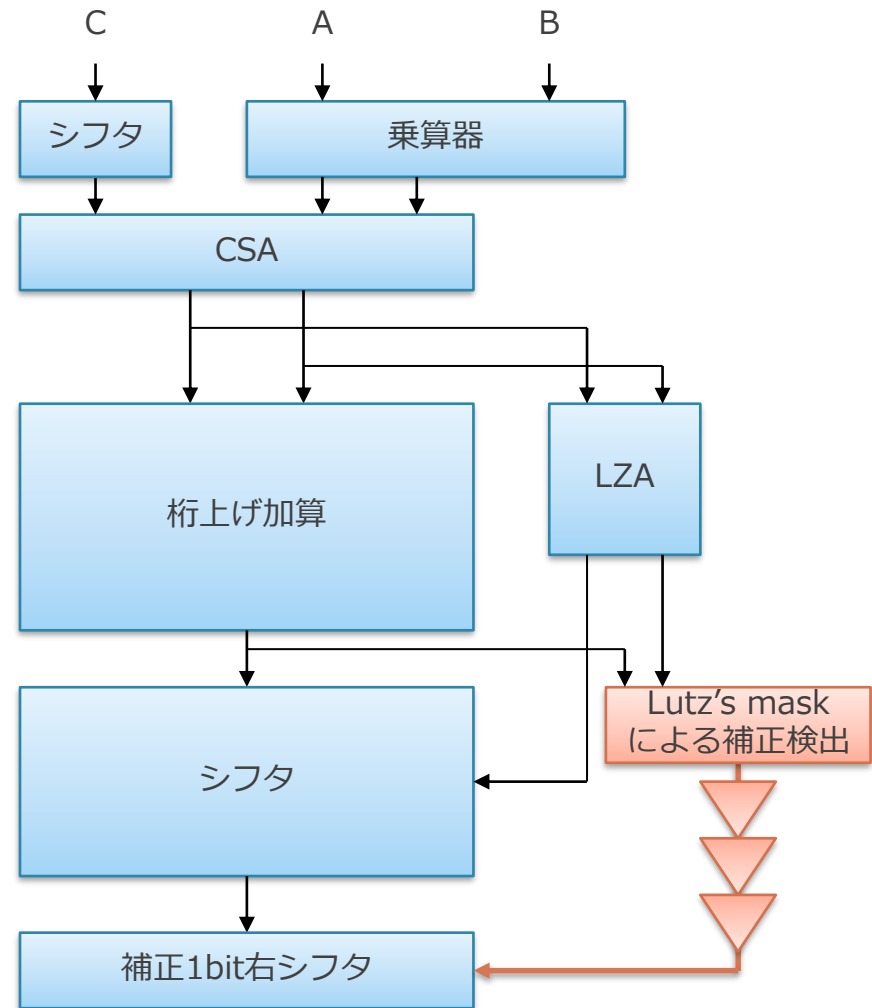
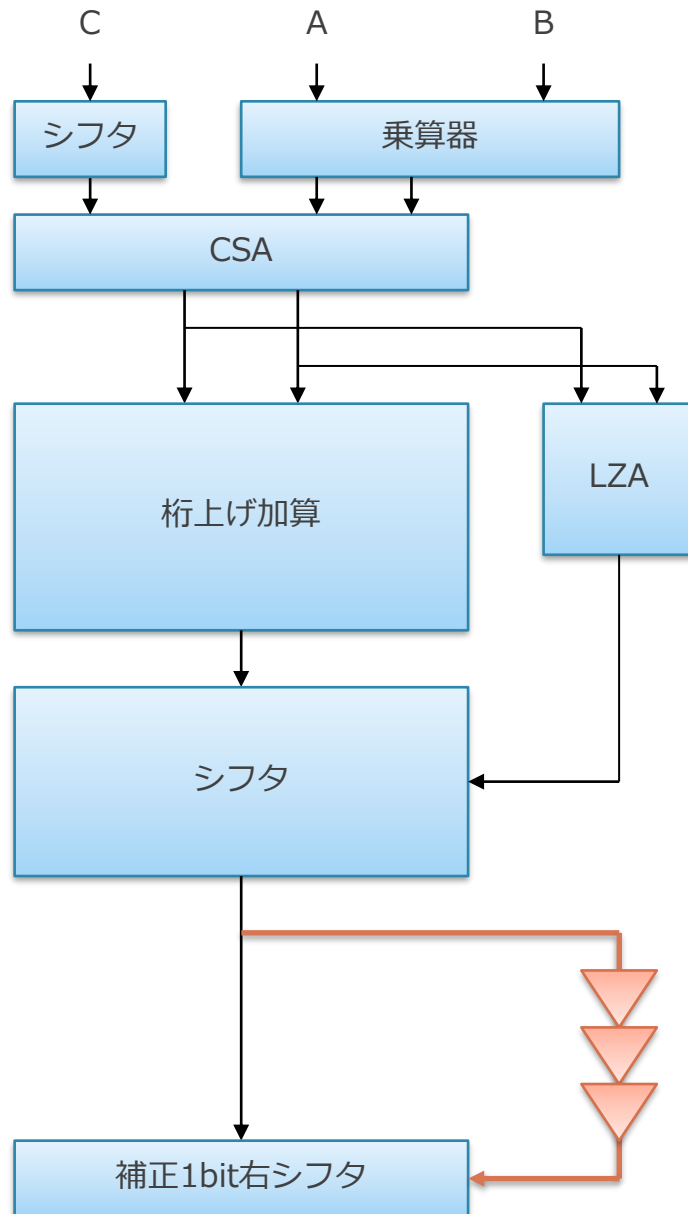
- LZA はシフト量を +0 or -1 で予測する
  - ◇ 正規化後の MSB を見て, 0 ならもう 1 ビット左シフト
  - ◇ 仮数部のビット幅分だけの 2:1 マルチプレクサとなる
- このマルチプレクサの選択信号は fanout が非常に大きく遅い
  - ◇ MSB から選択信号への経路はクリティカルパス
  - ◇ Fanout 4 のドライバのツリーで駆動した場合, 仮数部 53 bit だと  $\log_4(64)=3$  より 3 段程度?



# LZA のエラーの早期検出

- [Lutz2017] LZA のエラーを正規化のシフトと並列になるべく早く検出する
  - ◇ 正規化シフト後の MSB にあたるビットをマスクにより抽出,
  - ◇ OR でかき集めて高速に得る
    - シフタよりも OR ツリーの方が速い

# Lutz's mask による補正検出



# 補正の必要性判定

## ■ LZA の補正結果の取得

1.  $A+B$  による桁上げ加算の結果と Lutz's mask を AND 演算
2. その結果の全ビットを OR
3. この結果が 0 なら, 追加で 1 ビットシフトが必要

## ■ 例 :

◇ LZA L:                   0b0110\_1001

1. Lutz's mask:           0b0100\_0000

2.  $A+B$ :                   0b0011\_1010

3.  $|((A+B)\&\text{mask})$ : 0b0

□ → LZA に従ったシフト後の最上位が 0 → 補正が必要



# Lutz's mask [Lutz2017]

- LZA の推定値  $L$  から, 最も上位の 1 だけが立ったマスクを作る

◇  $L=0b01001110$  の場合,  
 $mask=0b01000000$

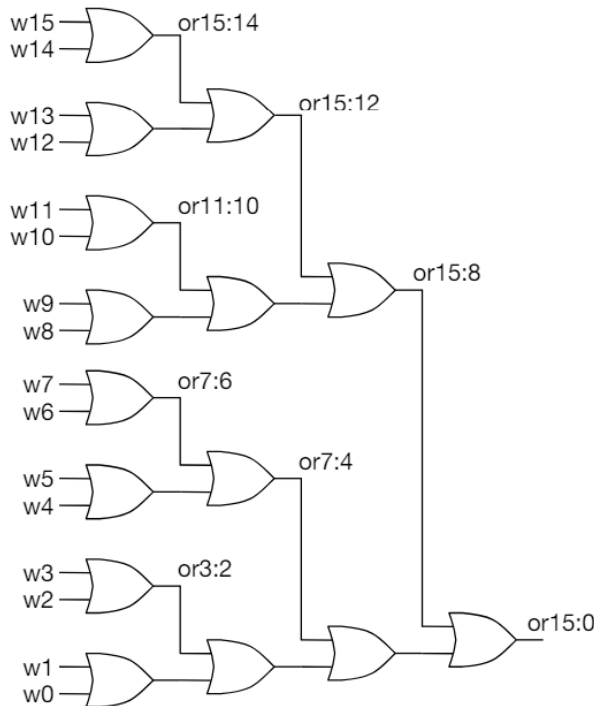


Fig. 5. OR tree for masks

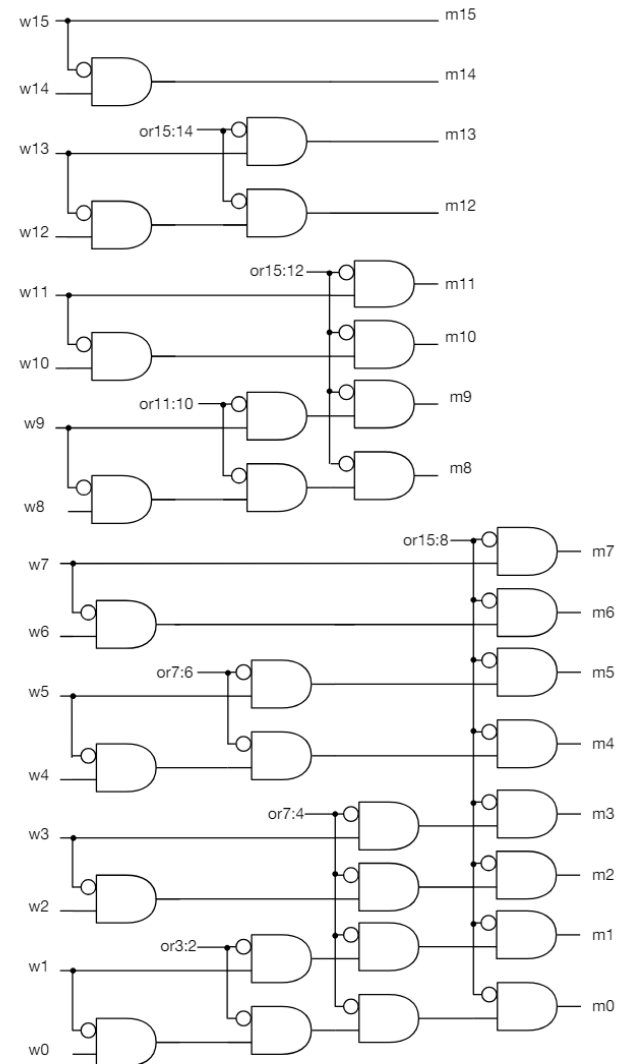


Fig. 6. First one mask

# Lutz's mask の別の作り方？

## ■ 作り方：

◇ L を温度計エンコーディング T に変換

□ L の各ビットに対し，自身より上位に 1 がいたら 1 が立つよう OR のネットワークを組む

□ PPA と同様のプリフィクス演算になる

＊ [CMOSVLSI2014] 応用編 P.668 参照

◇ T をビット反転し，右に 1 ビットシフトしてから T と AND

## ■ 例：L=0b01001110 の場合

◇ T=0b01111111

◇ mask=

$(\sim T \gg 1) \& T =$

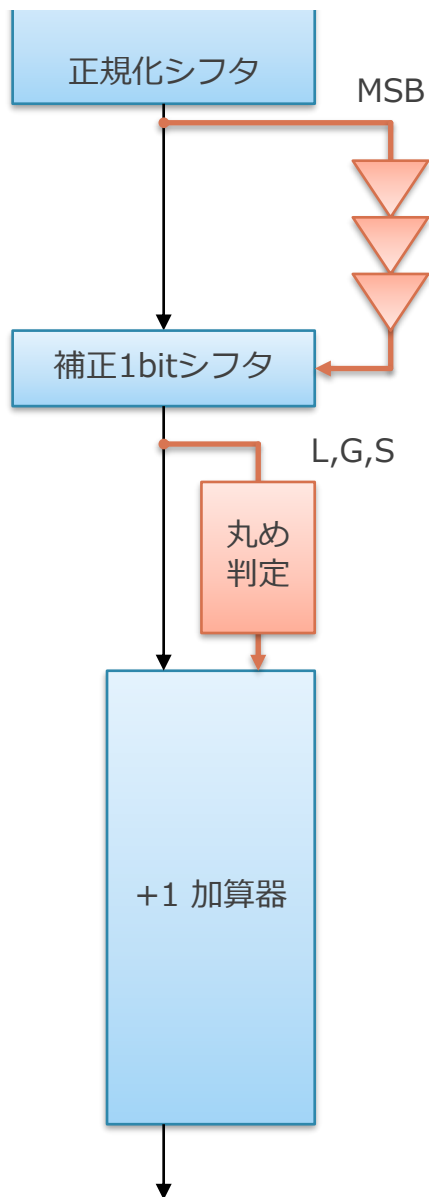
$(0b10000000 \gg 1) \& 0b01111111 = 0b01000000$

# 応用: guard や sticky ビットの早期取得

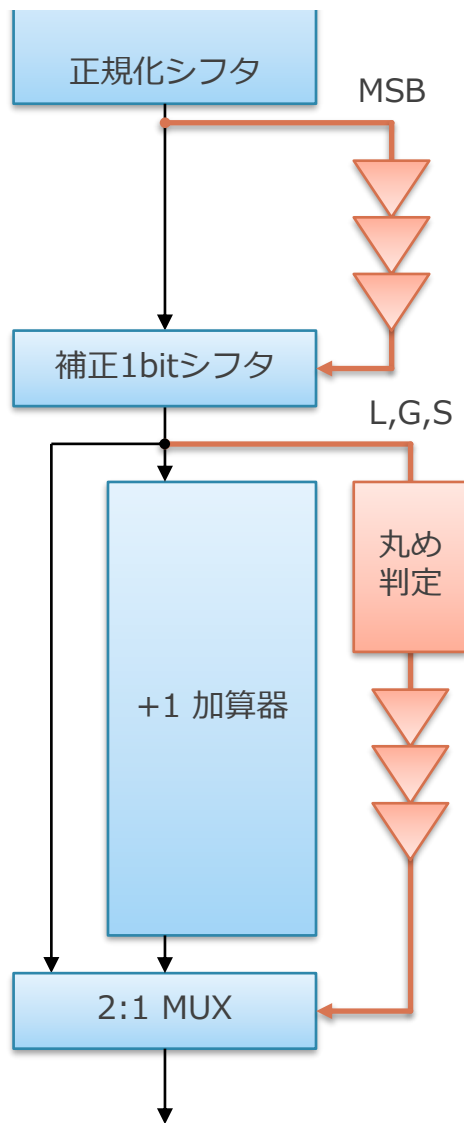
- Lutz's mask の応用で正規化前にわかる
  - ◇ 仮数部の幅 ( $+\alpha$ ) だけずらせば, guard bit を取り出せる
  - ◇ sticky bit では温度計エンコーディングの時点のマスクを使えば良い

# LZA 補正の高速化： 丸めの加算を補正の前に始める方法

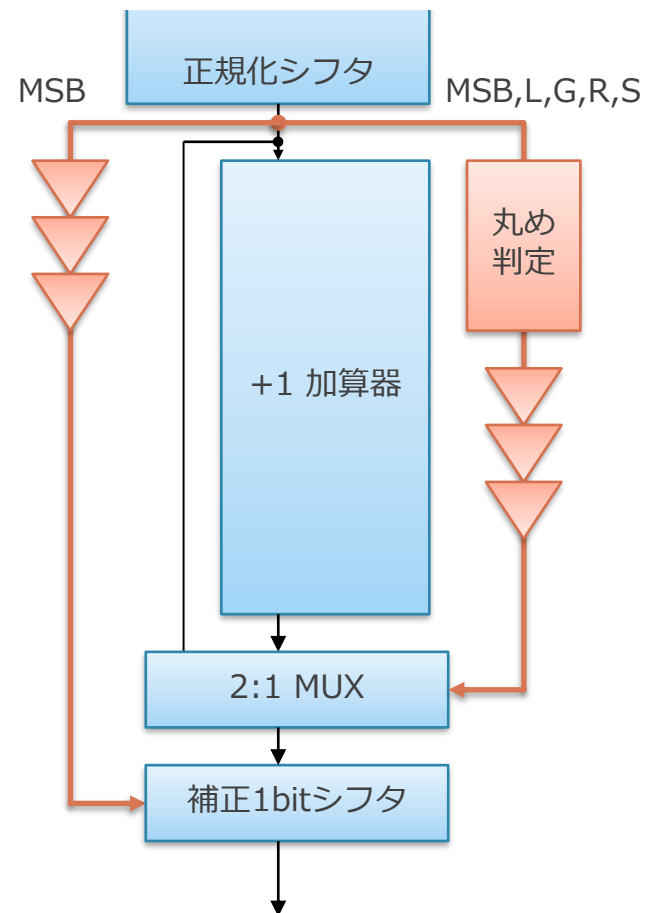
- ナイーブな実装：LZA の補正 → 丸め判定 → インクリメント
  - ◇ LZA の補正は fanout が大きいので遅い
  - ◇ 丸め判定はインクリメントと並行してできる
- アプローチ：
  - ◇ LZA 補正もインクリメントと並行してやりたい
  - ◇ 補正前の値に対してインクリメントを行う



(a) ナイーブな実装



(b) 丸め判定とインクリメントを  
並行して行う



L: 正規化後の最下位ビット  
G: L の1つ下のビット  
R: G の1つ下のビット  
S: スティッキービット

(c) インクリメントと補正も  
並行して行う

# 丸めの加算を補正の前に始める方法

- LZA に基づく正規化後の結果は以下のいずれか：
  - ◇  $0b1xxx\_xLG$  // 左端が 1 なのでそのまま
  - ◇  $0b0xxx\_xLG$  // 左端が 0 なので LZA 補正シフトがいる  
(簡単のため 8 ビットに短縮 & G より下のビットは省略)
- 投機的に上記 L ビットに +1 しておく
  - ◇ 補正シフト時はこの結果を使ってインクリメントの結果をつくる
  - ◇ 補正が必要だった場合, 左シフトされるので +2 を足していたことになる
- 場合わけ：
  - ◇  $0b1xxx\_xxLG$  :
    - +1 の結果をそのまま使う
  - ◇  $0b0xxx\_xxLG$  :
    - G が 0 :  $0bxxx\_xxL0 + 0b1 \Rightarrow 0bxxx\_xxL1$
    - G が 1 :
      - \*  $0bxxx\_xxL1 + 0b1 \Rightarrow L$  に +1 が繰り上がってくるので, 投機的に+2 を足した結果が使える

# 実装イメージ

ここではスティッキービットは考えないことにする

// 0b1xxx\_xLGR or 0b0xxx\_xLGR から 6bit を計算する

// ナイーブな実装

```
function logic [5:0] r(input logic [7:0] n)           // 正規化シフタの出力
    logic [6:0] c = n[7] ? n[7:1] : n[6:0];           // 1bit 補正シフト
    logic [5:0] o = c[6:1] + (round_away(c[0]) ? 1 : 0); // 丸めのインクリメント
    return o;
endfunction
```

// 丸め判定とインクリメントを並行に

```
function logic [5:0] r(input logic [7:0] n)           // 正規化シフタの出力
    logic [6:0] c = n[7] ? n[7:1] : n[6:0];           // 1bit 補正シフト
    logic [5:0] t = c[6:1] + 1;                         // 丸めのインクリメント
    logic [5:0] o = round_away(c[0]) ? t : c[6:1];
    return o;
endfunction
```

// 補正も並行に

```
function logic [5:0] r(input logic [7:0] n)           // 正規化シフタの出力
    logic [5:0] s = n[7:2] + 1;                         // とりあえず1に1を足しておく
    logic u = n[7] ? round_away(n[1]) : round_away(n[0]) & n[1];
    logic [6:0] p;
    p[6:1] = u ? s : n[7:2];
    p[0] = round_away(n[0]) ^ n[1];
    logic [5:0] o = n[7] ? p[6:1] : p[5:0];
    return o;
endfunction
```



# 実装イメージ

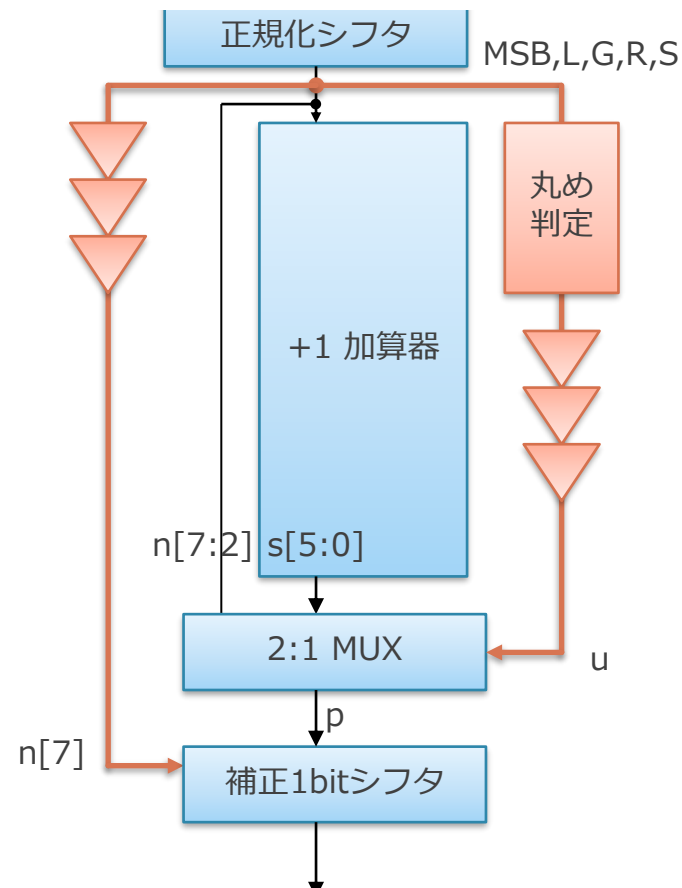
ここではスティッキービットは考えないことにする

```
// 0b1xxx_xLGR or 0b0xxx_xLGR から 6bit を計算する  
// 補正も並行に
```

```
function logic [5:0] r(input logic [7:0] n)  
  logic [5:0] s = n[7:2] + 1;  
  logic u = n[7] ?  
    round_away(n[1]) : round_away(n[0]) & n[1];  
  logic [6:0] p;  
  p[6:1] = u ? s : n[7:2];  
  p[0] = round_away(n[0]) ^ n[1];  
  logic [5:0] o = n[7] ? p[6:1] : p[5:0];  
  return o;  
endfunction
```

```
// 以下のように, MSB/L/G/R のパターンに分解して考える
```

logic [6:0] p;	
if ( n[7] & round_away(n[1]))	p = { s[5], s[4:0], 1'bX }; // 一番下は何でもOK
if ( n[7] & !round_away(n[1]))	p = { n[7], n[6:2], 1'bX }; // 一番下は何でもOK
if (!n[7] & round_away(n[0]) & n[1])	p = { 1'bX, s[4:0], 1'b0 }; // 一番上は何でもOK
if (!n[7] & round_away(n[0]) & !n[1])	p = { 1'bX, n[6:2], 1'b1 }; // 一番上は何でもOK
if (!n[7] & !round_away(n[0]))	p = { 1'bX, n[6:2], n[1] }; // 一番上は何でもOK



# 絶対値を取る工夫

---

# 絶対値を取る工夫

- FP では計算結果の仮数から絶対値を取る必要がある
  - ◇ 減算の場合は必要に応じて符号反転を行う
  - ◇ 符号をみて +1 or ビット反転で実現
- $|A-B|$ :  $A+\sim B$  を計算して,
  - ◇ 結果が正なら結果に +1:
    - $(A+\sim B)+1 = A-B-1+1 = A-B$
  - ◇ 結果が負なら結果をビット反転:
    - $\sim(A+\sim B) = -(A+\sim B)-1 = -A-\sim B-1 = -A+B$
  - ◇ 備考:  $-B=\sim B+1 \rightarrow \sim B = -B - 1$

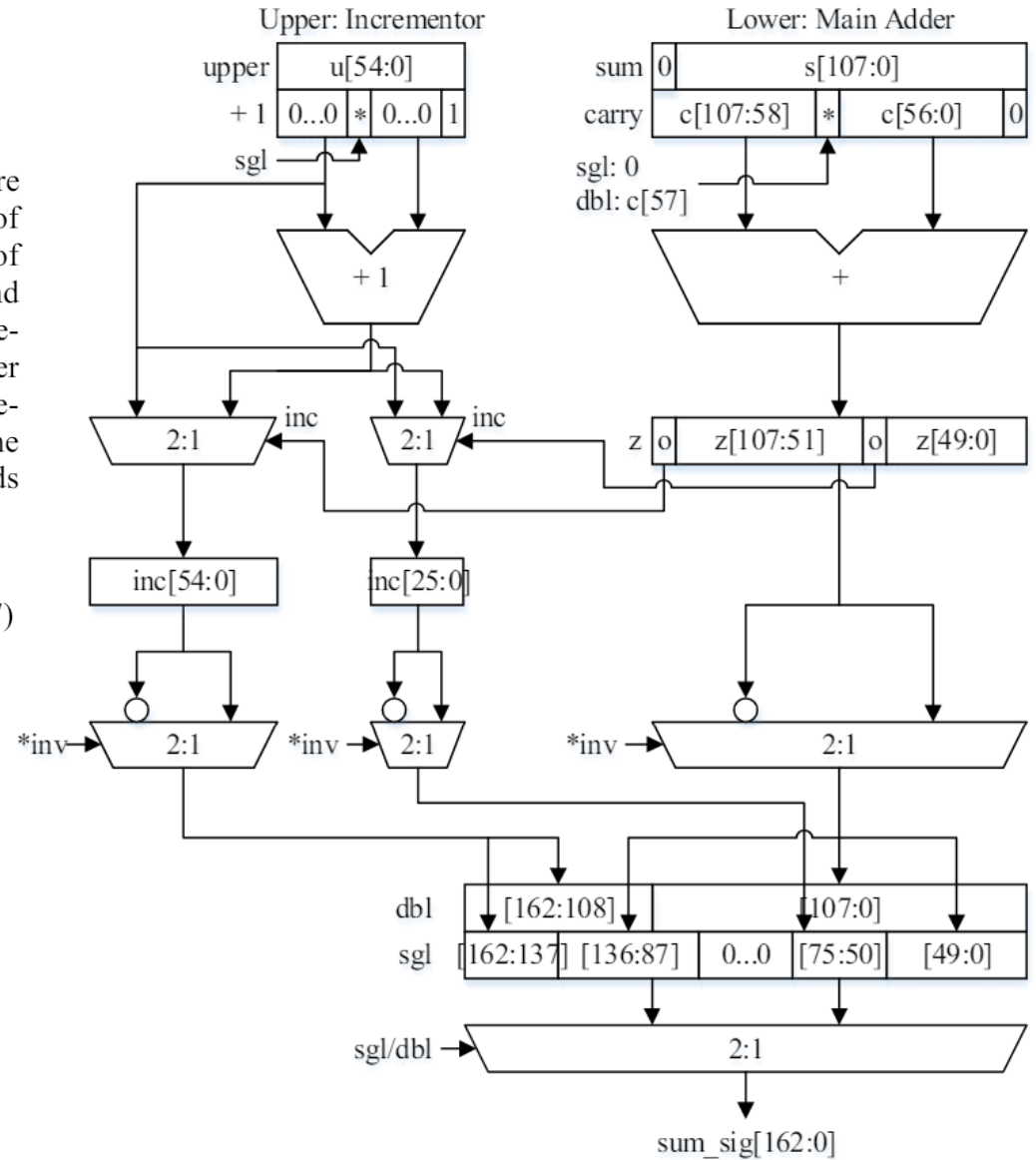
# [Sohn2023] より

## C. Main adder and Incrementor

The significand sum and carry from the multiplier are passed to the main adder. The main adder computes the sum of the two significands for a set of double precision, or two sets of single precision as shown in Fig. 5. Also, the upper significand from the alignment is passed to the incrementor. The incrementor adds one to the upper significand only if the main adder produces carry-out. The result of the main adder and incrementor needs to be two's complemented if it is positive. On the other hand, the result of the main adder and incrementor needs to be inverted if it is negative.

$$\begin{aligned} X - Y &= X + \bar{Y} + 1 & (X > Y) \\ Y - X &= \overline{X + \bar{Y}} & (X < Y) \end{aligned}$$

(7)



\*inv = upper allones & inc & truesub

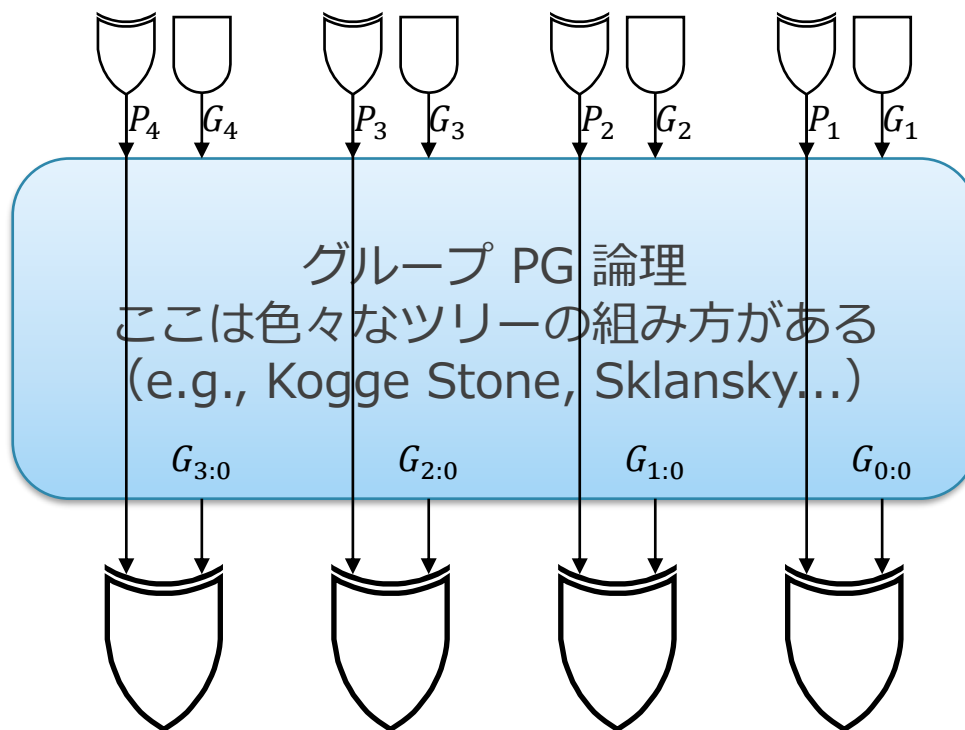
Fig. 5. Main Adder and Incrementor

# 加算と絶対値

- 「結果が正なら結果に +1」を実現するためには,  
符号を知るために一度桁上げ加算をしないといけない
  - ◇ そのままでは +1 のための桁上げ加算がその後に直列に行われる
  - ◇ 遅延が伸びるのでなんとかしたい
- 解決方法：
  1. End-around-carry adder
  2. 丸めによる加算との統合

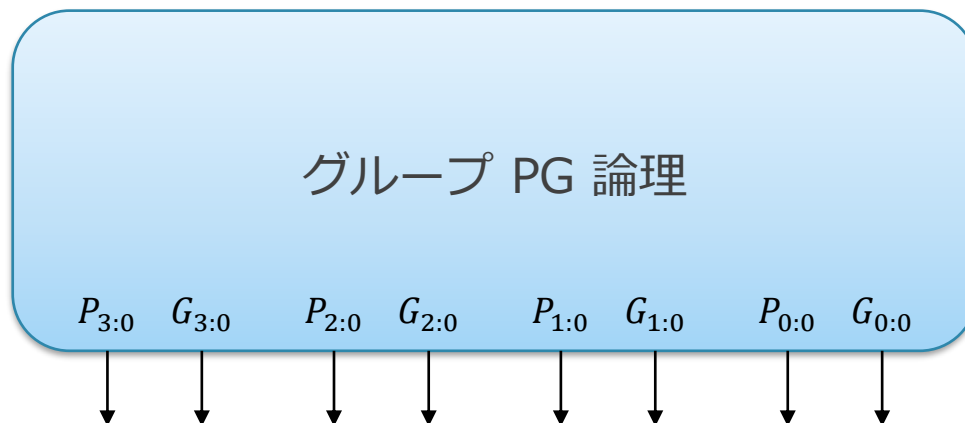
# Parallel Prefix Adder (PPA)

- 自分より先行する（下位全体の） P と G を並列に計算して加算を行う
  - ◇ グループキャリー生成： $G_{i:j} = G_{i:k} + P_{i:k} \cdot G_{k-1:j}$
  - ◇ グループキャリー伝搬： $P_{i:j} = P_{i:k} \cdot P_{k-1:j}$



# End-around-carry adder / Flagged adder

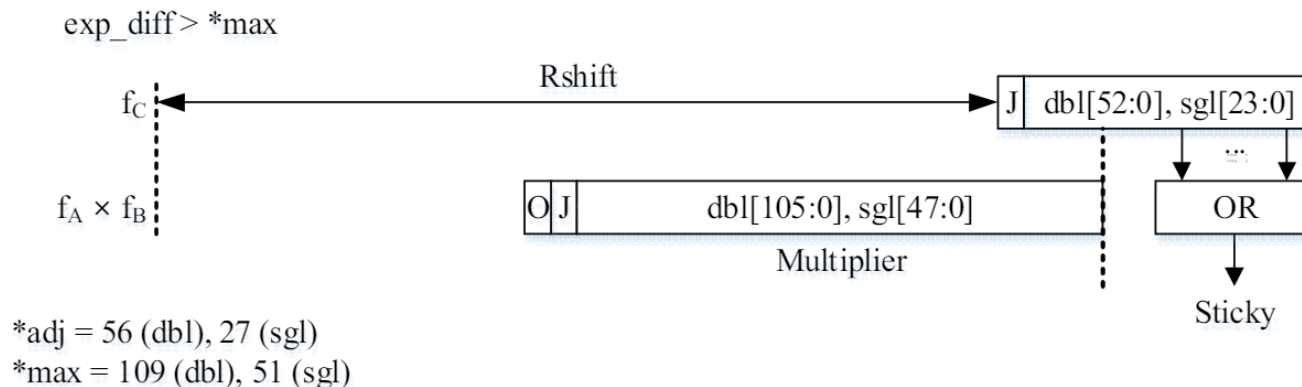
- グループ PG 論理は, 各桁毎にそこまでのキャリー伝搬の有無を算出する
  - ◇ キャリー伝搬の情報から, 最後に1回だけ追加 +1 ができる
    - $G'_{i-1:0} = G_{i-1:0} + P_{i-1:0} \cdot inc$
  - ◇ A+B の結果の符号をみて, 結果に応じてさらに +1 をする事ができる
    - うまく使うと  $abs(A-B)$  が1つの桁上げ加算でできる
- [CMOSVLSI2014] 応用編 P.626, [HPEEMD2006] P.199 に説明あり



# 補数を取るインクリメントと round away の統合 [Sohn2023] より

- 正規化前の LSB への +1 が,  
正規化後に影響を与えるのは（正規化後 LSB に繰り上がるのは）,  
正規化前の下位ビット（sticky bit 相当分）が全部 1 のときのみ
  - ◇ sticky bit 相当分が全部 1 だったかを正規化と並列して検出できる
- 繰り上がりがあった場合、結果の下位ビットは全てゼロなので、  
そこからさらに切り上がることはない
  - ◇ 正規化前の LSB への +1 と、丸めの切り上げ時の+1は排他で起きる
  - ◇ +1 する回路は丸めのところの 1 つでよい

## 4. Big right shift





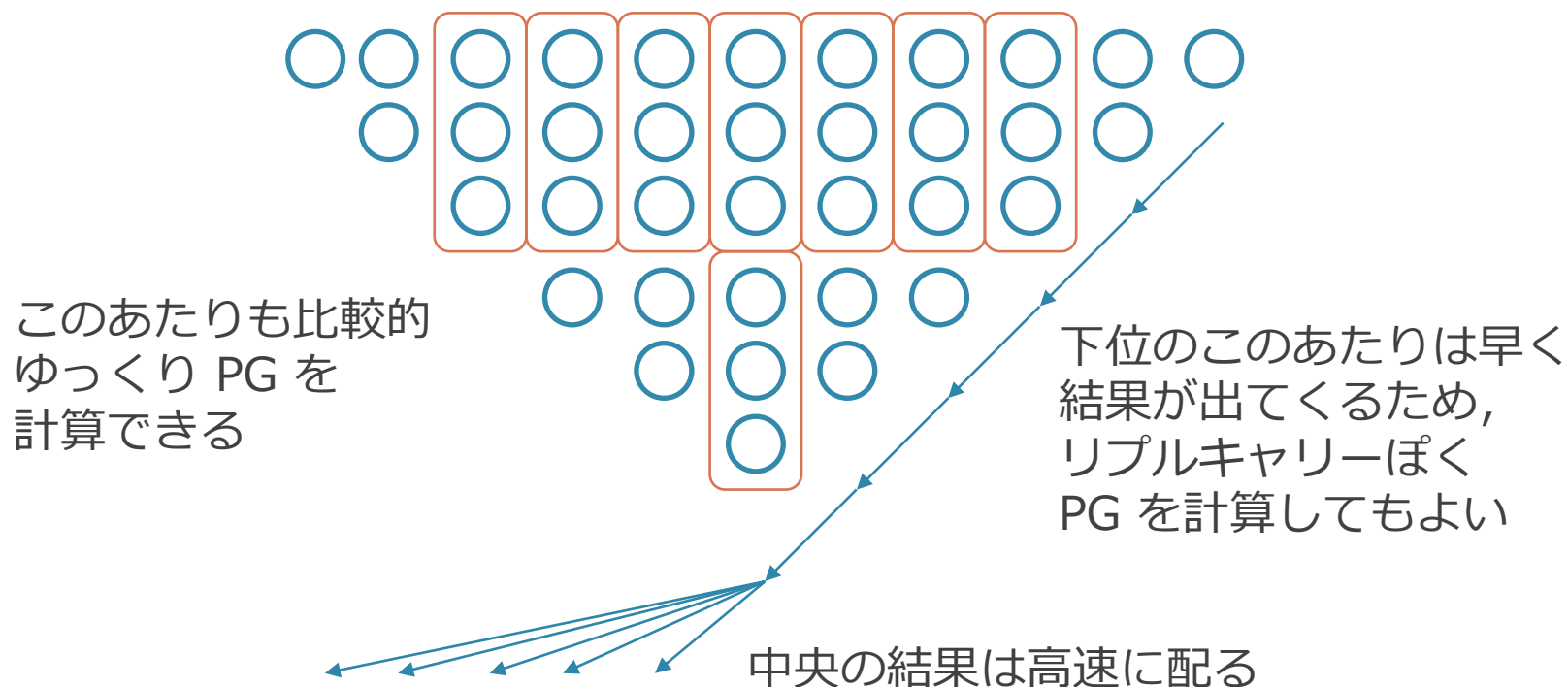
# End-around-carry との比較

- End-around-carry adder を使うと,  $a+b$  と  $a+b+1$  を同時に求められる
  - ◇ 結果の符号ビットをみてから  $+1$  側を選択できる
  - ◇ 欠点：ただし, この加算器を手書きで作らないといけない
    - 自動合成させられない
- 丸めへの統合だと上記は必要ない
  - ◇ インクリメントはただの加算として記述できる
  - ◇ 利点：自分で桁上げ加算器を作る必要がない
  - ◇ 欠点：all-zero detector が追加が必要（それほど大きくない）

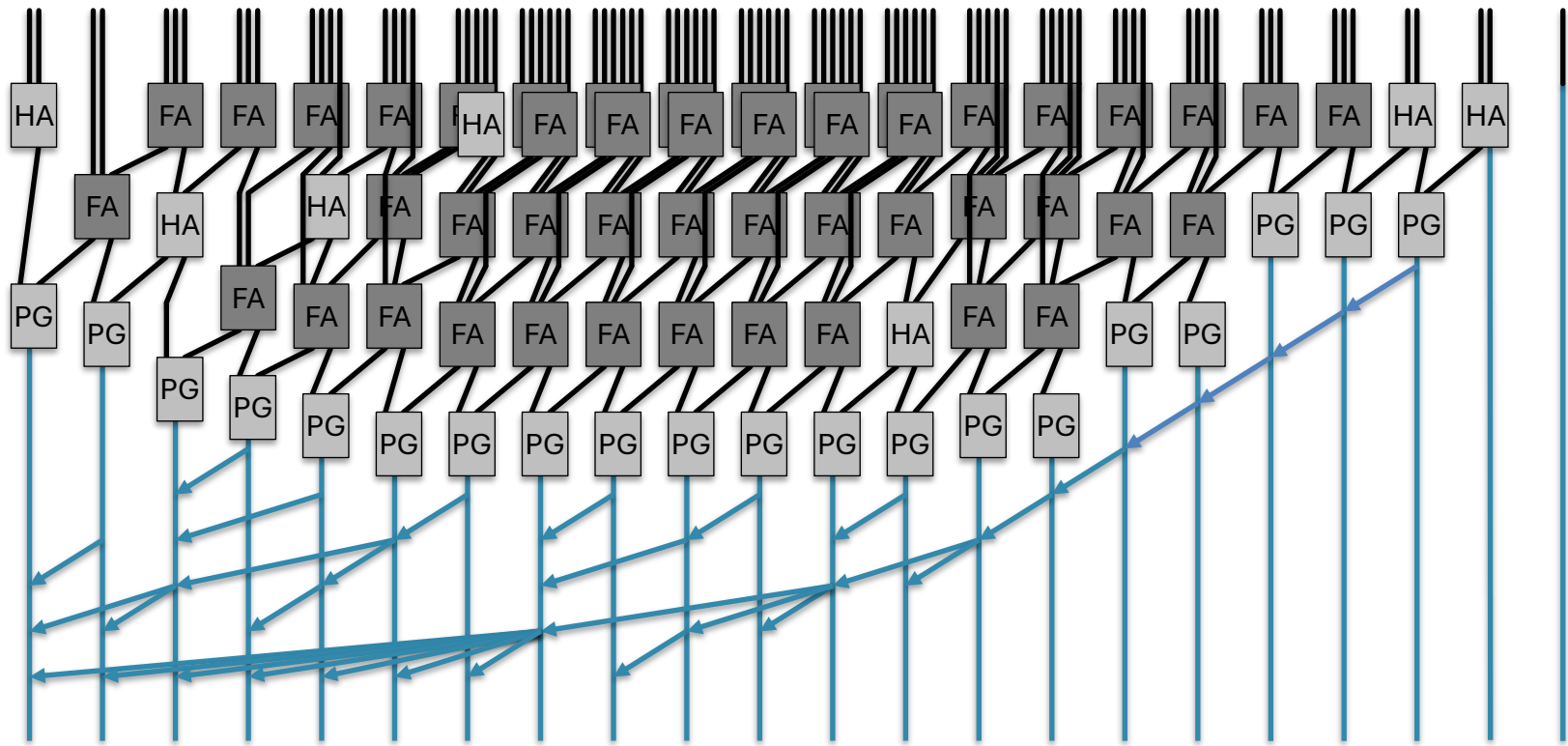
# ウォレス木の厚みを意識した加算

# ウォレス木と加算器

- ウォレス木では中央部分の CSA の段数が厚く，左右が薄い
  - ◇ これを利用した桁上げ加算器が使える
  - ◇ 特に下位側はツリーではなく直列になっており，軽い
  - ◇ [CMOSVLSI2014] 応用編 P.667 にもう少し詳しい記述あり



# Radix-4 Booth 11bit × 11bit 乗算器の例



- PG から下が PPA になっている
- 11bit 程度だとあまり中央が厚くないが，ビット幅が広がるとより不均質さが増す

# 桁上げ加算器の自動合成を使う場合

- 前提：合成系による自動合成に頼れるなら頼るのが一番良い
  - ◇ 「 $A*B+C$ 」のように書けば合成系が自動で合成をしてくれる
  - ◇ メンテナンスコストが低いし，典型的にはかなり高速
- 前ページのような工夫を，自動合成で実現することを考える
  - ◇ 上位，中位，下位で分けて加算を記述するのが良いかもしれない
  - ◇ 下位は時間に余裕があるので，勝手にリプルキャリーぽくなることを期待
  - ◇ 上位は，下から +1 が来る場合も計算しといて選択するなど

# 効果

- 特に下位側は遅延を伸ばさずに加算部分の回路を単純化できる
- 全体にも遅延が少し短くできる
- パイプライン化の際の FF も削減できる
  - ◇ 桁上げ加算を早めに始めておくと信号の数が減るため

## 參考資料

---

# 参考文献

- ◇ [CMOSVLSI2014] ウェスト&ハリス CMOS VLSI 回路設計  
基礎編: <https://www.maruzen-publishing.co.jp/item/b294478.html>  
応用編: <https://www.maruzen-publishing.co.jp/item/b294477.html>
- ◇ [Hoskote2002] Yatin Hoskote Intel Corp:  
Leading Zero Anticipatory (LZA) algorithm and logic for high speed arithmetic units (期限切れ特許  
<https://patents.google.com/patent/US7024439B2/en>
- ◇ [Knowles1991] Simon Knowles:  
Arithmetic Processor Design for the T9000 Transputer  
<http://www.transputer.net/fbooks/t9000/t9kfpdsn.pdf>
- ◇ [Lutz2017] David R. Lutz:  
Optimized Leading Zero Anticipators for Faster Fused Multiply-Adds  
<https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/8335443>
- ◇ [HFGPA2018] Jean-Michel Muller , Nicolas Brunie , Florent de Dinechin , Claude-Pierre Jeannerod , Mioara Joldes , Vincent Lefèvre , Guillaume Melquiond , Nathalie Revol , Serge Torres:  
Handbook of Floating-Point Arithmetic  
<https://link.springer.com/book/10.1007/978-3-319-76526-6>
- ◇ [HPEEMD2006] Vojin G. Oklobdzija, Ram K. Krishnamurthy:  
High-Performance Energy-Efficient Microprocessor Design  
<https://link.springer.com/book/10.1007/978-0-387-34047-0>
- ◇ [Schmooklerl2001] Martin S. Schmooklerl and Kevin J. Nowka2:  
Leading Zero Anticipation and Detection -- A Comparison of Methods  
<https://redirect.cs.umbc.edu/~phatak/645/supl/lza/lza-survey-arith01.pdf>
- ◇ [Sohn2023] Jongwook Sohn, David K. Dean, Eric Quintana and Wing Shek Wong:  
Enhanced Floating-Point Multiply-Add with Full Denormal Support (二つ目はスライド  
<https://arith2023.arithsymposium.org/papers/Enhanced%20Floating-Point%20Multiply-Add%20with%20Full%20Denormal%20Support.pdf>  
[https://arith2023.arithsymposium.org/slides/S8\\_JongwookSohn\\_EnhancedFloatingPointMultiplyAddWithFullDenormalSupport.pdf](https://arith2023.arithsymposium.org/slides/S8_JongwookSohn_EnhancedFloatingPointMultiplyAddWithFullDenormalSupport.pdf)