# コンピュータ アーキテクチャ I 第4回

塩谷 亮太 (shioya@ci.i.u-tokyo.ac.jp)

東京大学大学院情報理工学系研究科 創造情報学専攻

# 課題3の解説

#### 課題3

- 以下では 2進数は 0b... 16進数は 0x... と表記するものとする
- 以下の16進数を2進数で表記せよ
  - (1) 0x1010
    - Ob0001 0000 0001 0000
  - (2) 0xab1234cd

#### 課題3

- 以下の2進数を16進数で表記せよ
  - (3) 0b111010
    - Ox3a
  - (4) 0b111111111111
    - Oxfff
- 以下の演算を行え
  - (5) 0b10110110 / 0b10 (「/」は割り算)
    - Ob101 1011
    - 10進に変換して普通に割り算して戻す等してもよいが, 0b10 は 2 なので, / 2 は 2 進数だと右に一桁ずらす事に相当

# 前回の振り返り

#### 2進数や16進数による数値表現

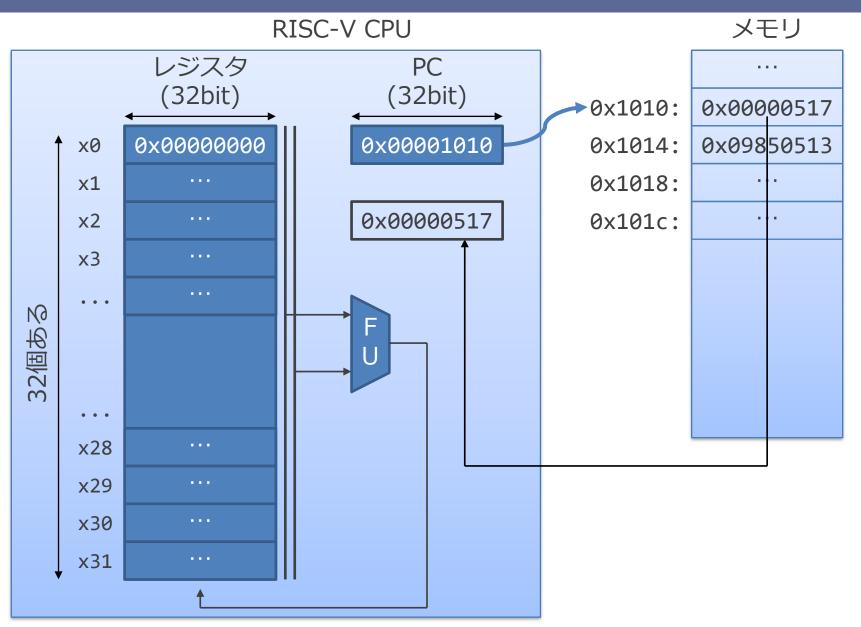
- 現代のコンピュータは基本的に2進数ベースで出来ている
  - 電圧が「高い=1」or「低い=0」のような形で表現
  - 2進数だと回路を作るのが簡単
    - 中間の電圧とかを扱うのは大変
- 2進の利点と欠点
  - 利点:各桁に意味を持たす事が多いので色々と考えやすい
  - 欠点:桁数が大きく人間に把握が難しい
- 16進の利点
  - 利点:2進数とは相互変換が容易
  - 欠点:慣れていないとやや把握が難しい

#### 実際の命令セットの例

- RISC-V を例として説明
  - 加減算, 論理演算, ロード・ストア, 即値, 分岐とジャンプなど
  - 各命令は基本的に 32bit 幅
- 1回目の講義で4桁の数字で表していたことと同じことを 32bit の中を細かく区切ってやっている

31	25	24 20	) 19	15 14	4 12	11 7	7 6	0
funct7		rs2	rs1	f	unct3	$\operatorname{rd}$	opcode	R-type
im	m[11:0]		rs1	f	unct3	$\operatorname{rd}$	opcode	I-type
imm[11:5		rs2	rs1	f	unct3	imm[4:0]	opcode	S-type
		imm[31:12	2]			rd	opcode	U-type

# RISC-V (32bit) のイメージ



# 組み合わせ回路/順序回路

- 1. 組み合わせ回路
  - 出力が、現在の入力のみにより決定される論理回路
- 2. 順序回路
  - 出力が、過去の入力(の履歴)にも依存する論理回路
- 任意の組み合わせ回路/順序回路は,
  - 原理的には、完全集合の要素の組み合わせに落とし込める
  - たとえば {AND, OR, NOT} を組み合わせれば, 全部つくれる

# 論理回路の実現方法

### 論理回路の作り方

#### ■ 前回の内容:

- AND, OR, NOT があれば、どんな論理回路も作れる
  - 組み合わせ回路も順序回路も
- CPU を構成する演算器や PC, レジスタ, メモリも作れる
  - 具体的な作り方の例をそれぞれ説明

#### 今回の内容:

- ゲート回路: AND や OR のような論理関数を実現した回路
  - この名前は門を開けたり閉めたりすることから来ているはず
- ゲート回路はどのように作るのか?
- それらのゲート回路の「遅延」や「消費電力」とは何なのか?
  - (なぜ物理的実体のない情報を扱っているのに時間や電力がかかるのか?

### 論理回路の作り方

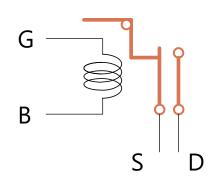
- 以下のそれぞれの仕組みを使った回路を説明
  - 1. リレー
  - 2. CMOS
- これらの論理的な動作は実はほぼ同じに作れる
  - リレーの方が直感的にわかりやすいのでこちらから説明

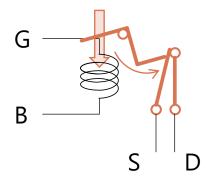
#### ■ 注意:

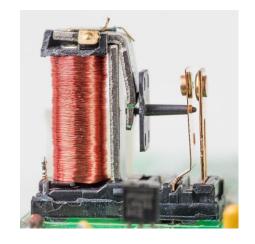
- この資料で説明する、N型/P型を使ったやり方は後の CMOS の説明をわかりすくするためのものです
- 実際に用いられていたリレー計算機ではもう少し効率の良い違う方法が使われていたと思う

# リレー(Relay)

- 電気的に動作するスイッチ
  - もともとは長距離の電信の中継のために作られた・・・らしい
- 以下の図のものの場合,
  - 1. 普段は電極部分がバネになっていて OFF になっている
  - G~B間に電圧をかけると,
  - 3. コイルが磁石となって、上の金属を引き寄せ、
  - 4. Sに繋がっている端子が右に押し出されて,
  - 5. S と D が接続されて ON に

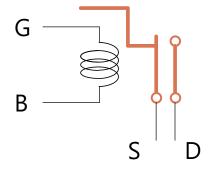


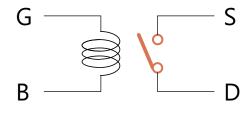




# リレーの絵を回路記号に単純化

- わかりにくいので、以降では右のように単純化して表記
  - G~B 間に電圧をかけると, S~D が ON に





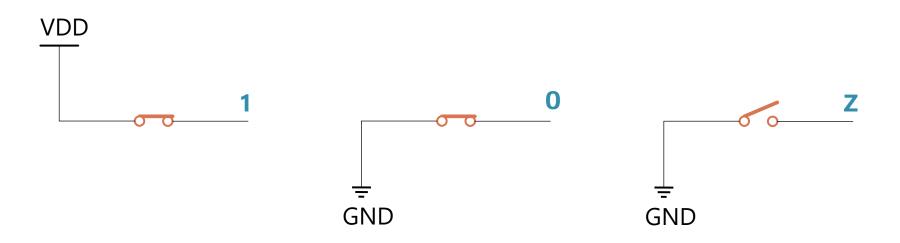
#### VDD と GND

- 以下の2端子を定義
  - VDD:高電位
  - GND (Ground=地面):低電位
- 記号の描き方
  - 基本的に絵の上側に VDD, 下側に GND を描く
  - VDD と GND があったら、図内に描かれていない世界のどこかで 以下のように電源に繋がっていると考える



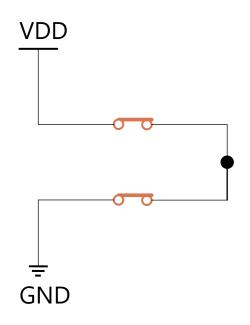
#### 電位と数値表現

- 高電位を1,低電位を0,解放をZと定義する
- 以下のように読み替えてもよい
  - VDD に直結している信号線の電位(=状態)は1
  - GND に直結している信号線の電位(=状態)は0
  - どこにも繋がっていない信号線の電位(=状態)はZ



## 短絡(ショート)は起きない想定

- 下記図のようにVDD と GND の双方に同時に直結することはない
  - 実際にやると VDD から GND に大電流が流れて回路が壊れる
  - なので、そう言う状態を絶対作らないように回路を組む
- もしやってしまった場合,以下の黒点は VDD と GND の中間ぐらいの電位になっていると思う

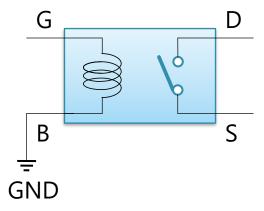


# リレーを使って論理回路を作る

- 以下の2つの繋ぎ方をしたリレーを使って論理ゲートを作る
  - N型
  - P型

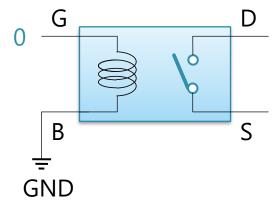
# N 型リレー

- 左図のように B を GND (低電位) に接続する
  - NはNegativeの略



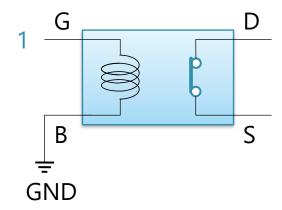
### N型の動作

- Gが低電位(=0) → スイッチ OFF
  - G~B 間は電位差がないのでコイルが働かない



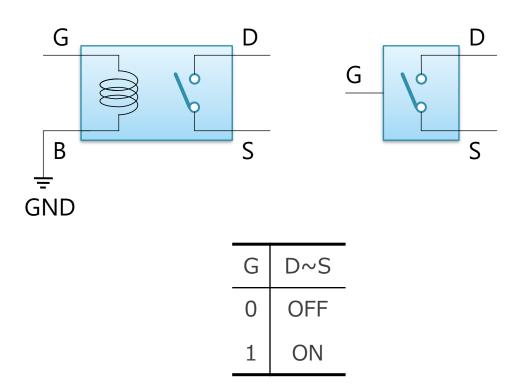
G	D~S
0	OFF
1	ON

- G が高電位(=1) → スイッチ ON
  - G~B 間は電位差がありコイルが動作



# N 型リレー

- 左の省略系として右のように描く
  - 毎回ぜんぶの場所にコイルや GND を描くとややこしい

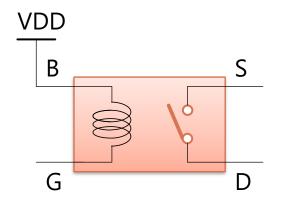


#### P型リレー

- 以下のように B を VDD (高電位) に接続する
  - Gが入力, Dが出力
  - PはPositiveの略

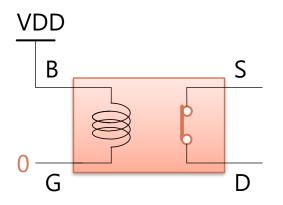
#### ■ 注意

- N型の時とは B と G, S と D が上下逆になっているのに注意
- N型の時はBがGND(低電位)に繋がっていた



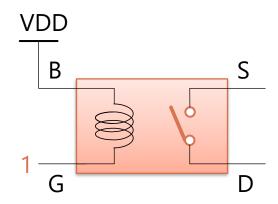
### P型の動作

- G が低電位(=0) → スイッチ ON
  - B~G 間に電位差があるのでコイルが動作



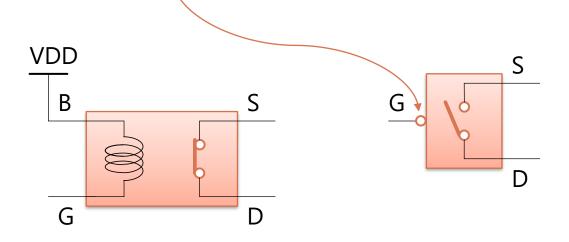
G	D~S
0	ON
1	OFF

- G が高電位(=1) → スイッチ OFF
  - B~G 間に電位差がないのでコイルが動作せず



# P型リレー

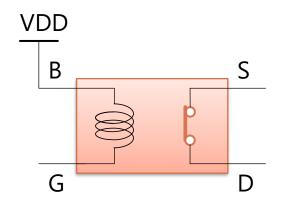
- 左の省略系として右のように描く
  - Gのところに白丸があるのが N型との描き方の違い

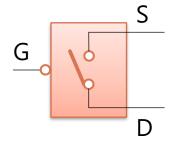


G	D~S
0	ON
1	OFF

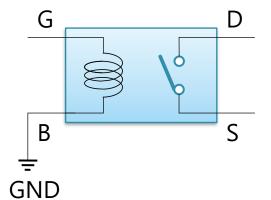
# P型とN型のまとめ

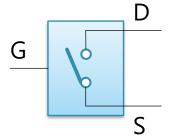
- P型とN型の違い:
  - P型ではGが0の時ON,N型はGが1のときONで逆
  - Gに白丸があるのが P型, ないのが N型





G	D~S
0	ON
1	OFF

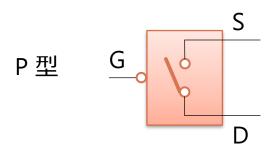




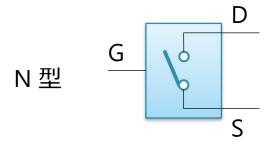
G	D~S
0	OFF
1	ON

# PとNが, どっちかどっちだかわからない?

- 論理回路では白丸は反転を表す
  - 白丸なしの N型は1で ON , 0で OFF
  - 白丸があったらそこで反転するので 0 で ON ・・・と憶えると良いかもしれない



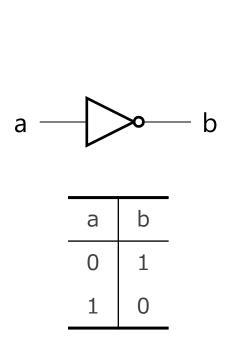
G	D~S
0	ON
1	OFF

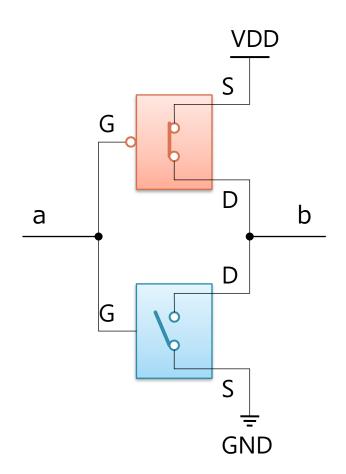


G	D~S
0	OFF
1	ON

# NOT ゲート

■ P型とN型を並べて右のように繋ぐとNOTゲートができる

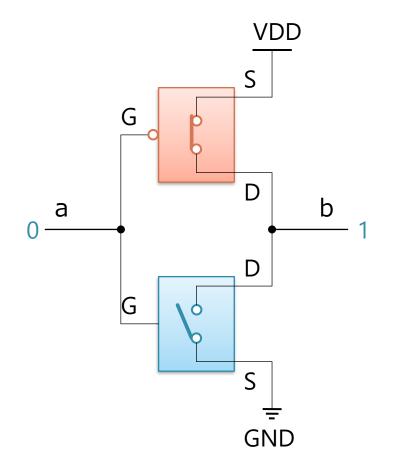


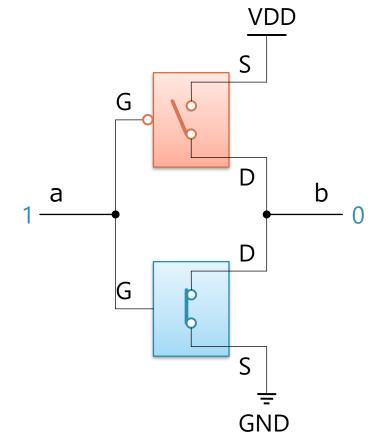


# NOT ゲートの動作

- 双方のスイッチが必ず反対の動作になる
  - P型は入力が0だとON
  - N型は入力が1だとON

а	b
0	1
1	0



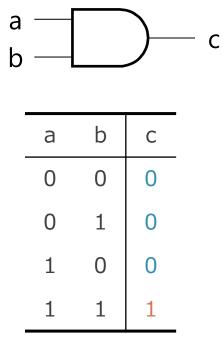


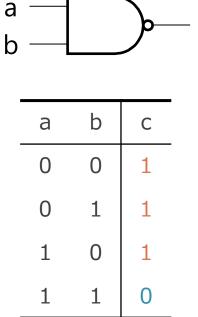
# NAND ゲート

- NAND は AND の結果の NOT をとったもの
  - 左側が AND 右側が NAND

**AND** 

NAND は AND の後ろに白丸(反転)がある形で描く

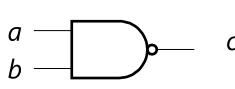




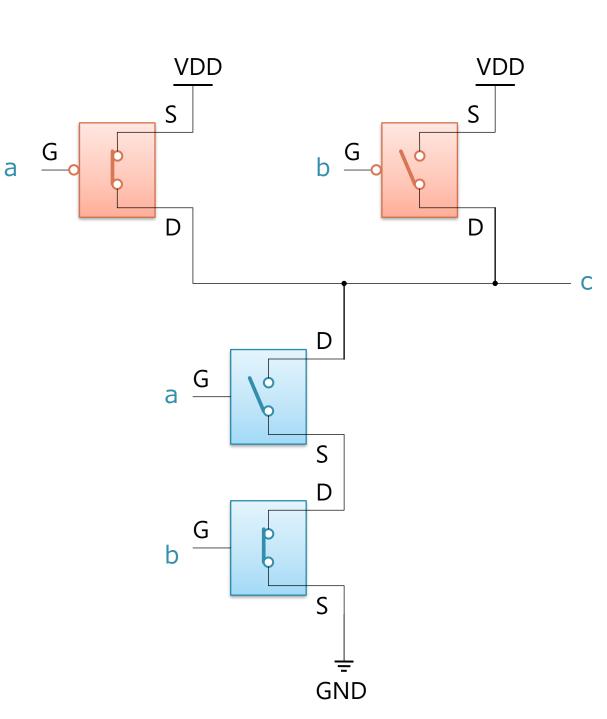
**NAND** 

# NAND ゲート

■ 右のように接続すると NAND ゲートが作れる

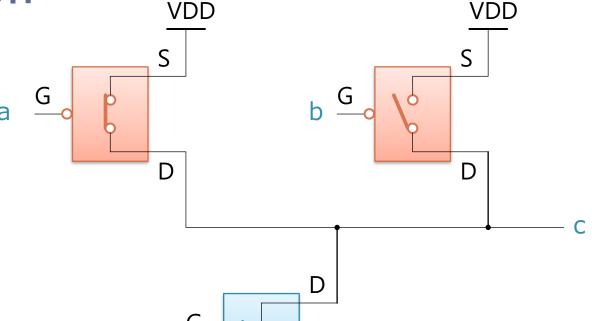


а	b	С
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

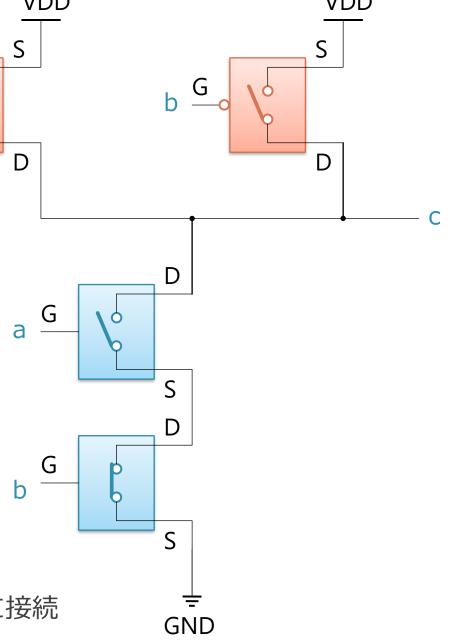


## NAND ゲートの動作

а	Ь	С
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

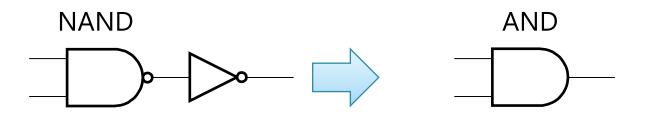


- 上側のP型2つは並列接続
  - a と bどちらか片方の入力に 0 が入ると VDD を c に接続
- 下側のN型2つは直列接続
  - a と b 双方の入力に 1 が入ると 2つとも ON になって GND を c に接続

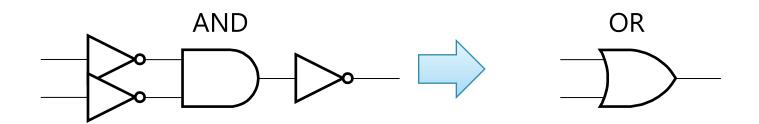


#### NOT と NAND から AND と OR を作る

■ NAND の出力に NOT をつけると AND が作れる



- AND の入力と出力に NOT をつけると OR が作れる
  - ド・モルガンの定理: NOT(a OR b) = NOT(a) AND NOT(b)
  - 両辺に NOT を適用: a OR b = NOT(NOT(a) AND NOT (b))



# NAND が作れればそれだけでも良い

■ NAND の 2 つの入力に同じものを入れれば NOT になる



## リレーからコンピュータを作る

- リレーを使って NOT, AND, OR を作る
  - 1. リレーを使って P 型と N 型 のリレーを作る
  - 2. P型と N 型を組み合わせて NOT と NAND を作る
  - 3. NOT と NAND を組み合わせて AND と OR を作る

## リレーからコンピュータを作る

- リレーを使って NOT, AND, OR を作る手順
  - 1. リレーを使って P 型と N 型 のリレーを作る
  - 2. P型と N 型を組み合わせて NOT と NAND を作る
  - 3. NOT と NAND を組み合わせて AND と OR を作る
- コンピュータを作る手順(前回の講義)
  - 1. NOT, AND, OR を使うと任意の論理関数と記憶回路が作れる
    - =任意の組み合わせ回路と順序回路が作れる
  - 2. 任意の組み合わせ回路と順序回路を使うと CPU の部品が作れる
    - PC, レジスタ, 演算器, メモリ・・・
  - 3. それらを組み合わせるとコンピュータができる

# リレーがあればプログラムが実行できる

- コンピュータがあれば、プログラムが実行できる
  - 1. コンピュータは機械語を解釈して実行できる
  - 2. 機械語はアセンブリ言語から変換できる
  - 3. アセンブリ言語は C 言語からコンパイルできる
- 途中に多数のステップがあるが、まとめると、
  - リレーがあれば, C 言語のプログラムを実行できる

# つまり,

- なんらかの入力に従って ON/OFF できるスイッチがあれば, それでプログラムが実行できるコンピュータが作れる
  - 具体的な回路の組み方は、回路の種別ごとに違う事もある
  - NAND さえ出来ればこっちのもの

# 余談:いろいろなコンピュータ

- なんらかの入力に従って ON/OFF できるスイッチさえあれば, プログラムが実行できるコンピュータが作れる
- (余談) いろいろなコンピュータ
  - リレー式
  - 真空管
  - レッドストーン回路

# リレー式計算機 富士通 FACOM128B (1956)

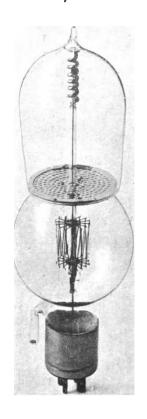


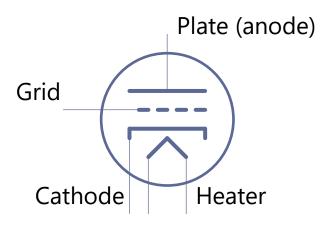
画像は https://pr.fujitsu.com/jp/news/2018/08/21.html より

# 真空管(三極管)

■ 電球にカソードとグリッド, プレートなどの電極を追加したもの







画像は <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Triode">https://en.wikipedia.org/wiki/Triode</a> より De Forest Audion tube と Lieben-Reisz tube 1900 年過ぎの発明

## 真空管の動作

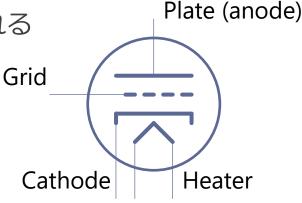
#### ■ 動作:

- 1. Plate に正の電圧を, Cathode に負の電圧をかける
- 2. Heater(電球のフィラメント)に電源を接続
- 3. 暖められた Cathode が電子を放出
- 4. Plate に電子が吸い寄せられる
  - 電子が移動する = それらの間に電流が流れる

#### ■ スイッチング

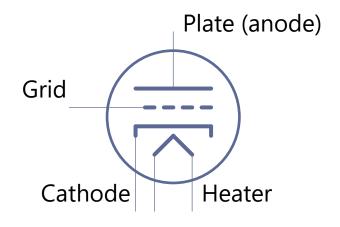
なにもしなければ Grid は網なので電子は すき間を通過

- Grid に負の電圧をかける
- 負同士ではじきあうので、電子が上にいけなくなり電流が OFF

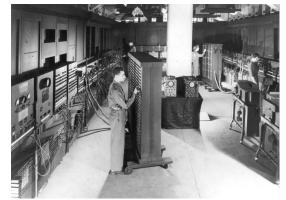


### 真空管

- Grid にかける電圧で, Cathode と Plate を ON/OFF できる
  - つまり、これでもコンピュータが作れる



- ENIAC (1945)
  - 世界最初のプログラムが実行できるコンピュータ
  - 18,000 個の真空管で出来ている





# レッドストーン回路

- Minecraft というゲームの中で作られている回路
  - https://www.minecraft.net/ja-jp
  - もともとは箱庭でブロックをおいて色々つくって遊ぶゲーム

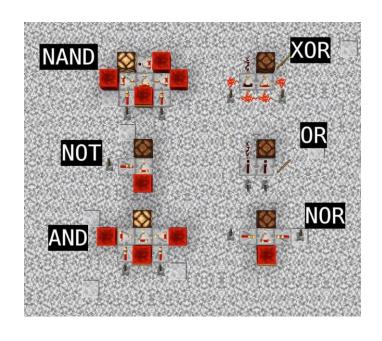


## レッドストーン回路

- 「レッドストーン」と言うゲーム内の要素を利用
  - 有効と無効の状態を持つ
  - スイッチと扉を繋げて、遠くから開けたり閉じたりとかする
- これも入力で出力を制御出来ていることに誰かが気づいた

AND ゲート 右のスイッチを 2 つとも入れると 左側が赤くなる





# 入力で出力を制御出来ればコンピュータが作れる



画像は <a href="https://mcpedl.com/raffis-calculator-2-map/">https://mcpedl.com/raffis-calculator-2-map/</a> より四則演算ができる計算機・・・らしい

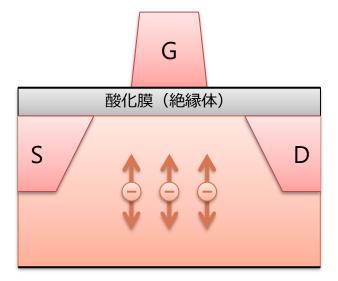
# **CMOS**

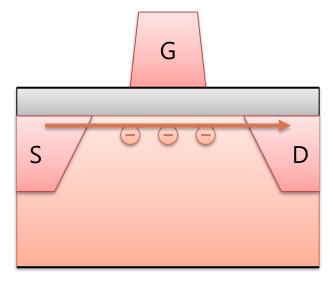
# 論理回路の作り方

- 以下のそれぞれの仕組みを使った回路を説明
  - 1. リレー
  - 2. CMOS

#### **MOS FET**

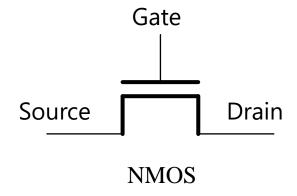
- MOS: metal-oxide-semiconductor
  - 上から、金属、酸化膜、半導体のサンドイッチ構造
  - 酸化膜を挟んで平行板コンデンサが構成されている
- 電界効果トランジスタ (FET: Field-Effect Transistor)
  - 電界で電子を動かしてスイッチングする
    - 1. G に電圧をかけてコンデンサに充電
    - 2. 電子の層(チャネル)酸化膜下にできて, SとDが繋がりONに



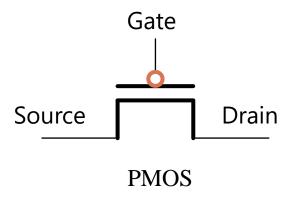


## MOS には NMOS と PMOS の2つがある

- Negative (N)
  - 電子がキャリア
  - 低電位しか通せない
  - 接地側に配置

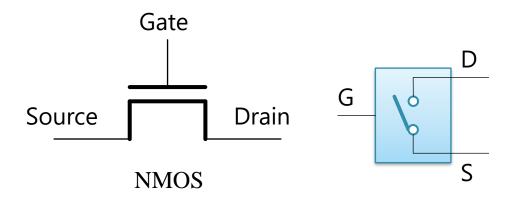


- Positive (P)
  - 正孔 (hole) がキャリア
  - 高電位しか通せない
  - 電源側に配置
  - Gate に○がついている

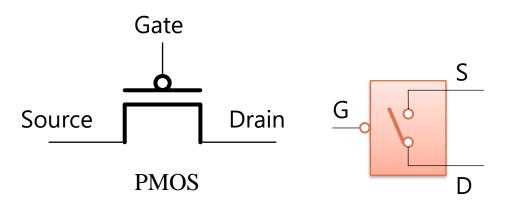


# N型/P型リレーとほぼ同じ動作

- Negative
  - Gate を 1 にするとON になる



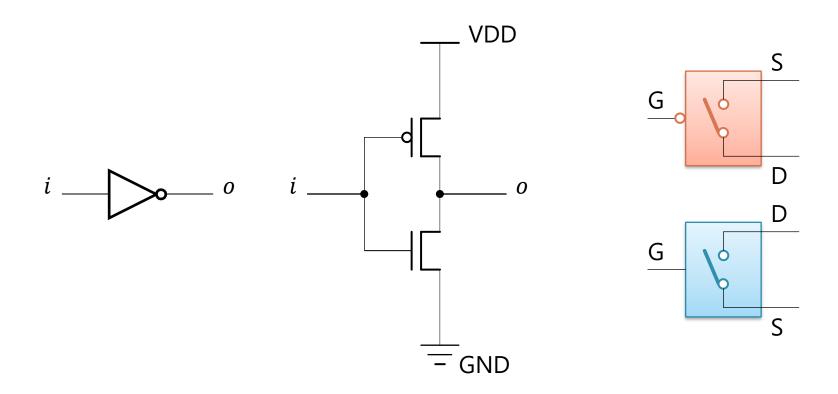
- Positive
  - Gate を 0 にするとON になる



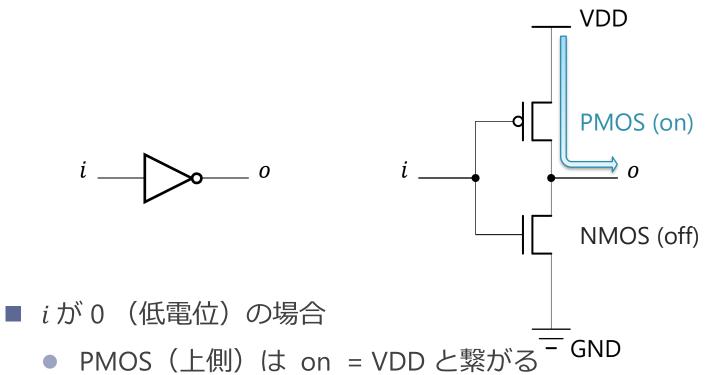
### **CMOS:** Complementary Metal–Oxide–Semiconductor

- CMOS は NMOS と PMOS の 2 種類のトランジスタから成る
  - 電界で電荷(電子/正孔)を動かして ON/OFF する
- 基本的に N 型/P 型リレーとほぼ同じ動作
  - つまり全く同じように論理回路が組める
- 現代のコンピュータはこの CMOS を使って作られている

# NOT ゲート の例



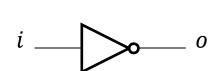
# NOT ゲート の例

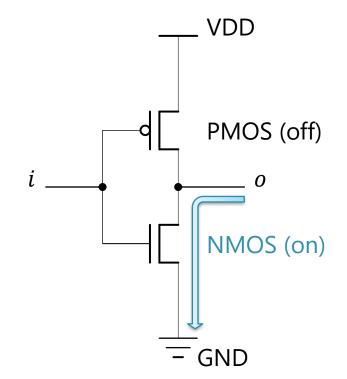


■ 出力が 1 (高電位に)

NMOS(下側)は off

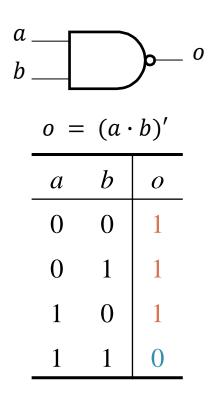
# NOT ゲート の例

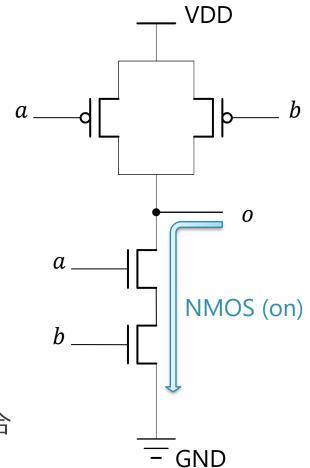




- *i* が 1 (高電位)の場合
  - PMOS(上側)は, off
  - NMOS(下側)は, on = GND と繋がる
- 出力が 0 (低電位に)

# NAND の例



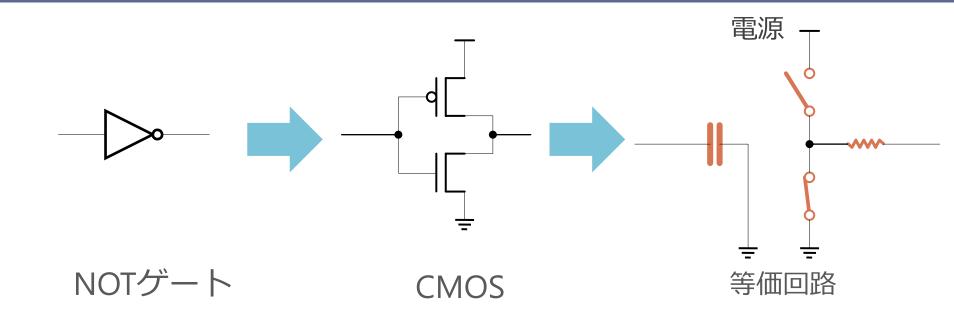


- *a* と b 共に 1 (高電位) の場合
  - PMOS(上側)は, off
  - NMOS(下側)は,双方 on = GND と繋がる
- 出力が 0 (低電位に)

# CMOS による論理回路の実現のまとめ

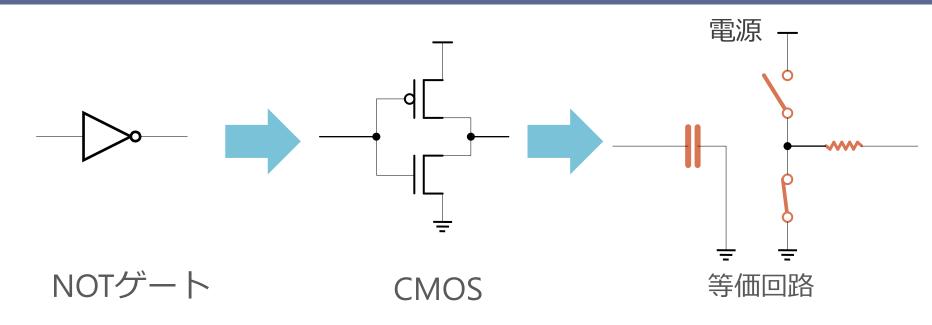
- 全ての論理ゲートは, NMOS/PMOS の組み合わせによって構成されている
- リレーの時と同じ

# CMOS ゲートの等価回路



- 抵抗 & コンデンサと, 連動したスイッチによって表せる
  - コンデンサに充電:下のスイッチがON
  - コンデンサを放電:上のスイッチがON

# CMOS ゲートの等価回路



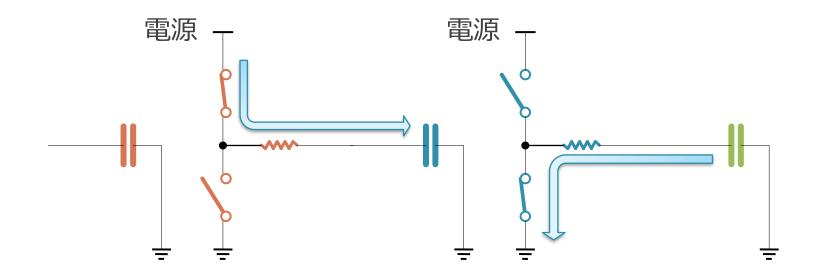
#### ■ コンデンサ:

- 電荷を溜めることが出来るもの
- 電子を引き寄せてチャネルを作る = 充電している

#### ■ 抵抗:

- 配線などの各部はちょっとずつ必ず抵抗がある
- 等価回路では,それを1つの抵抗として表現

# CMOS ゲートの遅延の実体



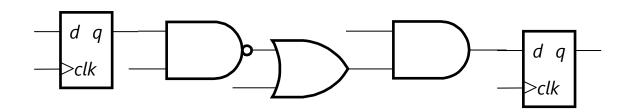
- 遅延:コンデンサの充放電にかかる時間
  - 1. あるゲートのスイッチが切り替わる
  - 2. 次の段のゲートへの充放電が開始
  - 3. 次の段のスイッチが切り替わる
  - 4. •••

### 実際には

#### ■ 寄生容量:

- トランジスタのゲート部分以外にも、あらゆる場所にコンデンサができてしまう
- なにか導体が不導体をはさんで並べばコンデンサになる
- 寄生容量への充放電にも時間がとられる
  - 通常はトランジスタのゲートがメイン
  - 長い配線では、配線間にできてしまうコンデンサの影響も大きい

# 遅延の違い

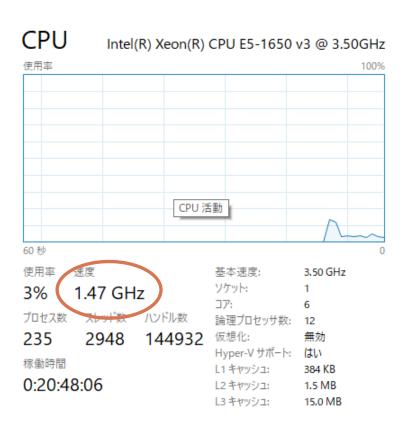


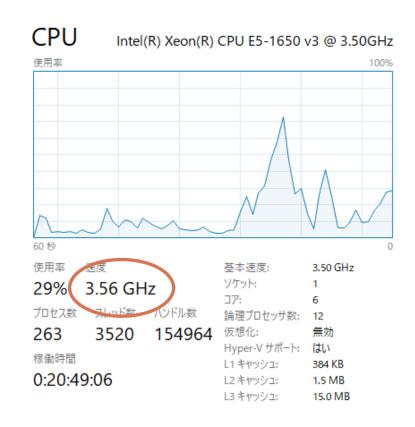
- 左側の D-FF から何個もゲートを経て右の D-FF に接続(遅い)
  - q が切り替わると,
  - 各ゲートのスイッチ(充放電)が順々に行われて,
  - 右側の d に伝わる



- 左側の D-FF から1つのゲートだけを経て右の D-FF に接続(速い)
  - $\Diamond$  q が切り替わると,1回だけスイッチ(充放電)が行われて,
  - ◇ 右側の d に伝わる

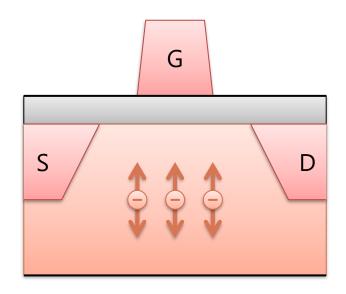
# 余談: DVFS (Dynamic Voltage Frequency Scaling)





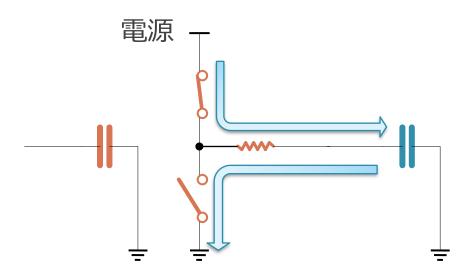
- CPU は通常,負荷に応じて動作周波数を変えている
  - 消費電力削減のため
  - この時,電圧も同時に操作している

# 電圧と遅延



- Gate にかける電圧を上げると、より高速に動作する
  - よりたくさん電子が上に集まる
  - チャネルが厚くなり、電流が流れやすくなる
  - 次段のコンデンサの充放電が速くなる

# 消費エネルギー



- 消費エネルギーは、主にコンデンサへの充放電で消費される
  - 消費エネルギーは電圧の二乗に比例: E = CV<sup>2</sup>
  - 電荷 Q = CV が,電圧 V の分だけ電源から GND へ移動するから
    - 忘れた人は高校の物理の教科書を読もう
- 他にリーク電流と呼ばれるものによる消費もある
  - スイッチが一部ガバガバなので、常時多少漏れてる

# **DVFS: Dynamic Voltage Frequency Scaling**

- 電圧と周波数の組を用意しておき、これを切り替える
  - 高速:高周波数(低遅延)で動かすために,電圧を上げる
  - 低速:低周波数(高遅延)でよいので,電圧を下げる
- 電圧を下げると、すごく消費電力が減る
  - 消費エネルギーは電圧の2乗に比例: E = CV<sup>2</sup>
- 低周波数にすると充放電の回数自体(=周波数)も減る
  - 結果として、3乗のオーダーで電力が削減できる

# まとめ:一番下から積み上げて一番上までいけた

一番下がすげ変わっても、上は同様に作れる

アプリケーション・ソフトウェア 画像処理 / 音声認識 / 言語処理 / 機械制御 機械学習 / AI / WEB サービス / 暗号 ...

> システム・ソフトウェア OS / コンパイラ / インタプリタ

(狭義の) コンピュータ・アーキテクチャ

論理回路

CMOS/リレー/真空管/レッドストーン etc...

### リレーや真空管と比較した CMOS の利点

- 超小さい: CMOS はナノメータ単位ぐらいの大きさで作れる
  - リレーや真空管は頑張っても数 cm ぐらい
- 超速い: CMOS はナノ秒以下で ON/OFF できる
  - リレーは物理的に動くので、ミリ秒ぐらいはかかる
  - リレーよりマシだが電子の移動距離が長いので遅い

# リレーや真空管と比較した CMOS の利点 2

#### ■ 超省電力

- リレーは物理的に動くので結構電気を食う
- 真空管は常に暖め続けるのでめっちゃ電気を食う

#### ■ 壊れない:

- リレーは物理的に動くので、かなり壊れる
- 真空管はフィラメントがそのうち焼き切れるし、ガラスが割れる

# まとめ

- 論理回路の実現方法
  - リレー
  - CMOS
- 論理回路の遅延と消費エネルギー
  - CMOS の場合, 充放電にかかる時間とエネルギー

### 課題 4

- 10から0までを2づつ下りながら数える以下のループをアセンブ リ言語で書け
  - 使用する命令セットは第2回の講義資料のものに準じる

#### ■ ヒント:

- 減算には add の代わりに sub を使う
- 初期値は li 命令で設定
- 講義中の for 文の例のようにメモリ上に i を置くとややこしいので、レジスタの上で全て終わらした方が楽

```
1: for (i = 10; i >= 0; i-=2) {
2: }
```

### 提出方法

- 以下の2つを提出:
  - 課題の提出は Moodle の「課題4」のところからお願いします
  - 感想や質問を「感想や質問」のところに投稿してください。
    - わからない場所がある場合,具体的に書いてもらえると良いです。
- 提出締め切り
  - 次回講義開始まで
- 注意:
  - 課題の出来は、ある程度努力したあとがあれば良しです
  - 必ずしも正解していなくても良いです

# 付録

#### 実際の回路生成

```
if code == 100:
    out = rs1 xor rs2
elif code == 110:
    out = rs1 or rs2
else:
    out = rs1 and rs2
```

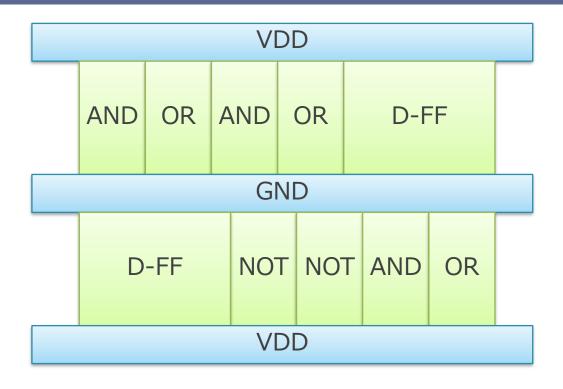
- 1. ハードウェア記述言語から, 論理関数を生成:
  - ナイーブには,入力の全パターンに対して出力を記録した真理値表
    - 実際には表のサイズが爆発して、真理値表ではすぐに破綻
    - 表のサイズ = 2 の入力ビット数乗
  - さまざまな効率的な保持方法が提案されており,使用されている
    - Binary Decision Diagram (BDD)

#### 実際の回路生成

#### 1. 論理合成:

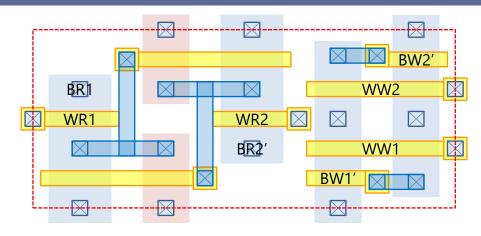
- 1. ハードウェア記述言語から, 論理関数を生成
- 2. 生成された論理関数を最適化
  - カルノー図:4入力ぐらいが限界
  - クワイン・マクラスキー法:入力数が増えると計算量が爆発
  - さまざまな最適化アルゴリズムが提案・使用されている
- 3. 回路のプリミティブと接続関係を生成
  - AND, OR, NOT, D-FF を始めとして、よく現れる回路の部品が 用意される
- 2. 配置·配線:
  - 1. 回路のプリミティブを配置・配線

### スタンダード・セル



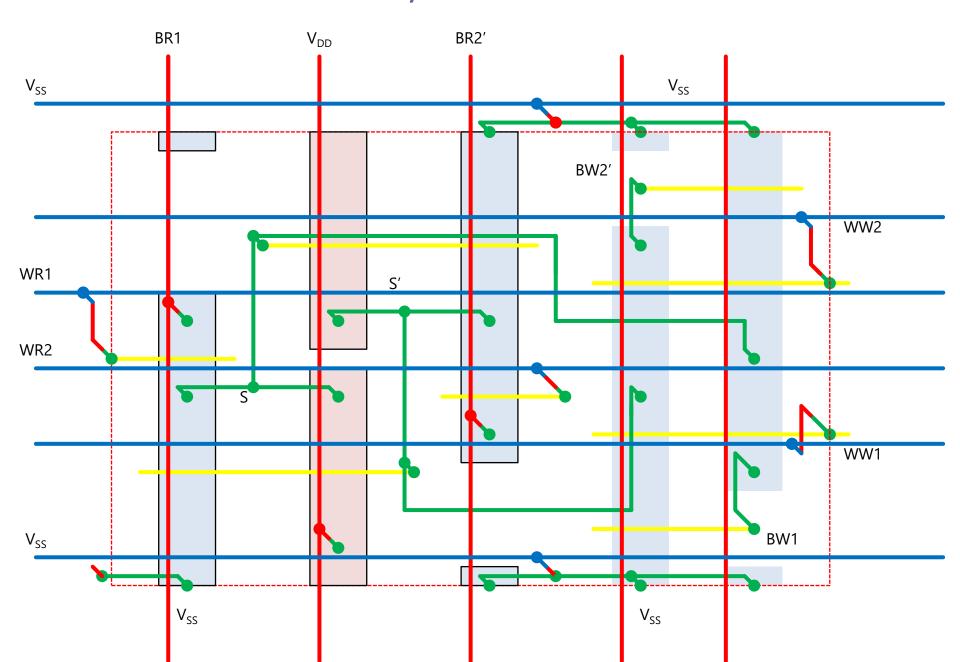
- スタンダード・セル:
  - AND や OR のようなプリミティブとなる回路「セル」を用意
    - 高さを幅を揃えておいて、簡単に並べられるように作ってある。
  - これらを配置して、配線を接続することにより回路を実現
    - 配置配線という

### フルカスタム・レイアウト

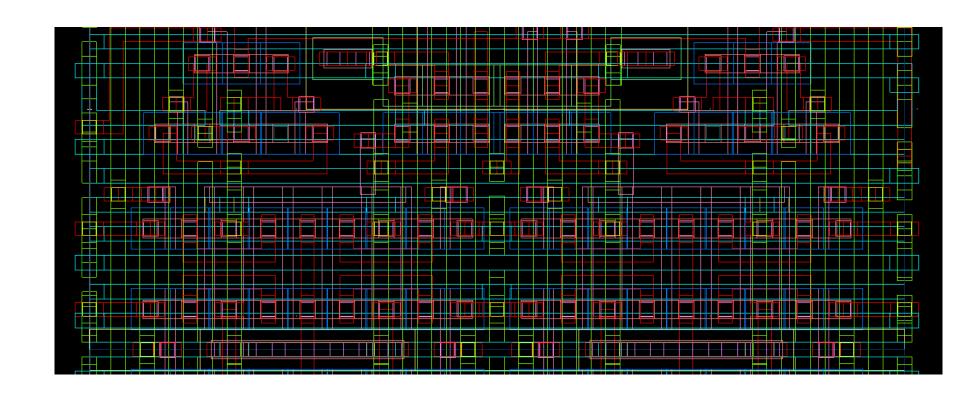


- 各スタンダード・セル(ゲート)は複数のトランジスタにより構成
- フルカスタム・レイアウト:
  - 半導体チップ上に1つ1つトランジスタをお絵かきして設計
    - 形状が特定のパターンを満たすと, トランジスタとして機能
  - 尋常じゃない手間がかかる
- 今はスタセルの中身と、本当に性能が出したい部分だけこれで作る
  - ごく一部だけアセンブリ言語でプログラムするようなもの

#### 3次元的な構造を考えながら,設計

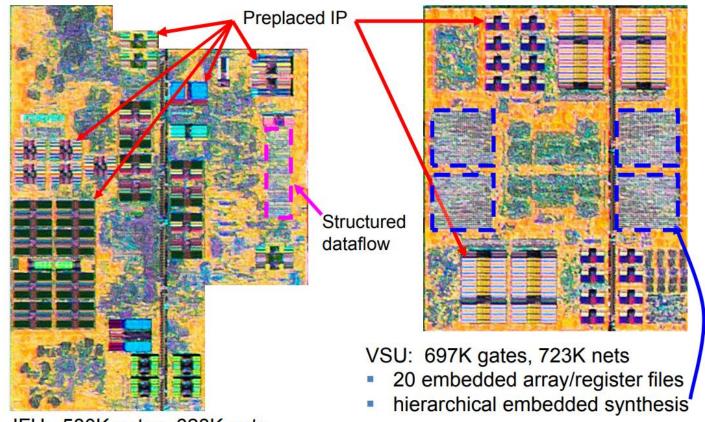


# 実際の設計データ



### 実際の例: IBM POWER8 のチップ写真

画像は 2014 IEEE International Solid-State Circuits Conference 5.1: POWER8TM: A 12-Core Server-Class Processor in 22nm SOI with 7.6Tb/s Off-Chip Bandwidth より



IFU: 580K gates, 628K nets

- 37 embedded array/register files
- もわっとした模様の部分がスタンダード・セルを自動で配置した部分
- 四角いところは基本的にはメモリ
  - 同じものが規則正しく並んでいる



# 感想や質問

- 情報科学科ではemacsしか使っていないです!
- (学科必修のプログラミングの実習では、emacsを使用しています)
- お茶大情報科学科はEmacsの人多い気がします!!

■ 30ページの例について、実際には各桁に意味を持たせるということだったので、10進数だと各桁を見なくても一発で意味を把握できるのではないかと感じました。実際使われているものは桁数がとても多いので、一度に把握するには情報量が多すぎるため各桁に注目し、場合によっては必要な情報を表す桁のみを読むということでしょうか?

### たとえば4ビットのデータを考える

- 4ビットのデータは 0b0000~0b1111 → 0 ~ 15 を表す事ができる
- 2進数で下から3桁目が add/sub を示すとする
  - 2進の場合:3桁目だけを見れば判定できる
    - add:0bx1xx (x は 0 or 1 の任意)
    - o sub:0bx0xx
  - 10進の場合:かなり意味が分からない
    - add: 4,5,6,7,12,13,14,15 のいずれか
    - sub:0,1,2,3,8,9,10,11 のいずれか

■ スライドのp.55で全てのデータと動作を回路に落とし込むこともできるが、真偽値表が大きくなりすぎて現実的には無理とありましたが、現実ではどのようにコンピュータが実現されているのでしょうか。

マルチプレクサがよくわかりません。いくつかの入力がある中、1 つだけ採用するものだと解釈していますが、他の入力はそのまま切り捨ててしまっているのですか?

- そうです
- マルチプレクサがまだ完全に理解できていません。複数の入力を 色々な論理関数に通して、そのうちどの論理関数を選択するかを決 めるのがマルチプレクサという認識で合っていますか?
  - マルチプレクサ自体は,複数の入力から1つを選んで出す回路で す色々な論理関数の結果を選ぶためにマルチプレクサを使ってい ます

■ フリップフロップ回路はデータを新たな入力があるまで保持するものだと認識しているのですが、回路において、どういう使われ方をして何の役に立っているのかがよくわかっていません。

■ 1年の頃に数理基礎論で目にした形の図が出てきて、繋がりを感じました。数理論理学が苦手だったのでこの先不安です。でも、1つのことに対してたくさんの答えが生まれる国語とは違って、0か1ではっきりしているので、そこは好きだなと思いました。

■ 前回の授業で、LABELは先に行われるのですか?という質問をしたうちの一人です。スライドのp.47によると、for文を行うことがわかりました。i=0の後にLABELが実行されてしまうと、i=0の時の命令が実行されないのではないかと思ったからです。実際には、LABELが始まるメモリの前に、i=0の命令が入るのでしょうか?

#### C 言語のループ

■ C 言語のループについて考える

```
1: for (i = 0; i < 10; i++) {
2: }
```

そのままだと考えづらいので,まず上記のループを下記の形に変換して考える

```
1: i = 0; // 初期化部分
2: LABEL: // ループの先頭
3: i = i + 1; // カウンタの更新
4: if (i < 10) // ループの継続判定
5: goto LABEL; // LABEL に戻る
```

 第二回の授業についての質問で申し訳ないのですが、LABELの後の 命令は一つしか出せないのでしょうか。例えば「LABELに飛んで i++ と k++ をする」というような二つ以上の命令は出せるか気に なりました。

■ 2進数との相互変換が楽で16進数が使われると理解していましたが、 8進数や32進数でも変換はしやすいのになぜ16進数が選ばれている かということは疑問に思っていませんでした。 スライドでは1桁を表すのに4ビットが必要で、このビット数が2の 累乗の方が都合が良いと書かれていましたが、具体的にはどのよう な場面で16進数の利点が活かされるのでしょうか。

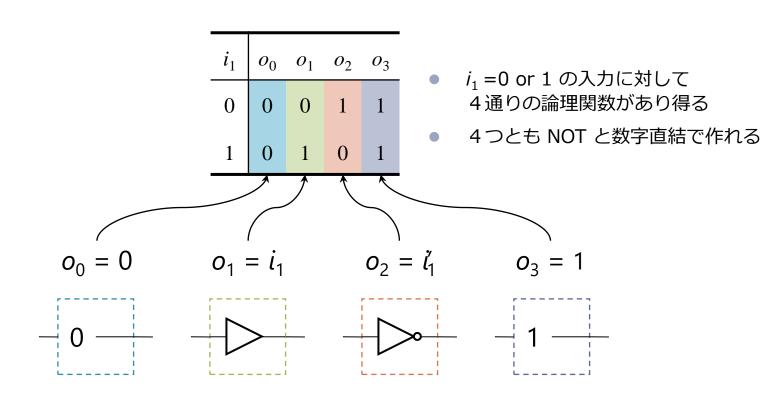
- 課題2の解説のときに、A<=0にした方が書きやすいとおっしゃっていたと思うのですが、その理由がわかりませんでした。
  - こうすると分岐が1つだけでif 文がかけるからです
  - A>0 でも書いてみて、比べてみるとよいです

■ 完全性の証明の部分が難しくて理解できませんでした。特に46ページが難しかったです。

# 完全性の証明 {AND, OR, NOT}

#### ■ 数学的帰納法:

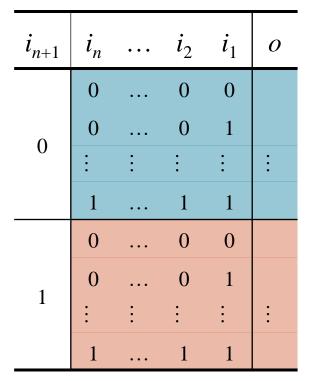
- 1. 1入力の論理関数は {AND, OR, NOT} の組合せで表現できる
- 2. n 入力の関数を {AND, OR, NOT} の組合せで表現できたと仮定して, (n+1) 入力の関数が表現できることをいう

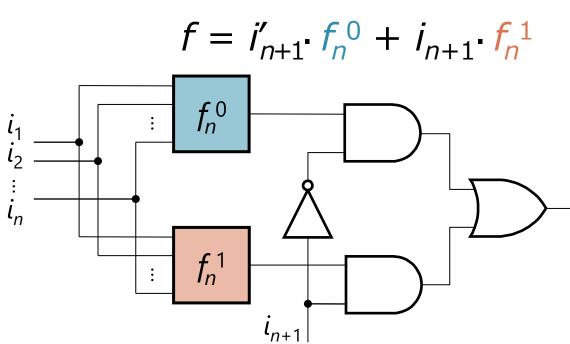


# 完全性の証明 {AND, OR, NOT}

#### ■ 数学的帰納法:

- 1. 1入力の論理関数は {AND, OR, NOT} の組合せで表現できる
- 2. n 入力の関数を {AND, OR, NOT} の組合せで表現できたと仮定して, (n+1) 入力の関数が表現できることをいう





- 任意の論理関数  $f_n^0$   $f_n^1$  が表現できるので、それらの結果を $i_{n+1}$ を使って選択
- この選択部分は AND/OR/NOT で作れる

■ XORの入出力例を教えて欲しいです。

а	b	z
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

あと、「マルチプレクサをカスケードする」という表現があったが、 これはマルチプレクサを連結することなのかと疑問に思った。

■ Flip Flopについて、存在と役割は説明されたことがあったが、なぜこのネーミングなのかが気になっていたので、今回の授業を聞いて謎が解けた気がした。