

```

1 import os, sys
2 sys.path.append(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../ch02'))
3
4 from program2_1 import Dvector
5 from program2_2 import Dmatrix
6 from program2_3 import input_vector, input_matrix
7 from program2_8 import vector_norm_max
8
9 N = 10 # N元方程式
10 EPS = 10.0 ** -8.0 # epsilon の設定
11 KMAX = 100 # 最大反復回数
12
13 def main():
14     omega = 1.22
15
16     a = Dmatrix(1, N, 1, N) # 行列 a[1...N][1...N]
17     b = Dvector(1, N) # b[1...N]
18     x0 = Dvector(1, N) # x0[1...N]
19
20     # ファイルのオープン
21     with open("input_sp.dat", "r") as fin:
22         with open("output_sp.dat", "w") as fout:
23             input_matrix(a, 'A', fin, fout) # 行列 A の入出力
24             input_vector(b, 'b', fin, fout) # ベクトル b の入出力
25             input_vector(x0, 'x0', fin, fout) # 初期ベクトル x0 の入出力
26             x = sor(a, b, x0, omega) # SOR法
27
28             # 結果の出力
29             fout.write("Ax=b の解は次の通りです\n")
30             for i in range(1, N+1):
31                 fout.write("{:.6f}\n".format(x[i]))
32
33
34 # SOR法
35 def sor(a: Dmatrix, b: Dvector, x0: Dvector, omega: float, N: int = N):
36     k = 0
37
38     x = x0.copy()
39     xo = Dvector(1, N) # xo[1...N]
40
41     while True:
42         # xo <- x_k, x <- x_{k+1}
43         for i in range(1, N+1):
44             xo[i] = x[i] # x_k に x_{k+1} を代入
45
46         # i=1 の処理
47         x[1] = ( b[1] - sum( ( a[1][j] * xo[j] for j in range(2, N+1) ) ) ) / a[1][1]
48
49         # i=2,3,...N の処理
50         for i in range(2, N+1):
51             s = sum( ( a[i][j] * x[j] for j in range(1, i) ) ) # i-1列までの和
52             t = sum( ( a[i][j] * xo[j] for j in range(i+1, N+1) ) ) # i+1列以降の和
53             x[i] = ( b[i] - s - t ) / a[i][i]
54         # ここまではガウス・ザイデル法と同じ
55
56         # SOR法
57         for i in range(1, N+1):
58             x[i] = xo[i] + omega * ( x[i] - xo[i] ) # 補正
59
60         for i in range(1, N+1):
61             xo[i] = xo[i] - x[i]
62         eps = vector_norm_max(xo)
63         k += 1
64
65         if eps <= EPS or k >= KMAX:
66             break
67
68     if k == KMAX:
69         print("答えが見つかりませんでした")
70         exit(1)
71     else:
72         print(f"反復回数は{k}回です") # 反復回数を画面に表示
73         return x
74
75
76 if __name__ == "__main__":
77     main()

```