「微分積分学 I」小テスト No.6

2017年11月29日(水)

学籍番号							学科	氏名
1								

問題. $\sin^{-1} x$ は, $f(x) = \sin x$ $(-\pi/2 \le x \le \pi/2)$ の逆関数で, $\cos^{-1} x$ は, $f(x) = \cos x$ $(0 \le x \le \pi)$ の逆関数である。また, $\tan^{-1} x$ は, $f(x) = \tan x$ $(-\pi/2 \le x \le \pi/2)$ の逆関数である。このとき, 次の問に答えなさい.

- $(1) \sin^{-1} x$ の定義域を答えなさい.
- (2) $\cos^{-1} x$ は単調増加か、単調減少か答えなさい(理由も書くこと).
- (3) $\cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$ の値を求めなさい.
- $(4) \tan^{-1}(1)$ の値を求めなさい.
- (5) $(\tan^{-1} x)' = \frac{1}{x^2 + 1}$ である. 関数 $y = \tan^{-1}(2x + 1)$ の導関数を求めなさい.

解答欄(裏面も使ってよい)