—— 注意事項 -

- (1) 出題順に解答しなくてもよいが、どの問題の解なのかがわかるように記述すること.
- (2) 解を導きだす過程もできるだけ丁寧に記述すること. 説明が不十分な解答は減点の対象とする.
- (3) 字の粗暴な解答は減点の対象とする.
- (4) 答案用紙が足りなくなった者は挙手をして試験監督者に追加の用紙をもらうこと. なお, 答案用紙の裏も使用してもよい.
- (5) 試験時間終了前に すべての解答が終わった者 は途中退席しても構わない.
- (6) 答案回収後, 略解を配布する. 必ず自己採点すること.
- (7) やり直しレポートの提出期限を 11 月 23 日 (火) 16:30, 提出場所は教育棟 1 階事務入り口の ν ポートボックス とする (いかなる理由があろうと締切り以降は受け取りません).

1 次の行列の階数を求めなさい. (各 20 点)

$$(1) \left(\begin{array}{rrr} 3 & 1 & 8 \\ -2 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 6 \end{array} \right)$$

$$(2) \left(\begin{array}{cccc} 2 & 1 & 9 & -2 \\ -2 & 1 & 2 & 8 \\ 3 & 2 & -4 & 1 \end{array} \right)$$

2 連立方程式

$$\begin{cases} 2x + y + 9z = -2 \\ -2x + y + z = 10 \\ x + y + 7z = 1 \end{cases}$$

の解の自由度を求めなさい*1. (20 点)

3 次の行列の階数を求めなさい*2 (40 点)

$$\left(\begin{array}{ccc}
2 & 3 & 4 \\
1 & 2 & 3 \\
1 & 1 & k
\end{array}\right)$$

^{*1} 解の存在性は仮定してよい (実際に解は存在する).

 $^{^{*2}}$ k の値で場合分けせよ.