数学科教育法 レポート②の解答 (一部)

課題 2-1

- (1) (a) $\frac{256}{81} = 3.16049...$ (b) 3 (c) $\frac{25}{8} = 3.125$ (d) $\frac{22}{7} = 3.1426...$
- (2) (d), (c), (a), (b) の順に精度がよい.

課題 2-3

- (1) 解と係数の関係から、示すことは (i) $\alpha + \beta = a$, (ii) $\alpha\beta = b^2$. 図から (i) は明らか、また、 $\triangle AMC$ と $\triangle CMB$ は相似であるから、 $b: \alpha = \beta: b$ を得る、これから (ii) が成り立つことがわかる。
- (2) 手順は
 - (a) 長さ a の線分 AB を描く.
 - (b) 線分 AB を直径とする円を描く.
 - (c) 線分 AB 上の適当な点 M' を通り、AB に直交する直線 l' を描く.
 - (d) l' 上の点で M' からの距離が b となる点 C' をとる.
 - (e) C' を通り l' に直交する直線 l を描く.
 - (f) l と円との交点の一つを C とおく.
 - (g) C から線分 AB に垂線を下ろし、線分 AB との交点を M とする.

このとき、線分 AM、BM の長さは 2 次方程式 $x^2-\alpha x+\beta^2=0$ の解である(難しいのは AB を直径とする円に対し、AB までの距離が b となるような円周上の点 C を見つけることである.これは手順 (c)~(f) に対応する).

