1 次の各問に答えなさい. なお, ベクトルの成分はある直交座標 系における成分であるとする。(各4点)

(1) 空間ベクトルの外積の定義を述べなさい.

- (2) ベクトル $\vec{a}=(1,2,3)$ と $\vec{b}=(2,-k,2k)$ が直交しているとす る. このとき、kの値を求めなさい.

- $oxed{2}$ $\{O; ec{e}_1, ec{e}_2\}$ を平面の座標系とし、この座標系における P の座 標を (1,2) とする. このとき, 次の各問に答えなさい. (各 4 点)
- (1) $\{O; \vec{e_1}, \vec{e_2}\}$ -座標系における点 O' の座標を (-5, 2) とするとき, $\{O'; \vec{e}_1, \vec{e}_2\}$ -座標系における P の座標を求めなさい.

(2) 平面ベクトルの基底 $\{\vec{f_1}, \vec{f_2}\}$ が関係式

$$\begin{cases} \vec{e}_1 = 2\vec{f}_1 + \vec{f}_2 \\ \vec{e}_2 = \vec{f}_1 + \vec{f}_2 \end{cases}$$

を満たすとする.このとき, $\{O; \vec{f_1}, \vec{f_2}\}$ -座標系における P の 座標を求めなさい.

- 3 行列 $A=\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{3}} & 0 & k \\ \frac{1}{\sqrt{3}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{6}} \\ \frac{1}{\sqrt{3}} & \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{6}} \end{pmatrix}$ に対して、次の問に答えなさ い. (各4点)
- (1) A が直交行列となるような k の値を求めなさい.
- (2) kが(1)の値のとき、Aの逆行列を答えなさい。

- [4] ある直交座標系を定めた平面において、2 点 A(1,2), B(-2,1) を通る直線を l とする。また、原点を中心に $\frac{\pi}{4}$ だけ反時計周りに回転させる線形変換を f とする。このとき、以下の間に答えなさい。 (各 4 点)
- (1) l上の点をパラメーター表示しなさい.
- (2) 点 (-1,3) が l 上の点かどうか判定しなさい.
- (3) f の表現行列(つまり、 $f(\vec{p})=M\vec{p}$ を満たす行列 M)を答えなさい。
- (4) 線形変換 f で直線 l を変換した像を l' とする. l' がどのような 図形か答えなさい (l' が直線のときは、l' 上の点 (x,y) が満た す方程式を答えなさい).

(注意) 以下の問題はおまけですが、正解ならば加点します(ただし、合計点数の上限は 40 点).

5 ある直交座標系を定めた平面において、 2×2 -行列 M を表現行列とする平面の線形変換を g とする(つまり、 $g(\vec{p}) = M\vec{p}$)。2 点 A(1,-1), B(1,2) の g による像 A' = g(A), B' = g(B) の座標がそれぞれ A'(-1,5), B'(5,-4) のとき、行列 M を求めなさい。