数学クォータ科目「基礎数学 I」第 4 回

指数関数とそのグラフ

佐藤 弘康 / 日本工業大学 共通教育学群

前回の授業内容と今回の授業で理解してほしいこと

- a^x の定義
- 指数法則

- 指数関数 とは何か
- 指数関数のグラフはどのような曲線か
- 指数方程式とその解

指数関数

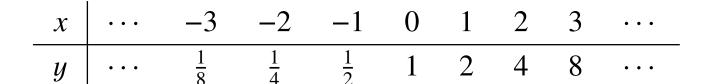
定義

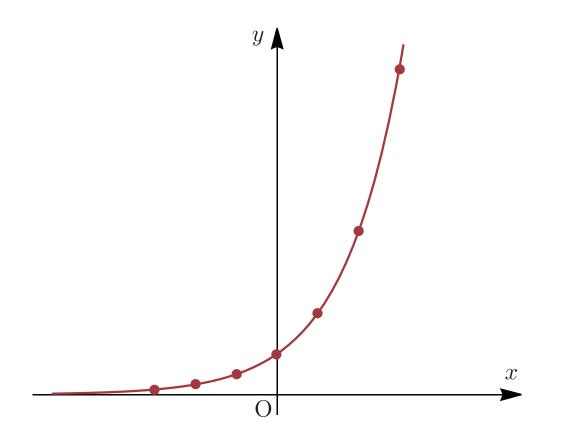
 $a > 0, a \neq 1$ とする.

実数 x に対し、 $y = a^x$ を対応させる関数を「底が a の指数関数」という.

指数関数のグラフ

例1) $y = 2^x$

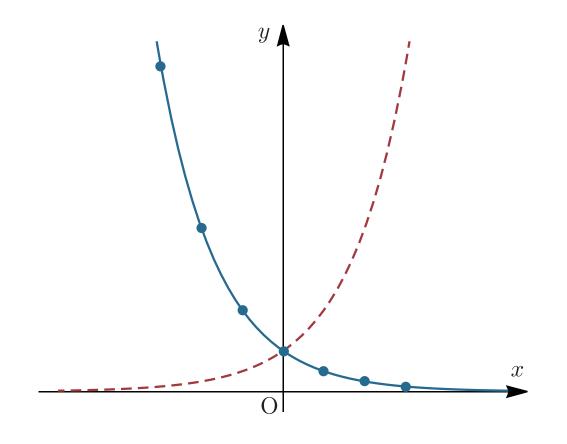




指数関数のグラフ

例2)
$$y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$$

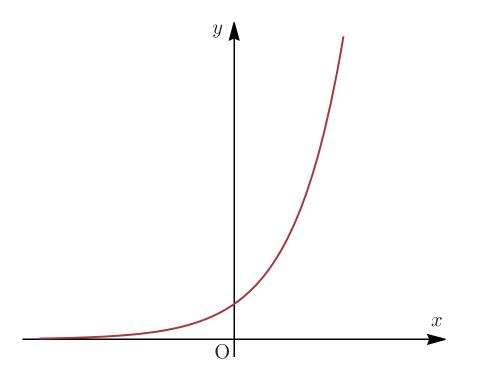
\mathcal{X}	• • •	- 3	- 2	- 1	0	1	2	3	• • •
y	• • •	8	4	2	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	1/8	• • •



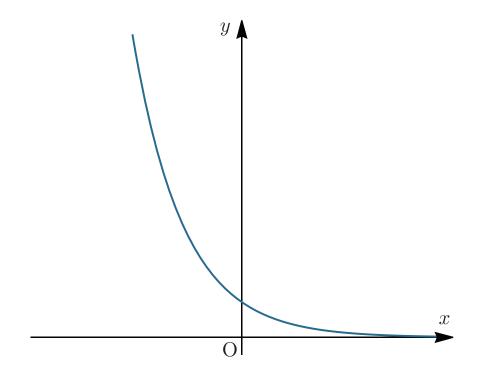
指数関数のグラフ

一般に, $y = a^x$ のグラフは





● 0 < a < 1 のとき



• $y = a^x$ のグラフと $y = \left(\frac{1}{a}\right)^x$ のグラフは, y 軸に関して対称である.

指数関数の性質

指数関数の性質 -

a > 0 を底とする指数関数 $y = a^x$ は

- (1) 実数全体 $-\infty < x < \infty$ で定義可能であり, $a^x > 0$ である.
- (2) a > 1 のとき、 増加関数である. $\lim_{x \to \infty} a^x = \infty$, $\lim_{x \to -\infty} a^x = 0$
- (3) 0 < a < 1 のとき、減少関数である. $\lim_{x \to \infty} a^x = 0$, $\lim_{x \to -\infty} a^x = \infty$
 - ** いずれの場合も, x 軸 (y = 0) が漸近線となる.
- (4) 単調関数である. つまり, $a^{x_1} = a^{x_2}$ ならば, $x_1 = x_2$ である.

● 指数方程式: (4) の性質 を利用して解く.

まとめと復習(と予習)

- 指数関数 とはどのような関数ですか?
- 指数関数のグラフはどのような曲線ですか?
- 指数方程式の解き方は?

教科書 p.31,32

問題集 18,19