1

(1)
$$\varphi_1^{-1} = \varphi_1, \ \varphi_2^{-1} = \varphi_2, \ \varphi_3^{-1} = \varphi_5, \ \varphi_4^{-1} = \varphi_4, \ \varphi_5^{-1} = \varphi_3, \ \varphi_6^{-1} = \varphi_6.$$

(2)
$$sign(\varphi_1) = +1$$
, $sign(\varphi_2) = -1$, $sign(\varphi_3) = +1$, $sign(\varphi_4) = -1$, $sign(\varphi_5) = +1$, $sign(\varphi_6) = -1$.

$$(3) \varphi_1\varphi_5=\varphi_5, \varphi_2\varphi_5=\varphi_4, \varphi_3\varphi_5=\varphi_1, \varphi_4\varphi_5=\varphi_6, \varphi_5\varphi_5=\varphi_3, \varphi_6\varphi_5=\varphi_2, \varphi_5\varphi_5=\varphi_5, \varphi_5\varphi_5=\varphi_5,$$

3
$$x=1, y=\frac{1}{2}, z=-2$$

基本変形の例を下に示す、どのように変形しているか考察しなさい。

$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & -1 & | & 4 \\ 1 & -2 & 1 & | & -2 \\ 3 & 4 & 2 & | & 1 \end{pmatrix} \longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & -2 & 1 & | & -2 \\ 2 & 0 & -1 & | & 4 \\ 3 & 4 & 2 & | & 1 \end{pmatrix} \longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & -2 & 1 & | & -2 \\ 0 & 4 & -3 & | & 8 \\ 0 & 6 & 2 & | & -1 \end{pmatrix}$$

$$\longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & -2 & 1 & | & -2 \\ 0 & 4 & -3 & | & 8 \\ 0 & 2 & 5 & | & -9 \end{pmatrix} \longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 6 & | & -11 \\ 0 & 0 & -13 & | & 26 \\ 0 & 2 & 5 & | & -9 \end{pmatrix}$$

$$\longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 6 & | & -11 \\ 0 & 2 & 5 & | & -9 \\ 0 & 0 & -13 & | & 26 \end{pmatrix} \longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 6 & | & -11 \\ 0 & 2 & 5 & | & -9 \\ 0 & 0 & 1 & | & -2 \end{pmatrix}$$

$$\longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & | & 1 \\ 0 & 2 & 0 & | & 1 \\ 0 & 0 & 1 & | & -2 \end{pmatrix} \longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & | & 1 \\ 0 & 1 & 0 & | & \frac{1}{2} \\ 0 & 0 & 1 & | & -2 \end{pmatrix}$$