1 空間内の 3 つの平面 3x - y + 2z = -4, -x - y + 3z = 5, -2x + y = 4 の交点を求めなさい. (8点)

2 空間内の 2 つの平面 2x + 3y - 4z = -10 と -x - 2y + 3z = 7 の交線のパラメーター表示を求めなさい. (8 点)

3 次の各問に答えなさい. (各6点)

- (1) 空間内の 3点 (1,-1,5),(0,-2,4),(10,2,-4) を通る平面を π とする。 π 上の点 (x,y,z) が満たす方程式を求めなさい。
- (2) 空間内の 2点 (1,0,4),(-3,-2,-2) を通る直線を l とする. l 上の点をパラメーター t を用いて表しなさい.
- (3) π と l の交点の座標を求めなさい.

点/40 点

(4) 行列
$$M=\begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{3}{5} & \frac{2}{5} & \frac{1}{5} \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 を表現行列とする線形変換を f とする(すなわち、 $f(\vec{p})=M\vec{p}$)。このとき、線形変換 f で平面 π を移

した像が直線 l に等しいことを示しなさい.