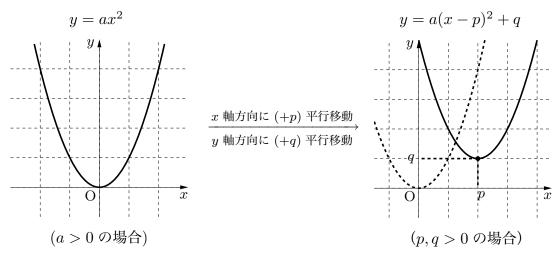
| 補足 1 | 授業では $y = a(x-p)^2 + q$ のグラフの概形を考えるために、 $y = x^2$ のグラフを基本形とし、それを三段階の変形で構成する方法を紹介しましたが、「 $y = ax^2$ を 2 回 (2 つの方向へ) 平行移動する」と考えてもよいでしょう。



- 問題 1. 次の 2次関数を $y = a(x-p)^2 + q$ の形で書き表し、グラフの概形を描きなさい.
 - (1) $y = x^2$ を x 軸方向に (+2), y 軸方向に (+1) だけ平行移動したもの.

(2) $y = -2x^2$ を x 軸方向に (+1), y 軸方向に (-2) だけ平行移動したもの.

| 補足 2 | 式 $y = a(x-p)^2 + q$ からこの 2 次関数の性質をくつか列挙し、グラフの概形を考えてみる。

- 関数 $y = a(x-p)^2 + q$ は x = p のとき y = q だから、グラフは点 (p,q) を通る.
- a > 0 のとき $a(x-p)^2$ は必ず 0 以上である(なぜならどんな実数も 2 乗すれば 0 以上になるし,0 以上の実数に正の数 a をかけたものもまた 0 以上である).したがって.

$$y = a(x-p)^2 + q = \{0 \ \ \ \ \ \ \ \} + q$$

となり、a > 0 とき、y の値は必ず q 以上である.

- 上と同様に考えると、a < 0とき、yの値は必ずq以下であることがわかる。
- y = q となるのは x = p のときのみ. つまり, a > 0 のとき点 (p,q) はグラフの最小値 (a < 0) のときは最大値 を与える. この点 (p,q) を頂点とよんだ.
- x = 0 のとき, $y = ap^2 + q$. つまり y 軸との交点は $(0, ap^2 + q)$.

問題 **2.** 次の性質を持つ 2 次関数を $y = a(x-p)^2 + q$ の形で書き表し、グラフが上に凸か、下に凸か述べよ。

(1) 頂点が (-2,3) で、y 軸との交点が (0,4).

(2) 頂点が(1,2)で、y軸との交点が(0,1).