学籍番号				氏名

## - 注意事項 -

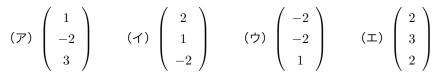
- 問題・答案用紙は全部で2枚です(全4ページ)。すべての用紙の表に学籍番号と名前を記入すること。
- 解答は各問題用紙の余白(問題文の下)に書くこと.
- <u>どれが解なのか</u> はっきりわかるように書くこと. また、解答だけでなく、<u>解を導き出す過程</u> もできるだけ丁 寧に記述すること. 記述が不明瞭だったり、説明が不十分な解答 は加点しない.
- 途中退席は認めない。十分に見直しをすること。
- 試験時間中は自身の答案の作成に集中すること. <u>不正行為と間違われるような行為を行った者</u> はその時点で 試験を終了させ, 試験時間終了後に即刻事務に通告する.

(以下,計算用紙として使用可)

## 情報数学 III 中間試験

- 1 次の各間に答えなさい(この問題は記号を選ぶだけでよい、説明不要). (配点:各3点、部分点なし)
  - (1) ベクトル  $\vec{a}=\begin{pmatrix}2\\-1\end{pmatrix}$  と  $\vec{b}=\begin{pmatrix}\frac{1}{2}\\1\end{pmatrix}$  のなす角を  $\theta$  とする。次の(ア)~(エ)の中からベクトル  $\vec{v}=\begin{pmatrix}2\\-2\\1\end{pmatrix}$

とのなす角が $\theta$ に等しくなるベクトルをすべて選びなさい.



(1)

(2) 平面内の原点を中心とする回転変換を与える行列を次の(ア)~(エ)の中からすべて選びなさい.

$$(\mathcal{P}) \left( \begin{array}{cc} \cos\theta & \sin\theta \\ \sin\theta & -\cos\theta \end{array} \right) \qquad (\mathcal{A}) \left( \begin{array}{cc} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{array} \right) \qquad (\dot{\mathcal{P}}) \left( \begin{array}{cc} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{array} \right) \qquad (\mathbf{I}) \left( \begin{array}{cc} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{array} \right)$$

$$(\mathcal{T}) \left( \begin{array}{cc} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{array} \right)$$

(ウ) 
$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

$$(\mathtt{I}) \left(\begin{array}{cc} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{array}\right)$$

(2)

(3) 次の (ア) (イ) (ウ) の中から行列  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & -2 \\ -2 & 0 & -4 \\ 1 & 1 & 4 \end{pmatrix}$  の固有ベクトルを <u>すべて</u> 選びなさい.

(ア) 
$$\begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$$
 (イ)  $\begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$  (ウ)  $\begin{pmatrix} -2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$ 

(3)

(4) 次の (P) ~ (I) の中から固有値 0 をもつ行列を すべて 選びなさい.

$$(\mathcal{P}) \, \left( \begin{array}{cc} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{array} \right) \qquad (\mathcal{A}) \, \left( \begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{array} \right) \qquad (\dot{\mathcal{D}}) \, \left( \begin{array}{cc} 1 & \frac{1}{2} \\ 2 & 1 \end{array} \right) \qquad (\mathfrak{I}) \, \left( \begin{array}{cc} 2 & -1 \\ \frac{1}{2} & 1 \end{array} \right)$$

$$(\mathcal{A}) \left( \begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{array} \right)$$

(ウ) 
$$\left( \begin{array}{cc} 1 & \frac{1}{2} \\ 2 & 1 \end{array} \right)$$

$$(\mathtt{I}) \left( \begin{array}{cc} 2 & -1 \\ \frac{1}{2} & 1 \end{array} \right)$$

(4)

情報数学 III 中間試験 学籍番号

氏名

点/40 点

$$\vec{z}$$
  $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{v}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{v}_2 = \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $A = \begin{pmatrix} 0 & -1 & -2 \\ -2 & -1 & -4 \\ 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$  に対して、以下の問に答えなさい。

- (1) 外積  $\vec{v}_1 imes \vec{v}_2$  を求めなさい. (配点:3 点)
- (2) 点  $\vec{a}$  を通り、ベクトル  $\vec{v}_1$ 、 $\vec{v}_2$  で張られる平面を  $\pi$  とする。 $\pi$  上の点を媒介変数表示しなさい。 (4 点)
- (3)  $\pi$  上の点を  $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$  とするとき,x,y,z の満たす方程式を求めなさい. (4 点)
- (4) 行列 A が定める線形変換で平面  $\pi$  を写像すると、どのような図形に変換されるか答えなさい。 (3点)

## 情報数学 III 中間試験

**3** 次の2つの行列から1つを選び、その行列の固有値と固有ベクトルを求めなさい。ただし、(a) と (b) では配点が異なるので注意すること。 (配点: (a) は 7 点、(b) は 14 点、部分点あり)

(a) 
$$\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ -2 & -2 \end{pmatrix}$$
 (b)  $\begin{pmatrix} 2 & 1 & -2 \\ -2 & -1 & 4 \\ -1 & -1 & 3 \end{pmatrix}$