

**記号**  $m$  項数ベクトルの全体を  $\mathbf{R}^m$  と書く.

例 1.7.  $\mathbf{R}^2$  は平面ベクトルの全体;

$$\mathbf{R}^2 = \left\{ \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} \mid a_1, a_2 \text{ は実数} \right\}$$

例 1.8.  $\mathbf{R}^3$  は空間ベクトルの全体;

$$\mathbf{R}^3 = \left\{ \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix} \mid a_1, a_2, a_3 \text{ は実数} \right\}$$

**定義**  $n$  個の  $m$  項数ベクトル  $\vec{a}_1, \dots, \vec{a}_n$  が次の 2 条件を満たすとき, これらを  $\mathbf{R}^m$  の基底という.

- $\vec{a}_1, \dots, \vec{a}_n$  は 1 次独立.
- 任意の  $m$  項数ベクトル  $\vec{v}$  は  $\vec{a}_1, \dots, \vec{a}_n$  の線形結合で表せる;  
 $\vec{v} = c_1 \vec{a}_1 + \dots + c_n \vec{a}_n$ .

**事実** 1 次独立な  $m$  個の  $m$  項数ベクトル  $\vec{a}_1, \dots, \vec{a}_m$  は  $\mathbf{R}^m$  の基底となる.

例 1.9. 任意の空間ベクトル  $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix}$  は

$$\begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix} = a_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + a_2 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + a_3 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

と表すことができる.  $\vec{e}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{e}_2 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{e}_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$  を  $\mathbf{R}^3$  の標準基底とよぶ ( $\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3$  が 1 次独立であることは明らかだろう).