[1] 関数 $F(x) = \frac{1}{3}x^3 - 100$ が、 $f(x) = x^2$ の原始関数か否か、判定しなさい。

$$F(x) = (\frac{1}{3}x^{2} - 100)' = \frac{1}{3}x^{3} \times x'^{-1}$$

$$= x^{2} = f(x)$$

たが、て、Fairofの原始関数です。

2 次の不定積分を求めなさい。

(1)
$$\int (x^2 - 6x + 5) dx$$

= $\frac{1}{2+1} \chi^{2+1} - 6 \approx \frac{1}{1+1} \chi^{1+1} + 5 \chi + C$
= $\frac{1}{3} \chi^3 - 3 \chi^2 + 5 \chi + C$
(2) $\int (3x-2)^4 dx$

$$= \frac{1}{4+1} (3x-2)^{4+1} \times \frac{1}{3} + 2$$

$$= \frac{1}{15} (3x-2)^{5} + 2$$

(3)
$$\int \frac{dx}{x^2}$$

2 $\int \chi^{-2} d\chi \cdot \frac{1}{-l+1} \chi^{-2+1} + d$
 $= -\chi^{-1} + d = -\frac{1}{\chi} + d$

$$(4) \int e^{3x} dx$$

$$= \frac{1}{3} e^{3x} + \frac{1}{3}$$

(5)
$$\int \sin(3x-4)dx$$

= $-\cos(3x-4) \approx \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$
= $-\frac{1}{3}\cos(3x-4) + \frac{1}{3}$

(6)
$$\int xe^{x^2} dx \qquad \chi^2 = t \cdot t \cdot c \cdot 2\alpha d\alpha = dt$$

$$= \frac{1}{2} \int e^{x^2} \cdot 2\alpha d\alpha = \frac{1}{2} \int e^{t} d\tau$$

$$= \frac{1}{2} e^{t} + c$$

$$= \frac{1}{2} e^{x^2} + c$$

$$(7) \int x^{2}e^{2x} dx = \int \chi^{2} \left(\frac{1}{2}e^{2x}\right)' dx$$

$$= \chi^{2} \times \frac{1}{2}e^{2x} - \int 2x \times \frac{1}{2}e^{3x} dx$$

$$= \frac{1}{2}\chi^{2}e^{2x} - \int \chi \times \left(\frac{1}{2}e^{3x}\right)' dx$$

$$= \frac{1}{2}\chi^{2}e^{2x} - \int \chi \times \left(\frac{1}{2}e^{3x}\right)' dx$$

$$= \frac{1}{2}\chi^{2}e^{2x} - \int \chi \times e^{3x} - \int \frac{1}{2}e^{3x} dx$$

$$= \frac{1}{2}\chi^{2}e^{3x} - \int \chi \times e^{3x} + \int e^{2x} - \frac{e^{3x}}{4}(2x^{2} - 2x + 1)$$

$$(8) \int \sin^{3}x dx$$

$$= \int \sin \chi (1 - \cos^{2}x) dx$$

$$= \int \sin \chi (1 - \cos^{2}x) dx$$

$$= \int \sin \chi (1 - \cos^{2}x) dx$$

$$= -\cos \chi + \frac{1}{2}\int (\cos^{2}x)' dx$$

 $\boxed{\mathbf{3}} \quad I = \int x^x \cos 3x \, dx \, \, \xi \, \Re \, \phi \, \, \alpha \, \, \xi \, \vee \, .$

 $= -\cos\alpha + \frac{1}{3}\cos^3\alpha + \frac{1}{3}\cos^3\alpha$