2009.5.15 (担当:佐藤)

問題 1. 次の不等式を満たす x を数直線上に図示せよ.

(1) 2x - 7 < -3

(2)
$$\frac{x-3}{4} + 1 \ge x + \frac{1}{2}$$

$$(3) -2x + 1 > -(3x - 2)$$

問題 2. 次の2つの不等式を同時に満たす x を数直線上に図示せよ(連立不等式).

(1)
$$\begin{cases} x+1 < 4 \\ x-2 \ge -7 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 2x - 1 > 1 \\ 7 < 1 - 3x \end{cases}$$

(3)
$$\begin{cases} 2x - 1 > 5 \\ 2x - 3 < 3x + 2 \end{cases}$$

問題 3. 次の2次不等式を解け.

(1)
$$x^2 - 3x + 2 < 0$$

(2)
$$-2x^2 + 7x < 3$$

(3)
$$x(x-3) \ge 2(x-1)^2 - 4$$

$$(4) *2x^2 - 2x + \frac{5}{4} > 0$$

問題 **4.** 2 次方程式 $x^2 + 3x + k = 0$ が異なる 2 つの実数解をもつための k の条件を求めよ.

問題 5. 2 次方程式 $x^2 + kx + 1 = 0$ が実数解をもたないための k の条件を求めよ.

問題 6. * 関数 $f(x) = x^2 + 2kx + k$ の最小値が -1 より大きくなるための k の条件を求めよ.