次の計算をしなさい.

$$(1) \left(\begin{array}{ccc} 3 & -5 & -8 \\ 3 & 6 & 5 \end{array}\right) + \left(\begin{array}{ccc} 4 & 9 & 6 \\ -3 & 2 & 1 \end{array}\right)$$

 $(2) \ 2 \left(\begin{array}{rrr} 1 & 4 & 3 \\ 5 & 3 & 1 \end{array} \right) - 3 \left(\begin{array}{rrr} 3 & 9 & 6 \\ 2 & 1 & 5 \end{array} \right)$

$$(3) \left(\begin{array}{cc} 2 & 3 \\ 5 & 6 \end{array}\right) \left(\begin{array}{cc} 1 & 4 & 3 \\ 2 & 5 & 1 \end{array}\right)$$

$$(4) \ \ {}^t\!\!\left(\begin{array}{ccc} 3 & -1 & 2 \\ 6 & 0 & 1 \end{array}\right) \left(\begin{array}{ccc} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{array}\right)$$

$$\begin{pmatrix}
2 & -1 & 4 \\
1 & 3 & 0 \\
-4 & 5 & 1
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
0 & 1 & 5 \\
-3 & 3 & 1 \\
2 & 1 & 5
\end{pmatrix}$$

次の各行列 A に対し、A の逆行列が存在するか否か判定 しなさい. 逆行列が存在する場合は A-1 を求めなさい.

$$(1) A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -2 & 4 \end{pmatrix}$$

$$(2) A = \left(\begin{array}{cc} 2 & -1 \\ 1 & 3 \end{array}\right)$$

3 下の行列の変形は連立1次方程式

$$\begin{cases} 2y+z=6\\ 2x-y+5z=-1\\ x+3z=1 \end{cases}$$

の拡大係数行列を行基本変形したものである。この変形が正しいか否か判定しなさい。正しい場合はその正しさを証明し、正しくない場合は正しい行基本変形を施して連立1次方程式の解を求めなさい。

$$\begin{pmatrix}
0 & 2 & 1 & 6 \\
2 & -1 & 5 & -1 \\
1 & 0 & 3 & 1
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 3 & 1 \\
2 & -1 & 5 & -1 \\
0 & 2 & 1 & 6
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 3 & 1 \\
0 & -1 & -1 & -3 \\
0 & 2 & 1 & 6
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 3 & 1 \\
0 & -1 & -1 & -3 \\
0 & 0 & -1 & 0
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 3 & 1 \\
0 & -1 & -1 & -3 \\
0 & 0 & 1 & 0
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 3 & 1 \\
0 & -1 & -1 & -3 \\
0 & 0 & 1 & 0
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 & 1 \\
0 & -1 & 0 & -3 \\
0 & 0 & 1 & 0
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 & 1 \\
0 & -1 & 0 & -3 \\
0 & 0 & 1 & 0
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 & 1 \\
0 & -1 & 0 & 3 \\
0 & 0 & 1 & 0
\end{pmatrix}$$

4 次の連立1次方程式の解を求めなさい.

$$\begin{cases} x + 3y + 3z = 8 \\ 2x - y + z = 0 \\ 3x + y - 3z = 12 \end{cases}$$

学籍番号	1				学	
甹	1				科	
氏						
名						