## 問題 5.1. 対数の性質を使って次の値を求めなさい.

(1) 
$$\log_2 8 = \log_2 2^3 = 3$$

(2) 
$$\log_3 81 = \log_3 3^4 = 4$$

(3) 
$$\log_2 64 \div \log_3 27 = \log_2 2^6 \div \log_3 3^3 = 6 \div 3 = 2$$

(4) 
$$\log_6 18 + \log_6 12 = \log_6 (18 \times 12) = \log_6 6^3 = 3$$

(5) 
$$\log_7 21 - \log_7 3 = \log_7 \left(\frac{21}{3}\right) = \log_7 7 = 1$$

(6) 
$$\log_8 125 - \log_4 10 - \log_2 \left(\frac{1}{\sqrt{10}}\right)$$
  
=  $\frac{\log_2 125}{\log_2 8} - \frac{\log_2 10}{\log_2 4} - \log_2 10^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{3} \log_2 5^3 - \frac{1}{2} \log_2 10 + \frac{1}{2} \log_2 10 = \log_2 5$ 

## 問題 5.2. 次の式の に当てはまる有理数を求めなさい.

(1) 
$$\log_2 3 + 2 = \log_2 \left[ \log_2 3 + 2 \log_2 2 = \log_2 3 + \log_2 2^2 = \log_2 (3 \times 4) = \log_2 \mathbf{12} \right]$$

(2) 
$$\log_3 5 - 1 = \log_3 \left[ \log_3 5 - 1 = \log_3 5 - \log_3 3 = \log_3 \left( \frac{5}{3} \right) \right]$$

ヒント: $\log_a a = 1$  より,  $b = b \times \log_a a = \log_a a^b$ .

## 問題 5.3. $\log_{10} 3 = 0.4771$ として、以下の問に答えなさい。

(1)  $3^7$  は何桁の数か求めなさい.

 $\log_{10} 3^7 = 7 \times 0.4771 = 3.3397$ . つまり  $3^7 = 10^{3.3397}$  と書ける.  $10^3 \le 10^{3.3397} < 10^4$  であるから、 $3^7$  は 4 桁の数である(実際に  $3^7 = 2187$ ).

(2) 3<sup>50</sup> は何桁の数か求めなさい.

 $\log_{10}3^{50}=50\times0.4771=23.855$ .  $23\leq\log_{10}3^{50}<24$  より、 $3^{50}$  は **24** 桁の数である。

ヒント:正の数 A が n 桁であるとは, $10^{n-1} < A < 10^n$  が成り立つことである.

この授業に関する情報