科 目 名 解析基礎 (H29春) 出 題 者 名 佐藤!

- 1 次の各空欄に当てはまる適切な数, 式または言葉を書きなさい. なお, 各設問間の空白は計算用紙として使ってよい.
 - (1) 126° を弧度法で表すと る.

$$126 \times \frac{\pi}{180} = \frac{7\pi}{10}$$
. 【1点】

$$(2)$$
 $\frac{9\pi}{5}$ ラジアンを度数法で表すと 度である.

$$\frac{9\pi}{5} \times \frac{180}{\pi} = 9 \times 36 = 324^{\circ}$$
. 【1点】

$$90 < -1322 + 360 \times 4 = 118 < 180$$

よって, **第2象限**. 【1点】

$$\sin\left(\frac{22\pi}{3}\right) = \sin\left(\frac{4\pi}{3} + 2\pi \times 3\right)$$
$$= \sin\frac{4\pi}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{2}.$$
 [1点]

$$(5)$$
 $\tan\left(-\frac{33\pi}{4}\right) =$ である.

$$\tan\left(-\frac{33\pi}{4}\right) = \tan\left(-\frac{\pi}{4} + 2\pi \times (-4)\right)$$
$$= \tan\left(-\frac{\pi}{4}\right) = -1.$$
 【1点】

求める角度を θ とおくと, $\frac{1}{2} \times 5^2 \times \theta = 5\pi$. よって,

$$\theta = 2 \times \frac{1}{5^2} \times 5\pi = \frac{2\pi}{5} = 72^{\circ}$$
. 【1点】

$$(7)$$
 $-\frac{\pi}{2}$ $< \alpha < \frac{\pi}{2}$ かつ $\sin \alpha = -\frac{1}{4}$ を満たす α は 第 象限の角である.

 $-\frac{\pi}{2} < \alpha < \frac{\pi}{2}$ となるのは、第 1 象限か第 4 象限のときであり、 $\sin \alpha$ が負となるのは第 3 象限か第 4 象限にときなので、 α は**第 4 象限**の角である. 【1 点】

$$\alpha$$
 は**第 4 象限**の角である. 【1 点】 (8) 角 β を $\tan \beta = -\frac{3}{2}$ を満たす第 4 象限の角とする.

である.

2 1 (7) の α に対し, $\cos \alpha$ の値を求めなさい.

このとき, sin β の符号は

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

より.

$$\cos \alpha = \pm \sqrt{1 - \left(-\frac{1}{4}\right)^2} = \pm \sqrt{\frac{15}{16}} = \pm \frac{\sqrt{15}}{4}.$$

$$-\frac{\pi}{2}<\alpha<\frac{\pi}{2}$$
 のとき, $\cos\alpha>0$ より $\cos\alpha=\frac{\sqrt{15}}{4}$ である. 【1点】

 $\boxed{\bf 3}$ $\boxed{\bf 1}$ (8) の β に対し, $\sin\beta$ の値を求めなさい.

$$\sin^2 \beta + \cos^2 \beta = 1$$

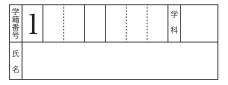
より,

$$1 + \frac{1}{\tan^2 \beta} = \frac{1}{\sin^2 \beta}$$

であるから.

$$\sin \beta = \pm \sqrt{\frac{1}{1+1/(-\frac{3}{2})^2}} = \pm \sqrt{\frac{9}{13}} = \pm \frac{3\sqrt{13}}{13}.$$

$$\sin \beta < 0$$
 より $\sin \beta = -\frac{3\sqrt{13}}{13}$. 【1点】



4 余弦定理とは、公式

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc\cos A$$

のことである. この式における, a,b,c,A は何を意味するか, 説明しなさい.

A は三角形の 1 つの角の大きさであり, a はその対辺の長さである. b,c は残りの 2 辺(角 A を挟む辺)の長さである. 【1 点】

5 正弦定理とは,公式

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

のことである. この式における, a,b,c,A,B,C,R は何を意味するか. 説明しなさい.

A,B,C は $\triangle ABC$ の角の大きさであり, a,b,c は各頂点の対辺の長さ, つまり a=BC,b=AC,c=AB である. また, R は $\triangle ABC$ に外接する円の半径である. 【1点】

6 次の各条件を満たす △ABC に対し, 辺 BC の長さを求めなさい.

 $(1) \sin A = \frac{3\sqrt{3}}{14}$ かつ $\triangle ABC$ の外接円の直径が $\frac{14}{\sqrt{3}}$ 正弦定理より、

$$a = \sin A \times 2R = \frac{3\sqrt{3}}{14} \cdot \frac{14}{\sqrt{3}} = 3$$
. 【1点】

(2) AC= 3, AB= 4 かつ
$$A = 120^{\circ}$$

余弦定理より、

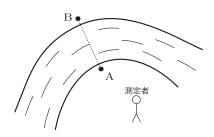
$$a^{2} = 3^{2} + 4^{2} - 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot \cos 120^{\circ}$$
$$= 9 + 16 + 24 \cdot \frac{1}{2}$$
$$= 37$$

よって,
$$a = \sqrt{37}$$
. 【1点】

7 π^2 ラジアンは第何象限の角か答え、その理由を述べなさい。

$$3<\pi=3.1415\cdots<\frac{7}{2}$$
 より、 $3\pi<\pi^2<\frac{7\pi}{2}$. よって、第 3 象限の角である. 【1 点】

8 下の図のような川の両岸の 2 点 AB 間の距離を三角比の アイデアを使って測定したい. 巻き尺, 角度計, 関数電卓 が使えるとし, 測定(計算)の手順を説明しなさい. な お, 川の中に入ること, および川の向こう岸に行くことは できないものをする.



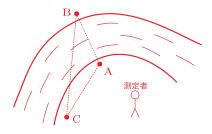
例)

(i) 点 A に観測者が立ち、目線のところを点 C とすると、 \triangle ABC は角 A を直角とする直角三角形となる。 (ii) 巻き尺で 2 点 AC 間の距離を測り、それを b とする。 (iii) 角 C を角度計で測る。 (iv) 正接の定義から、 $AB = b \times \tan C$ である。



例)

(i) 点 A と異なる点を選び, C とする. (ii) 巻き尺で 2 点 AC 間の距離を測り, それを b とする. (iii) 角度計で \triangle ABC の内角 A と C を測る. (iv) $B=\pi-(A+C)$ により, B を求める. (v) 正弦定理より, $AB=\frac{b}{\sin B} \times \sin C$ である.



【0~2点】

