変数分離形微分方程式

$$y' = 4xy$$

について以下の間に答えなさい.

(1) 一般解を求めなさい.

(2) 初期条件 x=0,y=1 を満たす特殊解を求めな さい.

$\mathbf{2}$ 微分方程式

$$xy \, dy - (2x^2 + y^2) \, dx = 0$$

について次の間に答えなさい.

(1) 同次形であることを示しなさい.

(2) 適当に変数変換すると、変数分離形微分方程式

$$zz' = \frac{2}{x}$$

になることを示しなさい.

3 微分方程式

$$y' - y + xy^2 = 0 \tag{*}$$

について次の問に答えなさい.

(1) この方程式を適当に変数変換することにより、線形 微分方程式

$$z' + z = x$$

になることを示しなさい.

(2) (1) の線形微分方程式の一般解を求めなさい.

(3) (*) の一般解を求めなさい.

4 微分方程式

$$(3x^2 - 2y) dx + (3y^2 - 2x) dy = 0$$

が完全であることを確かめ、一般解を求めなさい.

	学籍番号	1				学科	
Ī	氏						
	名						