Лабораторная работа №6: Модель эпидемия дисциплина: Математическое моделирование

Ширяев Кирилл Владимирович 2021, 11 March

Цель работы

Ознакомиться с моделью "эпидемия" и построить графики по этой модели.

Задание

Вариант 39

Для модели «эпидемия»:

$$\frac{dS}{dt} = \begin{cases} -0.01S, I(t) > I^* \\ 0, I(t) \le I^* \end{cases}$$

$$\frac{dI}{dt} = \begin{cases} 0.01S - 0.02I, I(t) > I^* \\ -0.02I, I(t) \le I^* \end{cases}$$

$$\frac{dR}{dt} = 0.02I$$

Построить графики изменения числа особей в каждой из трех групп в случае:

 $1)I(0) < I^*$

Выполнение лабораторной работы

Библиотеки

Подключаю все необходимые библиотеки import numpy as np import matplotlib.pyplot as plt from scipy.integrate import odeint

Значения

Ввод значений из своего варианта (39 вариант)

$$a = 0.01$$

$$b = 0.02$$

$$N = 12800$$

$$I = 180$$

$$R = 58$$

$$S = N - I - R$$

$$t = np.arange(0,400,0.01)$$

$$v = [S,I,R]$$

Решение системы для случая $I(0) \leq I^*$

```
\begin{aligned} &\mathrm{def}\ f1(v,t)\colon\\ &\mathrm{d}S=0\\ &\mathrm{d}I=\text{-}1^*b^*v[1]\\ &\mathrm{d}R=b^*v[1]\\ &\mathrm{return}\ [\mathrm{d}S,\mathrm{d}I,\mathrm{d}R] \end{aligned}
```

Решение системы для случая $I(0) > I^*$

```
\begin{aligned} &\operatorname{def}\, f2(v,t)\colon\\ &\operatorname{dS}=-1^*a^*v[0]\\ &\operatorname{dI}=a^*v[0]-b^*v[1]\\ &\operatorname{dR}=b^*v[1]\\ &\operatorname{return}\, [\operatorname{dS}, \operatorname{dI}, \operatorname{dR}] \end{aligned} \operatorname{res}=\operatorname{odeint}(f2,v,t)
```

Вывод графика №1

Вывод графика изменения числа особей в каждой из трех групп для случая $I(0) \leq I^*$ (рис. @fig:001).

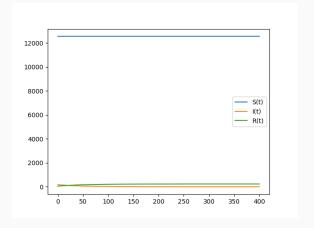


Рис. 1: Вывод графика №1

Вывод графика №2

Вывод графика изменения числа особей в каждой из трех групп для случая $I(0) > I^*$ (рис. @fig:002).

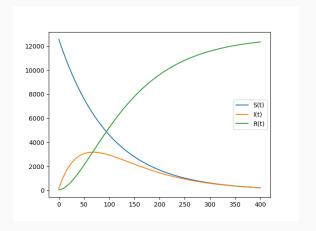


Рис. 2: Вывод графика №2

Выводы

Я ознакомился с моделью "эпидемия" и построил графики по этой модели.