Горение. Программная реализация.

Кроз Елена, Ухарова Софья, Новикова Алина, Чупрына Петр, Попов Олег, Ширяев Кирилл¹ MatMod-2021, 13 Mar, 2021 Russia, Moscow

¹RUDN University, Moscow, Russian Federation

Краткое введение

Задача была поставлена следующая: смоделировать одномерное горение с неявной разностной схемой и двумерное горение с явной разностной схемой.

Для реализации был использован язык программирования python версии 3.9.0

```
import pygame as p
from pygame.locals import *
import numpy as np
import time
hi = 0.4
ti = 0.1
E = 1
Ekrit = 6.56
delta t = 1
h = 1
step = 250
```

```
m = 50*2
n = 26*2
pix = 10
N = np.zeros(m)
T = np.zeros(m)
y s = int(n/2-1)
T[0] = 1
```

```
for i in range(0,m): N[i] = 1
```

```
def print_mas():
    for i in range(0,m):
        p.draw.rect(root, (255-255*N[i], 255-255*N[i], 255-
255*N[i]), [i * pix, (y s+1) * pix, pix, pix])
def print temper():
    p.draw.rect(root, (255, 255, 255), [0, 0, 1000, 260])
    for i in range(0,m):
        p.draw.rect(root, (255, 0, 0),
                        [i * pix, 260-260*T[i], pix, 260*T[i]])
```

```
BLACK = (0, 0, 0)
WHITE = (255, 255, 255)

root = p.display.set_mode((1000, 520))
```

```
root.fill(WHITE)
for i in p.event.get():
        if i.type == QUIT:
            quit()
p.display.update()
print_mas()
print temper()
p.display.update()
time.sleep(1)
```

Peaлизация одномерного горения [далее код в зацикленном while]

```
for x in range(step):
        A = 0
        B = 0
        for i in range(0,m):
            b = -1 * (2 + 2 * (h * h) / (hi * delta_t))
            bd = 2 - 2 * (h * h) / (hi * delta t)
            if T[i] != 0:
                deltaN = -1 * N[i] / ti * np.exp(-1 * E / T[i]) *
                             delta t
            else:
                deltaN = 0
            N[i] = N[i] + deltaN
```

Реализация одномерного горения [продолжение цикла for в цикле for]

```
if i == 0:
        d = -1 * T[i+1] + bd * T[i]
        a = 0
        c = 1
        A \text{ next} = (-1 * c) / (b - a * A)
         B \text{ next} = (d - a * B) / (b - a * A)
        T[i] = A next * T[i+1] + B next - deltaN
elif i == m - 1:
        d = -1 * T[i-1] + bd * T[i]
         c = 0
        a = 1
        A \text{ next} = (-1 * c) / (b - a * A)
         B \text{ next} = (d - a * B) / (b - a * A)
        T[i] = A next * T[i-1] + B next - deltaN
```

Реализация одномерного горения [продолжение цикла for в цикле for]

```
else:
        a = 1
        c = 1
        d = -1 * T[i-1] + bd * T[i] - T[i+1]
        A \text{ next} = (-1 * c) / (b - a * A)
        B \text{ next} = (d - a * B) / (b - a * A)
        T[i] = A next * T[i+1] + B next - deltaN
if (T[i] > 1): T[i] = 1
if (T[i] < 0): T[i] = 0
if (N[i] < 0): N[i] = 0
A = A next
B = B next
```

Реализация одномерного горения [продолжение цикла for]

```
print_mas()
print_temper()
p.display.update()
time.sleep(0.2)
```

Реализация одномерного горения [результат программы]

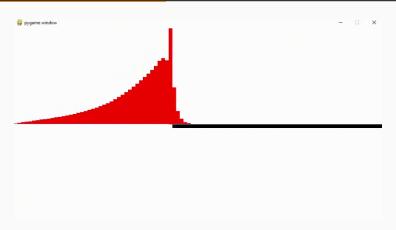


Figure 1: Одномерное горение

```
import pygame as p
from pygame.locals import *
import numpy as np
import time
hi = 0.4
ti = 0.00001
E = 1
Ekrit = 6.56
delta t = 1
h = 1
step = 250
```

```
m = 50*4
n = 26*4
pix = 5
N = np.zeros((n,m))
T = np.zeros((n,m))
newT = T
x s = int(m/2-1)
y_s = int(n/2-1)
```

Реализация двумерного горения [выбор между отображениями горизонтального или вертикального случаев]

```
#______#
# Вертикальынй стержень
#_____

T[y_s][x_s] = 1

for i in range(y_s,n):
    for j in range(x_s-3,x_s+3):
    N[i][j] = 1
```

Реализация двумерного горения [выбор между отображениями горизонтального или вертикального случаев]

```
#______#
# Горизонтальный стержень
#_____

T[y_s-3][x_s] = 1

for i in range(y_s-3,y_s+3):
    for j in range(x_s-40,x_s+40):
    N[i][j] = 1
```

```
def print temper():
    for i in range(0,n):
    for j in range(0,m):
        p.draw.rect(root, (255 * T[i][j],255 * T[i][j],255 * T[i][j])
                [j * pix, i * pix, pix, pix])
def print mas():
    for i in range(0,n):
    for j in range(0,m):
        p.draw.rect(root, (255 - 255 * N[i][j],255 - 255 * N[i][j],
                255 - 255 * N[i][i]), [j * pix, i * pix, pix, pix])
```

```
BLACK = (0, 0, 0)
WHITE = (255, 255, 255)

root = p.display.set_mode((1000, 520))
```

Peaлизация двумерного горения [далее код в зацикленном while]

```
root.fill(BLACK)
for i in p.event.get():
  if i.type == QUIT:
    quit()
p.display.update()
print temper()
# print mas()
p.display.update()
time.sleep(0.5)
coef = hi * (delta t / (h * h))
```

Peaлизация двумерного горения [далее код в зацикленном while]

Реализация двумерного горения [далее код в цикле $\{for\ j\ in\ range(1,m)\}$]

```
#изменение температуры в зависимости от точки
if (i == 0 \text{ and } i == 0):
         newT[i][j] = T[i][j] + coef * (T[i][j + 1] - 2 * T[i][j]) \setminus
             + coef * (T[i + 1][j] - 2 * T[i][j]) - deltaN
    if (i == 0 \text{ and } i > 0 \text{ and } i < m - 1):
         newT[i][j] = T[i][j] + coef * (T[i][j + 1] - 2 * T[i][j] \setminus
             + T[i][j - 1]) + coef * (T[i + 1][j] - 2 * T[i][j]) \setminus
              - deltaN
    if (i == 0 \text{ and } i == m - 1):
         newT[i][j] = T[i][j] + coef * (-2 * T[i][j] + T[i][j - 1]) 
             + coef * (T[i + 1][j] - 2 * T[i][j]) - deltaN
```

Реализация двумерного горения [далее код в цикле $\{for\ j\ in\ range(1,m)\}$]

```
if (i > 0 \text{ and } j == 0 \text{ and } i < n - 1):
         newT[i][j] = T[i][j] + coef * (T[i][j + 1] - 2 * T[i][j]) \setminus
              + coef * (T[i + 1][i] - 2 * T[i][i] + T[i - 1][i]) - 
              deltaN
if (i > 0 \text{ and } i > 0 \text{ and } i < n - 1 \text{ and } j < m - 1):
         newT[i][j] = T[i][j] + coef * (T[i][j + 1] - 2 * T[i][j] \setminus
              + T[i][j - 1]) + coef * (T[i + 1][j] - 2 * T[i][j] \setminus
              + T[i - 1][j]) - deltaN
if (i > 0 \text{ and } j == m - 1 \text{ and } i < n - 1):
         newT[i][j] = T[i][j] + coef * (-2 * T[i][j] + T[i][j - 1])
              + coef * (T[i + 1][j] - 2 * T[i][j] + T[i - 1][j]) - 
              deltaN
```

Реализация двумерного горения [далее код в цикле $\{for\ j\ in\ range(1,m)\}$]

```
if (i == n - 1 \text{ and } i == 0):
        newT[i][j] = T[i][j] + coef * (T[i][j + 1] - 2 * T[i][j]) \setminus
             + coef * (- 2 * T[i][j] + T[i - 1][j]) - deltaN
if (i == n - 1 \text{ and } i > 0 \text{ and } i < m - 1):
        newT[i][j] = T[i][j] + coef * (T[i][j + 1] - 2 * T[i][j] + 
             T[i][i - 1]) + coef * (-2 * T[i][j] + T[i - 1][j]) - 
             deltaN
if (i == n - 1 \text{ and } j == m - 1):
        newT[i][j] = T[i][j] + coef * (-2 * T[i][j] + T[i][j - 1]) 
             + coef * (- 2 * T[i][j] + T[i - 1][j]) - deltaN
```

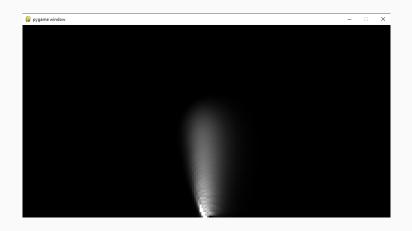
Реализация двумерного горения [далее код в цикле $\{for\ j\ in\ range(1,m)\}$]

```
N[i][j] = N[i][j] + deltaN
if (N[i][j] < 0): N[i][j] = 0
if(newT[i][j]>1): newT[i][j] = 1
if(newT[i][j]<0): newT[i][j] = 0</pre>
```

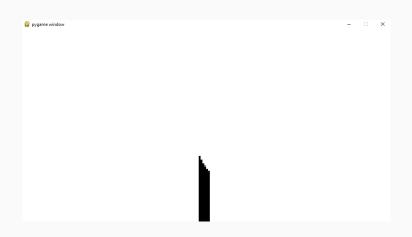
Реализация двумерного горения [далее код в цикле $\{for\ x\ in\ range(step)\}\]$

```
T = newT
# print_temper()
print_mas()
p.display.update()
```

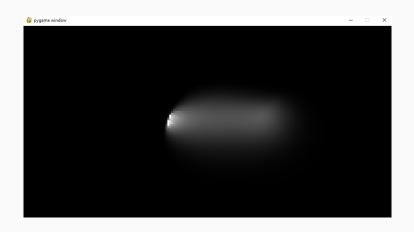
Результаты двумерного горения (температура, вертикальный стержень)



Результаты двумерного горения (кол-во вещества, вертикальный стержень)



Результаты двумерного горения (температура, горизонтальный стержень)



Результаты двумерного горения (кол-во вещества, горизонтальный стержень)

