



编译原理

第五章 语法分析——自下而上分析

第五章 语法分析——自下而上分析

- 自下而上分析的基本问题
- 算符优先分析算法
- LR 分析法

第五章 语法分析——自下而上分析

- 自下而上分析的基本问题

- 算符优先分析算法

- LR 分析法

- LR 分析器的工作原理

- LR(0) 项目集规范族的构造

5.3.2 LR(0) 项目集族和 LR(0) 分析表的构造

- 假定 α 是文法 G 的一个句子，我们称序列

$$\alpha_n, \alpha_{n-1}, \dots, \alpha_0$$

是的一个**规范归约**，如果此序列满足：

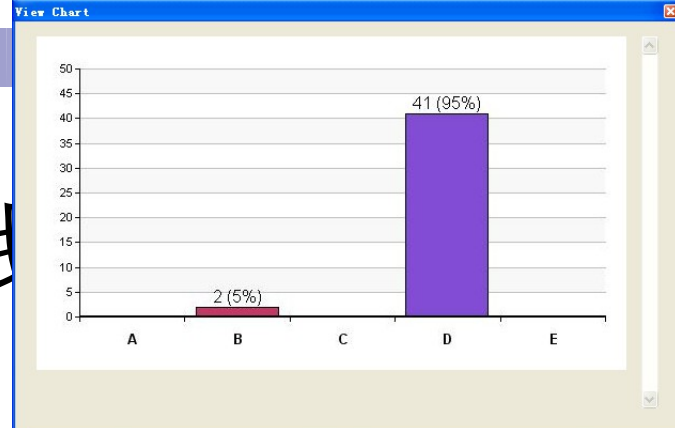
- 1 $\alpha_n = \alpha$
- 2 α_0 为文法的开始符号，即 $\alpha_0 = S$
- 3 对任何 i ， $0 \leq i \leq n$ ， α_{i-1} 是从 α_i 经把**句柄**替换成为相应产生式左部符号而得到的。
。

规范归约过程中栈内符号串

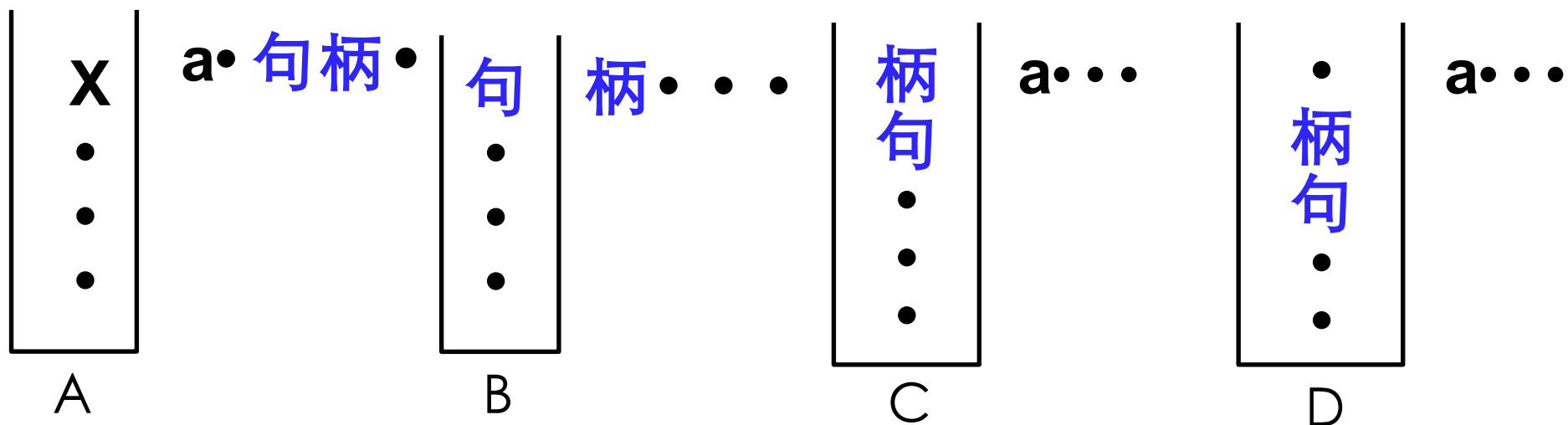
- 规范归约过程中

- 栈内的符号串和扫描剩下的输入符号串构成了一个规范句型

讨论：规范归约过程中栈



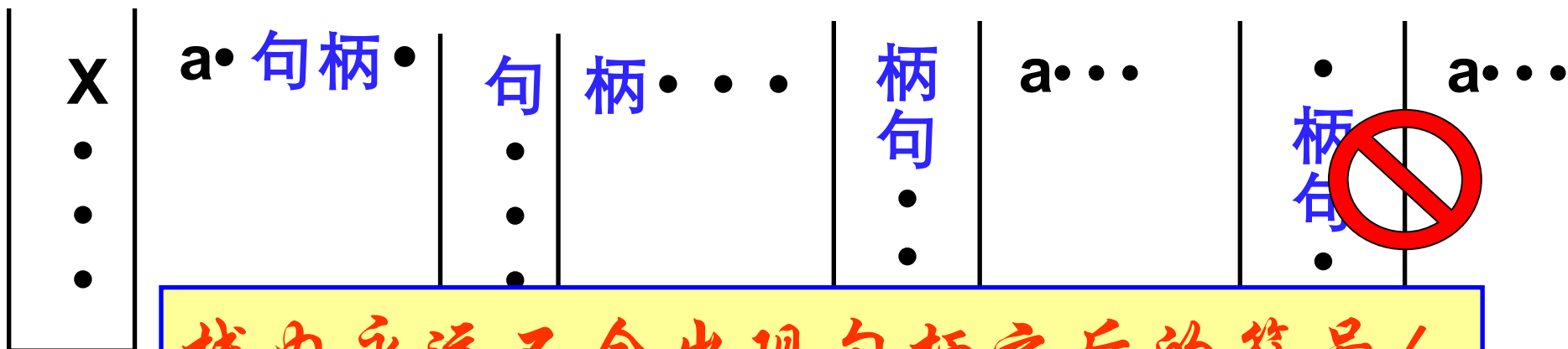
- 对于句子，在规范归约过程中，栈内的符号串和扫描剩下的输入符号串构成了一个规范句型，下面哪种格局不会出现：



规范归约过程中栈内符号串

■ 规范归约过程中

- 栈内的符号串和扫描剩下的输入符号串构成了一个规范句型
- 栈内的如果出现句柄，句柄一定在栈的顶部



栈内永远不会出现句柄之后的符号！

字的前缀、活前缀

- **字的前缀**：是指字的任意首部，如字 abc 的前缀有 ε , a , ab , abc
- **活前缀**：是指**规范句型**的一个前缀，这种前缀不含**句柄**之后的任何符号。即，对于规范句型 $\alpha\beta\delta$ ， β 为句柄，如果 $\alpha\beta = u_1u_2\cdots u_r$ ，则符号串 $u_1u_2\cdots u_i (1 \leq i \leq r)$ 是 $\alpha\beta\delta$ 的**活前缀**。（ δ 必为终结符串）

指导思想——目标驱动



■ 踢足球

“如果你不知道怎样踢球，就往球门方向踢”

—— 施拉普纳

□ 哪些字符串是活前缀？

□ 能不能构造一个 DFA 来识别活前缀？

回答：对于一个文法 G ，可以构造一个 DFA，它能识别 G 的所有活前缀。

分析

如果你不知道怎样分析

就保证栈中总是活前

字的前缀、活前缀

- **字的前缀**：是指字的任意首部，如字 abc 的前缀有 ε , a , ab , abc
- **活前缀**：是指**规范句型**的一个前缀，这种前缀不含**句柄**之后的任何符号。即，对于规范句型 $\alpha\beta\delta$ ， β 为句柄，如果 $\alpha\beta = u_1u_2\cdots u_r$ ，则符号串 $u_1u_2\cdots u_i (1 \leq i \leq r)$ 是 $\alpha\beta\delta$ 的**活前缀**。（ δ 必为终结符串）
- 规范归约过程中，保证分析栈中总是**活前缀**，就说明分析采取的移进 / 归约动作是正确的

- 文法 G 的每个产生式的右部添加一个圆点称为 G 的 LR(0) 项目

- 如 $A \rightarrow XYZ$ 有四个项目:

$A \rightarrow \bullet XYZ$ $A \rightarrow X \bullet YZ$ $A \rightarrow XY \bullet Z$ $A \rightarrow XYZ \bullet$

☞ $A \rightarrow \alpha \bullet$ 称为 " 归约项目 "

☞ 归约项目 $S' \rightarrow \alpha \bullet$ 称为 " 接受项目 "

☞ $A \rightarrow \alpha \bullet a \beta$ ($a \in V_T$) 称为 " 移进项目 "

☞ $A \rightarrow \alpha \bullet B \beta$ ($B \in V_N$) 称为 " 待约项目 ".

- 项目表示我们在分析过程中看到了产生式多大部分

■ 文法 $G(S')$

$S' \rightarrow E$

$E \rightarrow aA | bB$

$A \rightarrow cA | d$

$B \rightarrow cB | d$

■ 该文法的项目有：

1. $S' \rightarrow \cdot E$
2. $S' \rightarrow E \cdot$
3. $E \rightarrow \cdot aA$
4. $E \rightarrow a \cdot A$
5. $E \rightarrow aA \cdot$
6. $A \rightarrow \cdot cA$
7. $A \rightarrow c \cdot A$
8. $A \rightarrow cA \cdot$
9. $A \rightarrow \cdot d$
10. $A \rightarrow d \cdot$
11. $E \rightarrow \cdot bB$
12. $E \rightarrow b \cdot B$
13. $E \rightarrow bB \cdot$
14. $B \rightarrow \cdot cB$
15. $B \rightarrow c \cdot B$
16. $B \rightarrow cB \cdot$
17. $B \rightarrow \cdot d$ ¹²

■ 构造识别文法所有活前缀的 NFA 方法

1. 若状态 i 为 $X \rightarrow X_1 \cdots X_{i-1} \bullet X_i \cdots X_n$,

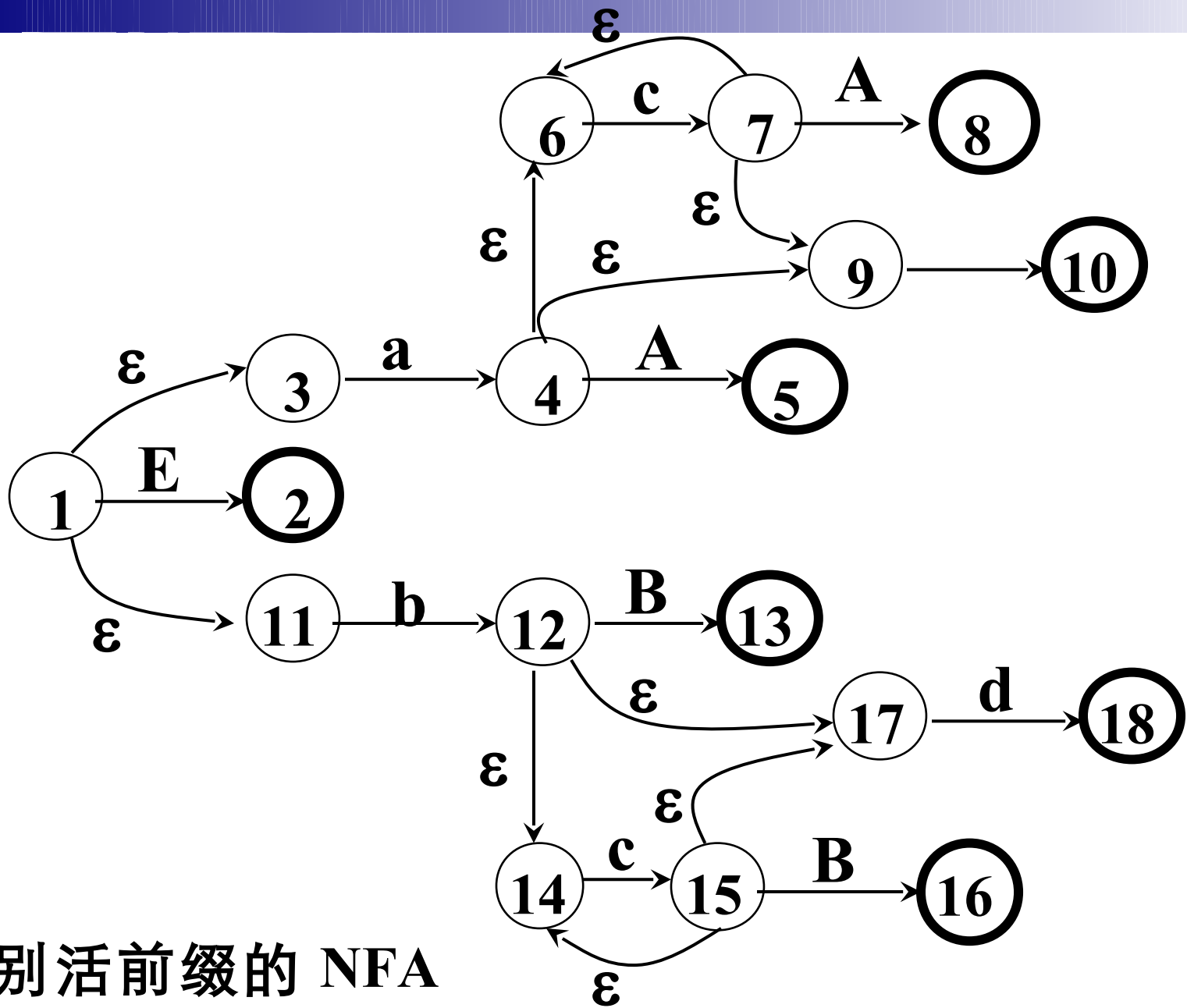
状态 j 为 $X \rightarrow X_1 \cdots X_{i-1} X_i \bullet X_{i+1} \cdots X_n$,

则从状态 i 画一条标志为 X_i 的有向边到状态 j ;

2. 若状态 i 为 $X \rightarrow \alpha \bullet A \beta$, A 为非终结符,

则从状态 i 画一条 ε 边到所有状态 $A \rightarrow \bullet \gamma$

■ 把识别文法所有活前缀的 NFA 确定化



识别活前缀的 NFA

对比 DFA :

curState = 初态

GetChar();

while(stateTrans[curState][ch] 有定义){

// 存在后继状态, 读入、拼接

Concat();

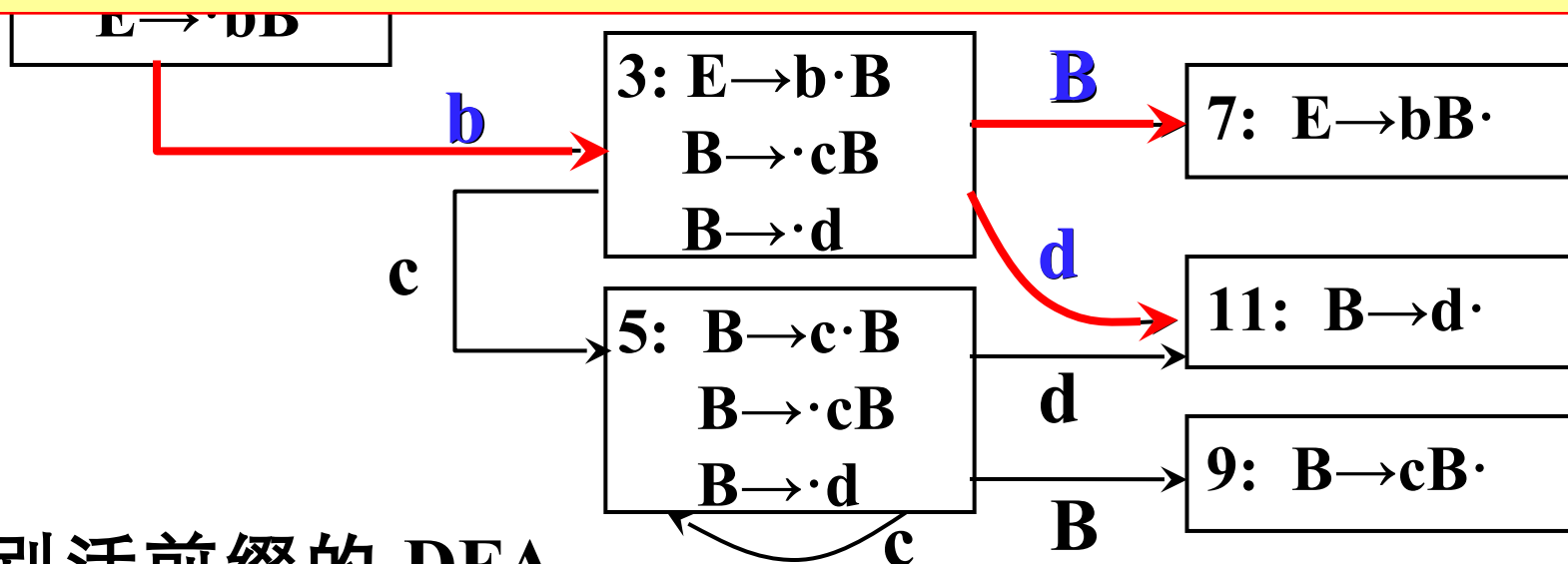
// 进入下一状态, 读入下一字符

curState= stateTrans[curState][ch];

if cur_state 是终态 then 返回 strToken 中的单词

GetChar();

}



识别活前缀的 DFA

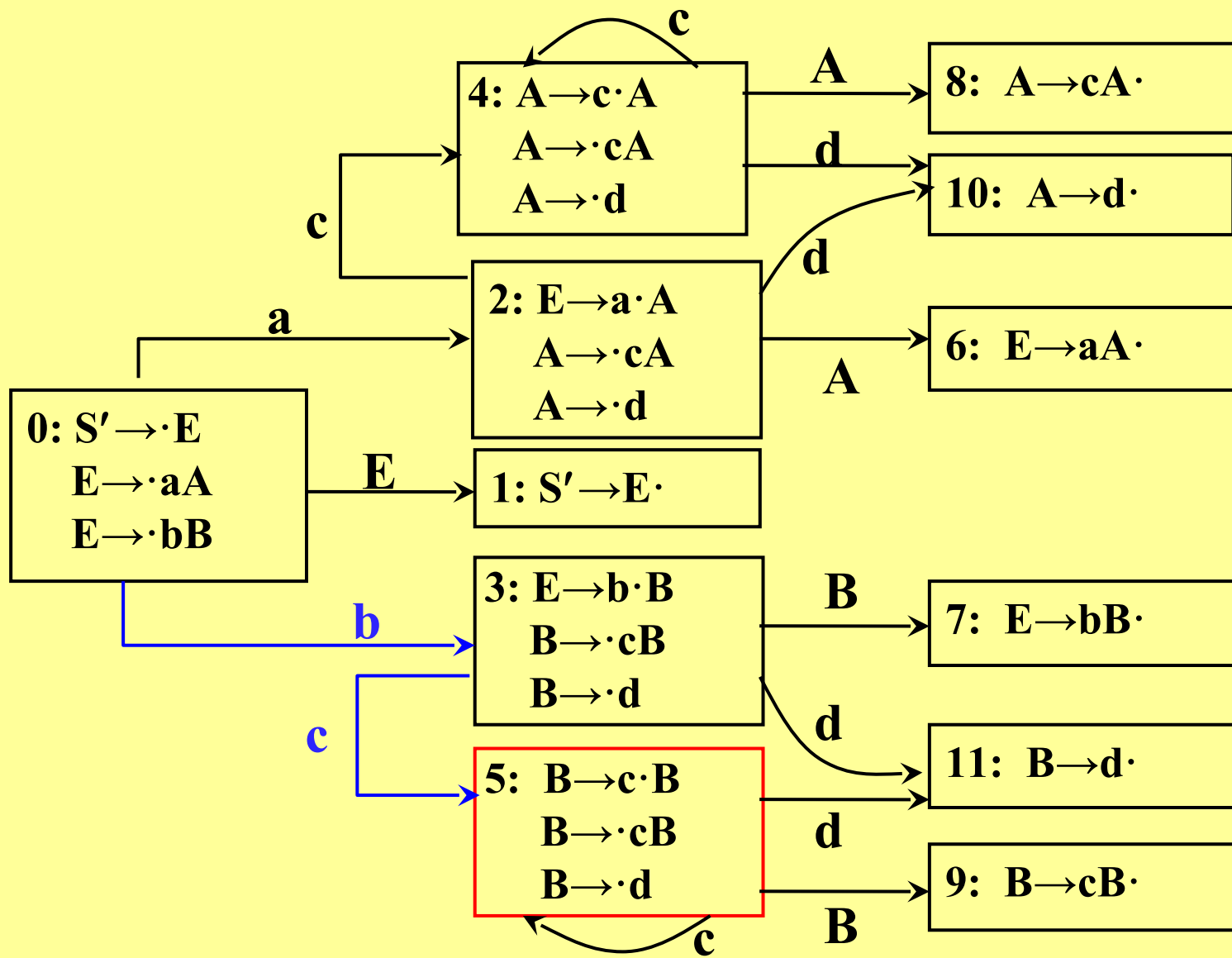
LR(0) 项目集规范族

- 构成识别一个文法活前缀的 DFA 的项目集 (状态) 的全体称为文法的 **LR(0) 项目集规范族**。

有效项目

■ 我们
有效的

□ 在任
 X_m 的
的初
项目



- 结论：若项目 $A \rightarrow \alpha \bullet B \beta$ 对活前缀 $\eta = \delta\alpha$ 是有效的且 $B \rightarrow \gamma$ 是一个产生式，则项目 $B \rightarrow \bullet \gamma$ 对 $\eta = \delta\alpha$ 也是有效的。

$$S' \xRightarrow[R]{*} \delta A \omega \xRightarrow[R]{*} \delta \alpha B \beta \omega$$

设 $\beta \omega \xRightarrow[R]{*} \varphi \omega$ ， 那么

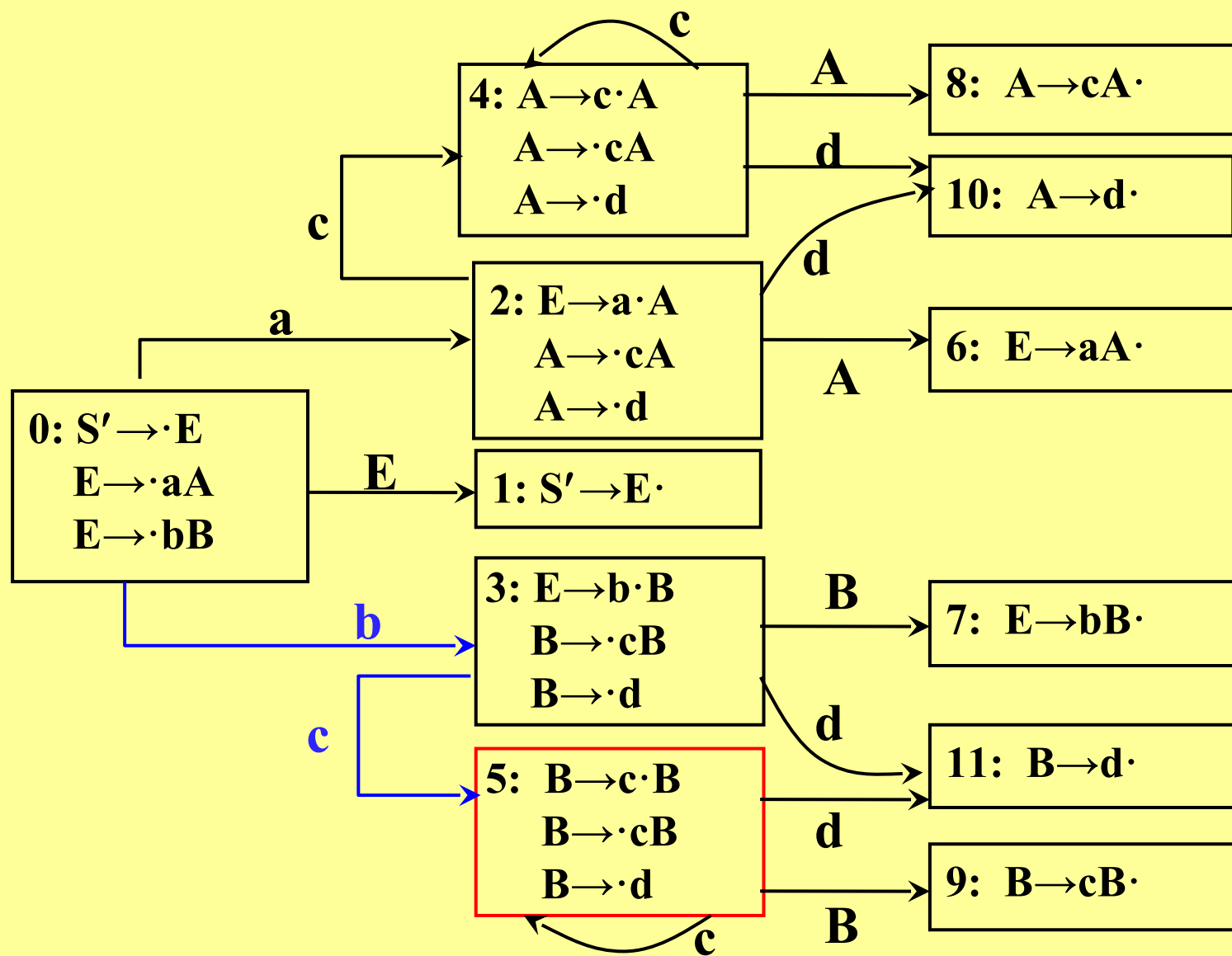
$$S \xRightarrow[R]{*} \delta A \omega \xRightarrow[R]{*} \delta \alpha B \beta \omega \xRightarrow[R]{*} \delta \alpha B \varphi \omega \xRightarrow[R]{*} \delta \alpha \gamma \varphi \omega$$

所以， $B \rightarrow \bullet \gamma$ 对 $\eta = \delta\alpha$ 也是有效的。

文法 $G(S')$
 $S' \rightarrow E$

项目 $A \rightarrow \beta_1 \bullet \beta_2$ 对活前缀 $\alpha \beta_1$ 是有效的, 其条件是存在规范推导

考虑
 项目
 活前
 S'
 S'
 S'



LR(0) 项目集规范族的构造

- 假定文法 G ，以 S 为开始符号
- 构造一个 G' ，它包含了整个 G ，但它引进了一个不出现在 G 中的非终结符 S' ，并加进一个新产生式 $S' \rightarrow S$ ， S' 是 G' 的开始符号
- 称 G' 是 G 的**拓广文法**
- G' 唯一的“接受”态：仅含项目 $S' \rightarrow S \cdot$ 的状态

闭包 CLOSURE

- 假定 I 是文法 G' 的任一项目集，定义和构造

2. 若状态 i 为 $X \rightarrow \alpha \bullet A \beta$ ， A 为非终结符，
则从状态 i 画一条 ε 边到所有状态 $A \rightarrow \bullet \gamma$ 。

2 若 $A \rightarrow \alpha \cdot B \beta$ 属于 $CLOSURE(I)$ 那么

P50：NFA 确定化

设 I 是的状态集的一个子集，定义 I 的 ε -闭包 $\varepsilon\text{-closure}(I)$ 为：

- i) 若 $s \in I$ ，则 $s \in \varepsilon\text{-closure}(I)$ ；
- ii) 若 $s \in I$ ，则从 s 出发经过任意条 ε 弧而能到达的任何状态 s' 都属于 $\varepsilon\text{-closure}(I)$

$\varepsilon\text{-closure}(I) = I \cup \{s' \mid \text{从某个 } s \in I \text{ 出发经过任意条 } \varepsilon \text{ 弧能到达}$

- 为了识别活前缀，我们定义一个状态转换函数 GO 是一个状态转换函数。 I 是一个项目集， X 是一个文法符号。函数值 $GO(I, X)$ 定义为：

$$GO(I, X) = CLOSURE(J)$$

其中

$$J = \{ \text{任何形如 } A \rightarrow \alpha X \cdot \beta \text{ 的项目} \\ | A \rightarrow \alpha \cdot X \beta \text{ 属于 } I \}。$$

- **P50**：设 a 是 Σ 中的一个字符，定义

$$I_a = \varepsilon\text{-closure}(J)$$

其中， J 为 I 中的某个状态出发经过一条 a 弧而到达的状态集合。

■ 文法 $G(S')$

$$S' \rightarrow E$$

$$E \rightarrow aA \mid bB$$

$$A \rightarrow cA \mid d$$

$$B \rightarrow cB \mid d$$

■ $I_0 = \{S' \rightarrow \cdot E, E \rightarrow \cdot aA, E \rightarrow \cdot bB\}$

$$\begin{aligned} GO(I_0, E) &= \text{closure}(J) = \text{closure}(\{S' \rightarrow E \cdot\}) \\ &= \{S' \rightarrow E \cdot\} = I_1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} GO(I_0, a) &= \text{closure}(J) = \text{closure}(\{E \rightarrow a \cdot A\}) \\ &= \{E \rightarrow a \cdot A, A \rightarrow \cdot cA, A \rightarrow \cdot d\} = I_2 \end{aligned}$$

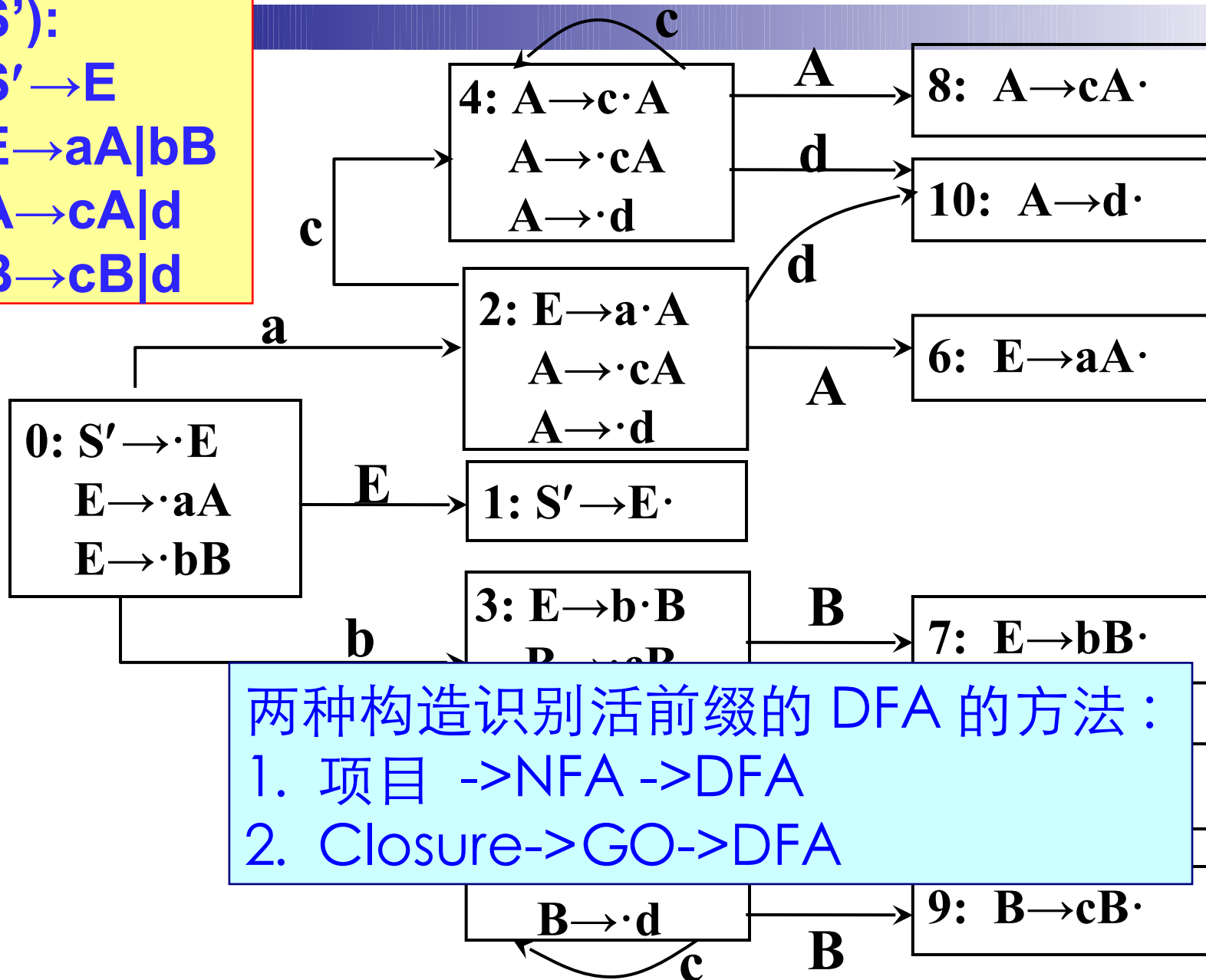
$$\begin{aligned} GO(I_0, b) &= \text{closure}(J) = \text{closure}(\{E \rightarrow b \cdot B\}) \\ &= \{E \rightarrow b \cdot B, B \rightarrow \cdot cB, B \rightarrow \cdot d\} = I_3 \end{aligned}$$

- 构造文法 G 的拓广文法 G' 的 LR(0) 项目集规范族算法：

```
PROCEDURE ITEMSETS( $G'$ ) ;  
BEGIN  
   $C := \{ \text{CLOSURE}(\{S' \rightarrow \cdot S\}) \}$  ;  
  REPEAT  
    FOR  $C$  中每个项目集  $I$  和  $G'$  的每个符号  $X$   
    DO  
      IF  $GO(I, X)$  非空且不属于  $C$  THEN  
        把  $GO(I, X)$  放入  $C$  族中 ;  
  UNTIL  $C$  不再增大  
END
```

- 转换函数 GO 把项目集连接成一个 DFA 转换图。

$G'(S')$:
 $S' \rightarrow E$
 $E \rightarrow aA | bB$
 $A \rightarrow cA | d$
 $B \rightarrow cB | d$



两种构造识别活前缀的 DFA 的方法：
 1. 项目 \rightarrow NFA \rightarrow DFA
 2. Closure \rightarrow GO \rightarrow DFA

小结

- 规范归约过程中，只要保证分析栈中总是活前缀，就说明分析采取的移进 / 归约动作是正确的
- 哪些字符串是活前缀？能不能构造一个 DFA 来识别活前缀？
- 两种构造识别活前缀的 DFA 的方法
 - 项目 \rightarrow NFA \rightarrow DFA
 - Closure \rightarrow GO \rightarrow DFA