

1. 写出不能被 5 整除的偶数集合的文法

答案：

偶数从形式上看，是以 0，2，4，6，8 结尾的数字串，题目要求的偶数不能被 5 整除，所以复合要求的偶数是以 2，4，6，8 结尾的数字串。

解答：所求文法为：

G(S):

$S \rightarrow PA$

$A \rightarrow ME \mid E$

$E \rightarrow 2 \mid 4 \mid 6 \mid 8$

$D \rightarrow 0 \mid N$

$N \rightarrow 1 \mid 3 \mid 5 \mid 7 \mid 9 \mid E$

$M \rightarrow MD \mid N$

$P \rightarrow + \mid -$

其中，A 代表无符号的不能被 5 整除的偶数；

E 代表可以出现在个位上的数字；

D 代表所有数字；

N 代表所有非零数字；

M 代表所有不以零开头的数字串；

P 代表正负号；

2. 生成非 0 开头的正偶数集的文法是什么？

答案：

所求文法为：

G(S):

$S \rightarrow PA \mid A$

$A \rightarrow ME \mid M0 \mid E$

$E \rightarrow 2 \mid 4 \mid 6 \mid 8$

$D \rightarrow 0 \mid N$

$N \rightarrow 1 \mid 3 \mid 5 \mid 7 \mid 9 \mid E$

$M \rightarrow MD \mid N$

$P \rightarrow +$

其中，A 代表无符号的非 0 开头的正偶数；

E 代表可以出现在个位上的数字；

D 代表所有数字；

N 代表所有非零数字；

M 代表所有不以零开头的数字串；

P 代表正号；

3. 写一个上下文无关文法 G，使得  $L(G) = \{ a^n c^i b^n \mid n \geq 1, i \geq 1 \} \cup \{ b^n c^i a^n \mid n \geq 1, i \geq 1 \}$ 。

答案：

所求文法为：

G(S):

$S \rightarrow aAb \mid bBc$

$A \rightarrow aAb \mid C$

$$B \rightarrow bBa \mid C$$

$$C \rightarrow cC \mid c$$

4. 写一个上下文无关文法  $G$ ，使得  $L(G) = \{ a^n b^m c^m d^n \mid n \geq 0, m \geq 1 \}$ 。

答案：

所求文法为：

$G(S)$ :

$$S \rightarrow aSd \mid A$$

$$A \rightarrow bAc \mid bc$$

5. 给定的文法  $G$  (其开始符是  $S$ )，其产生式如下：

$$S \rightarrow 0Z \mid 0 \mid 1A \quad B \rightarrow 0D \mid 1Z \mid 1 \quad D \rightarrow 0C \mid 1D$$

$$A \rightarrow 0B \mid 1C \quad C \rightarrow 1B \mid 0A \quad Z \rightarrow 0Z \mid 0 \mid 1A$$

试问下列那些符号串属于  $L(G)$ ?

001000000000100      10000111000000      0111000000000000  
000100100100100

答案：

001000000000100, 10000111000000, 000100100100100 属于  $L(G)$ .