Chapter 05

谢胡睿 2400014151 数算(B) 24-25春

书面作业:

p168: 8, 9, 12, 13p169: 1, 4

8.

先根遍历为ABDEGCFHIJ 中根遍历为DBGEAHFIJC

Ans: 根为A

depth=1 A左: B (先根第二个) depth=2 B左: D (中根第一个) depth=2 B右: E (中根先G后E)

depth=3 E左: G

depth=1 A右: C(先根G后C+中根A后为右子树)

depth=2 C无右(中根最后C) C左: F

depth=3 F左: H F右; I

depth=4 I右: J

```
A
/ \
B C
/ \ /
D E F
/ / \
G H I
\
J
```

则后根遍历是: DGEBHJIFCA

9.

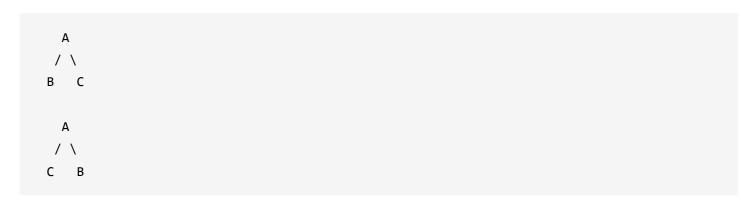
证明:

若遍历为空,则树为空,不然:

- 1. 先根的第一个节点是根
- 2. 根在中根遍历中对应的位置,左侧是左子树,右侧是右子树
- 3. 递归即可建立整棵树

下证先根+后根不可

先根: ABC 后根; CBA



均符合,为反例

12.

父指针表示法:

| index | info | parent |
|-------|------|--------|
| 0 | а | -1 |
| 1 | b | 0 |
| 2 | С | 0 |
| 3 | d | 0 |
| 4 | е | 1 |
| 5 | f | 2 |
| 6 | g | 2 |
| 7 | h | 2 |

子表示法

| index | info | children |
|-------|------|--------------------|
| 0 | а | ->b->c->d->nullptr |
| 1 | b | ->e->nullptr |
| 2 | С | ->f->g->h->nullptr |
| 3 | d | ->nullptr |
| 4 | е | ->nullptr |
| 5 | f | ->nullptr |
| 6 | g | ->nullptr |
| 7 | h | ->nullptr |

长子-兄弟表示法:

| 1st-child | info | next-sibling |
|-----------|------|--------------|
| b | а | nullptr |
| е | b | С |
| f | С | d |
| nullptr | d | nullptr |
| nullptr | е | nullptr |
| nullptr | f | g |
| nullptr | g | h |
| nullptr | h | nullptr |

13.

显然: 总共结点数为总度数+1 则结点数= $\sum_{i=1}^m (i*n_i)+1$ 又 $N=n_0+n_1+n_2+...+n_m=n_0+\sum_{i=1}^m n_i$ 则 $n_0=1+\sum_{i=1}^m (i*n_i)-\sum_{i=1}^m n_i=1+\sum_{i=1}^m ((i-1)*n_i)$

算法题

1.

```
struct Node{
   int index;
   Node* left;
   Node* right;
};
int countnumbers(Node* root){
   int ans=0;
   if(root==nullptr){
      return 0;
   }
   if(root->left==nullptr&&root->right==nullptr){
      return 1;
   }
   return countnumbers(root->left)+countnumbers(root->right);
}
```

```
struct ThreadedNode{
   int data;
   ThreadedNode* left;
   ThreadedNode* right;
   bool leftThread;
   bool rightThread;
   ThreadedNode* parent;
};
ThreadedNode* preOrderSuccessor(ThreadedNode* node) {
   if (node==nullptr) return nullptr;
   if (!node->leftThread) return node->left;//有左子则左子根为前驱
   if (!node->rightThread) return node->right;//无左有右则右子根为前驱
   //向上找
   ThreadedNode* p=node->parent;
   ThreadedNode* current=node;
   while (p!=nullptr&&current==p->right) {
       current=p;
       p=p->parent;
   return p;
}
```