

Лекции  
по курсу *”Математическая Статистика”*

# Contents

Источники	2
1 Многомерное нормальное распределение	3
1.1 Замечание . . . . .	3
1.2 Лемма 1 . . . . .	3
1.3 Определение 1 . . . . .	3

## Источники

- Ивченко Г. И., Медведев Ю. И. “Математическая статистика”, изд. “Высшая школа”, 1984
- Кибзун А. И., Наумов А. В., Горяинова Е. Р. “Теория вероятностей и математическая статистика. Базовый курс с примерами и задачами”, изд “ФИЗМАТЛИТ”, 2013
- Панков А. Р., Платонов Е. Н. “Практикум по математической статистике”, изд. “МАИ”, 2006

# 1 Многомерное нормальное распределение

## 1.1 Замечание

Вектор  $X = (X_1, \dots, X_n)^t$  называется **случайным**, если  $X_1, \dots, X_n$  — случайные векторы (далее **с.в.**), определенные на одном вероятностном пространстве.

Через  $M[X] = m_x$  обозначим вектор математического ожидания:

$$M[X] = m_x = \begin{pmatrix} M[X_1] \\ \vdots \\ M[X_n] \end{pmatrix}$$

Через  $K_x$  обозначим ковариационную матрицу с.в  $X$ :

$$K_x = \begin{pmatrix} \text{cov}(X_1, X_1) & \dots & \text{cov}(X_1, X_n) \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \text{cov}(X_n, X_1) & \dots & \text{cov}(X_n, X_n) \end{pmatrix}$$

## 1.2 Лемма 1

Пусть  $K_x \in \mathbb{R}^{n \times n}$  — ковариационная матрица с.в  $X$ . Тогда:

1.  $K_x \geq 0$ , т.е.  $\forall x \in \mathbb{R}^n \setminus \{0\}, x^T K_x x \geq 0$ ;
2.  $K_x^T = K_x$

## 1.3 Определение 1

Случайный вектор  $X = (X_1, \dots, X_n)^T$  называется **невырожденным нормальным вектором**:

$$X \sim N(m_x, K_x)$$

если совместная плотность вероятности имеет вид:

$$f_x(x) = ((2\pi)^n \det K_x)^{-\frac{1}{2}} \exp\left\{-\frac{1}{2}(x - m_k)^T K_x^{-1}(x - m_x)\right\}$$

где  $m_x \in \mathbb{R}^n, K_x \in \mathbb{R}^{n \times n}, K_x > 0, K_x^T = K_x$