## 1 スピンドル冷却系

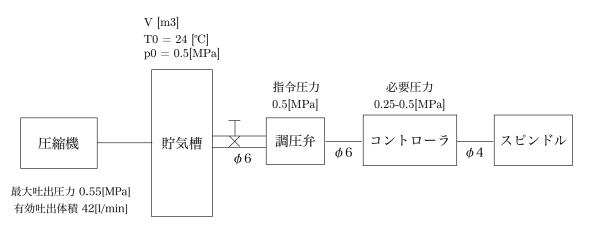


図1 冷却システム構成図

$$\dot{m_c} = \frac{P\dot{V_{s1}}}{RT} \tag{1}$$

$$\dot{m_d} = \frac{p_0 A_e}{\sqrt{RT}} \sigma^* \tag{2}$$

タンク内部の圧力を $p_0(t)$ とおくと、流量の保存と気体の状態方程式から以下が成り立つ。

$$\begin{split} p_{0}(t) &= \frac{RT_{0}}{V} \left( m_{i} + \dot{m_{c}}dt - \dot{m_{d}}dt \right) \\ &= \frac{RT_{0}}{V} \left( \frac{p_{a}V}{RT_{0}} + \frac{p_{a}V_{s1}}{RT_{0}}dt - \frac{p_{0}(t)A_{e}}{\sqrt{RT_{0}}}\sigma^{*}dt \right) \\ &= k_{3} + k_{2}dt - k_{1}p_{0}(t)dt \end{split} \tag{3}$$

ただし,

$$k_1 = \frac{\sqrt{RT_0}A_e\sigma^*}{V}, k_2 = p_a\frac{V_{s1}}{V}, k_3 = p_{0i}$$
 (4)

(3) を微分して,

$$p_0'(t) = k_2 - k_1 p_0(t) (5)$$

 $p_0(t)$  を 2 次の項までテーラー展開して数値計算する.

## 2 参考資料

[1] 松尾 一泰, 「圧縮性流体力学―内部流れの理論と解析」, オーム社, 2013