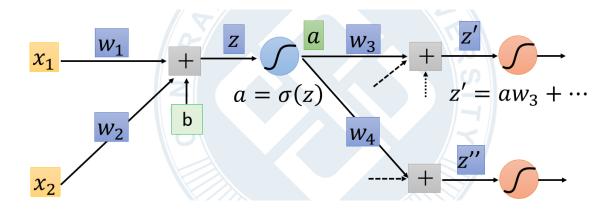
## 杂谈勾股定理

无名氏 2023 年 12 月 9 日

## 1 公式测试

1 公式测试 2



已知:z为激活函数输入,a为激活函数输出和下一层的输入,l为损失函数。

$$z = w_1 x_1 + w_2 x_2 + b$$
$$a = \sigma(z)$$

每个权重参数的梯度计算方式为

$$\frac{\partial l}{\partial w_1} = \frac{\partial z}{\partial w_1} \cdot \frac{\partial l}{\partial z} 
= \frac{\partial z}{\partial w_1} \cdot \frac{\partial a}{\partial z} \cdot \frac{\partial l}{\partial a} 
= x_1 \cdot \frac{\partial a}{\partial z} \cdot \frac{\partial l}{\partial a} 
= x_1 \cdot \sigma'(z) \cdot \frac{\partial l}{\partial a}$$
(1)

发现只有  $\frac{\partial l}{\partial a}$  是未知的, 需要继续计算。

$$\frac{\partial l}{\partial a} = \frac{\partial z'}{\partial a} \cdot \frac{\partial l}{\partial z'} + \frac{\partial z''}{\partial a} \cdot \frac{\partial l}{\partial z''}$$

$$= w_3 \cdot \frac{\partial l}{\partial z'} + w_4 \cdot \frac{\partial l}{\partial z''}$$

$$= w_3 \cdot \sigma'(z') \cdot \frac{\partial l}{\partial a'} + w_4 \cdot \sigma'(z'') \cdot \frac{\partial l}{\partial a''}$$

$$= \dots$$
(2)

1 公式测试 3

发现从前向后计算梯度时,需要后续的所有的  $\frac{\partial l}{\partial z}$  或  $\frac{\partial l}{\partial a}$  的具体数值;而从后向前计算梯度,可以直接计算出梯度,并且计算结果可以在计算前层时直接使用,因此采用从后向前计算梯度的方式,即反向传播。