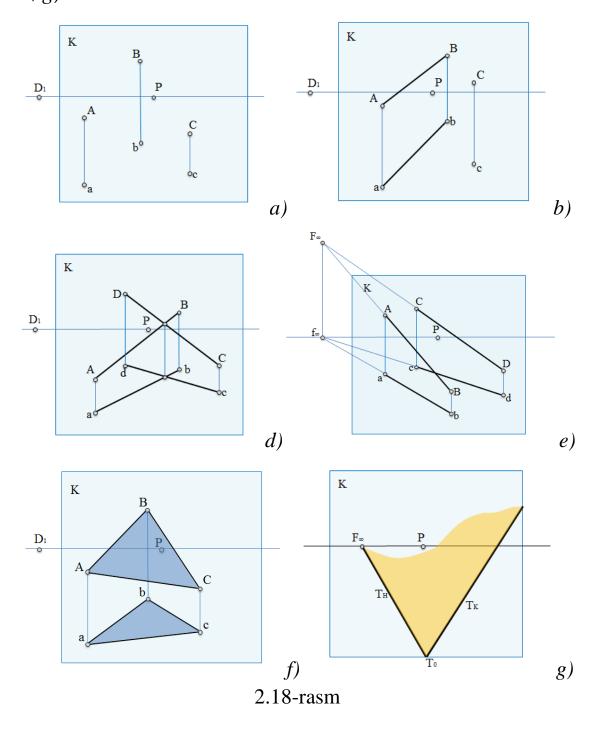
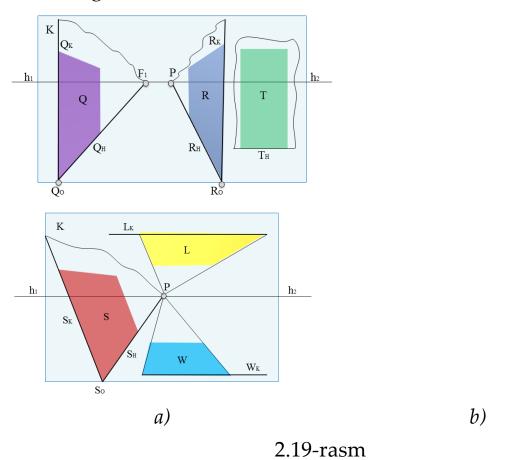
2.2-§. Tekislikning perspektiv tasvirini yasash algoritmi. *Tekislikning perspektivada berilishi*.

Tekislik perspektivada bir toʻgʻri chiziqda yotmagan uch nuqtasi bilan (2.18-rasm, a), bir toʻgʻri chiziq va unda yotmagan bir nuqta bilan (2.18-rasm, b), ikki oʻzaro kesishuvchi chiziqlar bilan (2.18-rasm, d), ikki oʻzaro parallel chiziqlar bilan (2.18-rasm, e), geometrik tekis shakllar bilan (2.18-rasm, f) va izlari bilan (2.18-rasm, g) berilishi mumkin.



Tekislikning kartina va narsalar tekisliklariga nisbatan vaziyatlari.

Tekislikning H narsalar va K kartina tekisliklariga nisbatan ba'zi bir xususiy hollarini ko'rib chiqamiz. 2.19-rasm, a va b da kartinada to'g'ri burchakli to'rtburchak Q,R,T,S,L,W tekisliklar tasvirlangan.



Q tekisligi H narsalar tekisligiga perpendikulyar, chunki uning Q_K izi kartina asosi K_H ga perpendikulyar, K kartina tekisligiga nisbatan qiya, chunki uning Q_H izi F_1 ga tutashgan. F_∞ nuqta umumiy vaziyatdagi chiziqlarning uchrashish nuqtasidir.

R tekisligi H narsalar tekisligiga perpendikulyar, K kartina tekisligiga ham perpendikulyar, chunki uning R_H izi P bosh nuqtaga tutashgan. P nuqta kartinaga perpendikulyar vaziyatdagi chiziqlarning uchrashish nuqtasidir.

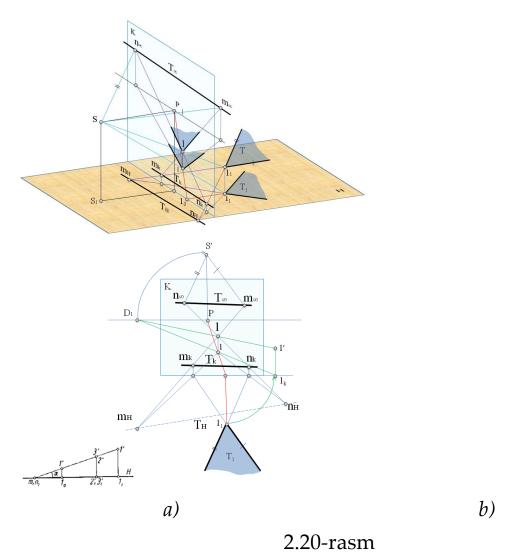
T tekisligi H narsalar tekisligiga perpendikulyar, K kartina tekisligiga parallel vaziyatda.

S tekisligi H narsalar tekisligiga ogʻma, chunki uning S_K izi kartina asosi K_H ga ogʻma vaziyatda, K kartina tekisligiga perpendikulyar, chunki uning S_H izi Pga tutashgan.

 $L_{\kappa}W_{\kappa}$ tekisliklari H narsalar tekisligiga parallel, chunki ularning $L_{\kappa}W_{\kappa}$ izlari kartina asosi K_{H} ga parallel, K kartina tekisligiga perpendikulyar, faqat L tekisligi ufq chizigʻidan yuqorida, W tekisligi ufq chizigʻidan pastda joylashgan.

Tekislikning perspektivasi, uchrashish chizigʻi va izlari.

Umumiy holda T tekislik K ga ham H ga ham qiya vaziyatda, oʻzaro 1 nuqtada kesishuvchi m va n toʻgʻri chiziqlar orqali berilgan. Bunday tekislikni perspektivada izlari orqali tasvirlash uchun oldin, 1 nuqtaning perspektivasi keyin m,n chiziqlarning kartinadagi perspektivasi aniqlanib, 1 nuqta bilan tutashtirib davom ettiriladi va S dan m,n larga parallel qilib oʻtkazilgan koʻrish nurlari bilan kesishtiriladi. Soʻngra m,n chiziqlarning kartina tekislikdagi izlari m_K , n_K , m_{∞} , n_{∞} lar belgilanib, ular oʻzaro tutashtiriladi. Shunda tekislikning izlari T_K , T_{∞} lar topiladi va H dagi izi T_H shartli ravishda kartina asosida tasvirlanadi (2.20-rasm, a, b).



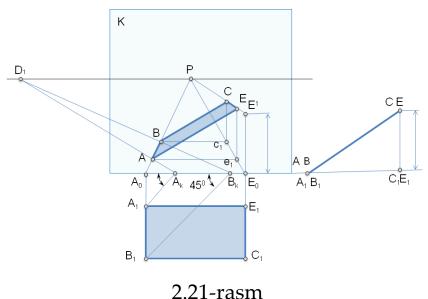
Tekislikning perspektivasini qurishning umumiy algoritmi quyidagicha boʻladi. Koʻrish nuqtasi *S* dan berilgan tekislikka parallel tekislik oʻtkaziladi va uning kartina bilan kesishgan chizigʻi aniqlanadi. Oʻtkazilgan tekislik *parallellizm tekisligi*, aniqlangan chiziq esa berilgan tekislikning cheksizlikdagi xosmas chizigʻining perspektivasi, ya'ni *uchrashish chizigʻi* deb ataladi. Berilgan tekislik davomining kartina bilan kesishgan chizigʻi uning *kartina izi* boʻlib, u har doim tekislikning uchrashish chizigʻiga parallel boʻladi (5-qoida).

Ogʻma tekis shakllarning perspektivasi.

H ga qiya va *K* ga perpendikular toʻgʻri toʻrtburchakning perspektivasini yasash 2.21-rasmda koʻrsatilgan. Buning uchun,

oldin, H ga qisqarib proyeksiyalanayotgan koʻrinishining perspektivasi P va D_1 nuqtalar yordamida bajarib olinadi.

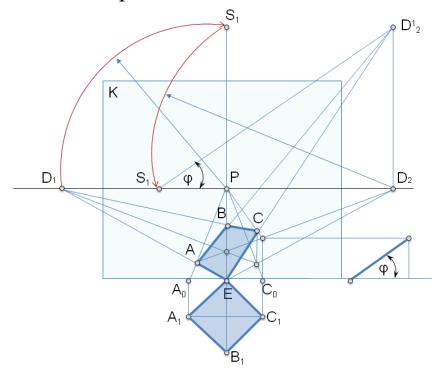
Toʻgʻri toʻrtbukchakning *AB* chizigʻi *H* da, *CE* chizigʻi *H* dan *t* masofaga teng balandlikda perspektivasi bajariladi. *AE* va *BC* nuqtalar tutashtirib chiqilsa, toʻgʻri toʻrtburchakning perspektivasi yasalgan boʻladi.



2.22-rasmda kartina tekisligiga nisbatan 45° da boʻlgan ogʻma kvadratning perspektivasi berilgan. Dastlab, kvadratning H dagi proyeksiyasining perspektivasi $A_1E_1B_1C_1$ bosh nuqta P, D_1 va D_2 distansion nuqtalar yordamida quriladi. C_0 dan chiqarilgan vertikal chiziqqa berilgan t masofa oʻlchab qoʻyilib, C′ belgilanadi va u P bilan tutashtiriladi. Bu chiziq C_1 dan chiqarilgan vertikal chiziq bilan kesishib, C nuqtaning perspektivasini beradi.

Bu ishni bajarishda AB va EC chiziqlarning uchrashish nuqtasi D'_2 dan ham foydalanish mumkin edi. Buning uchun koʻrish nuqtasi S ning kartinaga jipslashtirilgan holati tiklanadi va u $S'D_2$ atrofida aylantirilib, ufq chizigʻi h ga olib tushiladi. Olib tushilgan S_1 nuqta burish vatarlarining uchrashish nuqtasi hisoblanadi va undan h ga nisbatan berilgan α burchak ostida toʻgʻri chiziq oʻtkaziladi. Oʻtkazilgan chiziq D_2 dan chiqarilgan

vertikal chiziq bilan kesishib, izlangan D'_2 nuqtani beradi. A va E nuqtalarni D'_2 bilan tutashtiruvchi chiziqlar B_1 va C_1 lardan chiqarilgan vertikal chiziqlarni kesib, B va C nuqtalarning perspektivasini hosil qiladi.



2.22-rasm

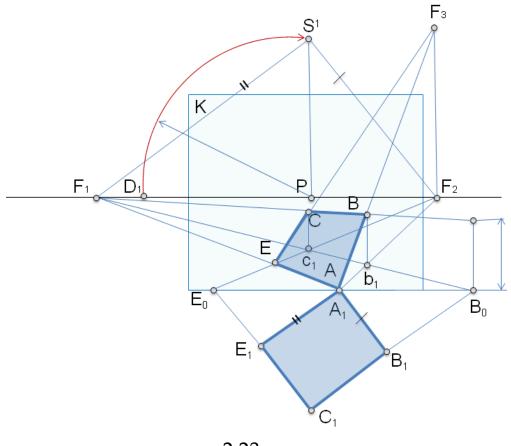
2.23-rasmda H ga ham, K ga ham qiya boʻlgan tekislikdagi toʻgʻri toʻrtburchakning perspektivasining bajarilishi tasvirlangan. Bu jarayon quyidagi tartibda amalga oshirilgan.

Toʻgʻri toʻrtburchakning H dagi tasviriga S' dan parallel chiziqlar oʻtkazilib, F_1 va F_2 nuqtalar topilgan.

 B_0 , A_1 , E_0 nuqtalar F_1 va F_2 lar bilan tutashtirilib, toʻgʻri toʻrtburchakning H dagi perspektivasi yasalgan.

 B_0 dan vertikal chiziqqa B_1C_1 chiziqning balandligiga t masofa oʻlchab qoʻyilib, u F_1 bilan tutashtirilgan. Shunda BC chiziqning perspektivasi B va C nuqtalardan vertikal chizilgan chiziqlarda belgilangan.

B va C hamda A va E nuqtalar oʻzaro tutashtiriladi. Bu chizmada ham AB va CE chiziqlarning uchrashish nuqtasi F_3 avvalgi rasmdagidek aniqlanadi.



2.23-rasm

Mavzuga oid nazariy savollar.

- 1. Toʻgʻri chiziqning perspektivasi qanday hosil qilinadi?
- 2. Tekislikning perspektivasi qanday hosil qilinadi?
- 3. Toʻgʻri chiziq va tekislikning izlari deganda nimani tushunasiz?
- 4. Turli vaziyatdagi toʻgʻri toʻrtburchaklarning perspektiv tasviri qanday yasaladi?