



**Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)**

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления» (ИУ)

КАФЕДРА «Информационная безопасность» (ИУ8)

Отчёт

**по лабораторной работе № 1
по дисциплине «Теория систем и системный анализ»**

**Тема: «Исследование методов прямого поиска экстремума унимодальной функции
одного переменного»**

Вариант 6

**Выполнил: Калинин Д. В.,
студент группы ИУ8-31**

**Проверил: Коннова Н.С.,
доцент каф. ИУ8**

1. Цель работы

Исследовать функционирование и провести сравнительный анализ различных алгоритмов прямого поиска экстремума (пассивный поиск, метод дихотомии, золотого сечения, Фибоначчи) на примере унимодальной функции одного переменного.

2. Условие задачи

На интервале $[-5; 2]$ задана унимодальная функция одного переменного $f(x) = (1 - x)^2 + e^x$. Используя метод Фибоначчи, найти интервал нахождения минимума $f(x)$ с заданным количеством итераций. Провести сравнение с методом оптимального пассивного поиска. Результат, в зависимости от числа точек разбиения N , представить в виде таблицы.

3. Ход работы

Для наглядности построим график заданной функции и определим местонахождение её минимума:

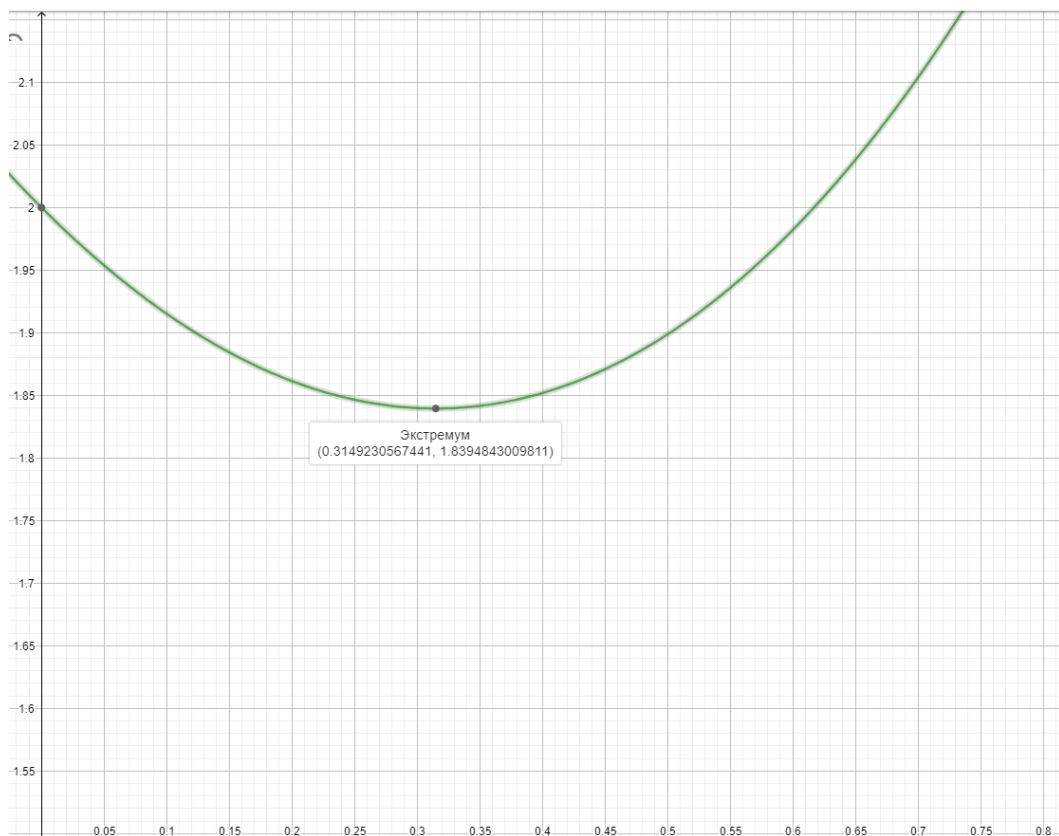


Рисунок 1 – График исследуемой функции

Как видно из графика, функция достигает своего минимума в точке $x \approx 0.3149$. Теперь проведём программный расчет при помощи методов оптимального пассивного поиска и Фибоначчи.

Результаты этого расчёта представлены в таблицах 1 и 2:

Таблица 1 – результат работы метода пассивного поиска

Количество точек (N)	Точка минимума
2	-0.3333333±2.3333333
3	0.2500000±1.7500000
4	0.6000000±1.4000000
5	0.8333333±1.1666667
6	0.0000000±1.0000000
7	0.2500000±0.8750000
8	0.4444444±0.7777778
9	0.6000000±0.7000000
10	0.0909091±0.6363636
11	0.2500000±0.5833333
12	0.3846154±0.5384615
13	0.5000000±0.5000000
14	0.1333333±0.4666667
15	0.2500000±0.4375000
16	0.3529412±0.4117647
17	0.4444444±0.3888889
18	0.1578947±0.3684211
19	0.2500000±0.3500000
20	0.3333333±0.3333333
21	0.4090909±0.3181818
22	0.1739130±0.3043478
23	0.2500000±0.2916667
24	0.3200000±0.2800000
25	0.3846154±0.2692308
26	0.1851852±0.2592593
27	0.2500000±0.2500000
28	0.3103448±0.2413793
29	0.3666667±0.2333333
30	0.4193548±0.2258065
31	0.2500000±0.2187500
32	0.3030303±0.2121212
33	0.3529412±0.2058824
34	0.4000000±0.2000000
35	0.2500000±0.1944444
36	0.2972973±0.1891892
37	0.3421053±0.1842105
38	0.3846154±0.1794872
39	0.2500000±0.1750000
40	0.2926829±0.1707317
41	0.3333333±0.1666667
42	0.3720930±0.1627907
43	0.2500000±0.1590909
44	0.2888889±0.1555556
45	0.3260870±0.1521739
46	0.3617021±0.1489362
47	0.2500000±0.1458333
48	0.2857143±0.1428571
49	0.3200000±0.1400000
50	0.3529412±0.1372549
51	0.2500000±0.1346154
52	0.2830189±0.1320755
53	0.3148148±0.1296296
54	0.3454545±0.1272727
55	0.3750000±0.1250000
56	0.2807018±0.1228070

57	0.3103448±0.1206897
58	0.3389831±0.1186441
59	0.3666667±0.1166667
60	0.2786885±0.1147541
61	0.3064516±0.1129032
62	0.3333333±0.1111111
63	0.3593750±0.1093750
64	0.2769231±0.1076923
65	0.3030303±0.1060606
66	0.3283582±0.1044776
67	0.3529412±0.1029412
68	0.2753623±0.1014493
69	0.3000000±0.1000000
70	0.3239437±0.0985915
71	0.3472222±0.0972222
72	0.2739726±0.0958904
73	0.2972973±0.0945946
74	0.3200000±0.0933333
75	0.3421053±0.0921053
76	0.2727273±0.0909091
77	0.2948718±0.0897436
78	0.3164557±0.0886076
79	0.3375000±0.0875000
80	0.2716049±0.0864198
81	0.2926829±0.0853659
82	0.3132530±0.0843373
83	0.3333333±0.0833333
84	0.3529412±0.0823529
85	0.2906977±0.0813953
86	0.3103448±0.0804598
87	0.3295455±0.0795455
88	0.3483146±0.0786517
89	0.2888889±0.0777778
90	0.3076923±0.0769231
91	0.3260870±0.0760870
92	0.3440860±0.0752688
93	0.2872340±0.0744681
94	0.3052632±0.0736842
95	0.3229167±0.0729167
96	0.3402062±0.0721649
97	0.2857143±0.0714286
98	0.3030303±0.0707071
99	0.3200000±0.0700000
100	0.3366337±0.0693069
101	0.2843137±0.0686275
102	0.3009709±0.0679612
103	0.3173077±0.0673077
104	0.3333333±0.0666667
105	0.2830189±0.0660377
106	0.2990654±0.0654206
107	0.3148148±0.0648148
108	0.3302752±0.0642202
109	0.3454545±0.0636364
110	0.2972973±0.0630631
111	0.3125000±0.0625000
112	0.3274336±0.0619469
113	0.3421053±0.0614035
114	0.2956522±0.0608696
115	0.3103448±0.0603448
116	0.3247863±0.0598291
117	0.3389831±0.0593220
118	0.2941176±0.0588235

119	0.3083333±0.0583333
120	0.3223140±0.0578512
121	0.3360656±0.0573770
122	0.2926829±0.0569106
123	0.3064516±0.0564516
124	0.3200000±0.0560000
125	0.3333333±0.0555556
126	0.2913386±0.0551181
127	0.3046875±0.0546875
128	0.3178295±0.0542636
129	0.3307692±0.0538462
130	0.2900763±0.0534351
131	0.3030303±0.0530303
132	0.3157895±0.0526316
133	0.3283582±0.0522388
134	0.3407407±0.0518519
135	0.3014706±0.0514706
136	0.3138686±0.0510949
137	0.3260870±0.0507246
138	0.3381295±0.0503597
139	0.3000000±0.0500000
-----	-----

Таблица 2 – результат работы метода Фибоначчи

Количество точек (N)	Точка минимума
-----	-----
1	-0.1631190±2.1631190
2	0.6631190±1.3368810
3	0.1524758±0.8262379
4	0.4680706±0.5106431
5	0.2730223±0.3155948
6	0.3935688±0.1950483
7	0.3190670±0.1205465
8	0.2730223±0.0745018
9	0.3014795±0.0460447
-----	-----

Построим график зависимостей погрешности от числа точек N (для оптимального пассивного поиска).



Рисунок 2 – График зависимости погрешности от числа точек для оптимального пассивного поиска

Ссылка на репозиторий с выполненной работой: <https://github.com/shreddered/lab-01>

4. Выводы

Данный эксперимент показал, что метод Фибоначчи эффективнее метода оптимально пассивного поиска при нахождении экстремума унимодальной функции одного переменного.

Приложение 1. Исходный код программы

Файл source/app.d

```
import algorithms;

import std.math : exp;
import std.stdio : writeln, writefln;

alias fun = (x) => (1 - x) * (1 - x) + exp(x);

int main() {
    writeln("Таблица 1 -- поиск минимума методом оптимального пассивного поиска");
    ISearcher searcher = new OptimalPassiveSearcher!fun;
    searcher.setInterval(-5, 2);
    searcher.search(0.1);

    writeln;
    writeln("Таблица 2 -- поиск минимума методом Фибоначчи");

    searcher = new FibonacciSearcher!fun;
    searcher.setInterval(-5, 2);
    searcher.search(0.1);
    return 0;
}
```

Файл source/algorithms/searcher.d

```
module algorithms.searcher;

interface ISearcher {
    public void setInterval(in double a, in double b);
    public void search(const double eps);
}
```


Файл source/algorithms/optimal_search.d

```
module algorithms.optimal_search;

import algorithms.searcher;

import std.algorithm : map, min, minIndex;
import std.array : array;
import std.math : exp;
import std.range : iota;
import std.stdio : writeln, writefln;

class OptimalPassiveSearcher(alias func) : ISearcher {
    private double _a, _b;
    private double delta(in ulong n) @safe pure nothrow {
        return (_b - _a) / (n + 1);
    }
    public override void setInterval(in double a, in double b) {
        _a = a;
        _b = b;
    }
    public override void search(const double eps = 0.1) {
        ulong n;
        writefln("|%-20s|%-20s|", "Количество точек (N)", "Точка минимума");
        writeln("|-----|-----|");
        double ans;
        for (n = 2; delta(n) * 2 >= eps; ++n) {
            double[] x = iota(1, n + 1)
                .map!(k => delta(n) * k + _a)
                .array;
            ulong index = x.map!func
                .minIndex;
            ans = x[index];
            writefln("|%-20d|%- 3.7f±%-3.7f|", n, ans, delta(n));
        }
        writeln("|-----|-----|");
        writefln!"x = %3.7f±%3.7f"(ans, delta(n - 1));
    }
}
```

Файл source/algorithms/fibonacci.d

```
module algorithms.fibonacci;

import algorithms.searcher;

import std.array : array;
import std.range : recurrence, take;
import std.stdio : writeln, writefln;

class FibonacciSearcher(alias func) : ISearcher {
    private double _a, _b;
    private pragma(inline) double interval() const @safe pure nothrow {
        return _b - _a;
    }
    public override void setInterval(in double a, in double b) {
        _a = a;
        _b = b;
    }
    public override void search(const double eps = 0.1) {
        // first N fibonacci numbers will be evaluated at compile time
        enum ulong N = 30;
        enum fib = recurrence!"a[n - 1] + a[n - 2]"(1, 1)
            .take(N + 3)
            .array;
        // table header
        writefln!"N = %d"(N);
        writefln!"|%-20s|%-20s|", "Количество точек (N)", "Точка минимума");
        writeln("|-----|-----|");

        // preparations
        double x1 = _a + interval() * fib[N] / fib[N + 2],
            x2 = _a + _b - x1;
        double y1 = func(x1), y2 = func(x2);
        for (ulong k = 0; k != N && interval() >= eps; ++k) {
            if (y1 > y2) {
                _a = x1;
                x1 = x2;
                x2 = _a + _b - x1;
                y1 = y2;
                y2 = func(x2);
            }
            else {
                _b = x2;
                x2 = x1;
                x1 = _a + _b - x2;
                y2 = y1;
                y1 = func(x1);
            }
            writefln!"|%-20d|%- 3.7f±%-3.7f|(k + 1, (_a + _b) / 2,
interval() / 2);
        }
        writeln("|-----|-----|");
        writefln!"x = %3.7f±%3.7f"((_a + _b) / 2, interval() / 2);
    }
}
```

Файл source/algorithms/package.d

```
module algorithms;  
  
public import algorithms.fibonacci;  
public import algorithms.optimal_search;  
public import algorithms.searcher;
```