人工智能逻辑 课后练习 5 2025/03/18

专业: 人工智能

学号+姓名: 3230105892 高玮轩

1. 给出一个解释,使得如下公式为真:  $\forall x(R(c,x)) \rightarrow R(c,f(c,x))$ , 其中 c 是常元符号, f 是函数符号, R 是关系符号。

只需定义 f(x,y)=y, 那么 f(c,x)=x, 则公式化为  $\forall x(R(c,x)\to R(c,x))$ , 这是显然为真的。

2. 证明 $\forall x(F(x) \rightarrow G(f(x))) \land \forall xF(x) \land \exists x \neg G(x)$  是可满足的。】

定义  $\forall x F(x) = 1, G(x) : x \ge 1, f(x) = x + 1$ , 则上述公式化为  $\forall x (1 \to G(x+1)) \land \forall x 1 \land \exists x (x < 1) \equiv \forall x (x + 1 \ge 1) \land \exists x (x < 1)$ , 显然成立。

- 3. 给下列句子分别提供一个逻辑解释, 使之为假, 并使另外两个句子为真:
  - $\forall x \forall y \forall z [(P(x,y) \land P(y,z)) \rightarrow P(x,z)]$
  - $\forall x \forall y [(P(x,y) \land P(y,x)) \rightarrow (x \equiv y)]$
  - $\forall x \forall y [P(a,y) \rightarrow P(x,b)]$ 
    - ▶ 第一句为假:
      - 论域  $D = \{a, b, c\}, P(b, c) = P(c, a) = P(b, b) = P(c, c) =$   $\underline{A}, P(a, a) = P(a, b) = P(a, c) = P(b, a) = P(c, b) =$  假

      - 第二句显然为真,且由于所有的 P(a,\*) 都为假,所以第三句也为真。
    - ▶ 第二句为假:
      - 论域  $D = \{a, b\}$  在所有情况下令 P(\*, \*) 都为真
      - 那么第一、三句为真,对第二句,由于  $P(a,b) \wedge P(b,a)$  但  $a \neq b$ ,所以第二句为 假。
    - ▶ 第三句为假:
      - 论域  $D = \{a, b\}, P(a, b) = P(b, b) = \mathbb{R}, P(a, a) = P(b, a) =$ 真
      - 那么第一、二句为真,对第三句,由于 P(a,b) = 真 但 P(b,b) = 假,所以第三句为假。