# 알고리즘 실습

181108 - Binary Search Tree

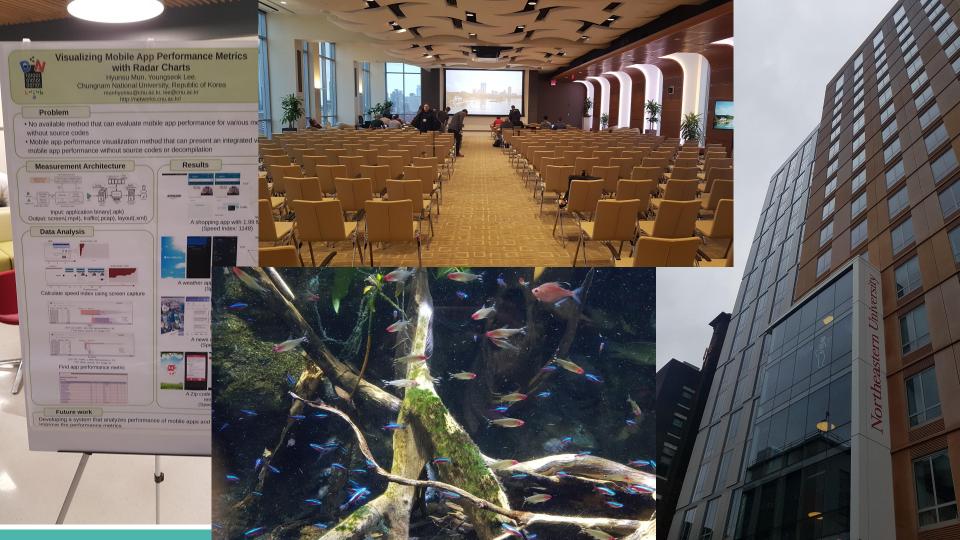


# 오늘의 목표

이진 탐색 트리(Binary Search Tree)



### **Feedback**



### 지난 시간: 트리 순회

- 제출률: 85.37%(35/41)
- 질문: 이메일 **32**건, 연구실 방문 **1**명



### 지지난 시간: 중간고사

- 채점 기준표
  - <del>부분 점수 인정 없음</del> -> 인정
- 점수
  - 평균: 38.41, 중간값: 39
  - 실습 점수표에 첨부



### 지지난 시간: 설문조사

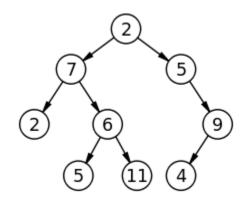
- 중간 강의 평가: 지금 바로! 통합정보시스템으로 들어가서 중간 강의 평가
  - 학과 조교님 요청.
- 지지지난 시간 구글 설문지 이야기
  - 패키징을 해보고 싶음
  - 진도 속도 및 난이도 (교재)
  - o 메일 답변 및 연구실 방문
  - 실습 방식 및 딜레이 감점



# 트리 표현(지난주 자료)

### **Tree**

- 방향이 있게 연결된 노드들: 순환, 다중 연결 없음
  - https://en.wikipedia.org/wiki/Tree (data structure)





#### Tree 구성: 노드 클래스

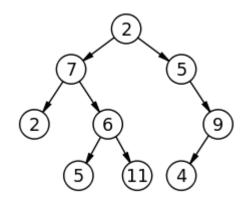
- node.py
  - 생성자(초기화)
  - o getter / setter
  - o \_\_str\_\_(self) ?
    - JAVA에서의 toString() 같은 것



```
class Node(object):
           def __init__(self, key=None, value=None, left=None, right=None):
               self._key = key
               self._value = value
               self._left = left
               self._right = right
           def set_key(self, key):
               self. kev = kev
           def get_key(self):
               return self._key
           def set_value(self, value):
               self._value = value
           def get_value(self):
               return self._value
           def set_left(self, left):
               self._left = left
           def get_left(self):
               return self._left
           def set_right(self, right):
               self._right = right
28
           def get_right(self):
30
               return self._right
31
           def str (self):
               return str({'key': self._key, 'value': self._value,
                           'left': self._left, 'right': self._right})
```

### Tree 그리기

- 수동으로 그려보자
- value는 우선 무시



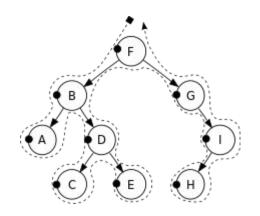
```
def main():
37
           tree = Node(key=2)
38
39
           tree.set_left(Node(key=7))
40
           tree.set_right(Node(key=5))
41
42
43
           tree.get_left().set_left(Node(key=2))
           tree.get_left().set_right(Node(key=6))
44
           tree.get_right().set_right(Node(key=9))
45
46
47
           tree.get_left().get_right().set_left(Node(key=5))
           tree.get_left().get_right().set_right(Node(key=11))
48
           tree.get_right().get_right().set_left(Node(key=4))
49
50
           print(tree)
51
52
53
       if name == '_main_':
54
55
           main()
```

# 트리 순회(지난주 자료)

### **Pre Order**

- 자식노드 순회 전에 처리
  - o F, B, A, D, C, E, G, I, H.

preorder(node)
 if (node = null)
 return
 visit(node)
 preorder(node.left)
 preorder(node.right)

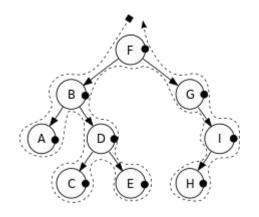




### In Order

- 자식노드 순회 중에 처리
  - o A, B, C, D, E, F, G, H, I.

```
inorder(node)
  if (node = null)
    return
  inorder(node.left)
  visit(node)
  inorder(node.right)
```

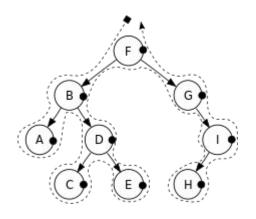




### **Post Order**

- 자식노드 순회 후에 처리
  - o A, C, E, D, B, H, I, G, F.

postorder(node)
 if (node = null)
 return
 postorder(node.left)
 postorder(node.right)
 visit(node)

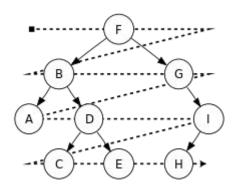




#### **Level Order**

- 같은 depth끼리 왼쪽부터 출력
  - o F, B, G, A, D, I, C, E, H.

```
levelorder(root)
  q ← empty queue
  q.enqueue(root)
  while (not q.isEmpty())
    node ← q.dequeue()
    visit(node)
    if (node.left ≠ null)
        q.enqueue(node.left)
    if (node.right ≠ null)
        q.enqueue(node.right)
```





# 이진 탐색 트리

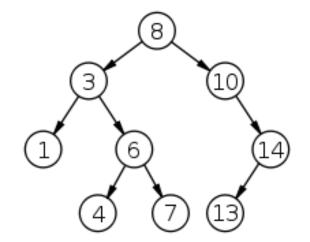
### 들어가기에 앞서서...

- 꼭! 알고 있어야 할 내용(모르면 BST 이해 및 구현에 많은 어려움을 겪음)
- 함수, 클래스, 멤버변수(필드), 멤버함수(메소드)
- 클래스(Class) vs 객체(Object) (vs 인스턴스(Instance))



### 이진 탐색 트리

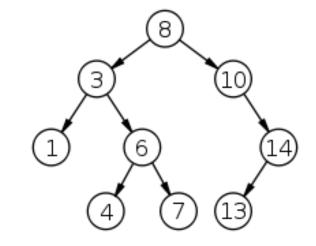
- Tree에서 빠른 탐색, 추가, 삭제를 하기 위해서 사용
- 보통 Key-Value 형식으로 저장
- https://en.wikipedia.org/wiki/Binary search tree





### 이진 탐색 트리 특징

- (보통) Key-Value 형식으로 저장
- 부모, 왼쪽 자식, 오른쪽 자식 노드를 가짐
  - o parent, left\_child, right\_child
- 부모-자식 노드 Key값의 규칙이 있음
  - 왼쪽 자식의 Key 값은 부모의 Key 값보다 작음
  - 오른쪽 자식의 Key 값은 부모의 Key 값보다 큼





### 이진 탐색 트리의 멤버 변수

- root 최상단 Node
- size Node의 수

```
from node import Node
       class BinarySearchTree(object):
           def __init__(self):
 6
               self._root = None
               self._size = 0
           def get_size(self):
               return self. size
10
12
           def get_root(self):
               return self. root
13
```



### 이진 탐색 트리 인터페이스

- insert\_node(key, value)
- delete\_node(key)
- search\_by\_key(key)
- get\_size(): 트리 노드의 개수
- get\_root(): BST 루트
- print\_bst()



# insert\_node()

- insertNode(key, value)
  - o root가 None일 경우: root에 Node 생성
  - o else: 알맞은 위치까지 이동한 후 Node 생성
  - o size 늘리기!
  - 단, key의 중복은 고려하지 않는다. (키가 중복될 경우 value 덮어쓰기)
- 알맞은 위치까지 어떻게 이동?
  - recursive or loop

```
def insert_node(self, key, value):
    if self._root is None:
        self._root = Node(key=key, value=value, parent=self._root)
        self._size = self._size+1
    else:
```

void insert(Node\*& root, int key, int value) {

root = new Node(key, value);

insert(root->left, key, value);

insert(root->right, key, value);

else if (key == root->key)

root->value = value;
else if (key < root->key)

else // key > root->key

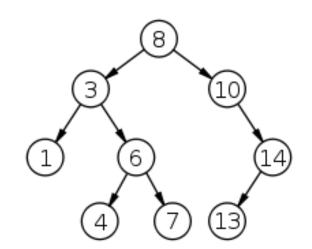
if (!root)

self.\_\_insert\_node(current\_node=self.\_root, key=key, value=value)

### delete\_node()

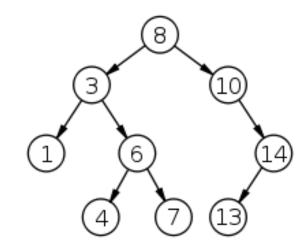
- deleteNode(key)
  - key를 가지는 Node를 찾아서 삭제
  - 삭제 후 자식 Node들 연결
- 남은 자식 Node들을 어떻게 연결?
  - o case1) Left, Right Node가 모두 존재
  - o case2) Left Node가 존재
  - o case3) Right Node가 존재
  - o case4) Left, Right Node가 모두 없음





# delete\_node(): None

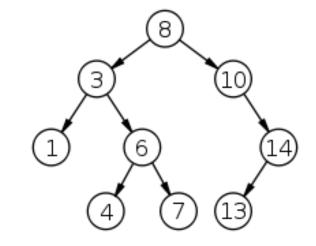
- Left, Right Node 없음
  - o parent Node의 Left/Right Node에 None
  - o size 줄이기





# delete\_node(): L or R

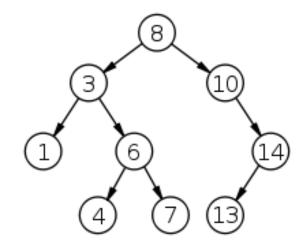
- Left Node만 존재
  - o Left Node의 parent Node를 연결
  - o parent Node의 Left/Right Node를 연결
  - Size 줄이기
- Right Node만 존재
  - Left와 방향만 다르고 같음





### delete\_node(): L and R

- Left, Right Node가 모두 존재
  - Left Tree의 Max Node / Right Tree의 Min Node 찾기
  - 찾은 Node의 값을 지우려는 위치에 할당
  - 찾은 Node 삭제
    - Max/Min Node는 자식이 0~1개 (why?)
  - o Size 줄이기





# search\_by\_key()

- search\_by\_key(key)
  - key를 가지고 탐색
  - o Node 반환
  - o 없으면 None 반환



# print\_bst()

- print\_bst()
  - o inorder로 출력
    - key 오름차순 출력
    - print key, value
  - Recursive {사용/미사용} 둘 다 가능



#### 결과: 입력 리스트

- Key Value 리스트
  - 리스트를 순회하며 노드 추가

```
import copy
2
 3
       from binary_search_tree import BinarySearchTree, is_bst
 5
       def main():
           target_list = [
 8
               (8, '여덟'),
               (2, '둘'),
               (9, '아홉'),
10
               (3, '셋'),
               (6, '여섯'),
               (5, '다섯'),
14
               (4, '넷'),
15
               (1, '하나'),
16
               (7, '일곱')
18
           print(target_list)
```



### 결과: BST 생성

• BST에 insert\_node()

```
20
21
22
23
```

```
bst = BinarySearchTree()
for key, value in target_list:
    bst.insert_node(key, value)
bst.print_bst()
```

```
1 하나
2 둘
 셋
 넷
5 다섯
6 여섯
7 일곱
8 여덟
9 아홉
```



### 결과: BST 노드 삭제

• 삭제 후 결과

```
for key, value in target_list:
    copied_bst = copy.deepcopy(bst)
    print('Delete {0}'.format(key))
    copied_bst.delete_node(key)
    copied_bst.print_bst()
    print('Is Binary Search Tree? {0}'.format(is_bst(copied_bst.get_root())))
```



```
Delete 8
                                          Delete 7
1 하나
                                          1 하나
2 둘
                                          2 둘
 셋
                                          3 셋
4 넷
                                          4 넷
5 다섯
                                          5 다섯
6 여섯
                                          6 여섯
7 일곱
                                          8 여덟
                                          9 아홉
9 아홉
                                          Is Binary Search Tree? True
Is Binary Search Tree? True
```

# 테스트 코드: is\_bst?

24

return isit

 BST 추가, 삭제 확인

```
def is_bst(root):
           isit = True
           queue = list()
           queue.append(root)
10
11
           while len(queue) != 0:
12
                current = queue.pop(0)
13
                if current.get_left() is not None:
14
15
16
                    queue.append(current.get_left())
                    if current.get_key() < current.get_left().get_key():</pre>
                        isit = False
17
18
19
                        break
                if current.get_right() is not None:
                    queue.append(current.get_right())
20
                    if current.get_key() > current.get_right().get_key():
21
                        isit = False
22
                        break
23
```



# 기타 유용한 정보

# 과제) Binary Search Tree 구현

#### 1. Binary Search Tree 구현

- o insert\_node(key, value): 난이도 중
- o delete\_node(key): 난이도 상
- o search\_by\_key(key): 난이도 하
- o get\_size(): 구현 제공
- get\_root(): 구현 제공
- o print\_bst(): 구현 제공



# 실습 숙제 제출

- 숙제 제출 기한: 2018. 11. 14. 23:59:59
  - 실습전날
- 파일 제목: AL\_학번\_이름\_09.zip
  - 파일 제목 다를 시 채점 안 합니다.
  - o .egg 안 됨!



### 실습 숙제 제출할 것

- 2가지 파일을 제출
- AL\_학번\_이름\_숙제번호.zip
  - 소스코드
    - Pycharm을 사용했을 경우 Project 디렉터리에 .idea, venv 같은 디렉터리는 제외
    - Jupyter + IPython을 사용했을 경우 'File Download as' 에서 .py 다운로드 가능
  - **AL\_**학번\_이름\_숙제번호.**pdf** 
    - 보고서는 무조건 .pdf
    - .hwp, .doc 등 채점 안 함



### 실습 보고서에 들어가야할 것

- 목표(할 일)
- 과제를 해결하는 방법
  - 알아야 할 것
- 과제를 해결한 방법
  - 주요 소스코드: 굳이 소스코드 전체를 붙일 필요는 없음
- 결과화면
  - 결과화면 설명(해석), 테스트코드 통과
- 보고서는 기본적으로 '내가 숙제를 했음'을 보이는 것
  - 지나치게 대충 작성하면 의심하게 됨



### 출석부 및 실습 점수가 궁금하다면?

- 출석부 및 실습 채점표
  - 수업 시작 후 30분까지 지각, 이후 결석
  - 실습 딜레이 1일당: -2점
    - 딜레이 2일까지: -2
    - 이후 -1씩 추가
- 튜터의 테스트 결과



### 질문이 생기면?

- 이름: 문현수
- 전공: 통신및보안
- 과정: 석박사통합과정 8학기
- 연구실: 데이터네트워크연구실(공5633)
- 메일: munhyunsu@cs-cnu.org
- 알고리즘은 함께 해결해가는 과목이므로 과감하게 연락



이메일로 처리가 안 되는 급한일: 문자/전화 등