
알고리즘 실습

180927 - 재귀, 복잡도

오늘의 목표

- Recursion 연습
 - 거스름돈 반환 예제

Feedback

지난 과제: Queue 응용 프로그램

- 제출: 40 / 41 (97.56%)
 - 시뮬레이션 구현 못 한 사람을 제외: 33/41 (80.49%)
- 질문: 145개

Feedback

- 추석이라 쉽게 낸다면서...
 - 실습 코드에 대한 자세한 설명이 필요함
 - 시뮬레이션 코드는 사막에서 바늘 찾기 아님?
- 실력이 있어서가 아니라 스터디를 통해 간신히 제출률 95% 맞추는 거임
- 변수/함수 이름으로 직관이 없음: 설명이 더 필요
- Python 3 공부할 수 있는 시간(실습)



(간단한) 실습: 잔돈 거슬러주기

잔돈 거슬러주기: 목표

- 잔돈을 최소한의 동전 수로 되돌려주자!

잔돈 거슬러주기 알고리즘

- 잔돈이랑 같은 동전이 있으면 그대로 반환
- 잔돈보다 작은 동전을 하나 선택해서 순회

잔돈 거슬러주기 코드!

- 코딩해보자!

0.7 Make change with recursion (1,5,10, 25 cents) for 63 cents

```
In [15]: def recMC(coinValueList, change):  
    global counter  
    counter = counter + 1  
    minCoins = change  
    if change in coinValueList:  
        return 1  
    else:  
        for i in [c for c in coinValueList if c <= change]:  
            numCoins = 1 + recMC(coinValueList, change-i)  
            if numCoins < minCoins:  
                minCoins = numCoins  
        return minCoins  
  
counter = 0  
print(recMC([1, 5, 10, 25], 63))  
print(counter)
```

6

67716925

잔돈 거슬러주기: code

- inline code 등을 제거한 버전
- 손으로 그림을 그려봐야 이해가 쉬움

거스름돈: 63
3
33160648
Time: 18.364

```
8 def make_change(coin_value_list, coin_change):
9     """
10     잔돈
11     """
12     global counter
13     counter = counter + 1
14     min_coins = coin_change
15
16     if coin_change in coin_value_list:
17         return 1
18     else:
19         coins = list()
20         for coin in coin_value_list:
21             if coin <= coin_change:
22                 coins.append(coin)
23         for coin in coins:
24             num_coins = 1 + make_change(coin_value_list, coin_change - coin)
25             if num_coins < min_coins:
26                 min_coins = num_coins
27         return min_coins
28
```

좀 더 빠르게!

- 현재 코드의 문제점: 계산했던 것을 또 계산!
- 계산한 것을 저장해두자!

0.8 Make change with memory or caching (1,5,10, 25 cents) for 63 cents

```
In [19]: def recDC(coinValueList, change, knownResults):  
    global counter  
    counter = counter + 1  
    # print(knownResults)  
  
    minCoins = change  
    if change in coinValueList:  
        knownResults[change] = 1  
        return 1  
  
    # known results are saved and not computed again !!!  
    elif knownResults[change] > 0:  
  
        return knownResults[change]  
    else:  
        for i in [c for c in coinValueList if c <= change]:  
            numCoins = 1 + recDC(coinValueList, change-i,  
                                knownResults)  
            if numCoins < minCoins:  
                minCoins = numCoins  
                knownResults[change] = minCoins  
        return minCoins  
  
counter = 0  
print(recDC([1, 5, 10, 25], 63, [0]*64))  
print(counter)
```

잔돈 거슬러주기 개선된 코드! with cache

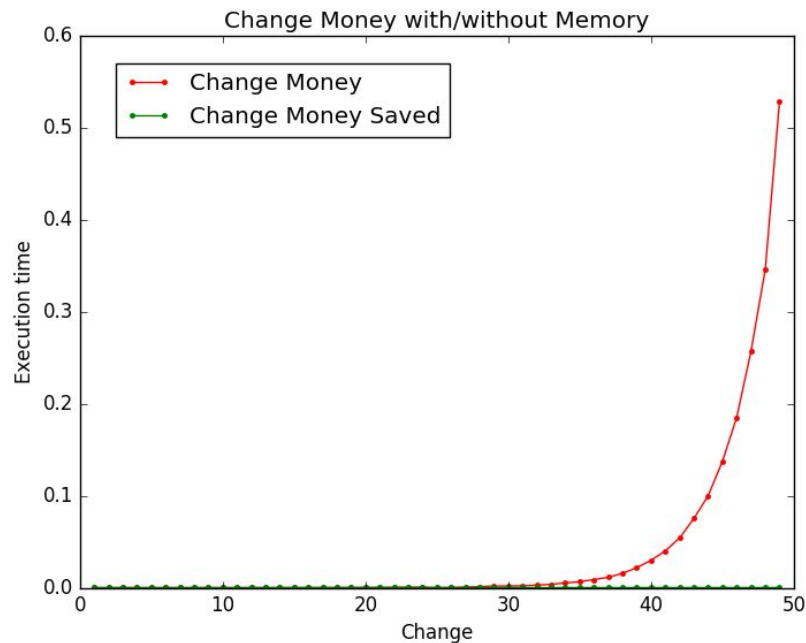
- inline code 등을 제거한 버전
- 손으로 그림을 그려봐야 이해가 쉬움
- known_result는 어떻게 변하는가?

거스름돈: 63
3
262
Time: 0.002

```
8 def make_change(coin_value_list, coin_change, known_result):
9     """
10     잔돈
11     """
12     global counter
13     counter = counter + 1
14     min_coins = coin_change
15
16     if coin_change in coin_value_list:
17         known_result[coin_change] = 1
18         return 1
19     elif known_result[coin_change] > 0:
20         return known_result[coin_change]
21     else:
22         coins = list()
23         for coin in coin_value_list:
24             if coin <= coin_change:
25                 coins.append(coin)
26         for coin in coins:
27             num_coins = 1 + make_change(coin_value_list, coin_change - coin, known_result)
28             if num_coins < min_coins:
29                 min_coins = num_coins
30                 known_result[coin_change] = min_coins
31     return min_coins
32
```

얼마나 빨라질까?

- 메모리 유무에 따른 실행 시간 차이 차트
- 본래 실습/과제로 해보려 했으나 실습 시간이 부족하므로 패스
 - 나중에 해볼 시간이 옴



편의성(기능)을 개선해보자!

- '어떤' 동전을 '몇 개' 줘야하는지는 아직 모름
 - 동전을 '몇 개' 줘야하는지만 출력됨
- How?

```
거스름돈: 63
(3, 33160648, [21, 21, 21])
Time: 27.278
```

```
32 def main():
33     """
34     잔돈 거스르기
35     """
36     coin_value_list = [1, 5, 10, 21, 25] # 동전의 종류
37     # coin_value_list = [1, 5, 10, 25] # 동전의 종류
38     random.shuffle(coin_value_list)
39     coin_change = input('거스름돈: ') # 거스름돈
40     coin_change = int(coin_change) # 인트형으로 바꾸자!
41
42     start = time.time()
43     print(make_change(coin_value_list, coin_change))
44     end = time.time()
45     return_time = end-start
46     print('Time: {0:7.3f}'.format(return_time))
47
48
49 if __name__ == '__main__':
50     main()
```

편의성(기능)을 개선해보자! with cache

- 메모리 기능이 있는 버전도 개선해보자!
- 2개 모두 make_change()를 구현하면 됨

거스름돈: 63
(3, 244, [21, 21, 21])
Time: 0.002

```
35 def main():
36     """
37     잔돈 거스르기
38     """
39     coin_value_list = [1, 5, 10, 21, 25] # 동전의 종류
40     # coin_value_list = [1, 5, 10, 25] # 동전의 종류
41     random.shuffle(coin_value_list)
42     coin_change = input('거스름돈: ') # 거스름돈
43     coin_change = int(coin_change) # 인트형으로 바꾸자!
44     known_result = list()
45     for index in range(0, coin_change+1):
46         known_result.append(None)
47
48     start = time.time()
49     print(make_change(coin_value_list, coin_change, known_result))
50     end = time.time()
51     return_time = end-start
52     print('Time: {0:7.3f}'.format(return_time))
53
54
55 if __name__ == '__main__':
56     main()
```

테스트코드

- 잔돈거스르기 테스트코드

- 입력 잔돈을 무작위로 섞어서 넣어줌
(기존 전역변수를 통한 해결 불가)
- 0~50원까지 테스트

- 주의

- 자신의 코드 반환값에 따라서 `result[2]`의 인덱스를 알맞은 인덱스로 변경해줘야함

```
1 import unittest
2 import random
3
4 from change_money_list import make_change
5
6
7 class TestMakechange(unittest.TestCase):
8     def test_makechange(self):
9         coin_value_list = [1, 5, 10, 21, 25]
10        for change in range(0, 51, 1):
11            random.shuffle(coin_value_list)
12            result = make_change(coin_value_list, change)
13            print(sum(result[2]) == change, result[2], change)
14            self.assertEqual(change, sum(result[2]))
```

```
1 import unittest
2 import random
3
4 from change_money_saved_list import make_change
5
6
7 class TestMakechange(unittest.TestCase):
8     def test_makechange(self):
9         coin_value_list = [1, 5, 10, 21, 25]
10        for change in range(0, 101, 1):
11            random.shuffle(coin_value_list)
12            known_result = list()
13            for index in range(0, change + 1):
14                known_result.append(None)
15            result = make_change(coin_value_list, change, known_result)
16            print(sum(result[2]) == change, result[2], change)
17            self.assertEqual(sum(result[2]), change)
```


테스트코드 결과

- 0부터 50(혹은 100)까지 차례대로 결과가 맞을 경우 True와 함께 결과 출력
- 마지막 Ran 3 test OK 가 뜨면 성공
- 그.런.데
 - 이것이 정확하지 않은 테스트 일 수 있음
 - Why?
 - 그래서 'case' 2개를 넣어둬

```
True [10, 5, 25, 25, 21] 86
True [10, 10, 21, 21, 25] 87
True [25, 21, 21, 21] 88
True [21, 21, 21, 21, 5] 89
True [10, 5, 25, 25, 25] 90
True [10, 10, 21, 25, 25] 91
True [21, 21, 25, 25] 92
True [25, 25, 21, 21, 1] 93
True [10, 21, 21, 21, 21] 94
True [10, 10, 25, 25, 25] 95
True [21, 25, 25, 25] 96
True [1, 21, 25, 25, 25] 97
True [10, 21, 21, 21, 25] 98
True [5, 21, 21, 21, 21, 10] 99
True [25, 25, 25, 25] 100
```

Ran 3 tests in 0.060s

OK

과제) 기능이 개선된 재귀(with/without M.)

1. change_money_list.py 구현

- change_money_list_test.py 로 테스트

2. change_money_saved_list.py 구현

- change_money_saved_list_test.py 로 테스트

기타 유용한 정보

실습 숙제 제출

- 숙제 제출 기한: 2018. 10. 03. 23:59:59
 - 실습 전 날
- 파일 제목: AL_학번_이름_04.zip
 - 파일 제목 다를 시 채점 안 합니다.
 - .egg 안 됨!

실습 숙제 제출할 것

- 2가지 파일을 제출
 - AL_학번_이름_숙제번호.zip
 - Pycharm을 사용했을 경우 Project 디렉터리에 .idea, venv 같은 디렉터리는 제외
 - Jupyter + IPython을 사용했을 경우 'File - Download as' 에서 .py 다운로드 가능
 - AL_학번_이름_숙제번호.pdf
 - 보고서는 무조건 .pdf
 - .hwp, .doc 등 채점 안 함

실습 보고서에 들어가야 할 것

- 목표(할 일)
- 과제를 해결하는 방법
 - 알아야 할 것
- 과제를 해결한 방법
 - 주요 소스코드: 굳이 소스코드 전체를 붙일 필요는 없음
- 결과화면
 - 결과화면 설명(해석), 테스트코드 통과
- 보고서는 기본적으로 '내가 숙제를 했음'을 보이는 것
 - 지나치게 대충 작성하면 의심하게 됨

출석부 및 실습 점수가 궁금하다면?

- 출석부 및 실습 채점표
 - 수업 시작 후 30분까지 지각, 이후 결석
 - 실습 딜레이 1일당: -2점
 - 딜레이 2일까지: -2
 - 이후 -1씩 추가
- 튜터의 테스트 결과

질문이 생기면?

- 이름: 문현수
- 전공: 통신및보안
- 과정: 석박사통합과정 8학기
- 연구실: 데이터네트워크연구실(공5633)
- 메일: munhyunsu@cs-cnu.org
- 알고리즘은 함께 해결해가는 과목이므로 과감하게 연락
- 이메일로 처리가 안 되는 급한일: 문자/전화 등