# 强化学习2022 第5节

涉及知识点:

规划与学习之入门算法和介绍、规划与学习之采样方法、规划与学习之决策时规划

# 基于规划的强化学习

# "思想总是走在行动的前面,就好像闪电总是走在雷鸣之前。"

# 德国诗人海涅



### 回顾与总结

- □ 已知模型,求解MDP
  - 价值迭代 Value Iteration
    - 先估计V\*/Q\*, 再求解最优策略
  - 策略迭代 Policy Iteration
    - 循环:评估策略,策略提升
- □ 模型未知,求解MDP
  - 价值迭代(无法直接估计V\*/Q\*) X
  - 策略迭代
    - 评估策略  $V^{\pi}$  (利用 $\pi$ 采样得到无模型估计, MC, TD)  $\implies$  评估  $Q^{\pi}(s,a)$
    - 策略提升 (仅知 $V^{\pi}$ 无法提升)  $\Rightarrow$  策略提升 argmax  $Q^{\pi}(s,\cdot)$
    - 采样数据仅用一次来评估策略 (采样数据包含了大量的模型信息)

# SARSA算法中的样本利用

#### Sarsa: An on-policy TD control algorithm

```
Initialize Q(s, a), \forall s \in S, a \in A(s), arbitrarily, and Q(terminal\text{-}state, \cdot) = 0
Repeat (for each episode):
```

Initialize S

Choose A from S using policy derived from Q (e.g.,  $\epsilon$ -greedy) 采样仅使用一次 Repeat (for each step of episode):

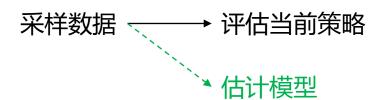
Take action A, observe R, S'

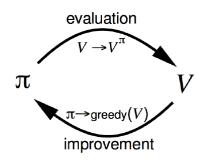
Choose A' from S' using policy derived from Q (e.g.,  $\epsilon$ -greedy) 采样仅使用一次

$$Q(S,A) \leftarrow Q(S,A) + \alpha [R + \gamma Q(S',A') - Q(S,A)]$$

$$S \leftarrow S'; A \leftarrow A';$$

until S is terminal





# 价值评估指导策略提升 那么如何更加精准地估计价值呢?

# 规划与学习: 入门介绍和算法



**Contents** 

01 模型是什么

02 规划是什么

03 规划和学习

**04** Dyna 算法



# 模型 (Model)

- □ 给定一个状态和动作,模型能够预测下一个状态和奖励的分布: 即  $p(s',r \mid s,a)$ 
  - s, a: 给定的状态和动作
  - *s'*, *r*: 下一个状态和奖励

#### 模型的分类

- □ 分布模型(distribution model)
  - 描述了轨迹的所有可能性及其概率
- □ 样本模型(sample model)
  - 根据概率进行采样,只产生一条可能的轨迹

# 模型(Model)

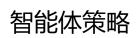
#### 举例

- □ 掷骰子(Dozen Dice Games)
  - 分布模型
    - 得到骰子数字总和的所有可能性及其概率
  - 样本模型
    - 只采样得到一种骰子数字总和

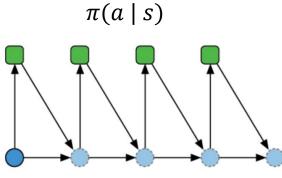


#### 模型的作用

□ 得到模拟的经验数据(simulated experiences)







模拟经验数据

 $_{...}\left\{ \left( s,a,r,s^{\prime}\right) \right\}$ 

环境模型



 $p(s',r \mid s,a)$ 



# 规划(Planning)

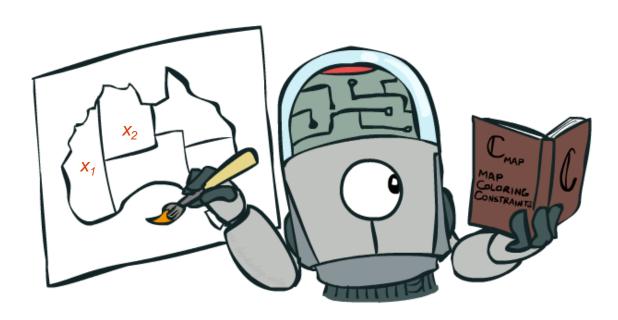
□ 输入一个模型,输出一个策略的搜索过程

#### 规划的分类

- □ 状态空间的规划 (state-space planning)
  - 在状态空间搜索最佳策略, 本课程主要围绕这种
- □ 规划空间的规划 (plan-space planning)
  - 在规划空间搜索最佳策略,包括遗传算法和偏序规划
  - 这时,一个规划就是一个动作集合以及动作顺序的约束
  - 这时的状态就是一个规划,目标状态就是能完成任务的规划

# 规划空间的例子: Constraint Satisfaction Problems

N variables domain D constraints



states

partial assignment

goal test

complete; satisfies constraints

successor function

assign an unassigned variable

# 状态空间与规划空间的比较

- Assumptions about the world: a single agent, deterministic actions, fully observed state, discrete state space
- Planning: sequences of actions
  - The path to the goal is the important thing
  - Paths have various costs, depths
  - Heuristics give problem-specific guidance
- Identification: assignments to variables
  - The goal itself is important, not the path
  - All paths at the same depth (for some formulations)
  - CSPs are specialized for identification problems



# 规划(Planning)

#### 规划的通用框架

- □ 通过模型采样得到模拟数据
- □ 利用模拟数据更新值函数从而改进策略



- □ 动态规划
  - 搜索整个状态空间,生成所有的状态转移分布
  - 状态转移分布回溯更新状态的值函数

#### 规划的好处

- □ 任何时间点可以被打断或者重定向
- □ 在复杂问题下,进行小而且增量式的时间步规划是很有效的



# 规划与学习(Planning and Learning)

#### □ 不同点

• 规划: 利用模型产生的模拟经验

• 学习: 利用环境产生的真实经验

#### □ 相同点

- 通过回溯(back-up)更新值函数的估计
- 统一来看, 学习的方法可以用在模拟经验上

算法: 一时间步随机采样表格 Q 规划

#### 重复以下步骤:

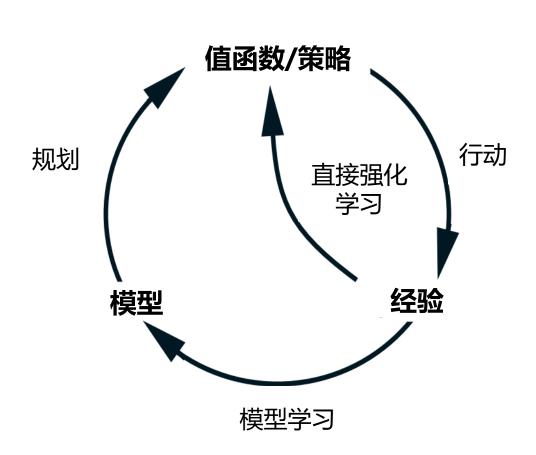
- 1. 随机选择一个状态  $S \in S$  和一个动作  $A \in \mathcal{A}(S)$
- 2. 把 S,A 输入采样模型,然后获得采样得到的奖励 R 和下一个状态 S'
- 3. 对 S, A, R, S' 进行一时间步表格 Q 学习:  $Q(S, A) \leftarrow Q(S, A) + \alpha \left[ R + \gamma \max_{a} Q(S', a) Q(S, A) \right]$



# Dyna (集成规划、决策和学习)

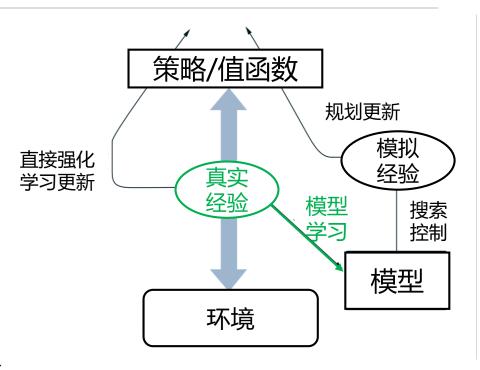
#### 经验的不同用途

- □ 更新模型
  - 模型学习,或间接强化学习
  - 对经验数据的需求少
- □ 更新值函数和策略
  - 直接强化学习(无模型强化学习)
  - 简单且不受模型偏差的影响



#### Dyna的框架

- □ 和环境交互产生真实经验
- □ 左边代表直接强化学习
  - 更新值函数和策略
- □ 右下角落边代表学习模型
  - 使用真实经验更新模型
- □ 右边代表基于模型的规划
  - 基于模型随机采样得到模拟经验
    - 只从以前得到的状态动作对随机采样
  - 使用模拟经验做规划更新值函数和策略



- (植函数/策略) (行动 直接强化 学习 经验 模型 经验
- □ Model(s,a): 预测 (s,a) 对的下一个状态和奖励
- □ 步骤(5), (6)去掉就是一时间步表格Q学习

#### 算法: 表格 Dyna – Q

对于所有的  $s \in S$  和  $a \in \mathcal{A}(S)$ , 初始化值函数 Q(s,a) 和模型 Model(s,a) 重复以下步骤:

- 1. 令 S ← 当前 (非终止) 状态
- 2.  $\Leftrightarrow A \leftarrow \epsilon$ -greedy(S,Q)
- 3. 做动作 A; 得到奖励 R 和状态 S'
- 4.  $\Rightarrow Q(S,A) \leftarrow Q(S,A) + \alpha \left[ R + \gamma \max_{a} Q(S',a) Q(S,A) \right]$
- 5.  $\Diamond Model(S,A) \leftarrow R,S'$  (假设是确定性环境)
- 6. 重复以下步骤n次:
  - a.  $\Diamond S \leftarrow 随机采样之前见过的状态$

  - c.  $\Leftrightarrow R, S' \leftarrow Model(S, A)$
  - d.  $Q(S,A) \leftarrow Q(S,A) + \alpha \left[ R + \gamma \max_{a} Q(S',a) Q(S,A) \right]$

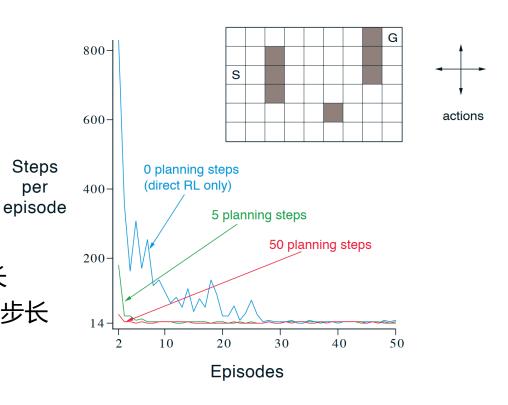
#### 举例 1: 迷宫

#### □环境

- 4个动作(上下左右)
- 碰到障碍物和边界静止
- 到达目标 (G) , 得到奖励+1
- 折扣因子 0.95

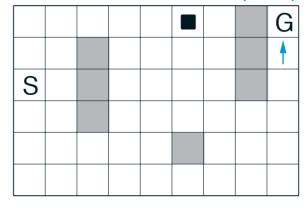
#### □结果

- 横轴代表游戏轮数
- 纵轴代表到达 G 花的时间步长
- 不同曲线代表采用不同的规划步长
- 规划步长越长,表现收敛越快

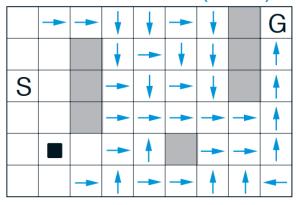


# 为什么更快

WITHOUT PLANNING (n=0)



WITH PLANNING (n=50)



#### 模型不准了怎么办

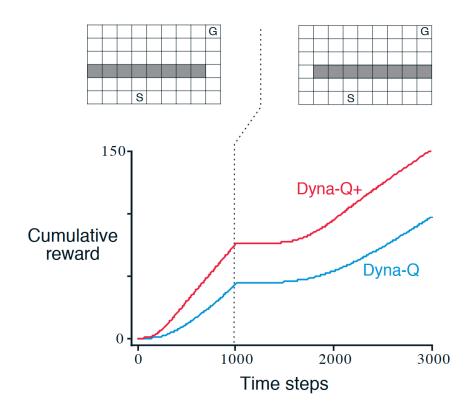
- □ 环境是随机的,并且只观察到了有限的样本
- □ 模型使用了泛化性不好的函数估计
- □ 环境改变了,并且还没有被算法检测到

#### 举例1: 阻碍迷宫

- □ 环境:
  - 1000步后障碍向右移动
- □ 结果:
  - 横轴代表时间步
  - 纵轴代表累计的收益
  - Dyna-Q+加了探索

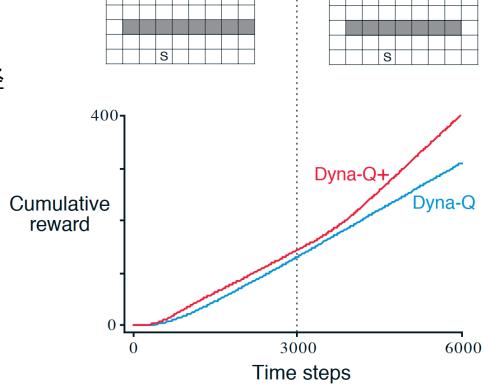
#### Dyna-Q+

- □ 奖励更改为  $r + c\sqrt{\tau}$ 
  - r: 原来的奖励
  - c: 小的权重参数
  - τ: 某个状态多久未到达过了

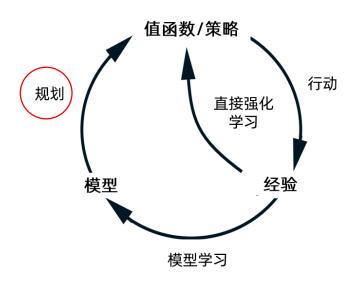


#### 举例2: 捷径迷宫

- □ 环境:
  - 3000步出现捷径
- □ 结果:
  - Dyna-Q+能够发现捷径



模型 ———— 模拟 ————— 值函数———— 策略



# 规划与学习: 采样方法



01 优先级采样

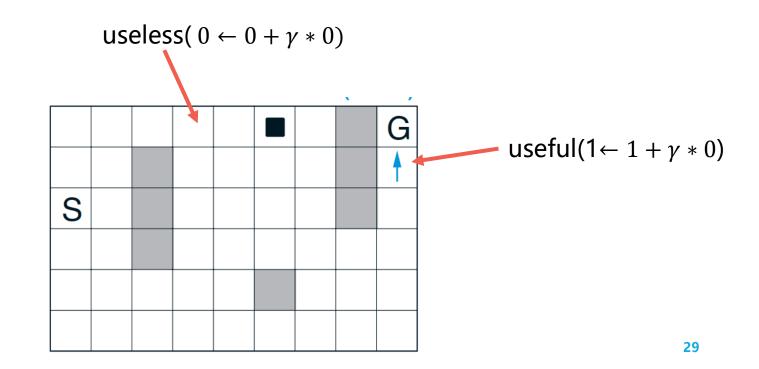
02 期望更新和采样更新

03 轨迹采样



# 常用的采样方法

- □均匀随机采样
- □ 模拟的经验和更新应集中在一些特殊的状态动作



# 更好的采样方法

- □ 后向聚焦 (backward focusing):
  - 很多状态的值发生变化带动前继状态的值发生变化
- □ 有的值改变很多,有的改变很少
  - 因此需要根据紧急程度,给这些更新设置优先度进行更新

#### 优先级采样

- □ 设置优先级更新队列
  - 根据值改变的幅度定义优先级:  $P \leftarrow \left| R + \gamma \max_{a} Q(S', a) Q(S, A) \right|$

# 优先级采样

#### 算法: 确定性环境中的优先级采样

对于所有的 $s \in S$ 和 $a \in A(S)$ , 初始化值函数Q(s,a)和模 Model(s,a); 初始化优先级队列PQueue为空

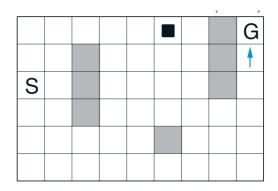
#### 重复以下步骤:

- 1. 令S ← 当前 (非终止) 状态
- 2.  $\diamondsuit$ *A* ←  $\epsilon$ -greedy(*S*, *Q*)
- 3. 做动作A; 得到奖励R和状态S′
- 4.  $\Rightarrow P \leftarrow \left| R + \gamma \max_{\alpha} Q(S', \alpha) Q(S, A) \right|$
- 5. 如果 $P > \theta$ , 将S, A以优先级P插入PQueue
- 6. 重复以下步骤n次:
  - a.  $\diamondsuit S, A \leftarrow PQueue$ 队列头元素
  - b. 令*R*, *S'* ← *Model*(*S*, *A*) 确定性环境
  - c.  $Q(S,A) \leftarrow Q(S,A) + \alpha \left[ R + \gamma \max_{a} Q(S',a) Q(S,A) \right]$
  - d. 对于所有能够到达S的 $\bar{S}, \bar{A}$ :
    - a.  $令 \bar{R} \leftarrow 模型对于 \bar{S}, \bar{A}, S 预测的奖励$
    - b.  $\Rightarrow P \leftarrow \left| \bar{R} + \gamma \max_{a} Q(S, a) Q(\bar{S}, \bar{A}) \right|$
    - c. 如果 $P > \theta$ , 将 $\overline{S}$ ,  $\overline{A}$ 以优先级P插入PQueue

### 优先级采样

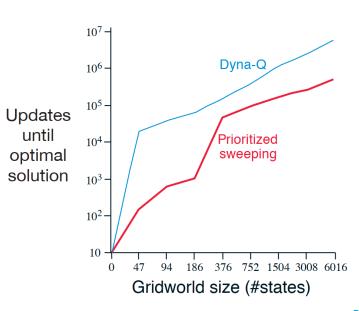
#### 举例: 迷宫

- □ 横轴代表格子世界的大小
- □ 纵轴代表收敛到最优策略的更新次数
- □ 优先级采样收敛更快



#### 局限性及改进

- □ 随机环境中利用期望更新 (expected updates) 的方法
  - 浪费很多计算资源在一些低概率的状态转移 (transitions) 上
- □ 引入采样更新 (sample updates)





# 期望更新和采样更新

- □ 值函数: V(s)
- □ 动作值函数: *Q(s,a)*
- □ 期望更新或者采样更新

#### 比较

 $v_*(s)$ 

 $q_{\pi}(s,a)$ 

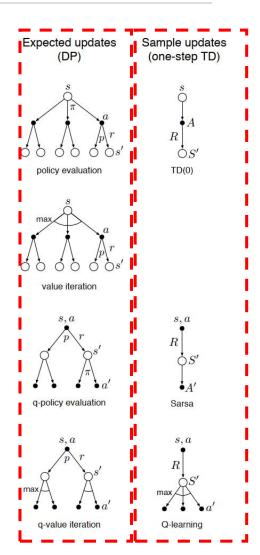
 $q_*(s,a)$ 

Value

estimated

 $v_{\pi}(s)$ 

- □ 期望更新  $Q(s,a) \leftarrow \sum_{r} \hat{p}(s',r|s,a)[r + \gamma \max_{a'} Q(s',a')]$ 
  - 需要分布模型 <sup>s</sup>
  - 需要更大的计算量
  - 没有偏差更准确
- □ 采样更新  $Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha[r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') Q(s,a)]$ 
  - 只需要采样模型
  - 计算量需求更低
  - 受到采样误差(sampling error)的影响



# 不同分支因子下的表现

#### □ 设定

- b 个后续状态等可能
- 初始估计误差为1
- 下一个状态值假设估计正确

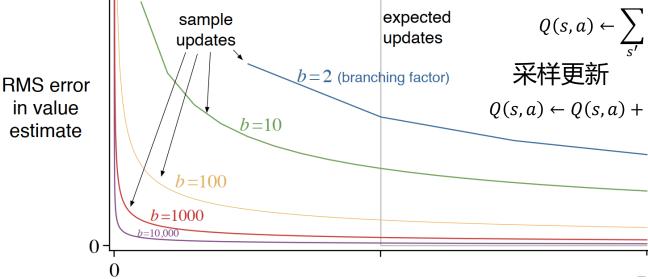
# □结果

- 分支因子越多、采样更新越接近期望更新
- 大的随机分支因子和状态数量 较多的情况下,采样更新更好

#### 期望更新

$$Q(s,a) \leftarrow \sum_{s'} \hat{p}(s'|s,a) [r + \gamma \max_{a'} Q(s',a')]$$

$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha [r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') - Q(s,a)]$$

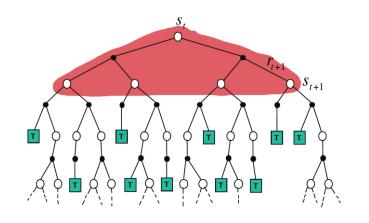


Number of 
$$\max_{a'} Q(s', a')$$
 computations



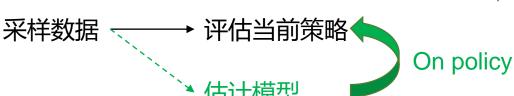
## 轨迹采样

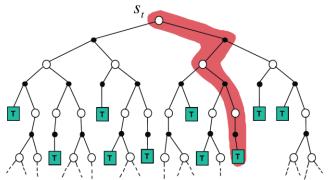
- □ 动态规划
  - 对整个状态空间进行遍历
  - 没有侧重实际需要关注的状态上
- □ 在状态空间中按照特定分布采样
  - 根据当前策略下所观测的分布进行采样



#### 轨迹采样

- □ 状态转移和奖励由模型决定
- □ 动作由当前的策略决定





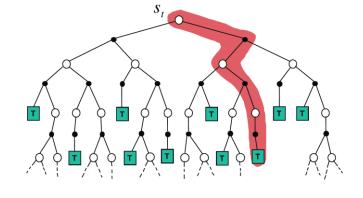
## 轨迹采样

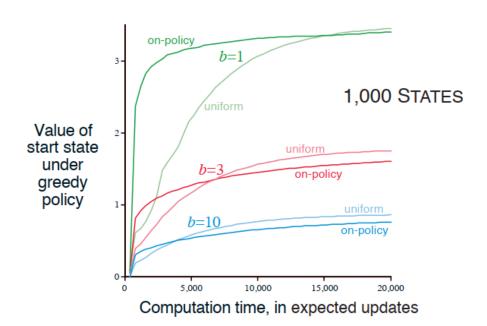
#### □ 优点

- 不需要知道当前策略下状态的分布
- 计算量少,简单有效

#### □ 缺点

• 不断重复更新已经被访问的状态





- □ 不同的分支因子下的表现
- □ 确定性环境中表现比较好

## 小结

- □优先级采样
  - 收敛更快
  - 随机环境使用期望更新, 计算量大
- □期望更新和采样更新
  - 期望更新计算量大但是没有偏差
  - 采样更新计算量小但是存在采样偏差
- □轨迹采样
  - 采样更新,计算量小
  - 不断重复某些访问过的状态

# 规划与学习: 决策时规划



01 实时动态规划

02 决策时规划

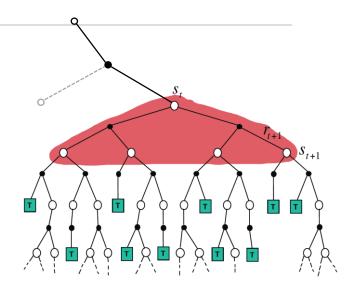


#### 实时动态规划

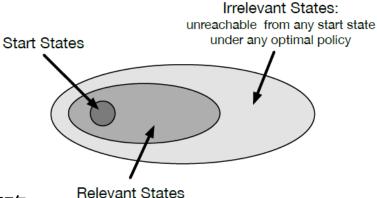
#### □ 异步价值迭代只储存一份价值函数

对轨迹采样中的状态s

$$V(s) \leftarrow \max_{a \in A} \sum_{s' \in S} P_{s,a}(s') [R(s, a, s') + \gamma V(s')]$$
 采样更新



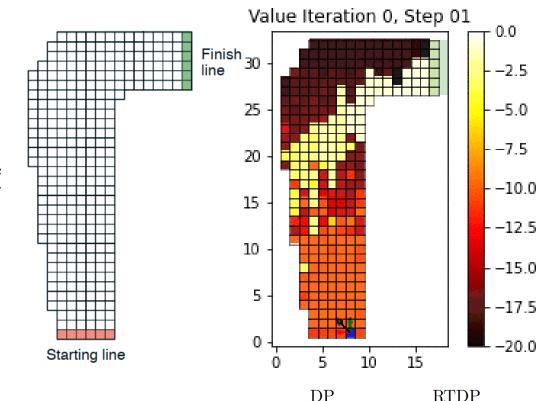
- □ 和传统动态规划的区别
  - 实时的轨迹采样
  - 只更新轨迹访问的状态值
- □ 优势
  - 能够跳过策略无关的状态
  - 在解决状态集合规模大的问题上具有优势
  - 满足一定条件下可以以概率1收敛到最优策略



reachable from some start state under some optimal policy

## 实时动态规划(RTDP)

- □ 跑道问题 (Racetrack)
- □ 环境:
  - 任务: 从起点跑到终点
  - 状态: 二维坐标、二维速度
  - 动作: 每维速度的+1, -1,不变
- □ 结果:
  - 可到达状态:
    - 随机策略: 9115
    - 最优策略: 599
  - 更新次数少了一半



28 sweeps	4000 episodes
252,784	127,600
	31.9
	98.45
	80.51
	3.18

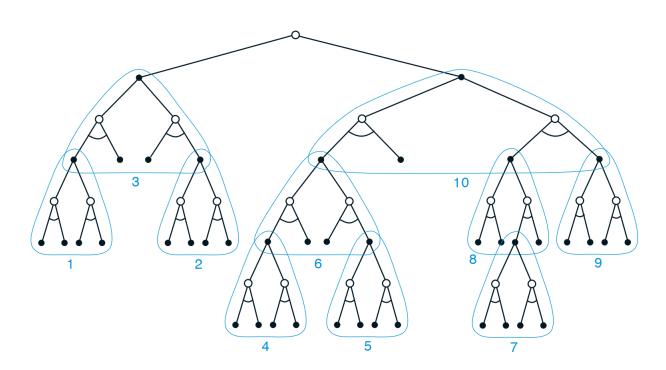


#### 决策时规划

- □ 背景规划 (Background Planning)
  - 规划是为了更新很多状态值供后续动作的选择
  - · 如动态规划, Dyna
- □ 决策时规划 (Decision-time Planning)
  - 规划只着眼于当前状态的动作选择
  - 在不需要快速反应的应用中很有效, 如棋类游戏

## 启发式搜索

- □ 访问到当前状态(根节点),对后续可能的情况进行树结构展开
- □ 叶节点代表估计的值函数
- □ 回溯到当前状态(根节点),方式类似于值函数的更新方式



#### 启发式搜索

- □ 决策时规划,着重于当前状态
- □ 贪婪策略在单步情况下的扩展
  - 启发式搜索看多步规划下, 当前状态的最优行动
- □ 搜索越深,计算量越大,得到的动作越接近最优
- □ 性能提升不是源于多步更新,而是源于专注当前状态的后续可能

## Rollout算法

- □ 从当前状态进行模拟的蒙特卡洛估计
- □ 选取最高估计值的动作
- □ 在下一个状态重复上述步骤

#### 特点

- □ 决策时规划,从当前状态进行rollout
- □ 直接目的类似于策略迭代和改进,寻找更优的策略
- □ 表现取决于蒙特卡洛方法估值的准确性

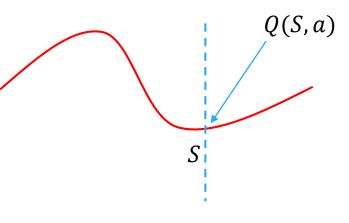
## Rollout算法

#### 时间复杂度

- $\square$   $Time = \sum_{tr=1}^{N} \sum_{st=1}^{K} [\sum_{a=1}^{A} T_{eval}(S(st), a) + T_{choose}(A)]$ 
  - A: 决策的动作空间
  - K: rollout 一个轨迹的平均步数
  - *T<sub>eval</sub>(S(st),a)*: 在第 *st* 步下,估计 (*s,a*) 值函数的时间
  - T<sub>choose</sub>(A): rollout 每步做出决策的时间
  - N: rollout 轨迹的次数

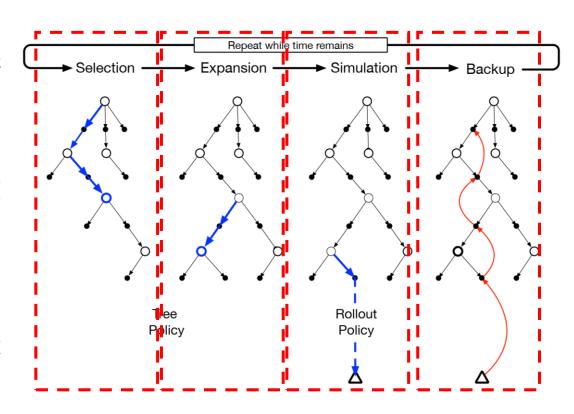
#### Rollout算法的加速方法

- □ 多个处理器并行采样
- □ 轨迹截断,用存储的值估计代替回报
- □ 剔除不可能成为最佳动作的动作



## 蒙特卡洛树搜索

- 选择: 根据树策略(动作值函数) 遍历树到一个叶节点
- 扩展: 从选择的叶节点出发选择 未探索过的动作到达新的状态
- 3. 模拟: 从新的状态出发按照 rollout 策略进行轨迹模拟
- 4. 回溯: 得到的回报回溯更新树策略, *rollout* 访问的状态值不会被保存
- 5. 重复上述步骤直至计算资源耗 尽,从根节点选择最优动作
- 6. 得到新状态, 保留原有树的新状态下的部分节点
- 7. 重复上述步骤直至游戏结束



#### 蒙特卡洛树搜索

- □ 蒙特卡洛控制+决策时规划 (类似于 rollout)
- □ 保留了过去一部分的经验数据。
  - 下一个状态树的初始树是上一个状态树具有高回报的部分

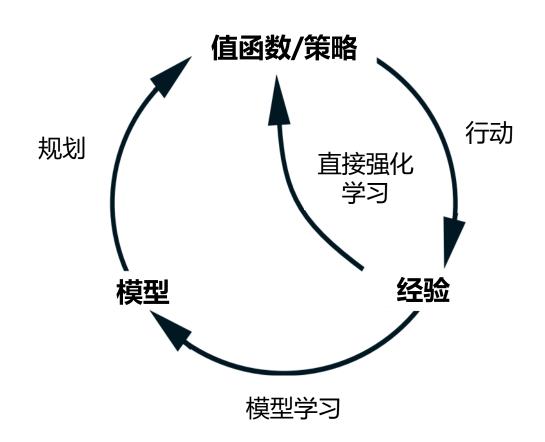
#### 应用

- AlphaGo
  - 16 年五番棋比赛中 4:1 李世石
  - 17 年乌镇围棋峰会中 3:0 柯洁



## 基于规划的强化学习方法总结

- 模型和规划
- 模型是什么
- 规划是什么
- 基于模型的算法
  - Dyna
  - Dyna-Q+
- 期望更新和采样更新
  - 优先级采样
  - 轨迹采样
- 实时动态规划
- 决策时规划
  - 启发式算法
  - Rollout 算法
  - 蒙特卡洛树搜索



## **THANK YOU**