



专题04

万有引力定律 及其应用

<https://shuailiu1990.github.io/>



目录

C O N T E N T S

01

内容要求

02

考情分析

03

网络构建

考点一 开普勒行星运动定律 万有引力定律的理解

真题研析 · 核心提炼 · 题型特训

考点二 万有引力定律综合应用 天体质量和密度

真题研析 · 核心提炼 · 题型特训

考点三 宇宙速度 天体、卫星运行参数及规律 同步卫星

真题研析 · 核心提炼 · 题型特训

考点四 卫星变轨、对接、追及相遇问题 双星问题

真题研析 · 核心提炼 · 题型特训



01

内容要求

PART ONE

内容要求

1. 会用线速度、角速度、周期描述匀速圆周运动。知道匀速圆周运动的向心加速度的大小和方向。能用牛顿第二定律分析匀速圆周运动的向心力
2. 了解万有引力定律的发现过程。知道万有引力定律。认识发现万有引力定律的重要意义。认识科学定律对人类探索未知世界的定律。
3. 会计算人造地球卫星的环绕速度。知道第二宇宙速度和第三宇宙速度。



02

考情分析

PART TWO

考情分析

考情分析	
命题规律及方法指导	<div>1.命题重点考查平抛运动、圆周运动等运动特点和动力学规律</div> <div>2.常用方法：构建模型、分析和推理，两个模型（天上模型：万有引力提供向心力规律来分析天体运动问题；地上模型：万有引力等于重力（忽略自转）），比例法分析问题.</div> <div>3.常考题型：选择题，计算题.</div>
命题预测	<div>本专题属于热点内容；</div> <div>高考命题主要以选择题的形式出现，多以航天技术为背景，因此要多关注我国航空航天技术发展的最新成果,。</div>



03

网络构建

PART THREE

网络构建





考点一 开普勒行星运动定律 万有引力定律的理解

真题研析·规律探寻

核心提炼·考向探究

1. 开普勒行星运动定律的深入理解
2. 万有引力定律的深入理解
3. 万有引力与重力的关系

题型特训·命题预测

核心提炼·考向探究

开普勒行星运动定律的深入理解

1) 由开普勒第二定律可得 $\frac{1}{2}v_1\Delta tr_1 = \frac{1}{2}v_2\Delta tr_2$ ，解得 $\frac{v_1}{v_2} = \frac{r_2}{r_1}$ ，即行星在两个位置的速度之比与到太阳的距离成反比，近日点速度最大，远日点速度最小。

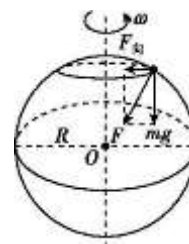
2) 当比较一个行星在椭圆轨道不同位置的速度大小时，选用开普勒第二定律；当比较或计算两个行星的周期问题时，选用开普勒第三定律。

核心提炼·考向探究

万有引力与重力的关系

1) 地球对物体的万有引力 F 表现为两个效果:一是重力 mg ,二是提供物体随地球自转的向心力 $F_{向}$, ③一般位置: $G \frac{Mm}{R^2} = mg + m\omega^2 r$ (矢量相加).

①在赤道上: $G \frac{Mm}{R^2} = mg + m\omega^2 R$. ②在两极上: $G \frac{Mm}{R^2} = mg$.



式中 r 为物体到地球转轴的距离。越靠近南、北两极,向心力越小, g 值越大,由于物体随地球自转所需的向心力较小,常认为万有引力近似等于重力,即

$$G \frac{Mm}{R^2} = mg$$

2) 星球上空的重力加速度 g'

星球上空距离星体中心 $r=R+h$ 处的重力加速度为 g' , $G \frac{Mm}{(R+h)^2} = mg'$, 得
所以 $g' = \frac{GM}{(R+h)^2}$, $\frac{g'}{g} = \frac{R^2}{(R+h)^2}$ 式中 g 为地球表面附近重力加速度.

真题研析·规律探寻

例1 (2021·全国·高考真题)2021年2月，执行我国火星探测任务的“天问一号”探测器在成功实施三次近火制动后，进入运行周期约为 $1.8 \times 10^5 \text{s}$ 的椭圆形停泊轨道，轨道与火星表面的最近距离约为 $2.8 \times 10^5 \text{m}$ 。已知火星半径约为 $3.4 \times 10^6 \text{m}$ ，火星表面处自由落体的加速度大小约为 3.7m/s^2 ，则“天问一号”的停泊轨道与火星表面的最远距离约为（ C ）

- A. $6 \times 10^5 \text{m}$ B. $6 \times 10^6 \text{m}$ C. $6 \times 10^7 \text{m}$ D. $6 \times 10^8 \text{m}$

【考向】开普勒第三定律

真题研析·规律探寻

解析

忽略火星自转则 $\frac{GMm}{R^2} = mg$ ，可知 $GM = gR^2$ 。设与为 $1.8 \times 10^5 \text{s}$ 的椭圆形停

泊轨道周期相同的圆形轨道半径为 r ，由万有引力提供向心力可知

$\frac{GMm}{r^2} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r$ ，设近火点到火星中心为 $R_1 = R + d_1$ ，设远火点到火星中心为

$R_2 = R + d_2$ ，由开普勒第三定律可知 $\frac{r^3}{T^2} = \frac{(\frac{R_1 + R_2}{2})^3}{T^2}$ ，由以上分析可得 $d_2 \approx 6 \times 10^7 \text{m}$

故选 C。

真题研析·规律探寻

例2 (2023·山东·统考高考真题) 牛顿认为物体落地是由于地球对物体的吸引, 这种吸引力可能与天体间 (如地球与月球) 的引力具有相同的性质、且都满足 $F \propto \frac{Mm}{r^2}$ 。已知地月之间的距离 r 大约是地球半径的60倍, 地球表面的重力加速度为 g , 根据牛顿的猜想, 月球绕地球公转的周期为 (C)

A. $30\pi\sqrt{\frac{r}{g}}$ B. $30\pi\sqrt{\frac{g}{r}}$ C. $120\pi\sqrt{\frac{r}{g}}$ D. $120\pi\sqrt{\frac{g}{r}}$

【考向】万有引力定律的理解

真题研析·规律探寻

解析

设地球半径为 R , 由题知, 地球表面的重力加速度为 g , 则有 $mg = G \frac{M_{\text{地}} m}{R^2}$,

月球绕地球公转有 $G \frac{M_{\text{地}} m_{\text{月}}}{r^2} = m_{\text{月}} \frac{4\pi^2}{T^2} r$, $r = 60R$, 联立有 $T = 120\pi \sqrt{\frac{r}{g}}$ 。

故选 C。

真题研析·规律探寻

例3 (2021·山东·高考真题)从“玉兔”登月到“祝融”探火，我国星际探测事业实现了由地月系到行星际的跨越。已知火星质量约为月球的9倍，半径约为月球的2倍，“祝融”火星车的质量约为“玉兔”月球车的2倍。在着陆前，“祝融”和“玉兔”都会经历一个由着陆平台支撑的悬停过程。悬停时，“祝融”与“玉兔”所受陆平台的作用力大小之比为 (**B**)



A. 9 : 1

B. 9 : 2

C. 36 : 1

D. 72 : 1

【考向】万有引力定律的简单应用

真题研析·规律探寻

解析

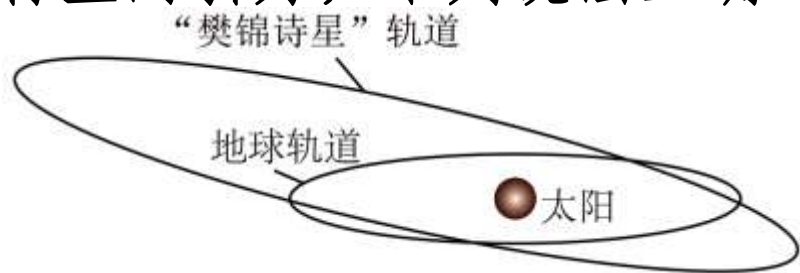
悬停时所受平台的作用力等于万有引力，根据 $F = G \frac{mM}{R^2}$ ，

$$\text{可得 } \frac{F_{\text{祝融}}}{F_{\text{玉兔}}} = G \frac{M_{\text{火}} m_{\text{祝融}}}{R_{\text{火}}^2} : G \frac{M_{\text{月}} m_{\text{玉兔}}}{R_{\text{月}}^2} = \frac{9}{2^2} \times 2 = \frac{9}{2}。$$

故选 B。

题型特训·命题预测

1. (2023·湖南·统考模拟预测) 2023年7月10日，经国际天文学联合会小行星命名委员会批准，中国科学院紫金山天文台发现的、国际编号为381323号的小行星被命名为“樊锦诗星”。如图所示，“樊锦诗星”绕日运行的椭圆轨道面与地球圆轨道面间的夹角为20.11度，轨道半长轴为3.18天文单位（日地距离为1天文单位），远日点到太阳中心距离为4.86天文单位。若只考虑太阳对行星的引力，下列说法正确的是（ C ）



- A. “樊锦诗星”绕太阳一圈大约需要2.15年
- B. “樊锦诗星”在远日点的速度大于地球的公转速度
- C. “樊锦诗星”在远日点的加速度与地球的加速度大小之比为 $\frac{1}{4.86^2}$
- D. “樊锦诗星”在远、近日点的速度大小之比为 $\frac{4.86}{1.5}$

题型特训·命题预测

解析

A. 根据开普勒第三定律有 $\frac{r_{\text{地}}^3}{T_{\text{地}}^2} = \frac{r_{\text{樊}}^3}{T_{\text{樊}}^2}$, 解得 $T_{\text{樊}} \approx 5.67$ 年, 故 A 错误;

B. 根据万有引力提供向心力可知 $G \frac{Mm_{\text{地}}}{r_{\text{地}}^2} = m_{\text{地}} \frac{v_{\text{地}}^2}{r_{\text{地}}}$, 则地球公转速度 $v_{\text{地}} = \sqrt{\frac{GM}{r_{\text{地}}}}$,

“樊锦诗星”在远日点做向心运动 $G \frac{Mm_{\text{樊}}}{r_{\text{远}}^2} > m_{\text{樊}} \frac{v_{\text{远}}^2}{r_{\text{远}}}$, 则“樊锦诗星”在远日点的速度

$v_{\text{远}} < \sqrt{\frac{GM}{r_{\text{远}}}}$, 由于 $r_{\text{远}} > r_{\text{地}}$, 所以“樊锦诗星”在远日点的速度小于地球的公转速度, 故 B 错误;

题型特训·命题预测

解析

C. 根据牛顿第二定律可知 $G \frac{Mm}{r^2} = ma$ ，“樊锦诗星”在远日点的加速度与地球的加速度大小之比为 $\frac{a_{\text{远}}}{a_{\text{地}}} = \frac{r_{\text{地}}^2}{r_{\text{远}}^2} = \frac{1}{4.86^2}$ ，故 C 正确；

D. 轨道半长轴为 3.18 天文单位，远日点到太阳中心距离 $r_{\text{远}} = 4.86$ 天文单位，则近日点到太阳中心距离 $r_{\text{近}} = 1.5$ 天文单位，对于“樊锦诗星”在远日点和近日点附近很小一段时间 Δt 内的运动，根据开普勒第二定律有

$$\frac{1}{2} v_{\text{远}} r_{\text{远}} \Delta t = \frac{1}{2} v_{\text{近}} r_{\text{近}} \Delta t, \text{ 解得 } \frac{v_{\text{远}}}{v_{\text{近}}} = \frac{r_{\text{近}}}{r_{\text{远}}} = \frac{1.5}{4.86}, \text{ 故 D 错误。}$$

故选 C。



考点二 万有引力定律综合应用

天体质量和密度

真题研析·规律探寻

核心提炼·考向探究

1. 万有引力定律的应用
2. 天体质量及密度的计算
3. 星球“瓦解”问题及黑洞

题型特训·命题预测

核心提炼·考向探究

万有引力定律的应用

1) 基本方法:把天体的运动看成是匀速圆周运动, 其所需向心力由万有引力提供. 即 $F_{\text{引}} = F_{\text{向}}$ 得:

$$G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} = m \omega^2 r = m \frac{4\pi^2}{T^2} r = ma$$

2) 应用时可根据实际情况选用适当的公式进行分析或计算

核心提炼·考向探究

天体质量及密度的计算

1) 天体表面处理方法

①天体质量，由 $G\frac{Mm}{R^2}=mg$ ，得天体质量 $M=\frac{gR^2}{G}$ 。

②天体密度，由天体质量及球体体积公式 $V=\frac{4}{3}\pi R^3$ ，得天体密度 $\rho=\frac{3g}{4\pi GR}$ 。

2) 利用环绕天体处理方法

①天体质量，由 $G\frac{Mm}{r^2}=m\frac{4\pi^2}{T^2}r$ ，得天体质量 $M=\frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$ 。

②天体密度，由天体质量及球体体积公式 $V=\frac{4}{3}\pi R^3$ ，得天体密度 $\rho=\frac{3\pi r^3}{GT^2 R^3}$ 。

③若卫星绕天体表面运行，可认为轨道半径 r 等于天体半径 R ，则天体密度，故只要测出卫星环绕天体表面运动的周期 T ，就可估算出中心天体的密度 $\rho=\frac{3\pi}{GT^2}$ 。

核心提炼·考向探究

天体质量及密度的计算

1) 星球的瓦解问题

当星球自转越来越快时，星球对“赤道”上的物体的引力不足以提供向心力时，物体将会“飘起来”，进一步导致星球瓦解，瓦解的临界条件是赤道上的物体所受星球的引力恰好提供向心力，即 $G\frac{Mm}{R^2} = m\omega^2 R$ ，得 $\omega = \sqrt{\frac{GM}{R^3}}$ 。当 $\omega > \sqrt{\frac{GM}{R^3}}$ 时，星球瓦解，当 $\omega < \sqrt{\frac{GM}{R^3}}$ 时，星球稳定运行。

2) 黑洞

黑洞是一种密度极大、引力极大的天体，以至于光都无法逃逸，科学家一般通过观测绕黑洞运行的天体的运动规律间接研究黑洞。当天体的逃逸速度(逃逸速度为其第一宇宙速度的2倍)超过光速时，该天体就是黑洞。

真题研析·规律探寻

例1 (2021·广东·高考真题) 2021年4月，我国自主研发的空间站“天和”核心舱成功发射并入轨运行，若核心舱绕地球的运行可视为匀速圆周运动，已知引力常量，由下列物理量能计算出地球质量的是（ **D** ）

- A. 核心舱的质量和绕地半径
- B. 核心舱的质量和绕地周期
- C. 核心舱的绕地角速度和绕地周期
- D. 核心舱的绕地线速度和绕地半径

真题研析·规律探寻

解析

据核心舱做圆周运动的向心力由地球的万有引力提供，可得

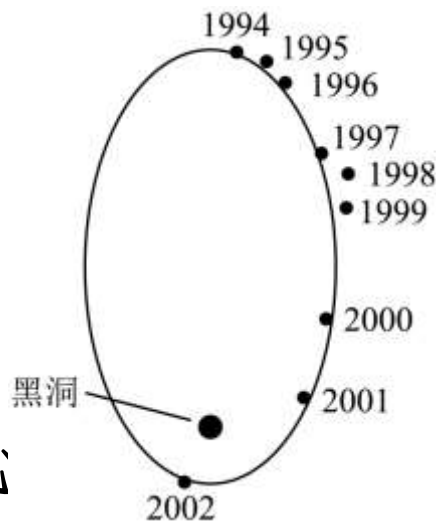
$$G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} = m\omega^2 r = m \frac{4\pi^2}{T^2} r, \text{ 可得 } M = \frac{v^2 r}{G} = \frac{\omega^2 r^3}{G} = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}, \text{ 可知已知核心舱的质量和绕}$$

地半径、已知核心舱的质量和绕地周期以及已知核心舱的角速度和绕地周期都不能求解地球的质量；若已知核心舱的绕地线速度和绕地半径可求解地球的质量。

故选 D。

真题研析·规律探寻

例2 (2021·全国·高考真题) 科学家对银河系中心附近的恒星S2进行了多年的持续观测，给出1994年到2002年间S2的位置如图所示。科学家认为S2的运动轨迹是半长轴约为 $1000R$ （太阳到地球的距离为 R ）的椭圆，银河系中心在超大质量黑洞。这项研究工作获得了2020年诺贝尔物理学奖。若认为S2所受的作用力主要为该大质量黑洞的引力，设太阳的质量为 M ，可以推测出该黑洞质量约为（ **B** ）



- A. $4 \times 10^4 M$ B. $4 \times 10^6 M$ C. $4 \times 10^8 M$ D. $4 \times 10^{10} M$

【考向】天体质量的计算

真题研析·规律探寻

解析

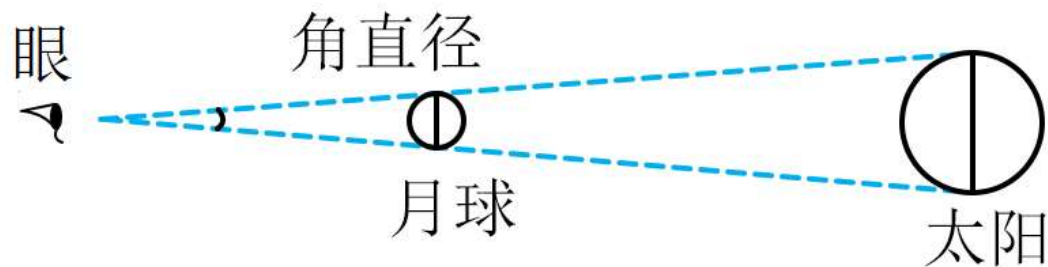
由图可知，S2 绕黑洞的周期 $T=16$ 年，地球的公转周期 $T_0=1$ 年，S2 绕黑洞做圆周运动的半长轴 r 与地球绕太阳做圆周运动的半径 R 关系是 $a=1000R$ ，地球绕太阳的向心力由太阳对地球的引力提供，由向心力公式可知 $G\frac{Mm}{R^2}=mR(\frac{2\pi}{T_0})^2$ ，解得太阳的质量为 $M=\frac{4\pi^2 R^3}{GT_0^2}$ ，根据开普勒第三定律，S2 绕黑洞以半长轴 $a=1000R$ 绕椭圆运动，等效于以 $r=1000R$ 绕黑洞做圆周运动，而 S2 绕黑洞的向心力由黑洞对它的万有引力提供，由向心力公式可知 $G\frac{M_x m'}{r^2}=m'r(\frac{2\pi}{T})^2$ ，解得黑洞的质量为 $M_x=\frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$ ，综上所述可得

$$M_x=4\times 10^6 M。$$

故选 B。

真题研析·规律探寻

例3 (2023·辽宁·统考高考真题) 在地球上观察，月球和太阳的角直径（直径对应的张角）近似相等，如图所示。若月球绕地球运动的周期为 T_1 ，地球绕太阳运动的周期为 T_2 ，地球半径是月球半径的 k 倍，则地球与太阳的平均密度之比约为（ **D** ）



A. $k^3 \left(\frac{T_1}{T_2} \right)^2$ **B.** $k^3 \left(\frac{T_2}{T_1} \right)^2$ **C.** $\frac{1}{k^3} \left(\frac{T_1}{T_2} \right)^2$ **D.** $\frac{1}{k^3} \left(\frac{T_2}{T_1} \right)^2$

【考向】天体密度的计算

真题研析·规律探寻

解析

设月球绕地球运动的轨道半径为 r_1 ，地球绕太阳运动的轨道半径为 r_2 ，

根据 $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r$ ，可得 $G \frac{m_{\text{地}} m_{\text{月}}}{r_1^2} = m_{\text{月}} \frac{4\pi^2}{T_1^2} r_1$ ， $G \frac{m_{\text{地}} m_{\text{日}}}{r_2^2} = m_{\text{地}} \frac{4\pi^2}{T_2^2} r_2$ ，其中 $\frac{r_1}{r_2} = \frac{R_{\text{月}}}{R_{\text{日}}} = \frac{R_{\text{地}}}{kR_{\text{日}}}$ ，

$$\rho = \frac{m}{\frac{4}{3}\pi R^3}，联立可得 \frac{\rho_{\text{地}}}{\rho_{\text{日}}} = \frac{1}{k^3} \left(\frac{T_2}{T_1} \right)^2。$$

故选 D。

真题研析·规律探寻

例4 (2022·重庆·高考真题)(多选)我国载人航天事业已迈入“空间站时代”。若中国空间站绕地球近似做匀速圆周运动,运行周期为 T ,轨道半径约为地球半径的 $\frac{17}{16}$ 倍,已知地球半径为 R ,引力常量为 G ,忽略地球自转的影响,则 (**BD**)

A. 漂浮在空间站中的宇航员不受地球的引力

B. 空间站绕地球运动的线速度大小约为 $\frac{17\pi R}{8T}$

C. 地球的平均密度约为 $\frac{3\pi}{GT^2}\left(\frac{16}{17}\right)^3$

D. 空间站绕地球运动的向心加速度大小约为地面重力加速度的 $\left(\frac{16}{17}\right)^2$ 倍

【考向】万有引力定律综合应用

真题研析·规律探寻

解析

A. 漂浮在空间站中的宇航员依然受地球的引力，所受引力提供向心力做匀速圆周运动而处于完全失重，视重为零，故 A 错误；

B. 根据匀速圆周运动的规律，可知空间站绕地球运动的线速度大小约

为 $v = \frac{2\pi \frac{17}{16}R}{T} = \frac{17\pi R}{8T}$ ，故 B 正确；

真题研析·规律探寻

解析

C. 设空间站的质量为 m , 其所受万有引力提供向心力, 有 $G \frac{Mm}{(\frac{17}{16}R)^2} = m(\frac{2\pi}{T})^2(\frac{17}{16}R)$

则地球的平均密度约为 $\rho = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} = (\frac{17}{16})^3 \frac{3\pi}{GT^2}$, 故 C 错误;

D. 根据万有引力提供向心力, 有 $G \frac{Mm}{(\frac{17}{16}R)^2} = ma$, 则空间站绕地球运动的向

心加速度大小为 $a = \frac{GM}{(\frac{17}{16}R)^2}$, 地表的重力加速度为 $g = \frac{GM}{R^2}$, 可得 $\frac{a}{g} = (\frac{16}{17})^2$, 即空间

站绕地球运动的向心加速度大小约为地面重力加速度的 $(\frac{16}{17})^2$ 倍, 故 D 正确。

故选 BD。

题型特训·命题预测

1. (2023·广东·模拟预测)我国在航天技术方面取得了瞩目的成就，早在2021年2月10日“天问一号”成功实施了火星捕获，5月择机实施降轨软着陆火星表面。航天中心测得：当“天问一号”距火星表面高度约为火星半径的2倍时，其环绕周期为 T 。已知万有引力常量为 G ，则火星的密度为（ C ）

A. $\frac{12\pi}{GT^2}$ B. $\frac{27\pi}{GT^2}$ C. $\frac{81\pi}{GT^2}$ D. $\frac{24\pi}{GT^2}$

题型特训·命题预测

解析

根据万有引力提供向心力有 $G \frac{Mm}{(2R+R)^2} = m \frac{4\pi^2}{T^2} (2R+R)$,

其中 $M = \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3$, 解得 $\rho = \frac{3\pi(2+1)^3}{GT^2} = \frac{81\pi}{GT^2}$ 。

故选C。



考点三 宇宙速度

天体、卫星运行参数及规律

同步卫星

真题研析·规律探寻

核心提炼·考向探究

1. 宇宙速度
2. 卫星轨道
3. 天体及卫星运动的规律
4. 特殊卫星
5. 同步卫星、近地卫星和赤道上物体比较

题型特训·命题预测

核心提炼·考向探究

宇宙速度

1) 第一宇宙速度:7.9km/s, 它是卫星的最小发射速度, 也是地球卫星的最大环绕速度.

技巧点拨

第一宇宙速度推导

①方法一: 由 $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM}{r}} = \sqrt{\frac{6.67 \times 10^{-11} \times 5.98 \times 10^{24}}{6.4 \times 10^6}} \approx 7.9 \text{ km/s}$

②方法二: 由 $mg = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{gR} = \sqrt{9.8 \times 6.4 \times 10^6} \approx 7.9 \text{ km/s}$

说明: 第一宇宙速度是发射人造卫星的最小速度, 也是人造卫星的最大环绕速度, 此时它的运行周期最短, $T_{\min} = 2\pi \sqrt{\frac{R}{g}} = 5078 \text{ s} \approx 85 \text{ min}$.

核心提炼·考向探究

宇宙速度

2) 第二宇宙速度 (脱离速度) : 11.2km/s , 使物体挣脱地球引力束缚的最小发射速度.

3) 第三宇宙速度 (逃逸速度) : 16.7km/s , 使物体挣脱太阳引力束缚的最小发射速度.

技巧点拨

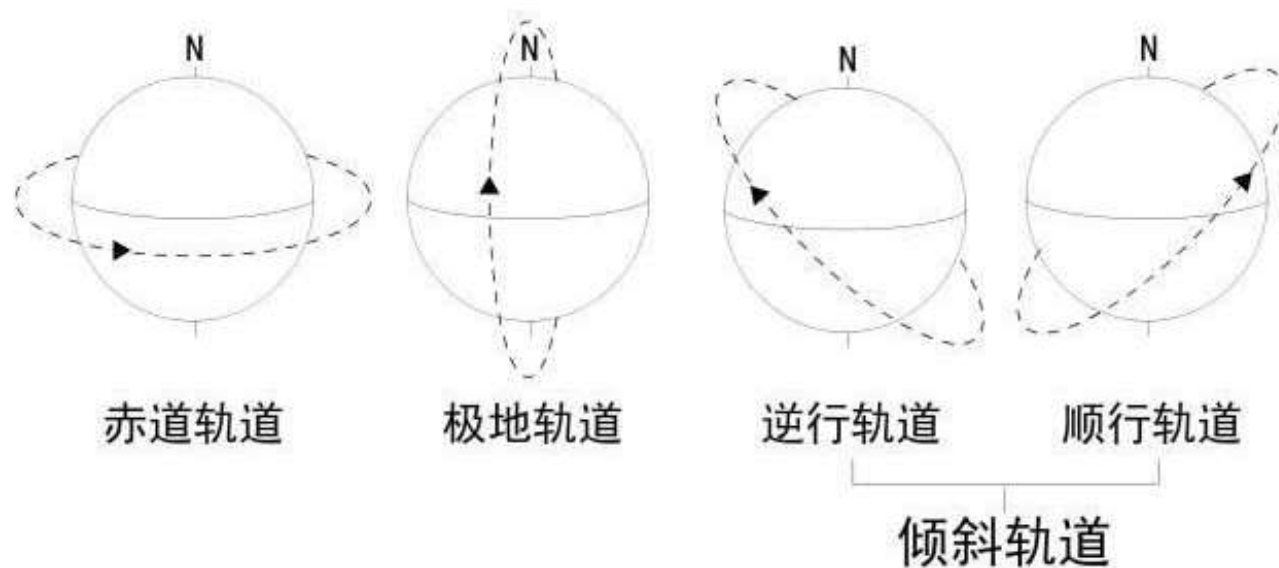
宇宙速度与运动轨迹的关系

- ① $v_{\text{发}} = 7.9\text{ km/s}$ 时, 卫星绕地球表面做匀速圆周运动.
- ② $7.9\text{ km/s} < v_{\text{发}} < 11.2\text{ km/s}$, 卫星绕地球运动的轨迹为椭圆.
- ③ $11.2\text{ km/s} \leq v_{\text{发}} < 16.7\text{ km/s}$, 卫星绕太阳运动.
- ④ $v_{\text{发}} \geq 16.7\text{ km/s}$, 卫星将挣脱太阳引力的束缚, 飞到太阳系以外的空间.

核心提炼·考向探究

卫星轨道

1) 卫星轨道：卫星运动的轨道平面一定通过地心，一般分为赤道轨道、极地轨道和倾斜轨道。



核心提炼·考向探究

天体及卫星运动的规律

1) 基本方法:把天体的运动看成是匀速圆周运动, 其所需向心力由万有引力提供. 即 $F_{\text{向}} = F_{\text{引}}$ 得: $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} = m\omega^2 r = m \frac{4\pi^2}{T^2} r = ma$

2) 基本公式:

① 线速度: $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$

② 角速度: $G \frac{Mm}{r^2} = m\omega^2 r \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$

③ 周期: $G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{4\pi^2}{T^2} r \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$

④ 向心加速度: $G \frac{Mm}{r^2} = ma \Rightarrow a = \frac{GM}{r^2}$

结论: 飞得越高, 飞得越慢 (r 越大, v 、 ω 、 a 越小, T 越大) .

技巧点拨

公式中 r 指轨道半径, 是卫星到中心天体球心距离, R 通常指中心天体的半径, 有 $r = R + h$.

核心提炼·考向探究

特殊卫星

1) 近地卫星

轨道在地球表面附近的卫星，其轨道半径 $r=R$ (地球半径)，运行速度等于第一宇宙速度 $v=7.9\text{ km/s}$ (人造地球卫星的最大运行速度)， $T=85\text{ min}$ (人造地球卫星的最小周期)。

2) 极地卫星

运行时每圈都经过南北两极，由于地球自转，极地卫星可以实现全球覆盖。

技巧点拨 近地卫星可能为极地卫星，也可能为赤道卫星。

核心提炼·考向探究

特殊卫星

3) 地球同步卫星

所谓地球同步卫星，是相对于地面静止的，这种卫星位于赤道上方某一高度的稳定轨道上，且绕地球运动的周期等于地球的自转周期，即 $T=24h=86400s$

，离地面高度 $h = \sqrt[3]{\frac{gR^2T^2}{4\pi^2}} - R = 3.56 \times 10^7 m$ ，运行速率均为 $v = 3.1 \times 10^3 m/s$ ，

同步卫星的轨道一定在赤道平面内，并且只有一条.所有同步卫星都在这条轨道上，以大小相同的线速度，角速度和周期运行着.

核心提炼·考向探究

特殊卫星

4) 倾斜轨道“同步”卫星*: 如果某卫星运行在一个轨道平面和赤道平面夹角不为 0° 的轨道上时, 则称该卫星被叫做倾斜轨道卫星, 该夹角也被称为“轨道倾角”。若该卫星的运行周期等于地球的自转周期, 则该卫星为倾斜轨道同步卫星。与常规的同步轨道相比, 同步卫星倾斜轨道的轨道平面呈现倾斜状态, 只是周期与地球自转同步, 不能实现定点悬停。

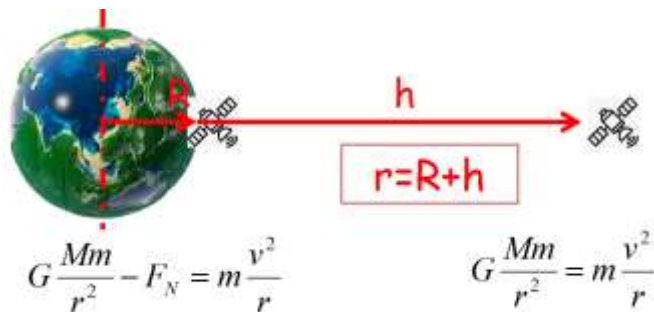
5) 月球: 绕地球的公转周期 $T=27.3$ 天, 月球和地球间的平均距离约38万千米, 大约是地球半径的60倍。

核心提炼·考向探究

同步卫星、近地卫星和赤道上物体比较

1) 地球同步卫星与赤道物体的区别:

属于同轴转动, 角速度、周期相同。



2) 同步卫星、近地卫星和赤道上物体比较



如图所示, 2为近地卫星, 轨道半径为 r_2 ; 3为地球同步卫星, 轨道半径为 r_3 ; 4为高空卫星, 轨道半径为 r_4 ; 1为赤道上随地球自转的物体, 轨道半径为 r_1 .

技巧点拨

①比较赤道上物体与同步卫星, 用同轴转动的知识分析; ②比较近地卫星、同步卫星、高空卫星, 用天体轨道与运动规律分析;

真题研析·规律探寻

例1 (2021·江苏·高考真题)我国航天人发扬“两弹一星”精神砥砺前行,从“东方红一号”到“北斗”不断创造奇迹。“北斗”第49颗卫星的发射迈出组网的关键一步。该卫星绕地球做圆周运动,运动周期与地球自转周期相同,轨道平面与地球赤道平面成一定夹角。该卫星 (**B**)

- A. 运动速度大于第一宇宙速度
- B. 运动速度小于第一宇宙速度
- C. 轨道半径大于“静止”在赤道上空的同步卫星
- D. 轨道半径小于“静止”在赤道上空的同步卫星

【考向】 宇宙速度 卫星运行规律

真题研析·规律探寻

解析

AB. 第一宇宙速度是指绕地球表面做圆周运动的速度，是环绕地球做圆周运动的所有卫星的最大环绕速度，该卫星的运转半径远大于地球的半径，可知运行线速度小于第一宇宙速度，选项A错误B正确；

CD. 根据 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{4\pi^2}{T^2}r$ ，可知 $r = \sqrt[3]{\frac{GMT^2}{4\pi^2}}$ ，因为该卫星的运动周期与地球自转周期相同，等于“静止”在赤道上空的同步卫星的周期，可知该卫星的轨道半径等于“静止”在赤道上空的同步卫星的轨道半径，选项CD错误。

故选B。

真题研析·规律探寻

例2(2021·海南·高考真题)2021年4月29日，我国在海南文昌用长征五号B运载火箭成功将空间站天和核心舱送入预定轨道。核心舱运行轨道距地面的高度为400km左右，地球同步卫星距地面的高度接36000km。则该核心舱的（ C ）

- A. 角速度比地球同步卫星的小
- B. 周期比地球同步卫星的长
- C. 向心加速度比地球同步卫星的大
- D. 线速度比地球同步卫星的小

【考向】 卫星运行规律 同步卫星

真题研析·规律探寻

解析

核心舱和地球同步卫星都是受万有引力提供向心力而做匀速圆周运动，有 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{v^2}{r} = m(\frac{2\pi}{T})^2 r = ma = m\omega^2 r$ ，可得 $\omega = \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$, $T = 2\pi\sqrt{\frac{r^3}{GM}}$, $a = \frac{GM}{r^2}$, $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$ ，而核心舱运行轨道距地面的高度为 400km 左右，地球同步卫星距地面的高度接近 36000km，有 $r_{\text{舱}} < r_{\text{同}}$ ，故有 $\omega_{\text{舱}} > \omega_{\text{同}}$ ， $T_{\text{舱}} < T_{\text{同}}$ ， $a_{\text{舱}} > a_{\text{同}}$ ， $v_{\text{舱}} > v_{\text{同}}$ ，则核心舱角速度比地球同步卫星的大，周期比地球同步卫星的短，向心加速度比地球同步卫星的大，线速度比地球同步卫星的大，故 ABD 错误，C 正确；

故选 C。

真题研析·规律探寻

例3 (2022·广东·高考真题)“祝融号”火星车需要“休眠”以度过火星寒冷的冬季。假设火星和地球的冬季是各自公转周期的四分之一，且火星的冬季时长约为地球的1.88倍。火星和地球绕太阳的公转均可视为匀速圆周运动。下列关于火星、地球公转的说法正确的是 (**D**)

- A. 火星公转的线速度比地球的大
- B. 火星公转的角速度比地球的大
- C. 火星公转的半径比地球的小
- D. 火星公转的加速度比地球的小

【考向】天体运行参量的比较

真题研析·规律探寻

解析

由题意可知,火星的公转周期大于地球的公转周期 C . 根据 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{4\pi^2}{T^2}r$

可得 $T = 2\pi\sqrt{\frac{r^3}{GM}}$, 可知火星的公转半径大于地球的公转半径, 故 C 错误; A . 根

据 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$ 可得 $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$, 结合 C 选项, 可知火星的公转线速度小于地球

的公转线速度, 故 A 错误; B . 根据 $\omega = \frac{2\pi}{T}$ 可知火星公转角速度小于地球公

转的角速度, 故 B 错误; D . 根据 $G\frac{Mm}{r^2} = ma$ 可得 $a = \frac{GM}{r^2}$, 可知火星公转的

加速度小于地球公转的加速度, 故 D 正确。

故选 D 。

真题研析·规律探寻

例4 (2022·天津·高考真题) 2022年3月，中国空间站“天宫课堂”再次开讲，授课期间利用了我国的中继卫星系统进行信号传输，天地通信始终高效稳定。已知空间站在距离地面400公里左右的轨道上运行，其运动视为匀速圆周运动，中继卫星系统中某卫星是距离地面36000公里左右的地球静止轨道卫星（同步卫星），则该卫星（C）

- A. 授课期间经过天津正上空
- B. 加速度大于空间站的加速度
- C. 运行周期大于空间站的运行周期
- D. 运行速度大于地球的第一宇宙速度



【考向】宇宙速度 卫星运行规律

真题研析·规律探寻

解析

A. 该卫星在地球静止轨道卫星（同步卫星）上，处于赤道平面上，不可能经过天津正上空，A 错误；

BCD. 卫星正常运行，由万有引力提供向心力 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{v^2}{r} = m(\frac{2\pi}{T})^2 r = ma$ ，

得 $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$ ， $a = G\frac{M}{r^2}$ ， $T = 2\pi\sqrt{\frac{r^3}{GM}}$ ，由于该卫星轨道半径大于空间站半径，故加速度小于空间站的加速度；运行周期大于空间站的运行周期；第一宇宙速度是近地卫星的运行速度，则该卫星的运行速度小于地球的第一宇宙速度。

BD 错误，C 正确。

故选 C。

题型特训·命题预测

1. (2021·湖南·高考真题)(多选)2021年4月29日，中国空间站天和核心舱发射升空，准确进入预定轨道。根据任务安排，后续将发射问天实验舱和梦天实验舱，计划2022年完成空间站在轨建造。核心舱绕地球飞行的轨道可视为圆轨道，轨道离地面的高度约为地球半径的 $\frac{1}{16}$ 。下列说法正确的是 (AC)

- A. 核心舱进入轨道后所受地球的万有引力大小约为它在地面时的 $\left(\frac{16}{17}\right)^2$ 倍
- B. 核心舱在轨道上飞行的速度大于7.9km/s
- C. 核心舱在轨道上飞行的周期小于24h
- D. 后续加挂实验舱后，空间站由于质量增大，轨道半径将变小

题型特训·命题预测

解析

A. 根据万有引力定律有 $F = G \frac{Mm}{r^2}$, 核心舱进入轨道后的万有引力与地面上万有引力之比为 $\frac{F_1}{F_2} = \frac{R^2}{\left(R + \frac{1}{16}R\right)^2} = \left(\frac{16}{17}\right)^2$, 所以 A 正确;

B. 核心舱在轨道上飞行的速度小于 7.9km/s, 因为第一宇宙速度是最大的环绕速度, 所以 B 错误;

题型特训·命题预测

解析

C. 根据 $T = 2\pi\sqrt{\frac{R^3}{GM}}$, 可知轨道半径越大周期越大, 则其周期比同步卫星的周期小, 小于 24h, 所以 C 正确;

D. 卫星做圆周运动时万有引力提供向心力有 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$, 解得 $v = \sqrt{\frac{GM}{R}}$, 则卫星的环绕速度与卫星的质量无关, 所以变轨时需要点火减速或者点火加速, 增加质量不会改变轨道半径, 所以 D 错误;

故选 AC。

题型特训·命题预测

2. (2023·湖北·模拟预测)(多选)2021年5月,天问一号探测器软着陆火星取得成功,迈出了我国星际探测征程的重要一步。火星与地球公转轨道近似为圆,两轨道平面近似重合,且火星与地球公转方向相同。火星与地球每隔约26个月相距最近,地球公转周期为12个月。由以上条件可以近似得出 (BC)

A. 地球与火星的自转周期之比 $T_{\text{地}}: T_{\text{火}} = 7:13$

B. 火星的公转周期大约为 $T_{\text{火}} \approx 22.3$ 月

C. 地球与火星轨道半径之比 $r_{\text{地}}: r_{\text{火}} = \sqrt[3]{\frac{49}{169}}$

D. 地球与火星表面重力加速度大小之比 $g_{\text{地}}: g_{\text{火}} = \frac{169}{49}$

题型特训·命题预测

解析

AB. 地球和火星的角速度分别为 $\omega_1 = \frac{2\pi}{T_1}$, $\omega_2 = \frac{2\pi}{T_2}$, 由题意知火星和地球每隔约 26 个月相距最近一次, 又火星的轨道半径大于地球的轨道半径, 则 $\omega_1 t - \omega_2 t = 2\pi$ 由以上可解得 $T_2 = \frac{156}{7}$ 月, 即火星的公转周期大约为 $T_{\text{火}} \approx 22.3$ 月, 则地球与火星绕太阳的公转周期之比 $T_1:T_2 = 7:13$, 但不能求出两星球自转周期之比, 故 A 错误, B 正确;

C. 设地球和火星的公转周期分别为 T_1 、 T_2 , 轨道半径分别为 r_1 、 r_2 , 由开普勒第三定律可得 $\frac{r_1^3}{r_2^3} = \frac{T_1^2}{T_2^2}$, 可求得地球与火星的轨道半径之比 $r_{\text{地}}:r_{\text{火}} = \sqrt[3]{\frac{49}{169}}$, 故 C 正确;

题型特训·命题预测

解析

D. 由物体在地球和火星表面的重力等于各自对物体的引力, 则有 $G\frac{Mm}{R^2} = mg$, 得 $g = \frac{GM}{R^2}$, 由于地球和火星的质量关系以及半径关系均未知, 则两星球表面重力加速度的关系不可求, 地球与火星绕太阳运动的向心加速度由太阳对地球和火星的引力产生, 所以向心加速度大小则有 $G\frac{Mm}{r^2} = ma$, 得 $a = \frac{GM}{r^2}$, 由于两星球的轨道半径之比已知, 则地球与火星绕太阳运动的向心加速度大小之比 $a_{\text{地}}: a_{\text{火}} = \frac{169}{49}$, 故 D 错误。

故选 BC。

题型特训·命题预测

3. (2024·广东江门·统考模拟预测)2023年8月12日我国在西昌卫星发射中心成功发射了一颗名为陆地探测四号的卫星，这是世界上第一颗在同步静止轨道上运行的合成孔径雷达（SAR）卫星。同步静止卫星的离地高度比近地卫星高，下列说法正确的是（ C ）

- A. 同步静止卫星可以运行在江门市正上方
- B. 同步静止卫星的线速度比近地卫星大
- C. 同步静止卫星的周期比近地卫星大
- D. 同步静止卫星受到的万有引力一定比近地卫星小

题型特训·命题预测

解析

A. 地球同步静止卫星必须位于赤道平面, 即同步静止卫星不可能运行在江门市正上方, 故 A 错误; B. 根据万有引力提供圆周运动的向心力有 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$, 解得 $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$, 地球同步静止卫星的轨道半径大于近地卫星的轨道半径, 则同步静止卫星的线速度比近地卫星小, 故 B 错误; C. 根据 $G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{4\pi^2 r}{T^2}$, 解得 $T = \sqrt{\frac{4\pi^2 r^3}{GM}}$, 地球同步静止卫星的轨道半径大于近地卫星的轨道半径, 则同步静止卫星的周期比近地卫星大, 故 C 正确; D. 根据 $F = G\frac{Mm}{r^2}$, 地球同步静止卫星的轨道半径大于近地卫星的轨道半径, 由于两卫星的质量关系不确定, 则同步静止卫星受到的万有引力不一定比近地卫星小, 故 D 错误。

故选 C。



考点四 卫星变轨、对接、追及相遇问题 双星问题

真题研析·规律探寻

核心提炼·考向探究

1. 卫星变轨
2. 卫星追及问题
3. 双星问题

题型特训·命题预测

核心提炼·考向探究

卫星变轨

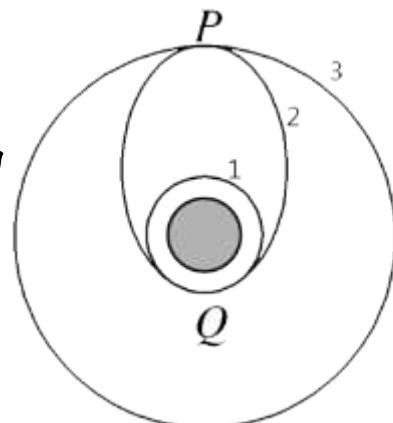
1) 变轨操作：1→2→3

①在1轨道Q点点火加速，万有引力不足以提供航天飞机做匀速圆周运动向心力，航天飞机做离心运动，进入轨道2

②在2轨道中，从Q点到P点飞行过程中，万有引力做负功，万有引力与航天飞机速度方向夹角大于 90° ，航天飞机速度减小，动能减小，势能增加，机械能不变。

在2轨道P点处，万有引力大于航天飞机做匀速圆周运动向心力，如果不进行任何操作，航天飞机做向心运动，沿着椭圆轨道2运行回Q，从P到Q，万有引力做正功，万有引力与航天飞机速度方向夹角小于 90° ，航天飞机速度增加，动能增加，势能减小，机械能不变。

③在2轨道P点点火加速，当万有引力恰好能提供航天飞机做匀速圆周运动向心力，航天飞机将沿着3轨道运行，完成变轨操作

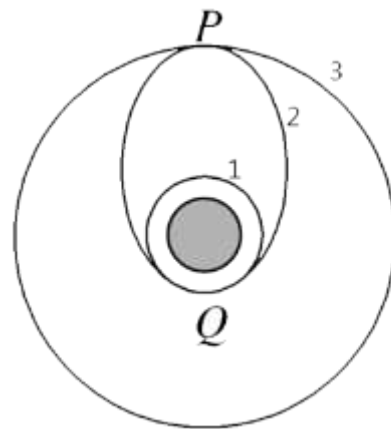


核心提炼·考向探究

卫星变轨

2) 各点参数关系

- ①线速度大小: $V_{2Q} > V_1 > V_3 > V_{2P}$
- ②角速度关系: $\omega_{2Q} > \omega_{1Q} > \omega_{3P} > \omega_{2P}$
- ③向心加速度关系: $a_{2Q} = a_1 > a_3 = a_{2P}$
- ④周期关系: $T_1 < T_2 < T_3$
- ⑤能量关系: $E_1 < E_2 < E_3$



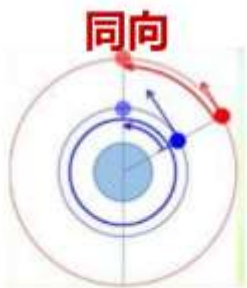
核心提炼·考向探究

卫星追及问题

1) 两卫星在同一轨道绕中心天体同向运动，要使后一卫星追上另一卫星，我们称之为追及问题。两卫星在不同轨道绕中心天体在同一平面内做匀速圆周运动，当两星某时相距最近时我们称之为两卫星相遇问题。

2) 分类

①最近到最近



$$\theta_{\text{蓝}} = \theta_{\text{红}} + 2\pi + n \times 2\pi$$

$$\omega_{\text{蓝}}t = \omega_{\text{红}}t + 2\pi + 2n\pi$$

$$n = 0, 1, 2, \dots$$



$$\theta_{\text{红}} + \theta_{\text{蓝}} + n \times 2\pi = 2\pi$$

$$\omega_{\text{红}}t + (\omega_{\text{蓝}}t + 2n\pi) = 2\pi$$

$$n = 0, 1, 2, \dots$$

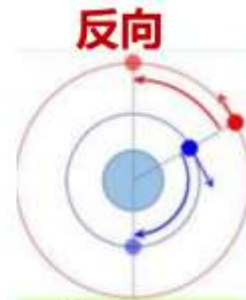
②最近到最远



$$\theta_{\text{蓝}} - \theta_{\text{红}} = \pi + n \times 2\pi$$

$$\omega_{\text{蓝}}t - \omega_{\text{红}}t = \pi + 2n\pi$$

$$n = 0, 1, 2, \dots$$



$$\theta_{\text{红}} + \theta_{\text{蓝}} = \pi + n \times 2\pi$$

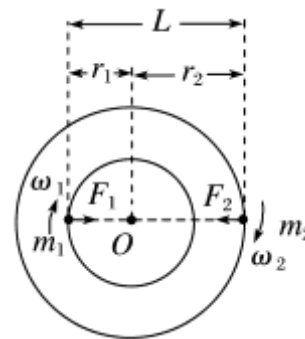
$$\omega_{\text{红}}t + \omega_{\text{蓝}}t = \pi + 2n\pi$$

$$n = 0, 1, 2, \dots$$

核心提炼·考向探究

双星问题

- 1) 模型构建：绕公共圆心转动的两个星体组成的系统，
我们称之为双星系统。

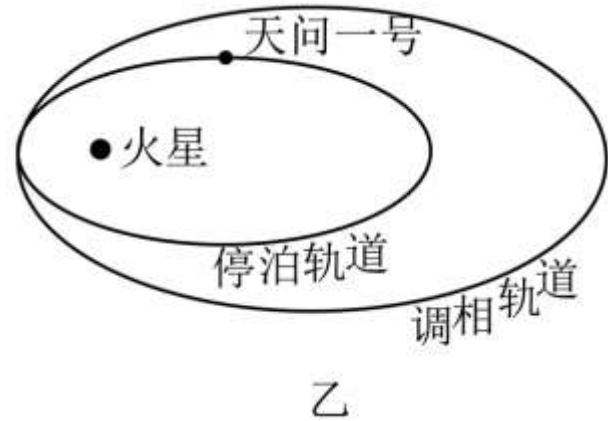
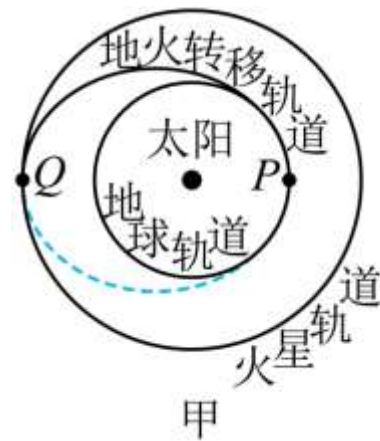


- 2) 特点：

- ①各自所需的向心力由彼此间的万有引力提供，即 $G\frac{m_1m_2}{L^2} = m_1\omega_1^2r_1, G\frac{m_1m_2}{L^2} = m_2\omega_2^2r_2$.
- ②两颗星的周期及角速度都相同，即 $T_1 = T_2, \omega_1 = \omega_2$.
- ③两颗星的轨道半径与它们之间的距离关系为： $r_1 + r_2 = L$.
- ④两星到圆心的距离 r_1 、 r_2 与星体质量成反比，即 $\frac{m_1}{m_2} = \frac{r_2}{r_1}$.
- ⑤双星的运动周期 $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{G(m_1+m_2)}}$.
- ⑥双星的总质量 $m_1 + m_2 = \frac{4\pi L^3}{T^2 G}$.

真题研析·规律探寻

例1 (2022·浙江·统考高考真题)“天问一号”从地球发射后，在如图甲所示的P点沿地火转移轨道到Q点，再依次进入如图乙所示的调相轨道和停泊轨道，则天问一号（ C ）



- A. 发射速度介于 7.9km/s 与 11.2km/s 之间
- B. 从P点转移到Q点的时间小于6个月
- C. 在环绕火星的停泊轨道运行的周期比在调相轨道上小
- D. 在地火转移轨道运动时的速度均大于地球绕太阳的速度

真题研析·规律探寻

解析

A. 因发射的卫星要能变轨到绕太阳转动，则发射速度要大于第二宇宙速度，即发射速度介于 11.2km/s 与 16.7km/s 之间，故 A 错误；

B. 因 P 点转移到 Q 点的转移轨道的半长轴大于地球公转轨道半径，则其周期大于地球公转周期（1 年共 12 个月），则从 P 点转移到 Q 点的时间为轨道周期的一半时间应大于 6 个月，故 B 错误；

C. 因在环绕火星的停泊轨道的半长轴小于调相轨道的半长轴，则由开普勒第三定律可知在环绕火星的停泊轨道运行的周期比在调相轨道上小，故 C 正确；

真题研析·规律探寻

解析

D. 卫星从 Q 点变轨时, 要加速增大速度, 即在地火转移轨道 Q 点的速度小于火星轨道的速度, 而由 $\frac{GMm}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$, 可得 $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$, 可知火星轨道速度小于地球轨道速度, 因此可知卫星在 Q 点速度小于地球轨道速度, 故 D 错误;

故选 C。

真题研析·规律探寻

例2 (2023·浙江·高考真题) 太阳系各行星几乎在同一平面内沿同一方向绕太阳做圆周运动。当地球恰好运行到某地外行星和太阳之间，且三者几乎排成一条直线的现象，称为“行星冲日”，已知地球及各地外行星绕太阳运动的轨道半径如下表：

行星名称	地球	火星	木星	土星	天王星	海王星
轨道半径R/AU	1.0	1.5	5.2	9.5	19	30

则相邻两次“冲日”时间间隔约为 (**B**)

- A. 火星365天 B. 火星800天
C. 天王星365天 D. 天王星800天

真题研析·规律探寻

解析

根据开普勒第三定律有 $\frac{T^2}{R^3} = \frac{T_{\text{地}}^2}{R_{\text{地}}^3}$ ，解得 $T = \sqrt{\left(\frac{R}{R_{\text{地}}}\right)^3 T_{\text{地}}}$ ，设相邻两次“冲日”时

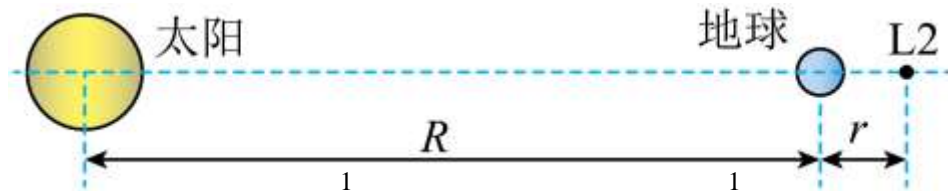
间间隔为 t ，则 $2\pi = \left(\frac{2\pi}{T_{\text{地}}} - \frac{2\pi}{T}\right) t$ ，解得 $t = \frac{TT_{\text{地}}}{T - T_{\text{地}}} = \frac{T_{\text{地}}}{1 - \sqrt{\frac{R_{\text{地}}^3}{R^3}}}$ ，由表格中的数据可得

$$t_{\text{火}} = \frac{T_{\text{地}}}{1 - \sqrt{\frac{R_{\text{地}}^3}{R_{\text{火}}^3}}} \approx 800 \text{天}, \quad t_{\text{天}} = \frac{T_{\text{地}}}{1 - \sqrt{\frac{R_{\text{地}}^3}{R_{\text{天}}^3}}} \approx 369 \text{天}。$$

故选 B。

真题研析·规律探寻

例3 (2023·福建·统考高考真题)(多选)人类为探索宇宙起源发射的韦伯太空望远镜运行在日地延长线上的拉格朗日 L_2 点附近, L_2 点的位置如图所示。在 L_2 点的航天器受太阳和地球引力共同作用, 始终与太阳、地球保持相对静止。考虑到太阳系内其他天体的影响很小, 太阳和地球可视为以相同角速度围绕日心和地心连线中的一点 O (图中未标出) 转动的双星系统。若太阳和地球的质量分别为 M 和 m , 航天器的质量远小于太阳、地球的质量, 日心与地心的距离为 R , 万有引力常数为 G , L_2 点到地心的距离记为 r ($r \ll R$), 在 L_2 点的航天器绕 O 点转动的角速度大小记为 ω 。下列关系式正确的是 (**BD**) [可能用到的近似 $\frac{1}{(R+r)^2} \approx \frac{1}{R^2} \left(1 - 2\frac{r}{R}\right)$]



A. $\omega = \left[\frac{G(M+m)}{2R^3} \right]^{\frac{1}{2}}$

B. $\omega = \left[\frac{G(M+m)}{R^3} \right]^{\frac{1}{2}}$

C. $r = \left[\frac{3m}{3M+m} \right]^{\frac{1}{3}} R$

D. $r = \left[\frac{m}{3M+m} \right]^{\frac{1}{3}} R$

【考向】追及问题

真题研析·规律探寻

解析

AB. 由题知, 太阳和地球可视为以相同角速度围绕日心和地心连线中的一点 O (图中未标出) 转动的双星系统, 则有 $G\frac{Mm}{R^2} = M\omega^2 r_1$, $G\frac{Mm}{R^2} = m\omega^2 r_2$, $r_1 + r_2 =$

R , 联立解得 $\omega = \left[\frac{G(M+m)}{R^3} \right]^{\frac{1}{2}}$, 故 A 错误、故 B 正确; CD. 由题知, 在 L_2 点的航

天器受太阳和地球引力共同作用, 始终与太阳、地球保持相对静止, 则有

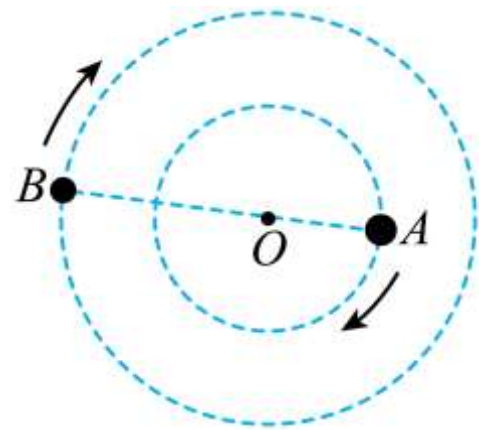
$G\frac{Mm'}{(R+r)^2} + G\frac{mm'}{r^2} = m'\omega^2(r+r_2)$, 再根据选项 AB 分析可知 $Mr_1 = mr_2$, $r_1 + r_2 = R$,

$\omega = \left[\frac{G(M+m)}{R^3} \right]^{\frac{1}{2}}$, 联立解得 $r = \left[\frac{m}{3M+m} \right]^{\frac{1}{3}} R$, 故 C 错误、故 D 正确。

故选 BD。

题型特训·命题预测

1. (2024·湖南郴州·统考模拟预测)2023年1月9日天文学家发现有史以来距离最近的两个黑洞，相距750光年，设质量大的为A，质量小的为B，它们在彼此之间的引力作用下互相环绕，周期相等，如图所示，不考虑其它星体对它们的作用，下列说法正确的是（ A ）



- A. A、B的速度之比等于它们质量反比
- B. A、B组成的系统能量守恒，动量不守恒
- C. 若A、B的间距增大，则周期越小
- D. 若A、B因吞噬物质质量都增大而其中心间距不变，则它们的角速度不变

题型特训·命题预测

解析

A. 设 AB 质量分别为 m_1 和 m_2 , 轨道半径分别为 r_1 和 r_2 , 周期 T 相等, 故可知角速度 ω 相等, 根据万有引力提供向心力 $\frac{Gm_1m_2}{(r_1+r_2)^2} = m_1\omega v_1 = m_2\omega v_2$, 可得 $\frac{v_1}{v_2} = \frac{m_2}{m_1}$, 故 A 正确;

B. AB 在各自的轨道上做匀速圆周运动, 系统能量守恒; 系统所受合外力为零, 动量守恒, 故 B 错误;

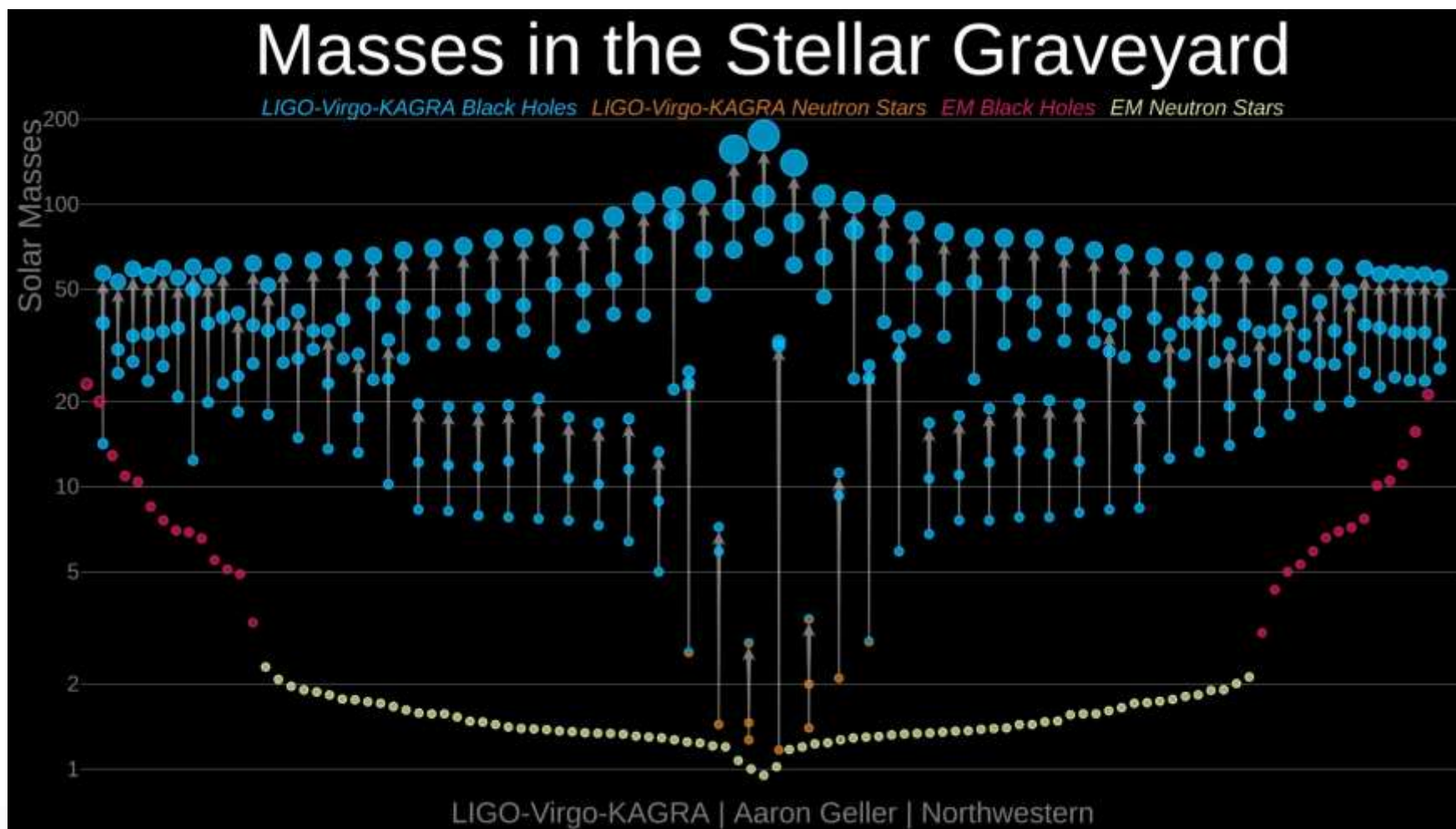
CD. 万有引力提供向心力 $\frac{Gm_1m_2}{(r_1+r_2)^2} = m_1 \cdot \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \cdot r_1$, $\frac{Gm_1m_2}{(r_1+r_2)^2} = m_2 \cdot \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \cdot r_2$, 联立可得

$T = 2\pi \sqrt{\frac{(r_1+r_2)^3}{G(m_1+m_2)}}$, 故可知若 A、B 的间距 (r_1+r_2) 增大, 则周期越大; 若 A、B 因吞噬物质质量都增大而其中心间距不变, 则它们的周期减小, 角速度增大, 故 CD 错误。

故选 A。

视野扩展

□ 目前LIGO/Virgo公布了接近100例引力波事件





THANK YOU!