

# **Отчёт по лабораторной работе №6**

**Разложение чисел на множители**

Шутенко Виктория Михайловна

# Содержание

<b>1</b>	<b>Цель работы</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>Ход работы</b>	<b>5</b>
2.1	Алгоритм, реализующий р-метод Полларда . . . . .	5

# Список иллюстраций

2.1	Тестирование . . . . .	7
-----	------------------------	---

# 1 Цель работы

Приобрести практические навыки работы с разложением чисел на множители.

## 2 Ход работы

### 2.1 Алгоритм, реализующий р-метод Полларда

```
def mod(a, b):
```

```
    return a % b
```

```
def pollard(n: int, c: int, f):
```

```
    d = 1
```

```
    cnt = 0
```

```
    a, b = c, c
```

```
    print(f"a = {a}, b = {b}")
```

```
    while d == 1:
```

```
        a = mod(f(a), n)
```

```
        b = mod(f(b), n)
```

```
        d = np.gcd(a - b, n)
```

```
    if mod(cnt, 100) == 0 or d != 1:
```

```
        print(f"iteration {cnt+1}: a = {a}, b = {b}, d = {d}")
```

```
    cnt += 1
```

```

    if d == n:
        print("Делитель не найден")
        return None

    return d

def pollard_test(n, c):
    print(f'Поллард {n}\n-----')
    f = lambda x: np.power(x, 2) + mod(np.random.randint(1, np.floor(np.sqrt(n))), n)
    p = pollard(n, c, f)

    if p != None:
        print(f'Нетривиальный делитель {n}: p = {p}')

    print(f'-----\n')

def main():
    pollard_test(1359331, 1)
    pollard_test(137, 5)
    pollard_test(322, 12)

if __name__ == "__main__":
    main()

```

Поллард 1359331

-----

a = 1, b = 1

iteration 1: a = 727, b = 659, d = 1

iteration 101: a = 221284, b = 1055655, d = 1

iteration 201: a = 738532, b = 474401, d = 1

iteration 301: a = 436715, b = 1356036, d = 1

iteration 378: a = 36811, b = 62133, d = 1151

Нетривиальный делитель 1359331: p = 1151

-----

Поллард 137

-----

a = 5, b = 5

iteration 1: a = 30, b = 33, d = 1

iteration 101: a = 12, b = 102, d = 1

iteration 201: a = 19, b = 70, d = 1

iteration 213: a = 68, b = 68, d = 137

Делитель не найден

-----

Поллард 322

-----

a = 12, b = 12

iteration 1: a = 149, b = 158, d = 1

iteration 6: a = 108, b = 258, d = 2

Нетривиальный делитель 322: p = 2

-----

Рис. 2.1: Тестирование