



写好一本书：工匠精神！用心打造！夜深写于北京大学图书馆。作者亲自一线带课，所带学生多人保送或考入清华北大，根据多年清华附中、101 中学、人大附中、北大附中、十一学校，考试真题分析经验所得。用此书考上心目中名校学生无数！何书文北京大学硕士，资深数学名师、信息学竞赛算法名师，所带学生多名考入人大附中早培、清华附中优才、101 实验班、北大附中实验班等名校。全国中学数学联赛、全国中学数学竞赛的辅导老师，全国 NOI、CSP 信息学竞赛辅导名师。何书文老师在北京大学学习期间立志从事教育事业，帮学生授业解惑。何书文老师小学期间学习奥数，并多次获奖，为以后的学习与研究打下良好基础。何书文老师在中学阶段数学、物理均获奖。何书文老师在小学中学期间一直为数学课代表，中小学期间担任班长，何书文老师在北京大学被选为科技一苑苑长，师从北京大学博士生导师屈婉玲教授，是算法课代表，主要研究方向是算法设计与分析，组织北大同学积极参与校各项活动，积极参与校学生会工作，何书文老师被北京大学评为优秀入党积极分子。何书文老师经常参加北京大学数学课题的研讨班。何书文老师是北京大学数学系暑期学校全国选出 40 名优秀中青年数学人才之一，参加伦敦国王学院、美国杜克大学、美国纽约大学、加拿大多伦多大学教授组成的学术研讨班，研究 PDE(偏微分方程)，量子力学方面的数学课题的研究工作，并获得优异成绩结业。何书文老师作为项目经理用数学建模方法给大型企业开发软件，用数学方法规划提高企业产能协作效率。何书文老师致力于数学方面的教学与研究，所带多名孩子已经被点优才进入清华附中创新班，101 实验班，人大附中早培班，是家长值得信赖的老师。考上学生继续跟随何书文老师学习全国数学联赛，全国数学竞赛系列课程，同

时学习 NOI、IOI、ACM 算法编程竞赛。

# Algorithm

Peking University

北京大学

ShuwenHe

何书文

1201220707@pku.edu.cn

2024 年 10 月 26 日

# 目录

目录	2
第一章 binary tree	7
1 preorder traversal . . . . .	7
第二章 enumeration	9
1 unhappy . . . . .	9
第三章 stl	11
1 algorithm . . . . .	11
1.1 sort . . . . .	11
2 container . . . . .	12
2.1 sequential container . . . . .	12
2.1.1 vector . . . . .	12
2.1.2 NOIP2015 普及组 T2 . . . . .	12
3 iterator . . . . .	14
第四章 array	15

目录	3
1 安徽省选拔 2001 . . . . .	15
<b>第五章 two-dimensional array</b>	<b>18</b>
1 [NOIP2015 提高组] 神奇的幻方 . . . . .	18
<b>第六章 for</b>	<b>21</b>
1 . . . . .	21
<b>第七章 dfs</b>	<b>24</b>
1 . . . . .	24
2 . . . . .	26
<b>第八章 bfs</b>	<b>29</b>
1 . . . . .	29
<b>第九章 binarySearch</b>	<b>33</b>
1 . . . . .	33
2 . . . . .	35
3 . . . . .	38
<b>第十章 mathematics</b>	<b>40</b>
1 . . . . .	40
2 . . . . .	42

<b>第十一章 prime</b>	<b>43</b>
1 . . . . .	43
2 NOIP 2002 普及组第二题选数 . . . . .	44
<b>第十二章 queue</b>	<b>47</b>
1 priority_queue . . . . .	47
1.1 NOIP2004 提高组 . . . . .	47
<b>第十三章 greedy</b>	<b>50</b>
1 . . . . .	50
2 bookshelf . . . . .	52
<b>第十四章 sort</b>	<b>55</b>
1 . . . . .	55
2 NOIP2007 普及组 T1 . . . . .	57
<b>第十五章 set</b>	<b>61</b>
1 NOIP 2006 普及组第一题 . . . . .	61
<b>第十六章 string</b>	<b>63</b>
1 NOIP1998 提高组 . . . . .	63
2 number . . . . .	65

目录	5
3 prime . . . . .	66
4 noip2018-1 . . . . .	69
5 noip2012-1 . . . . .	70
6 pow . . . . .	71
7 power . . . . .	73
8 area . . . . .	74
9 char . . . . .	75
10 numberReverse . . . . .	76
11 buyPencil . . . . .	76
 第十七章 graph	 79
1 bipartite graph . . . . .	79
1.1 transform . . . . .	79
2 expr . . . . .	85
3 noip2002-1 . . . . .	90
4 gcd . . . . .	91
5 bubbleSort . . . . .	91
6 decode . . . . .	92
7 candy . . . . .	95
8 后缀自动机 . . . . .	98

9	dag . . . . .	98
10	最大流问题 . . . . .	98
11	最短路径 (Dijkstra 算法) . . . . .	100
12	动态规划 (01 背包问题) . . . . .	102
13	binarySearch . . . . .	103
14	排序问题 . . . . .	104
15	dfs 深度优先搜索 . . . . .	105
16	BFS 广度优先搜索 . . . . .	106
17	bus . . . . .	106
18	live . . . . .	109
19	number . . . . .	111
20	expr . . . . .	113
21	point . . . . .	115
22	fruit . . . . .	118
23	sort . . . . .	121
24	solve . . . . .	124
25	network . . . . .	125
26	josephus . . . . .	127



# Chapter

## binary tree

### 1 preorder traversal

[NOIP2001 普及组] 求先序排列

#### 题目描述

给出一棵二叉树的中序与后序排列。求出它的先序排列。（约定树结点用不同的大写字母表示，且二叉树的节点个数  $\leq 8$ ）。

#### 输入格式

共两行，均为大写字母组成的字符串，表示一棵二叉树的中序与后序排列。

#### 输出格式

共一行一个字符串，表示一棵二叉树的先序。

#### 样例 1

##### 样例输入 1

“ BADC BDCA ”

##### 样例输出 1

“ ABCD ”

提示

**\*\*【题目来源】\*\***

NOIP 2001 普及组第三题

```
include <iostream>
include <string>

using namespace std;

void preOrder(const string& inorder, const string& postorder) {
    if (inorder.empty() || postorder.empty()) {
        return;
    }
    char root = postorder.back();
    cout << root;
    int rootIndex = inorder.find(root);
    preOrder(inorder.substr(0, rootIndex), postorder.substr(0,
        rootIndex));
    preOrder(inorder.substr(rootIndex + 1), postorder.substr(
        rootIndex, postorder.length() - rootIndex - 1));
}

int main() {
    string inorder, postorder;
    cin >> inorder >> postorder;
    preOrder(inorder, postorder);
    cout << endl;
    return 0;
}
```



# Chapter

## enumeration

### 1 unhappy

不高兴的津津

NOIP2004 普及组第 1 题

题目描述

津津上初中了。妈妈认为津津应该更加用功学习，所以津津除了上学之外，还要参加妈妈为她报名的各科复习班。另外每周妈妈还会送她去学习朗诵、舞蹈和钢琴。但是津津如果一天上课超过八个小时就会不高兴，而且上得越久就会越不高兴。假设津津不会因为其它事不高兴，并且她的不高兴不会持续到第二天。请你帮忙检查一下津津下周的日程安排，看看下周她会不会不高兴；如果会的话，哪天最不高兴。

输入格式

输入包括 7 行数据，分别表示周一到周日的日程安排。每行包括两个小于 10 的非负整数，用空格隔开，分别表示津津在学校上课的时间和妈妈安排她上课的时间。

输出格式

一个数字。如果不会不高兴则输出 0，如果会则输出最不高兴的是周几（用 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 分别表示周一，周二，周三，周四，周五，周六，周日）。如果有两天或两天以上不高兴的程度相当，则输出时间最靠前的一天。

样例 1

样例输入 1

5 3

6 2

7 2

5 3

5 4

0 4

0 6

样例输出 1

3

提示

```
include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int school_hours, mom_hours;
    int max_unhappy = -1; // Initialize to a value less than any
        possible unhappiness
    int max_unhappy_day = 0;

    for (int day = 1; day <= 7; ++day) {
        cin >> school_hours >> mom_hours;
        int total_hours = school_hours + mom_hours;

        if (total_hours > 8) {
            int unhappiness = total_hours - 8;
            if (unhappiness > max_unhappy) {
                max_unhappy = unhappiness;
                max_unhappy_day = day;
            }
        }
    }

    cout << max_unhappy_day << endl;

    return 0;
}
```



# Chapter

## stl

### 1 algorithm

#### 1.1 sort

```
include <iostream>
include <vector>
include <algorithm>

using namespace std;

int main(){
    std::vector<int> vec = {5, 2, 9, 1, 5, 6};
    std::sort(vec.begin(), vec.end(), std::greater<int>());
    for(int num: vec){
        std::cout<<num<<" ";
    }
}
```

## 2 container

### 2.1 sequential container

#### 2.1.1 vector

#### 2.1.2 NOIP2015 普及组 T2

[NOIP2015 普及组] 扫雷游戏

题目背景

NOIP2015 普及组 T2

题目描述

扫雷游戏是一款十分经典的单机小游戏。在  $n$  行  $m$  列的雷区中有一些格子含有地雷（称之为地雷格），其他格子不含地雷（称之为非地雷格）。玩家翻开一个非地雷格时，该格将会出现一个数字——提示周围格子中有多少个是地雷格。游戏的目标是在不翻出任何地雷格的条件下，找出所有的非地雷格。

现在给出  $n$  行  $m$  列的雷区中的地雷分布，要求计算出每个非地雷格周围的地雷格数。

注：一个格子的周围格子包括其上、下、左、右、左上、右上、左下、右下八个方向上与之直接相邻的格子。

输入格式

第一行是用一个空格隔开的两个整数  $n$  和  $m$ ，分别表示雷区的行数和列数。

接下来  $n$  行，每行  $m$  个字符，描述了雷区中的地雷分布情况。字符  $*$  表示相应格子是地雷格，字符  $?$  表示相应格子是非地雷格。相邻字符之间无分隔符。

输出格式

输出文件包含  $n$  行，每行  $m$  个字符，描述整个雷区。用  $*$  表示地雷格，用周围的地雷个数表示非地雷格。相邻字符之间无分隔符。

样例 1

样例输入 1

3 3

\*??

???

?\*?

样例输出 1

\*10

221



1\*1

样例 2

样例输入 2 2 3

?\*?

\*??

样例输出 2

2\*1

\*21

提示

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 100, 1 \leq m \leq 100$ 。

```
include <iostream>
```

```
include <vector>
```

```
using namespace std;
```

```
int countMines(vector<vector<char>>& field, int row, int col) {
    int count = 0;
    for (int i = row - 1; i <= row + 1; i++) {
        for (int j = col - 1; j <= col + 1; j++) {
            if (i >= 0 && i < field.size() && j >= 0 && j < field[0].size())
                count++;
        }
    }
    return count;
}
```

```
int main() {
    int n, m;
    cin >> n >> m;
    vector<vector<char>> field(n, vector<char>(m));
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < m; j++) {
            cin >> field[i][j];
        }
    }
    for (int i = 0; i < n; i++) {
```



```
    for (int j = 0; j < m; j++) {
        if (field[i][j] == '*') {
            cout << '*';
        } else {
            cout << countMines(field, i, j);
        }
    }
    cout << endl;
}
return 0;
}
```

## 3 iterator





# Chapter

## array

### 1 安徽省选拔 2001

[AHOI2001] 彩票摇奖

#### 题目描述

为了丰富人民群众的生活、支持某些社会公益事业，北塔市设置了一项彩票。该彩票的规则是：

1. 每张彩票上印有 7 个各不相同的号码，且这些号码的取值范围为  $1 \sim 33$ 。2. 每次在兑奖前都会公布一个由七个各不相同的号码构成的中奖号码。3. 共设置 7 个奖项，特等奖和一等奖至六等奖。

兑奖规则如下：- 特等奖：要求彩票上 7 个号码都出现在中奖号码中。- 一等奖：要求彩票上有 6 个号码出现在中奖号码中。- 二等奖：要求彩票上有 5 个号码出现在中奖号码中。- 三等奖：要求彩票上有 4 个号码出现在中奖号码中。- 四等奖：要求彩票上有 3 个号码出现在中奖号码中。- 五等奖：要求彩票上有 2 个号码出现在中奖号码中。- 六等奖：要求彩票上有 1 个号码出现在中奖号码中。

注：兑奖时并不考虑彩票上的号码和中奖号码中的各个号码出现的位置。例如，中奖号码为 23 31 1 14 19 17 18，则彩票 12 8 9 23 1 16 7 由于其中有两个号码（23 和 1）出现在中奖号码中，所以该彩票中了五等奖。

现已知中奖号码和小明买的若干张彩票的号码，请你写一个程序帮助小明判断他买的彩票的中奖情况。

#### 输入格式

输入的第一行只有一个自然数  $n$ ，表示小明买的彩票张数；

第二行存放了 7 个介于 1 和 33 之间的自然数，表示中奖号码；

在随后的  $n$  行中每行都有 7 个介于 1 和 33 之间的自然数，分别表示小明所买的  $n$  张彩票。

输出格式

依次输出小明所买的彩票的中奖情况（中奖的张数），首先输出特等奖的中奖张数，然后依次输出一等奖至六等奖的中奖张数。

样例 1

样例输入 1

“ 2 23 31 1 14 19 17 18 12 8 9 23 1 16 7 11 7 10 21 2 9 31 “

样例输出 1

“ 0 0 0 0 0 1 1

```
include <iostream>
include <algorithm>
```

```
using namespace std;
```

```
int main() {
    int n;
    cin >> n;
    int winningNumbers[7];
    for (int i = 0; i < 7; i++) {
        cin >> winningNumbers[i];
    }
    int prizeCount[7] = {0};
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        int lotteryNumbers[7];
        for (int j = 0; j < 7; j++) {
```



```

        cin >> lotteryNumbers[j];
    }
    int sameCount = 0;
    for (int num : lotteryNumbers) {
        if (find(winningNumbers, winningNumbers + 7, num) !=
            winningNumbers + 7) {
            sameCount++;
        }
    }
    if (sameCount == 7) {
        prizeCount[0]++;
    } else if (sameCount == 6) {
        prizeCount[1]++;
    } else if (sameCount == 5) {
        prizeCount[2]++;
    } else if (sameCount == 4) {
        prizeCount[3]++;
    } else if (sameCount == 3) {
        prizeCount[4]++;
    } else if (sameCount == 2) {
        prizeCount[5]++;
    } else if (sameCount == 1) {
        prizeCount[6]++;
    }
}
for (int count : prizeCount) {
    cout << count << " ";
}
cout << endl;
return 0;
}

```



# Chapter

## two-dimensional array

### 1 [NOIP2015 提高组] 神奇的幻方

题目背景

NOIp2015 提高组 Day1T1

题目描述

幻方是一种很神奇的  $N \times N$  矩阵：它由数字  $1, 2, 3, \dots, N \times N$  构成，且每行、每列及两条对角线上的数字之和都相同。

当  $N$  为奇数时，我们可以通过下方法构建一个幻方：

首先将 1 写在第一行的中间。

之后，按如下方式从小到大依次填写每个数  $K$  ( $K = 2, 3, \dots, N \times N$ )：

1. 若  $(K - 1)$  在第一行但不在最后一列，则将  $K$  填在最后一行， $(K - 1)$  所在列的右一列；2. 若  $(K - 1)$  在最后一列但不在第一行，则将  $K$  填在第一列， $(K - 1)$  所在行的上一行；3. 若  $(K - 1)$  在第一行最后一列，则将  $K$  填在  $(K - 1)$  的正下方；4. 若  $(K - 1)$  既不在第一行，也不在最后一列，如果  $(K - 1)$  的右上方还未填数，则将  $K$  填在  $(K - 1)$  的右上方，否则将  $K$  填在  $(K - 1)$  的正下方。

现给定  $N$ ，请按上述方法构造  $N \times N$  的幻方。

输入格式

一个正整数  $N$ ，即幻方的大小。

输出格式

共  $N$  行，每行  $N$  个整数，即按上述方法构造出的  $N \times N$  的幻方，相邻两个整数之间用单空格隔开。

样例 1

样例输入 1

“ 3 ”

样例输出 1

“ 8 1 6 3 5 7 4 9 2 ” 对于 100% 的数据，对于全部数据， $1 \leq N \leq 39$  且  $N$  为奇数。

```
include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int n;
    cin >> n;
    int magicSquare[n][n];
    // 初始化幻方为全 0
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            magicSquare[i][j] = 0;
        }
    }
    int row = 0, col = n / 2;
    for (int num = 1; num <= n * n; num++) {
        magicSquare[row][col] = num;
        int newRow = (row - 1 + n) % n;
        int newCol = (col + 1) % n;
        if (magicSquare[newRow][newCol] == 0) {
            row = newRow;
            col = newCol;
        }
    }
}
```



```
        } else {  
            row = (row + 1) % n;  
        }  
    }  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        for (int j = 0; j < n; j++) {  
            cout << magicSquare[i][j] << " ";  
        }  
        cout << endl;  
    }  
    return 0;  
}
```



# Chapter

## for

### 1

[NOIP2004 提高组] 津津的储蓄计划

#### 题目描述

津津的零花钱一直都是自己管理。每个月的月初妈妈给津津 300 元钱，津津会预算这个月的花销，并且总能做到实际花销和预算的相同。

为了让津津学习如何储蓄，妈妈提出，津津可以随时把整百的钱存在她那里，到了年末她会加上 20% 还给津津。因此津津制定了一个储蓄计划：每个月的月初，在得到妈妈给的零花钱后，如果她预计到这个月的月末手中还会有多于 100 元或恰好 100 元，她就会把整百的钱存在妈妈那里，剩余的钱留在自己手中。

例如 11 月初津津手中还有 83 元，妈妈给了津津 300 元。津津预计 11 月的花销是 180 元，那么她就会在妈妈那里存 200 元，自己留下 183 元。到了 11 月月末，津津手中会剩下 3 元钱。

津津发现这个储蓄计划的主要风险是，存在妈妈那里的钱在年末之前不能取出。有可能在某个月的月初，津津手中的钱加上这个月妈妈给的钱，不够这个月的原定预算。如果出现这种情况，津津将不得不在这个月省吃俭用，压缩预算。

现在请你根据 2004 年 1 月到 12 月每个月津津的预算，判断会不会出现这种情况。如果不会，计算到 2004 年年末，妈妈将津津平常存的钱加上 20% 还给津津之后，津津手中会有多少钱。

#### 输入格式

12 行数据，每行包含一个小于 350 的非负整数，分别表示 1 月到 12 月津津的预算。

输出格式

一个整数。如果储蓄计划实施过程中出现某个月钱不够用的情况，输出  $-X$ ， $X$  表示出现这种情况的第一个月；否则输出到 2004 年年末津津手中会有多少钱。

注意，洛谷不需要进行文件输入输出，而是标准输入输出。

样例 1

样例输入 1

“ 290 230 280 200 300 170 340 50 90 80 200 60 ”

样例输出 1

“ -7 ”

样例 2

样例输入 2

“ 290 230 280 200 300 170 330 50 90 80 200 60 ”

样例输出 2

“ 1580 ”

```
include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int savings = 0;
    int current_money = 0;
    for (int month = 1; month <= 12; month++) {
        int budget;
        cin >> budget;
```





```

current_money += 300;
if (current_money >= budget) {
    int to_save = (current_money - budget) / 100 * 100;
    savings += to_save;
    current_money -= to_save + budget;
} else {
    cout << "-" << month << endl;
    return 0;
}
}
cout << current_money + savings * 1.2 << endl;
return 0;
}

```



# Chapter

## dfs

### 1

[USACO10OCT] Lake Counting S

Due to recent rains, water has pooled in various places in Farmer John's field, which is represented by a rectangle of  $N \times M$  ( $1 \leq N \leq 100$ ;  $1 \leq M \leq 100$ ) squares. Each square contains either water ('W') or dry land ('.'). Farmer John would like to figure out how many ponds have formed in his field. A pond is a connected set of squares with water in them, where a square is considered adjacent to all eight of its neighbors. Given a diagram of Farmer John's field, determine how many ponds he has.

Input:

Line 1: Two space-separated integers:  $N$  and  $M$   
Lines 2.. $N+1$ :  $M$  characters per line representing one row of Farmer John's field. Each character is either 'W' or '.'. The characters do not have spaces between them.

Output:

Line 1: The number of ponds in Farmer John's field.

Case1:

Input:1

10 12

W.....WW.

.WWW.....WWW

....WW...WW.

.....WW.

.....W..

..W.....W..

.W.W.....WW.

W.W.W.....W.

.W.W.....W.

..W.....W.

Output:1

3

提示

OUTPUT DETAILS: There are three ponds: one in the upper left, one in the lower left, and one along the right side.

```
include <iostream>
using namespace std;

const int MAXN = 105;
char field [MAXN][MAXN];
int n, m;

void dfs(int x, int y) {
    if (x < 0 || x >= n || y < 0 || y >= m || field[x][y] != 'W')
        return;
    field[x][y] = '.';
    for (int i = -1; i <= 1; i++) {
        for (int j = -1; j <= 1; j++) {
            if (i != 0 || j != 0) dfs(x + i, y + j);
        }
    }
}

int countPonds() {
    int ponds = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < m; j++) {
            if (field[i][j] == 'W') {
                ponds++;
                dfs(i, j);
            }
        }
    }
    return ponds;
}
```



```
int main() {
    cin >> n >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < m; j++) {
            cin >> field[i][j];
        }
    }
    cout << countPonds() << endl;
    return 0;
}
```

## 2

[USACO1.5] 八皇后 Checker Challenge

### 题目描述

一个如下的  $6 \times 6$  的跳棋棋盘，有六个棋子被放置在棋盘上，使得每行、每列有且只有一个，每条对角线（包括两条主对角线的所有平行线）上至多有一个棋子。

上面的布局可以用序列 2 4 6 1 3 5 来描述，第  $i$  个数字表示在第  $i$  行的相应位置有一个棋子，如下：

行号 1 2 3 4 5 6

列号 2 4 6 1 3 5

这只是棋子放置的一个解。请编一个程序找出所有棋子放置的解。并把它们以上面的序列方法输出，解按字典顺序排列。请输出前 3 个解。最后一行是解的总个数。

### 输入格式

一行一个正整数  $n$ ，表示棋盘是  $n \times n$  大小的。

### 输出格式



前三行为前三个解，每个解的两个数字之间用一个空格隔开。第四行只有一个数字，表示解的总数。

样例 1

样例输入 1

“ 6 ”

样例输出 1

“ 2 4 6 1 3 5 3 6 2 5 1 4 4 1 5 2 6 3 4 ”

提示

【数据范围】对于 100% 的数据， $6 \leq n \leq 13$ 。

题目翻译来自 NOCOW。

USACO Training Section 1.5

```
include <iostream>
using namespace std;

int n;
int ans[14], res[14];
int count = 0;

bool check(int row, int col) {
    for (int i = 1; i < row; i++) {
        if (res[i] == col || abs(res[i] - col) == abs(i - row))
            return false;
    }
    return true;
}

void dfs(int row) {
    if (row > n) {
```



```

        count++;
        if (count <= 3) {
            for (int i = 1; i <= n; i++) {
                cout << res[i] << " ";
            }
            cout << endl;
        }
        return;
    }
    for (int col = 1; col <= n; col++) {
        if (check(row, col)) {
            res[row] = col;
            dfs(row + 1);
        }
    }
}

int main() {
    cin >> n;
    dfs(1);
    cout << count << endl;
    return 0;
}

```



# Chapter

## bfs

### 1

[NOIP2002 提高组] 字符串变换

#### 题目背景

本题不保证存在靠谱的多项式复杂度的做法。测试数据非常的水，各种做法都可以通过，不代表算法正确。因此本题题目和数据仅供参考。

本题为搜索题，本题不接受 hack 数据。[关于此类题目的详细内容](<https://www.luogu.com.cn/paste/i>)

#### 题目描述

已知有两个字符串  $A, B$  及一组字符串变换的规则（至多 6 个规则），形如：

-  $A_1 \rightarrow B_1$ 。 -  $A_2 \rightarrow B_2$ 。

规则的含义为：在  $A$  中的子串  $A_1$  可以变换为  $B_1$ ， $A_2$  可以变换为  $B_2 \dots$ 。

例如：  $A = abcd$ ，  $B = xyz$ ，

变换规则为：

-  $abc \rightarrow xu$ ，  $ud \rightarrow y$ ，  $y \rightarrow yz$ 。

则此时， $A$  可以经过一系列的变换变为  $B$ ，其变换的过程为：

-  $abcd \rightarrow xud \rightarrow xy \rightarrow xyz$ 。

共进行了 3 次变换，使得  $A$  变换为  $B$ 。

输入格式

第一行有两个字符串  $A, B$ 。

接下来若干行，每行有两个字符串  $A_i, B_i$ ，表示一条变换规则。

输出格式

若在 10 步（包含 10 步）以内能将  $A$  变换为  $B$ ，则输出最少的变换步数；否则输出 ‘NO ANSWER<sub>i</sub>’。

样例 1

样例输入 1

“ abcd xyz abc xu ud y y yz “

样例输出 1

“ 3 “

提示

对于 100% 数据，保证所有字符串长度的上限为 20。

\*\*【题目来源】\*\*

NOIP 2002 提高组第二题

```
include <iostream>
include <string>
include <vector>
include <queue>
include <unordered_set>
```





```
include <utility>

using namespace std;

// Define a structure to hold transformation rules
struct Rule {
    string from;
    string to;
};

int main() {
    string A, B;
    cin >> A >> B;

    vector<Rule> rules;
    string from, to;

    // Read transformation rules
    while (cin >> from >> to) {
        rules.push_back({from, to});
    }

    // BFS setup
    queue<pair<string, int>> q; // (current string, steps)
    unordered_set<string> visited; // To track visited strings

    q.push({A, 0});
    visited.insert(A);

    while (!q.empty()) {
        auto [current, steps] = q.front();
        q.pop();

        // If we reach the target string B
        if (current == B) {
            cout << steps << endl;
            return 0;
        }
    }
}
```



```

    }

    // If we've reached the maximum number of allowed steps
    if (steps >= 10) {
        continue;
    }

    // Try all transformation rules
    for (const auto& rule : rules) {
        size_t pos = 0;
        // Find all occurrences of rule.from in current
        while ((pos = current.find(rule.from, pos)) != string::npos) {
            // Create a new string with the transformation
            // applied
            string newString = current;
            newString.replace(pos, rule.from.length(), rule.to);

            // If this new string hasn't been visited yet
            if (visited.find(newString) == visited.end()) {
                visited.insert(newString);
                q.push({newString, steps + 1});
            }

            // Move forward in the string
            pos += rule.from.length();
        }
    }
}

// If we finish the BFS without finding B
cout << "NO ANSWER!" << endl;
return 0;
}

```



# Chapter

## binarySearch

### 1

进击的奶牛

题目描述

Farmer John 建造了一个有  $N$  ( $2 \leq N \leq 10^5$ ) 个隔间的牛棚，这些隔间分布在一条直线上，坐标是  $x_1, x_2, \dots, x_N$  ( $0 \leq x_i \leq 10^9$ )。

他的  $C$  ( $2 \leq C \leq N$ ) 头牛不满于隔间的位置分布，它们为牛棚里其他的牛的存在而愤怒。为了防止牛之间的互相打斗，Farmer John 想把这些牛安置在指定的隔间，所有牛中相邻两头的最近距离越大越好。那么，这个最大的最近距离是多少呢？

输入格式

第 1 行：两个用空格隔开的数字  $N$  和  $C$ 。

第 2  $\sim N + 1$  行：每行一个整数，表示每个隔间的坐标。

输出格式

输出只有一行，即相邻两头牛最大的最近距离。

样例 1

样例输入 1

“ 5 3 1 2 8 4 9 ”

样例输出 1

“ 3 ”

```
include <iostream>
include <algorithm>
include <vector>

using namespace std;

bool check(vector<int>& stalls , int C, int dist) {
    int prev = stalls[0];
    int placed = 1;
    for (int i = 1; i < stalls.size(); ++i) {
        if (stalls[i] - prev >= dist) {
            prev = stalls[i];
            placed++;
            if (placed == C) return true;
        }
    }
    return false;
}

int binarySearch(vector<int>& stalls , int N, int C) {
    int left = 0;
    int right = stalls[N - 1] - stalls[0];
    int ans = 0;
    while (left <= right) {
        int mid = left + (right - left) / 2;
        if (check(stalls , C, mid)) {
            ans = mid;
            left = mid + 1;
        } else {
            right = mid - 1;
        }
    }
}
```



```

    return ans;
}

int main() {
    int N, C;
    cin >> N >> C;
    vector<int> stalls(N);
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        cin >> stalls[i];
    }
    sort(stalls.begin(), stalls.end());
    cout << binarySearch(stalls, N, C) << endl;
    return 0;
}

```

## 2

[NOIP2015 提高组] 跳石头

题目背景

NOIP2015 Day2T1

题目描述

一年一度的“跳石头”比赛又要开始了！

这项比赛将在一条笔直的河道中进行，河道中分布着一些巨大岩石。组委会已经选择好了两块岩石作为比赛起点和终点。在起点和终点之间，有  $N$  块岩石（不含起点和终点的岩石）。在比赛过程中，选手们将从起点出发，每一步跳向相邻的岩石，直至到达终点。

为了提高比赛难度，组委会计划移走一些岩石，使得选手们在比赛过程中的最短跳跃距离尽可能长。由于预算限制，组委会至多从起点和终点之间移走  $M$  块岩石（不能移走起点和终点的岩石）。

输入格式



第一行包含三个整数  $L, N, M$ ，分别表示起点到终点的距离，起点和终点之间的岩石数，以及组委会至多移走的岩石数。保证  $L \geq 1$  且  $N \geq M \geq 0$ 。

接下来  $N$  行，每行一个整数，第  $i$  行的整数  $D_i$  ( $0 < D_i < L$ )，表示第  $i$  块岩石与起点的距离。这些岩石按与起点距离从小到大的顺序给出，且不会有两个岩石出现在同一个位置。

输出格式

一个整数，即最短跳跃距离的最大值。

样例 1

样例输入 1

“ 25 5 2 2 11 14 17 21 “

样例输出 1

“ 4 “

提示

输入输出样例 1 说明

将与起点距离为 2 和 14 的两个岩石移走后，最短的跳跃距离为 4（从与起点距离 17 的岩石跳到距离 21 的岩石，或者从距离 21 的岩石跳到终点）。

数据规模与约定

对于 20% 的数据， $0 \leq M \leq N \leq 10$ 。对于 50% 的数据， $0 \leq M \leq N \leq 100$ 。对于 100% 的数据， $0 \leq M \leq N \leq 50000, 1 \leq L \leq 10^9$ 。

```
include <iostream>
include <algorithm>

using namespace std;
```

```
const int MAXN = 50005;
```



```

int D[MAXN];

bool check(int mid, int L, int N, int M) {
    int prev = 0;
    int removed = 0;
    for (int i = 0; i <= N; ++i) {
        if (D[i] - prev < mid) {
            removed++;
            if (removed > M) return false;
        } else {
            prev = D[i];
        }
    }
    return true;
}

int main() {
    int L, N, M;
    cin >> L >> N >> M;
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        cin >> D[i];
    }
    D[N] = L;
    int left = 1, right = L;
    while (left < right) {
        int mid = (left + right + 1) / 2;
        if (check(mid, L, N, M)) {
            left = mid;
        } else {
            right = mid - 1;
        }
    }
    cout << left << endl;
    return 0;
}

```



### 3

[NOIP2001 提高组] 一元三次方程求解

题目描述

有形如： $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$  这样的一个一元三次方程。给出该方程中各项的系数 ( $a, b, c, d$  均为实数)，并约定该方程存在三个不同实根（根的范围在  $-100$  至  $100$  之间），且根与根之差的绝对值  $\geq 1$ 。要求由小到大依次在同一行输出这三个实根（根与根之间留有空格），并精确到小数点后 2 位。

提示：记方程  $f(x) = 0$ ，若存在 2 个数  $x_1$  和  $x_2$ ，且  $x_1 < x_2$ ， $f(x_1) \times f(x_2) < 0$ ，则在  $(x_1, x_2)$  之间一定有一个根。

输入格式

一行，4 个实数  $a, b, c, d$ 。

输出格式

一行，3 个实根，从小到大输出，并精确到小数点后 2 位。

样例 1

样例输入 1

“ 1 -5 -4 20 “

样例输出 1

“ -2.00 2.00 5.00 “

提示

\*\*【题目来源】\*\*

NOIP 2001 提高组第一题





```
include <iostream>
include <iomanip>
include <cmath>

double equation(double x, double a, double b, double c, double d) {
    return a * x * x * x + b * x * x + c * x + d;
}

void solveEquation(double a, double b, double c, double d) {
    for (double i = -100; i <= 100; i += 0.01) {
        double f1 = equation(i, a, b, c, d);
        double f2 = equation(i + 0.01, a, b, c, d);
        if (f1 * f2 < 0) {
            double root = i;
            while (std::abs(equation(root, a, b, c, d)) > 1e-6) {
                root = (root + root + 0.01) / 2;
            }
            std::cout << std::fixed << std::setprecision(2) << root
                << "□";
        }
    }
    std::cout << std::endl;
}

int main() {
    double a, b, c, d;
    std::cin >> a >> b >> c >> d;
    solveEquation(a, b, c, d);
    return 0;
}
```



# Chapter

## mathematics

### 1

[NOIP1998 普及组] 幂次方

题目描述

任何一个正整数都可以用 2 的幂次方表示。例如  $137 = 2^7 + 2^3 + 2^0$ 。

同时约定次方用括号来表示，即  $a^b$  可表示为  $a(b)$ 。

由此可知，137 可表示为  $2(7) + 2(3) + 2(0)$

进一步：

$7 = 2^2 + 2 + 2^0$  (  $2^1$  用 2 表示)，并且  $3 = 2 + 2^0$ 。

所以最后 137 可表示为  $2(2(2) + 2 + 2(0)) + 2(2 + 2(0)) + 2(0)$ 。

又如  $1315 = 2^{10} + 2^8 + 2^5 + 2 + 1$

所以 1315 最后可表示为  $2(2(2 + 2(0)) + 2) + 2(2(2 + 2(0))) + 2(2(2) + 2(0)) + 2 + 2(0)$ 。

输入格式

一行一个正整数  $n$ 。

输出格式

符合约定的  $n$  的 0,2 表示（在表示中不能有空格）。

样例 1

样例输入 1

“ 1315 ”

样例输出 1

“ 2(2(2+2(0))+2)+2(2(2+2(0)))+2(2(2)+2(0))+2+2(0) ”

提示

**\*\*【数据范围】\*\***

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 2 \times 10^4$ 。

NOIP1998 普及组第三题

```
include <iostream>
using namespace std;

void convert(int n) {
    if (n == 0) return;
    int power = 0;
    while ((1 << power) <= n) power++;
    power--;
    if (power > 1) {
        cout << "2(";
        convert(power);
        cout << ")";
    } else if (power == 1) {
        cout << "2";
    } else if (power == 0) {
        cout << "2(0)";
    }
    if (n - (1 << power)) {
```



```
        cout << "+";\n        convert(n - (1 << power));\n    }\n}\n\nint main() {\n    int n;\n    cin >> n;\n    convert(n);\n    cout << endl;\n    return 0;\n}
```

## 2



# Chapter

## prime

### 1

[NOIP2012 普及组] 质因数分解

题目描述

已知正整数  $n$  是两个不同的质数的乘积，试求出两者中较大的那个质数。

输入格式

输入一个正整数  $n$ 。

输出格式

输出一个正整数  $p$ ，即较大的那个质数。

样例 1

样例输入 1

“ 21 ”

样例输出 1

“ 7 ”

提示

$$1 \leq n \leq 2 \times 10^9$$

NOIP 2012 普及组第一题

```
include <iostream>
```

```
using namespace std;
```

```
int main() {
    int n;
    cin >> n;
    for (int i = 2; i < n; i++) {
        if (n % i == 0) {
            cout << max(i, n/i) << endl;
            break;
        }
    }
    return 0;
}
```

## 2 NOIP 2002 普及组第二题选数

[NOIP2002 普及组] 选数

题目描述

已知  $n$  个整数  $x_1, x_2, \dots, x_n$ ，以及 1 个整数  $k$  ( $k < n$ )。从  $n$  个整数中任选  $k$  个整数相加，可分别得到一系列的和。例如当  $n = 4$ ， $k = 3$ ，4 个整数分别为 3, 7, 12, 19 时，可得全部的组合与它们的和为：

$$3 + 7 + 12 = 22$$

$$3 + 7 + 19 = 29$$

$$7 + 12 + 19 = 38$$

$$3 + 12 + 19 = 34$$



现在，要求你计算出和为素数共有多少种。

例如上例，只有一种的和为素数： $3 + 7 + 19 = 29$ 。

输入格式

第一行两个空格隔开的整数  $n, k$  ( $1 \leq n \leq 20, k < n$ )。

第二行  $n$  个整数，分别为  $x_1, x_2, \dots, x_n$  ( $1 \leq x_i \leq 5 \times 10^6$ )。

输出格式

输出一个整数，表示种类数。

样例 1

样例输入 1

“ 4 3 3 7 12 19 “

样例输出 1

“ 1 “

提示

\*\*【题目来源】\*\*

NOIP 2002 普及组第二题

```
include <iostream>
include <vector>
using namespace std;

bool isPrime(int num) {
    if (num < 2) return false;
    if (num == 2 || num == 3) return true;
    if (num % 2 == 0 || num % 3 == 0) return false;
```



```

    int i = 5;
    while (i * i <= num) {
        if (num % i == 0 || num % (i + 2) == 0) return false;
        i += 6;
    }
    return true;
}

int combinationSum(vector<int>& nums, int n, int k, int start, int
sum, int count) {
    if (k == 0) {
        if (isPrime(sum)) return count + 1;
        else return count;
    }
    for (int i = start; i < n; i++) {
        count = combinationSum(nums, n, k - 1, i + 1, sum + nums[i
], count);
    }
    return count;
}

int main() {
    int n, k;
    cin >> n >> k;
    vector<int> nums(n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin >> nums[i];
    }
    int result = combinationSum(nums, n, k, 0, 0, 0);
    cout << result << endl;
    return 0;
}

```





# Chapter

## queue

### 1 priority\_queue

#### 1.1 NOIP2004 提高组

[NOIP2004 提高组] 合并果子 / [USACO06NOV] Fence Repair G

##### 题目描述

在一个果园里，多多已经将所有的果子打了下来，而且按果子的不同种类分成了不同的堆。多多决定把所有的果子合成一堆。

每一次合并，多多可以把两堆果子合并到一起，消耗的体力等于两堆果子的重量之和。可以看出，所有的果子经过  $n - 1$  次合并之后，就只剩下一堆了。多多在合并果子时总共消耗的体力等于每次合并所耗体力之和。

因为还要花大力气把这些果子搬回家，所以多多在合并果子时要尽可能地节省体力。假定每个果子重量都为 1，并且已知果子的种类数和每种果子的数目，你的任务是设计出合并的次序方案，使多多耗费的体力最少，并输出这个最小的体力耗费值。

例如有 3 种果子，数目依次为 1，2，9。可以先将 1、2 堆合并，新堆数目为 3，耗费体力为 3。接着，将新堆与原先的第三堆合并，又得到新的堆，数目为 12，耗费体力为 12。所以多多总共耗费体力  $= 3 + 12 = 15$ 。可以证明 15 为最小的体力耗费值。

##### 输入格式

共两行。第一行是一个整数  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ )，表示果子的种类数。

第二行包含  $n$  个整数，用空格分隔，第  $i$  个整数  $a_i$  ( $1 \leq a_i \leq 20000$ ) 是第  $i$  种果子的数目。

输出格式

一个整数，也就是最小的体力耗费值。输入数据保证这个值小于  $2^{31}$ 。

样例 1

样例输入 1

“ 3 1 2 9 ”

样例输出 1

“ 15 ”

提示

对于 30% 的数据，保证有  $n \leq 1000$ ；

对于 50% 的数据，保证有  $n \leq 5000$ ；

对于全部的数据，保证有  $n \leq 10000$ 。

```
include <iostream>
```

```
include <queue>
```

```
using namespace std;
```

```
int main() {
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> pq;
```

```
    for (int i = 0; i < n; i++) {
```

```
        int num;
```

```
        cin >> num;
```

```
        pq.push(num);
```



```
}  
int ans = 0;  
while (pq.size() > 1) {  
    int a = pq.top();  
    pq.pop();  
    int b = pq.top();  
    pq.pop();  
    ans += a + b;  
    pq.push(a + b);  
}  
cout << ans << endl;  
return 0;  
}
```



# Chapter

## greedy

### 1

[USACO1.3] 混合牛奶 Mixing Milk

#### 题目描述

由于乳制品产业利润很低，所以降低原材料（牛奶）价格就变得十分重要。帮助 Marry 乳业找到最优的牛奶采购方案。

Marry 乳业从一些奶农手中采购牛奶，并且每一位奶农为乳制品加工企业提供的价格可能相同。此外，就像每头奶牛每天只能挤出固定数量的奶，每位奶农每天能提供的牛奶数量是一定的。每天 Marry 乳业可以从奶农手中采购到小于或者等于奶农最大产量的整数数量的牛奶。

给出 Marry 乳业每天对牛奶的需求量，还有每位奶农提供的牛奶单价和产量。计算采购足够数量的牛奶所需的最小花费。

注：每天所有奶农的总产量大于 Marry 乳业的需求量。

#### 输入格式

第一行二个整数  $n, m$ ，表示需要牛奶的总量，和提供牛奶的农民个数。

接下来  $m$  行，每行两个整数  $p_i, a_i$ ，表示第  $i$  个农民牛奶的单价，和农民  $i$  一天最多能卖出的牛奶量。

#### 输出格式

单独的一行包含单独的一个整数，表示 Marry 的牛奶制造公司拿到所需的牛奶所要的最小费用。

样例 1

样例输入 1

“ 100 5 5 20 9 40 3 10 8 80 6 30 ”

样例输出 1

“ 630 ”

提示

【数据范围】对于 100% 的数据：  $0 \leq n, a_i \leq 2 \times 10^6$ ，  $0 \leq m \leq 5000$ ，  $0 \leq p_i \leq 1000$

题目翻译来自 NOCOW。

USACO Training Section 1.3

```
include <iostream>
include <algorithm>
include <vector>

using namespace std;

struct Farmer {
    int price;
    int amount;
};

bool compareFarmers(const Farmer& a, const Farmer& b) {
    return a.price < b.price;
}

int main() {
    int n, m;
```



```

cin >> n >> m;
vector<Farmer> farmers(m);
for (int i = 0; i < m; ++i) {
    cin >> farmers[i].price >> farmers[i].amount;
}
sort(farmers.begin(), farmers.end(), compareFarmers);
int total = 0;
int cost = 0;
for (int i = 0; i < m; ++i) {
    if (total + farmers[i].amount <= n) {
        total += farmers[i].amount;
        cost += farmers[i].price * farmers[i].amount;
    } else {
        int remaining = n - total;
        cost += farmers[i].price * remaining;
        break;
    }
}
cout << cost << endl;
return 0;
}

```

## 2 bookshelf

[USACO07DEC] Bookshelf B

### 题目描述

Farmer John 最近为奶牛们的图书馆添置了一个巨大的书架，尽管它是如此的大，但它还是几乎瞬间就被各种各样的书塞满了。现在，只有书架的顶上还留有一点空间。

所有  $N(1 \leq N \leq 20,000)$  头奶牛都有一个确定的身高  $H_i(1 \leq H_i \leq 10,000)$ 。设所有奶牛身高的和为  $S$ 。书架的高度为  $B$ ，并且保证  $1 \leq B \leq S < 2,000,000,007$ 。

为了够到比最高的那头奶牛还要高的书架顶，奶牛们不得不像演杂技一般，一头站在另一头的背上，叠成一座“奶牛塔”。当然，这个塔的高度，就是塔中所有奶牛的身高之和。为



了往书架顶上放东西，所有奶牛的身高和必须不小于书架的高度。

显然，塔中的奶牛数目越多，整座塔就越不稳定，于是奶牛们希望在能够到书架顶的前提下，让塔中奶牛的数目尽量少。现在，奶牛们找到了你，希望你帮她们计算这个最小的数目。

输入格式

\* 第 1 行: 2 个用空格隔开的整数:  $N$  和  $B$ ; \* 第  $2 \dots N+1$  行: 第  $i+1$  行是 1 个整数:  $H_i$ 。

输出格式

\* 第 1 行: 输出 1 个整数，即最少要多少头奶牛叠成塔，才能够到书架顶部

样例 1

样例输入 1

“ 6 40 6 18 11 13 19 11 “

样例输出 1

“ 3 “

提示

输入说明:

一共有 6 头奶牛，书架的高度为 40，奶牛们的身高在 6...19 之间。

输出说明:

一种只用 3 头奶牛就达到高度 40 的方法:  $18 + 11 + 13$ 。当然还有其它方法，在此不一列出了。

```
include <iostream>
include <vector>
include <algorithm>
```



```
using namespace std;

int main() {
    int N, B;
    cin >> N >> B;

    vector<int> heights(N);

    // 输入奶牛身高
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        cin >> heights[i];
    }

    // 对奶牛身高进行降序排序
    sort(heights.begin(), heights.end(), greater<int>());

    int sum = 0;
    int count = 0;

    // 贪心累加身高，直到累加的高度大于等于书架高度B
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        sum += heights[i];
        count++;
        if (sum >= B) {
            break;
        }
    }

    // 输出最少的奶牛数目
    cout << count << endl;

    return 0;
}
```





# Chapter

## sort

### 1

[NOIP2009 普及组] 分数线划定

#### 题目描述

世博会志愿者的选拔工作正在 A 市如火如荼的进行。为了选拔最合适的人才，A 市对所有报名的选手进行了笔试，笔试分数达到面试分数线的选手方可进入面试。面试分数线根据计划录取人数的 150% 划定，即如果计划录取  $m$  名志愿者，则面试分数线为排名第  $m \times 150\%$ （向下取整）名的选手的分数，而最终进入面试的选手为笔试成绩不低于面试分数线的所有选手。

现在就请你编写程序划定面试分数线，并输出所有进入面试的选手的报名号和笔试成绩。

#### 输入格式

第一行，两个整数  $n, m$  ( $5 \leq n \leq 5000, 3 \leq m \leq n$ )，中间用一个空格隔开，其中  $n$  表示报名参加笔试的选手总数， $m$  表示计划录取的志愿者人数。输入数据保证  $m \times 150\%$  向下取整后小于等于  $n$ 。

第二行到第  $n + 1$  行，每行包括两个整数，中间用一个空格隔开，分别是选手的报名号  $k$  ( $1000 \leq k \leq 9999$ ) 和该选手的笔试成绩  $s$  ( $1 \leq s \leq 100$ )。数据保证选手的报名号各不相同。

#### 输出格式

第一行，有 2 个整数，用一个空格隔开，第一个整数表示面试分数线；第二个整数为进入面试的选手的实际人数。

从第二行开始，每行包含 2 个整数，中间用一个空格隔开，分别表示进入面试的选手的报名号和笔试成绩，按照笔试成绩从高到低输出，如果成绩相同，则按报名号由小到大的顺序输出。

样例 1

样例输入 1

“ 6 3 1000 90 3239 88 2390 95 7231 84 1005 95 1001 88 “

样例输出 1

“ 88 5 1005 95 2390 95 1000 90 1001 88 3239 88 “

提示

【样例说明】

$m \times 150\% = 3 \times 150\% = 4.5$ ，向下取整后为 4。保证 4 个人进入面试的分数线为 88，但因为 88 有重分，所以所有成绩大于等于 88 的选手都可以进入面试，故最终有 5 个人进入面试。

NOIP 2009 普及组第二题

```
include <iostream>
include <vector>
include <algorithm>
```

```
using namespace std;
```

```
struct Applicant {
    int id;
    int score;
};
```

```
bool compare(const Applicant& a1, const Applicant& a2) {
    if (a1.score != a2.score) {
        return a1.score > a2.score;
```



```

    } else {
        return a1.id < a2.id;
    }
}

int main() {
    int n, m;
    cin >> n >> m;
    vector<Applicant> applicants(n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin >> applicants[i].id >> applicants[i].score;
    }
    sort(applicants.begin(), applicants.end(), compare);
    int interviewLine = applicants[m * 3 / 2 - 1].score;
    int count = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (applicants[i].score >= interviewLine) {
            count++;
        }
    }
    cout << interviewLine << "␣" << count << endl;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (applicants[i].score >= interviewLine) {
            cout << applicants[i].id << "␣" << applicants[i].
                score << endl;
        }
    }
    return 0;
}

```

## 2 NOIP2007 普及组 T1

NOIP2007 普及组 T1 [NOIP2007 普及组] 奖学金

题目背景



算法第一人北大何书文

57

升学规划何校长电话微信 15010729356

## 题目描述

某小学最近得到了一笔赞助，打算拿出其中一部分为学习成绩优秀的前 5 名学生发奖学金。期末，每个学生都有 3 门课的成绩：语文、数学、英语。先按总分从高到低排序，如果两个同学总分相同，再按语文成绩从高到低排序，如果两个同学总分和语文成绩都相同，那么规定学号小的同学排在前面，这样，每个学生的排序是唯一确定的。

任务：先根据输入的 3 门课的成绩计算总分，然后按上述规则排序，最后按排名顺序输出前五名名学生的学号和总分。

注意，在前 5 名同学中，每个人的奖学金都不相同，因此，你必须严格按上述规则排序。例如，在某个正确答案中，如果前两行的输出数据（每行输出两个数：学号、总分）是：

“plain 7 279 5 279 “

这两行数据的含义是：总分最高的两个同学的学号依次是 7 号、5 号。这两名同学的总分都是 279（总分等于输入的语文、数学、英语三科成绩之和），但学号为 7 的学生语文成绩更高一些。

如果你的前两名的输出数据是：

“plain 5 279 7 279 “

则按输出错误处理，不能得分。

## 输入格式

共  $n + 1$  行。

第 1 行为一个正整数  $n \leq 300$ ，表示该校参加评选的学生人数。

第 2 到  $n + 1$  行，每行有 3 个用空格隔开的数字，每个数字都在 0 到 100 之间。第  $j$  行的 3 个数字依次表示学号为  $j - 1$  的学生的语文、数学、英语的成绩。每个学生的学号按照输入顺序编号为  $1 \sim n$ （恰好是输入数据的行号减 1）。

保证所给的数据都是正确的，不必检验。



输出格式

共 5 行，每行是两个用空格隔开的正整数，依次表示前 5 名学生的学号和总分。

样例 1

样例输入 1

“ 6 90 67 80 87 66 91 78 89 91 88 99 77 67 89 64 78 89 98 “

样例输出 1

“ 6 265 4 264 3 258 2 244 1 237 “

样例 2

样例输入 2

“ 8 80 89 89 88 98 78 90 67 80 87 66 91 78 89 91 88 99 77 67 89 64 78 89 98 “

样例输出 2

“ 8 265 2 264 6 264 1 258 5 258 “

```
include <iostream>
include <algorithm>
include <vector>
```

```
using namespace std;
```

```
struct Student {
    int id;
    int chinese;
    int math;
    int english;
    int total;
};
```



```
bool compare(const Student& s1, const Student& s2) {
    if (s1.total!= s2.total) {
        return s1.total > s2.total;
    } else if (s1.chinese!= s2.chinese) {
        return s1.chinese > s2.chinese;
    } else {
        return s1.id < s2.id;
    }
}

int main() {
    int n;
    cin >> n;
    vector<Student> students(n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        students[i].id = i + 1;
        cin >> students[i].chinese >> students[i].math >> students[
            i].english;
        students[i].total = students[i].chinese + students[i].math
            + students[i].english;
    }
    sort(students.begin(), students.end(), compare);
    for (int i = 0; i < 5; i++) {
        cout << students[i].id << " " << students[i].total << endl;
    }
    return 0;
}
```



# Chapter

## set

### 1 NOIP 2006 普及组第一题

[NOIP2006 普及组] 明明的随机数

题目描述

明明想在学校中请一些同学一起做一项问卷调查，为了实验的客观性，他先用计算机生成了  $N$  个 1 到 1000 之间的随机整数 ( $N \leq 100$ )，对于其中重复的数字，只保留一个，把其余相同的数去掉，不同的数对应着不同的学生的学号。然后再把这些数从小到大排序，按照排好的顺序去找同学做调查。请你协助明明完成“去重”与“排序”的工作。输入格式

输入有两行，第 1 行为 1 个正整数，表示所生成的随机数的个数  $N$ 。

第 2 行有  $N$  个用空格隔开的正整数，为所产生的随机数。

输出格式

输出也是两行，第 1 行为 1 个正整数  $M$ ，表示不相同的随机数的个数。

第 2 行为  $M$  个用空格隔开的正整数，为从小到大排好序的不相同的随机数。

样例 1

样例输入 1

10

20 40 32 67 40 20 89 300 400 15

样例输出 1

8

15 20 32 40 67 89 300 400

提示

NOIP 2006 普及组第一题

```
include <iostream>
include <set>
include <vector>
include <algorithm>
```

```
using namespace std;

int main() {
    int N;
    // 输入随机数个数
    cin >> N;

    set<int> unique_numbers; // 用 set 自动去重
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        int num;
        cin >> num;
        unique_numbers.insert(num); // 插入 set, 自动去重
    }

    // 将 set 中的元素复制到 vector 进行排序
    vector<int> sorted_numbers(unique_numbers.begin(), unique_numbers.end())
    sort(sorted_numbers.begin(), sorted_numbers.end()); // 排序

    // 输出去重后数字的个数
    cout << sorted_numbers.size() << endl;

    // 输出排序后的数字
    for (int num : sorted_numbers) {
        cout << num << " ";
    }
    cout << endl;

    return 0;
}
```





# Chapter

## string

### 1 NOIP1998 提高组

[NOIP1998 提高组] 拼数

题目描述

设有  $n$  个正整数  $a_1 \dots a_n$ ，将它们联接成一排，相邻数字首尾相接，组成一个最大的整数。

输入格式

第一行有一个整数，表示数字个数  $n$ 。

第二行有  $n$  个整数，表示给出的  $n$  个整数  $a_i$ 。

输出格式

一个正整数，表示最大的整数

样例 1

样例输入 1

“ 3 13 312 343 ”

样例输出 1

“ 34331213 ”

样例 2

样例输入 2

“ 4 7 13 4 246 ”

样例输出 2

“ 7424613 ”

提示

对于全部的测试点，保证  $1 \leq n \leq 20$ ， $1 \leq a_i \leq 10^9$ 。

NOIP1998 提高组第二题

```
include <iostream>
include <vector>
include <string>
include <algorithm>

using namespace std;

bool compare(const string& a, const string& b) {
    return a + b > b + a;
}

int main() {
    int n;
    cin >> n;
    vector<string> numbers(n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin >> numbers[i];
    }
    sort(numbers.begin(), numbers.end(), compare);
    string result;
```



```
for (const string& num : numbers) {
    result += num;
}
cout << result << endl;
return 0;
}
```

## 2 number

number-csp-j-2019-1

### 【题目描述】

小  $K$  同学向小  $P$  同学发送了一个长度为 8 的 01 字符串来玩数字游戏，小  $P$  同学想要知道字符串中究竟有多少个 1。

注意：01 字符串为每一个字符是 0 或者 1 的字符串，如 “101”（不含双引号）为一个长度为 3 的 01 字符串。

### 【输入格式】

输入文件名为 number.in

输入文件只有一行，一个长度为 8 的 01 字符串  $s$ 。

### 【输出格式】

输出文件名为 number.out

输出文件只有一行，包含一个整数，即 01 字符串中字符 1 的个数。

### 【输入输出样例 1】

number.in	number.out
00010100	2

### 【输入输出样例 2】

number.in	number.out
11111111	8

解：

1	<code>s[i] == '1'</code>
2	<code>count++;</code>

```
include <iostream>
```

```
include <fstream>
```

```
include <string>
```

```
using namespace std;
```

```
int main(){
```



```

ifstream fin("number.in");
ofstream fout("number.out");

string s;
fin >> s;
int count = 0;

for(int i = 0; i < s.length(); i++){
    if(s[i] == '1'){
        count++;
    }
}
fout << count;

fin.close();
fout.close();
return 0;
}

```

### 3 prime

[USACO1.5] 回文质数 Prime Palindromes

题目描述

因为 151 既是一个质数又是一个回文数（从左到右和从右到左是看一样的），所以 151 是回文质数。

写一个程序来找出范围  $[a, b]$  ( $5 \leq a < b \leq 100,000,000$ )（一亿）间的所有回文质数。

输入格式

第一行输入两个正整数  $a$  和  $b$ 。

输出格式

输出一个回文质数的列表，一行一个。

样例 1

样例输入 1

5 500

样例输出 1

5

7



11

101

131

151

181

191

313

353

373

383

提示

Hint 1: Generate the palindromes and see if they are prime.

提示 1: 找出所有的回文数再判断它们是不是质数（素数）。

Hint 2: Generate palindromes by combining digits properly. You might need more than one of the loops like below.

提示 2: 要产生正确的回文数，你可能需要几个像下面这样的循环。

产生长度为 5 的回文数：

```
for (d1 = 1; d1 <= 9; d1+=2) {    // 只有奇数才会是素数
    for (d2 = 0; d2 <= 9; d2++) {
        for (d3 = 0; d3 <= 9; d3++) {
            palindrome = 10000*d1 + 1000*d2 + 100*d3 + 10*d2 + d1; //(
                处理回文数 ...)
        }
    }
}
```

```
include <iostream>
```

```
include <cmath>
```

```
bool isPrime(int n) {
    if (n < 2) return false;
    if (n == 2 || n == 3) return true;
    if (n % 2 == 0 || n % 3 == 0) return false;
    int sqrtN = sqrt(n);
    for (int i = 5; i <= sqrtN; i += 6) {
        if (n % i == 0 || n % (i + 2) == 0) return false;
    }
}
```



```

    return true;
}

bool isPalindrome(int n) {
    int original = n;
    int reversed = 0;
    while (n > 0) {
        reversed = reversed * 10 + n % 10;
        n /= 10;
    }
    return original == reversed;
}

int main() {
    int a, b;
    std::cin >> a >> b;
    for (int len = 1; ; ++len) {
        if (len % 2 == 0) {
            for (int firstHalf = pow(10, len / 2 - 1); firstHalf <
                pow(10, len / 2); ++firstHalf) {
                int palindrome = firstHalf;
                int temp = firstHalf;
                while (temp > 0) {
                    palindrome = palindrome * 10 + temp % 10;
                    temp /= 10;
                }
                if (palindrome >= a && palindrome <= b && isPrime(
                    palindrome)) {
                    std::cout << palindrome << std::endl;
                }
            }
        } else {
            for (int firstHalf = pow(10, len / 2); firstHalf < pow
                (10, len / 2 + 1); ++firstHalf) {
                int palindrome = firstHalf;
                int temp = firstHalf / 10;
                while (temp > 0) {

```



```

        palindrome = palindrome * 10 + temp % 10;
        temp /= 10;
    }
    if (palindrome >= a && palindrome <= b && isPrime(
        palindrome)) {
        std::cout << palindrome << std::endl;
    }
}
}
if (len > 8) break;
}
return 0;
}

```

## 4 noip2018-1

NOIP2018 普及组 T1 标题统计

凯凯刚写了一篇美妙的作文，请问这篇作文的标题中有多少个字符？注意：标题中可能包含大、小写英文字母、数字字符、空格和换行符。统计标题字符数时，空格和换行符不计算在内。

输入格式

输入文件只有一行，一个字符串  $s$ 。

输出格式

输出文件只有一行，包含一个整数，即作文标题的字符数（不含空格和换行符）。

样例 1

样例输入 1

234

样例输出 1

3

样例 2

样例输入 2

Ca 45

样例输出 2

4

提示

\*\* 样例 1 说明 \*\*



标题中共有 3 个字符，这 3 个字符都是数字字符。

**\*\* 样例 2 说明 \*\***

标题中共有 5 个字符，包括 1 个大写英文字母，1 个小写英文字母和 2 个数字字符，还有 1 个空格。由于空格不计入结果中，故标题的有效字符数为 4 个。**\*\* 数据规模与约定 \*\***

规定  $|s|$  表示字符串  $s$  的长度（即字符串中的字符和空格数）。

对于 40% 的数据， $1 \leq |s| \leq 5$ ，保证输入为数字字符及行末换行符。

对于 80% 的数据， $1 \leq |s| \leq 5$ ，输入只可能包含大、小写英文字母、数字字符及行末换行符。

对于 100% 的数据， $1 \leq |s| \leq 5$ ，输入可能包含大、小写英文字母、数字字符、空格和行末换行符。

```
include <iostream>
```

```
using namespace std;
```

```
int main(){
    string s;
    getline(cin,s);
    int count = 0;
    for(char c : s){
        if(c != ' ' && c != '\n'){
            count++;
        }
    }
    cout<<count<<endl;
    return 0;
}
```

## 5 noip2012-1

[NOIP2012 普及组] 质因数分解

题目描述

已知正整数  $n$  是两个不同的质数的乘积，试求出两者中较大的那个质数。

输入格式

输入一个正整数  $n$ 。

输出格式

输出一个正整数  $p$ ，即较大的那个质数。

样例 1





样例输入 1

21

样例输出 1

7

提示

$1 \leq n \leq 2 \times 10^9$

```
include <iostream>
```

```
using namespace std;
```

```
int main(){
    int n;
    cin>>n;
    for(int i = 2; i < n; i++){
        if(n % i == 0){
            cout<<max(i, n/i)<<endl;
            break;
        }
    }
    return 0;
}
```

## 6 pow

pow-csp-j-2022-1

### 【题目描述】

小文同学刚刚接触了信息学竞赛，有一天她遇到了这样一个题：给定正整数  $a$  和  $b$ ，求  $a^b$  的值是多少。

$a^b$  即  $b$  个  $a$  相乘的值，例如  $2^3$  即为 3 个 2 相乘，结果为  $2 \times 2 \times 2 = 8$ 。

“简单！”小文心想，同时很快就写出了一份程序，可是测试时却出现了错误。

小文很快意识到，她的程序里的变量都是 `int` 类型的。在大多数机器上，`int` 类型能表示的最大数为  $2^{31}-1$ ，因此只要计算结果超过这个数，她的程序就会出现错误。

由于小文刚刚学会编程，她担心使用 `int` 计算会出现问题。因此她希望你在  $a^b$  的值超过  $10^9$  时，输出一个 -1 进行警示，否则就输出正确的  $a^b$  的值。

然而小文还是不知道怎么实现这份程序，因此她想请你帮忙。

### 【输入格式】



从文件 *pow.in* 中读入数据。

输入共一行，两个正整数  $a, b$ 。

### 【输出格式】

输出到文件 *pow.out* 中。

输出共一行，如果  $a^b$  的值不超过  $10^9$ ，则输出  $a^b$  的值，否则输出 -1。

### 【样例 1 输入】

10 9

### 【样例 1 输出】

1000000000

### 【样例 2 输入】

23333 66666

### 【样例 2 输出】

-1

### 【数据范围】

对于 10% 的数据，保证  $b = 1$

对于 30% 的数据，保证  $b \leq 2$

对于 60% 的数据，保证  $b \leq 30, a^b \leq 10^{18}$

对于 100% 的数据，保证  $1 \leq a, b \leq 10^9$

解:

1	result *= a;
---	--------------

```
include <iostream>
```

```
include <fstream>
```

```
using namespace std;
```

```
int main(){
    ifstream fin("pow.in");
    ofstream fout("pow.out");

    int a,b;
    fin>>a>>b;
    long long result = 1;
    for(int i = 1; i <= b; i++){
        result *= a;
        if(result > 1e9){
            fout<<-1;
            return 0;
        }
    }
}
```



```

    }
}
fout<<result;
return 0;
}

```

## 7 power

power-csp-j-2020

### 【题目描述】

一般来说，一个正整数可以拆分成若干个正整数的和。例如， $1 = 1$   $10 = 1 + 2 + 3 + 4$  等。

对于正整数  $n$  的一种特定拆分，我们称它为“优秀的”，当且仅当在这种拆分下  $n$  被分解为了若干个不同的 2 的正整数次幂。注意，一个数  $x$  能被表示成 2 的正整数次幂，当且仅当  $x$  能通过正整数个 2 相乘在一起得到。

例如， $10 = 8 + 2 = 2^3 + 2^1$  是一个优秀的拆分。但是， $7 = 4 + 2 + 1 = 2^2 + 2^1 + 2^0$  就不是一个优秀的拆分，因为 1 不是 2 的正整数次幂。

现在，给定正整数  $n$ ，你需要判断这个数的所有拆分中，是否存在优秀的拆分。若存在，请你给出具体的拆分方案。

### 【输入格式】

输入文件名为 power.in。

输入文件只有一行，一个正整数  $n$ ，代表需要判断的数。

### 【输出格式】

输出文件名为 power.out。

如果这个数的所有拆分中，存在优秀的拆分。那么，你需要从大到小输出这个拆分中的每一个数，相邻两个数之间用一个空格隔开。可以证明，在规定了拆分数字的顺序后，该拆分方案是唯一的。

若不存在优秀的拆分，输出“-1”（不包含双引号）。

### 【样例 1 输入】

6

### 【样例 1 输出】

4 2

### 【样例 1 解释】

$6 = 4 + 2 = 2^2 + 2^1$  是一个优秀的拆分。注意， $6 = 2 + 2 + 2$  不是一个优秀的拆分，因为拆分成的 3 个数不满足每个数互不相同。

### 【样例 2 输入】

7



【样例 2 输出】

-1

【样例 3】

见选手目录下的 power/power3.in 与 power/power3.ans。

【数据范围与提示】

对于 20% 的数据， $n \leq 10$ 。

对于另外 20% 的数据，保证  $n$  为奇数。

对于另外 20% 的数据，保证  $n$  为 2 的正整数次幂。

对于 80% 的数据， $n \leq 1024$ 。

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 1 \times 10^7$ 。

解:

1	input	6	7
2	output	4 2	-1
3	$2^1, 2^2, \dots, 2^n$	$power = 1 \ll i$	

## 8 area

CSP-J2019 江西面积

题目描述

Alice 有一个边长为  $a$  的正方形，Bob 有一个长宽分别为  $b, c$  的矩形，请你告诉他们俩谁的图形面积更大。

输入格式

仅一行三个正整数  $a, b, c$

输出格式

输出仅一行一个字符串，若正方形面积大则输出 ‘Alice’，否则输出 ‘Bob’。

样例 1

样例输入 1

5 4 6

样例输出 1

Alice

样例 2

样例输入 2

7 5 10

样例输出 2

Bob



提示

**【数据范围】**

对于 30% 的数据,  $1 \leq a, b, c \leq 100, b = c$ ;

对于 80% 的数据,  $1 \leq a, b, c \leq 10^4$ ;

对于 100% 的数据,  $1 \leq a, b, c \leq 10^9$ 。

**【样例 1 解释】**

正方形面积为 25, 矩形面积为 24。

**【样例 2 解释】**

正方形面积为 49, 矩形面积为 50。

```
include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    long long a, b, c;
    cin >> a >> b >> c;
    if (a*a > b*c) {
        cout << "Alice";
    } else {
        cout << "Bob";
    }
    return 0;
}
```

## 9 char

字母转换

输入一个小写字母, 输出其对应的大写字母。例如输入 a, 输出 A。

样例

样例输入 a

样例输出 A

```
include <iostream>
using namespace std;
int main() {
    char ch, res;
    cin >> ch;
```



```
res = ch - 'a' + 'A';
cout<<res;
}
```

## 10 numberReverse

数字反转

输入一个不小于 1000 且小于 10000，同时包括小数点后一位的一个浮点数，例如 1234.5，要求把这个数字翻转过来，变成 5.4321 并输出。

输入格式

一行一个浮点数

输出格式

一行一个浮点数

样例

样例输入

1234.5

样例输出

5.4321

## 11 buyPencil

[NOIP2016 普及组] 买铅笔

P 老师需要去商店买  $n$  支铅笔作为小朋友们参加 NOIP 的礼物。她发现商店一共有 3 种包装的铅笔，不同包装内的铅笔数量有可能不同，价格也有可能不同。为了公平起见，P 老师决定只买同一种包装的铅笔。商店不允许将铅笔的包装拆开，因此 P 老师可能需要购买超过  $n$  支铅笔才够给小朋友们发礼物。现在 P 老师想知道，在商店每种包装的数量都足够的情况下，要买够至少  $n$  支铅笔最少需要花费多少钱。输入格式

第一行包含一个正整数  $n$ ，表示需要的铅笔数量。

接下来三行，每行用 2 个正整数描述一种包装的铅笔：其中第 1 个整数表示这种包装内铅笔的数量，第 2 个整数表示这种包装的价格。保证所有的 7 个数都是不超过 10000 的正整数。

输出格式

1 个整数，表示 P 老师最少需要花费的钱。

样例 1

样例输入 1



57

2 2

50 30

30 27

样例输出 1

54

样例 2

样例输入 2

9998

128 233

128 2333

128 666

样例输出 2

18407

样例 3

样例输入 3

9999

101 1111

1 9999

1111 9999

样例输出 3

89991

提示

铅笔的三种包装分别是：

- 2 支装，价格为 2;
- 50 支装，价格为 30;
- 30 支装，价格为 27。

P 老师需要购买至少 57 支铅笔。

如果她选择购买第一种包装，那么她需要购买 29 份，共计  $2 \times 29 = 58$  支，需要花费的钱为  $2 \times 29 = 58$ 。实际上，P 老师会选择购买第三种包装，这样需要买 2 份。虽然最后买到的铅笔数量更多了，为  $30 \times 2 = 60$  支，但花费却减少为  $27 \times 2 = 54$ ，比第一种少。对于第二种包装，虽然每支铅笔的价格是最低的，但要够发必须买 2 份，实际的花费达到了  $30 \times 2 = 60$ ，因此 P 老师也不会选择。所以最后输出的答案是 54。

**\*\* 数据范围 \*\***

保证所有的 7 个数都是不超过 10000 的正整数。

**\*\* 子任务 \*\***

子任务会给出部分测试数据的特点。如果你在解决题目中遇到了困难，可以尝试只解决一部



分测试数据。

每个测试点的数据规模及特点如下表：

上表中“整倍数”的意义为：若为  $K$ ，表示对应数据所需要的铅笔数量  $n$  一定是每种包装铅笔数量的整倍数（这意味着一定可以不用多买铅笔）。





# Chapter

## graph

### 1 bipartite graph

#### 1.1 transform

NOI2009-1 transform 变换序列

##### 【问题描述】

对于  $N$  个整数  $0, 1, \dots, N-1$ , 一个变换序列  $T$  可以将  $i$  变成  $Ti$ , 其中  $T_i \in \{0, 1, \dots, N-1\}$  且  $\bigcup_{i=0}^{N-1} T_i = \{0, 1, \dots, N-1\}$ 。  $\forall x, y \in \{0, 1, \dots, N-1\}$  定义  $x$  和  $y$  之间的距离  $D(x, y) = \min\{|x - y|, N - |x - y|\}$ 。 给定每个  $i$  和  $T_i$  之间的距离  $D(i, T_i)$ , 你要求出一个满足要求的变换序列  $T$ 。 如果有多个满足条件的序列, 输出其中字典序最小的一个。

说明: 对于两个变换序列  $S$  和  $T$ , 如果存在  $p < N$ , 满足对于  $i = 0, 1, \dots, p-1$ ,  $S_i = T_i$  且  $S_p < T_p$ , 我们称  $S$  比  $T$  字典序小。

##### 【输入文件】

输入文件 *transform.in* 的第一行包含一个整数  $N$ , 表示序列的长度。 接下来的一行包含  $N$  个整数  $D_i$ , 其中  $D_i$  表示  $i$  和  $T_i$  之间的距离。

##### 【输出文件】

输出文件为 *transform.out*。

如果至少存在一个满足要求的变换序列  $T$ , 则输出文件中包含一行  $N$  个整数, 表示你计算得到的字典序最小的  $T$ ; 否则输出 "NoAnswer" (不含引号)。 注意: 输出文件中相邻两个数之间用一个空格分开, 行末不包含多余空格。

##### 【输入样例】

5

1 1 2 2 1

##### 【输出样例】

1 2 4 0 3

##### 【数据规模和约定】

20% 的数据中  $N \leq 50$ ;

60% 的数据中  $N \leq 500$ ;

100% 的数据中  $N \leq 10000$ 。

解:

## 【问题简述】

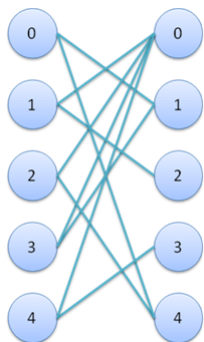
$N$  个整数  $0, 1, \dots, N-1$

input: D 距离序列  $D_0, D_1, \dots, D_{N-1}$ , 包含  $N$  个整数  $D_i$ 。

output: T 变换序列  $T_0, T_1, \dots, T_{N-1}$ , 使得每个  $i, T_i$  的环上距离等于  $D_i$ 。

一个合法的变换序列应是  $0, 1, \dots, N-1$  的一个排列, 任务是要求出字典序最小的那个变换序列。

**【问题建模】** 数学建模: 抽象成图论模型, 建立一个二分图, 原始序列  $X$  集合每个顶点代表  $0, 1, \dots, N-1$  的  $N$  个整数,  $Y$  集合每个顶点为对应的  $N$  个整数。 $X$  集合的第  $i$  个顶点向其环上距离为  $D_i$  的  $Y$  集合中的两个顶点连一条边。样例建图后如图 1 所示。



建立一个二分图,  $X$  集合每个顶点代表  $0, 1, \dots, N-1$  的  $N$  个整数,  $Y$  集合每个顶点为对应的  $N$  个整数。 $X$  集合的第  $i$  个顶点向其环上距离为  $D_i$  的  $Y$  集合中的两个顶点连一条边。

一个合法的变换序列应是  $0, 1, \dots, N-1$  的一个排列。

## 【算法描述】

按照解法 3 证明中的描述, 我们可以预处理所有已经确定的匹配, 并在图中删去。对于剩下的每个环, 只需从序号最小的点开始深度优先搜索, 并进行匹配即可。

## 【算法证明】

### 【证明同解法 3】

### 【复杂度分析】

预处理的时间复杂度为  $O(N)$ , 深度优先搜索的时间复杂度为  $O(N)$ , 所以总时间复杂度为  $O(N)$ 。

```
include <iostream>
include <fstream>
include <cstdlib>
include <cmath>
include <cstring>
```



```
using namespace std;

const int maxN = 20001, maxM = maxN * 4;

struct edge {
    edge* next;
    int t;
} *v[maxN], e[maxM];

int n;
int ec;
int mat[maxN];
int stack[maxN];
int s[maxN][2];
int deg[maxN];
bool nuked[maxN];

inline void addEdge(int a, int b) {
    e[++ec].next = v[a];
    v[a] = e + ec;
    v[a] -> t = b;

    e[++ec].next = v[b];
    v[b] = e + ec;
    v[b] -> t = a;

    ++deg[b];
    mat[b] = a;
}

void init() {
    ifstream fin("transform.in");
    fin >> n;

    int i, d, t1, t2;

    for (i = 1; i <= n; ++i) {
```



```

        fin >> d;

        t1 = i + d;
        if (t1 > n){
            t1 -= n;
        }

        t2 = i - d;
        if (t2 < 1){
            t2 += n;
        }

        if (t1 < t2){
            s[i][0] = t1;
            s[i][1] = t2;
        }else{
            s[i][0] = t2;
            s[i][1] = t1;
        }

        addEdge(i, s[i][1] += n);
        addEdge(i, s[i][0] += n);
        deg[i] = 2;
    }

    fin.close();
}

void noAnswer() {
    printf("No□Answer\n");
    exit(0);
}

inline void match(int i, int j) {
    mat[i] = j;
    mat[j] = i;
}

```



```

void prune() {
    int stop = 0, i, j;

    for (i = 1; i <= n; i++) {
        if (deg[i + n] == 0) {
            noAnswer();
        } else if (deg[i + n] == 1) {
            stack[++stop] = i + n;
        }
    }

    while(stop) {
        i = stack[stop--];
        nuked[i] = true;

        for (edge *e=v[i]; e; e=e->next) {
            j = e->t;
            if (!nuked[j]) {
                break;
            }
        }

        match(i, j);
        i = j;
        nuked[i] = true;

        for (edge *e=v[i]; e; e=e->next) {
            j = e->t;
            if (!nuked[j]) {
                deg[j]--;
                if (deg[j] == 0) {
                    noAnswer();
                } else if (deg[j] == 1) {
                    stack[++stop] = j;
                }
            }
        }
    }
}

```



```

    }
}

void dfs(int i, bool s) {
    nuked[i] = true;
    int j;

    for (edge *e=v[i]; e; e=e->next) {
        j = e->t;
        if (!nuked[j]) {
            dfs(j, !s);
            if (s) {
                match(i, j);
            }
            break;
        }
    }
}

void solve() {
    prune();
    for (int i=1; i <= n; i++) {
        if (!nuked[i]) {
            dfs(i, true);
        }
    }
}

void print() {
    ofstream fout("transform.out");

    int i;
    for (i = 1; i < n; i++) {
        fout << mat[i] - n - 1 << "␣";
    }
}

```



```
fout << mat[i] - n - 1 << "\n";
fout.close();
}

int main() {
    init();
    solve();
    print();
    return 0;
}
```

## 2 expr

expr-csp-j-2022-3

### 【题目描述】

逻辑表达式是计算机科学中的重要概念和工具，包含逻辑值、逻辑运算、逻辑运算优先级等内容。

在一个逻辑表达式中，元素的值只有两种可能：0（表示假）和 1（表示真）。元素之间有多种可能的逻辑运算，本题中只需考虑如下两种：“与”（符号为 &）和“或”（符号为 |）。其运算规则如下：

$0 \& 0 = 0 \& 1 = 1 \& 0 = 0$ ,  $1 \& 1 = 1$ ;

$0 | 0 = 0$ ,  $0 | 1 = 1 | 0 = 1 | 1 = 1$ 。

在一个逻辑表达式中还可能有关括号。规定在运算时，括号内的部分先运算；两种运算并列时，& 运算优先于 | 运算；同种运算并列时，从左向右运算。

比如，表达式  $0 | 1 \& 0$  的运算顺序等同于  $0 | (1 \& 0)$ ；表达式  $0 \& 1 \& 0 | 1$  的运算顺序等同于  $((0 \& 1) \& 0) | 1$ 。

此外，在 C++ 等语言的有些编译器中，对逻辑表达式的计算会采用一种“短路”的策略：在形如  $a \& b$  的逻辑表达式中，会先计算 a 部分的值，如果  $a = 0$ ，那么整个逻辑表达式的值就一定为 0，故无需再计算 b 部分的值；同理，在形如  $a | b$  的逻辑表达式中，会先计算 a 部分的值，如果  $a = 1$ ，那么整个逻辑表达式的值就一定为 1，无需再计算 b 部分的值。

现在给你一个逻辑表达式，你需要计算出它的值，并且统计出在计算过程中，两种类型的“短路”各出现了多少次。需要注意的是，如果某处“短路”包含在更外层被“短路”的部分内则不被统计，如表达式  $1 | (0 \& 1)$  中，尽管  $0 \& 1$  是一处“短路”，但由于外层的  $1 | (0 \& 1)$  本身就是一处“短路”，无需再计算  $0 \& 1$  部分的值，因此不应当把这里的  $0 \& 1$  计入一处“短路”。

### 【输入格式】

从文件 expr.in 中读入数据。

输入共一行，一个非空字符串 s 表示待计算的逻辑表达式。



### 【输出格式】

输出到文件 expr.out 中。

输出共两行，第一行输出一个字符 0 或 1，表示这个逻辑表达式的值；第二行输出两个非负整数，分别表示计算上述逻辑表达式的过程中，形如  $a/\&b$  和  $a|b$  的“短路”各出现了多少次。

### 【样例 1 输入】

0&(1|0)|(1|1|1&0)

### 【样例 1 输出】

1

1 2

### 【样例 1 解释】

该逻辑表达式的计算过程如下，每一行的注释表示上一行计算的过程：

0&(1|0)|(1|1|1&0)

= (0&(1|0)) | ((1|1)|(1&0)) //用括号标明计算顺序

= 0 | ((1|1)|(1&0)) //先计算最左侧的 &，是一次形如  $a/\&b$  的“短路”

= 0 | (1 | (1&0)) //再计算中间的 |，是一次形如  $a|b$  的“短路”

= 0 | 1 //再计算中间的 |，是一次形如  $a|b$  的“短路”

= 1

### 【样例 2 输入】

(0|1&0|1|1|(1|1))&(0&1&(1|0)|0|1|0)&0

### 【样例 2 输出】

0

2 3

```
include <iostream>
include <fstream>
include <stack>
include <cstring>
using namespace std;
```

```
struct node {
    int v;
    int y;
    int h;
};
```

```
int main() {
    ifstream fin("expr.in");
```





```

ofstream fout("expr.out");

char s[1000002];
stack<char> q;
stack<node> n;

fin >> s;
int l = strlen(s);
s[l] = ')';
q.push('(');

for (int i = 0; i <= l; i++) {
    if (s[i] == '(') {
        q.push(s[i]);
    }
    else if (s[i] == '0' || s[i] == '1') {
        node temp;
        temp.v = s[i] - '0';
        temp.y = 0;
        temp.h = 0;
        n.push(temp);
    }
    else {
        bool fff = false;
        if (s[i] == ')') {
            fff = true;
            if (q.top() == '(') {
                q.pop();
            }
            else {
                while (!n.empty() && !q.empty() &&
                    (q.top() == '&' || q.top() == '|')) {
                    char z = q.top();
                    q.pop();
                    node a = n.top();
                    n.pop();
                    node b = n.top();

```



```

        n.pop();
        node temp;
        temp.y = b.y;
        temp.h = b.h;
        if (z == '&') {
            if (b.v == 0) temp.y++;
            else {
                temp.y += a.y;
                temp.h += a.h;
            }
            temp.v = a.v & b.v;
        }
        if (z == '|') {
            if (b.v == 1) temp.h++;
            else {
                temp.h += a.h;
                temp.y += a.y;
            }
            temp.v = a.v | b.v;
        }
        n.push(temp);
    }
    q.pop();
}

if (!n.empty() && !q.empty()) {
    while ((q.top() == '&' && (s[i] == '&' || s[i] == '|')) ||
        (q.top() == '|' && s[i] == '|')) {
        char z = q.top();
        q.pop();
        node a = n.top();
        n.pop();
        node b = n.top();
        n.pop();
        node temp;
        temp.y = b.y;
        temp.h = b.h;
    }
}

```



```

        if (z == '&') {
            if (b.v == 0) temp.y++;
            else {
                temp.y += a.y;
                temp.h += a.h;
            }
            temp.v = a.v & b.v;
        }
        if (z == '|') {
            if (b.v == 1) temp.h++;
            else {
                temp.h += a.h;
                temp.y += a.y;
            }
            temp.v = a.v | b.v;
        }
        n.push(temp);
    }
}

if (fff == false)
    q.push(s[i]);
}

fout << n.top().v << endl;
fout << n.top().y << '␣' << n.top().h << endl;

fin.close();
fout.close();

return 0;
}

```



### 3 noip2002-1

NOIP 2002 普及组第一题: 级数求和

题目描述

已知:  $S_n = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}$ 。显然对于任意一个整数  $k$ , 当  $n$  足够大的时候,  $S_n > k$ 。现给出一个整数  $k$ , 要求计算出一个最小的  $n$ , 使得  $S_n > k$ 。

输入格式

一个正整数  $k$ 。

输出格式

一个正整数  $n$ 。

样例输入

1

样例输出

2

【数据范围】

对于 100% 的数据,  $1 \leq k \leq 15$ 。

解:

```
include <iostream>

using namespace std;

int main(){
    int k;
    cin>>k;
    double s = 0.0;
    int n = 0;
    while(s <= k){
        n++;
        s += 1.0/n;
    }
    cout<<n<<endl;
}
```



## 4 gcd

Greatest Common Divisor 最大公约数

辗转相除法（欧几里得算法）

原理：

两个整数的最大公约数等于其中较小的数和两数相除余数的最大公约数。

不断用较大数除以较小数取余数，直到余数为 0，此时较小数就是最大公约数。

代码模板：

```
include <iostream>
using namespace std;

int gcd(int a,int b){
    int temp;
    while(b != 0){
        temp = a % b;
        a = b;
        b = temp;
    }
    return a;
}

int main(){
    cout<<"Please input two numbers:"<<endl;
    int a,b;
    cin>>a>>b;
    cout<<gcd(a,b)<<endl;
}
```

## 5 bubbleSort

```
include <iostream>
include <vector>
using namespace std;

vector<int> arr = {3,1,5,9,7};
```



```
void bubbleSort(vector<int>& arr){
    int n = arr.size();
    for(int i = 0; i < n - 1; i++){
        for(int j = 0; j < n - i - 1; j++){
            if(arr[j] > arr[j + 1]){
                swap(arr[j], arr[j + 1]);
            }
        }
    }
}

void printArr(){
    int n = arr.size();
    for(int i = 0; i < n; i++){
        cout<<arr[i]<<' ';
    }
    cout<<endl;
}

int main(){
    printArr();
    bubbleSort(arr);
    printArr();
}
```

## 6 decode

decode-csp-j-2022-2

### 【题目描述】

给定一个正整数  $k$ ，有  $k$  次询问，每次给定三个正整数  $n_i, e_i, d_i$  求两个正整数  $p_i, q_i$ ，使  $n_i = p_i \times q_i, e_i \times d_i = (p_i - 1)(q_i - 1) + 1$ 。

### 【输入格式】

从文件 decode.in 中读入数据。

第一行一个正整数  $k$ ，表示有  $k$  次询问。

接下来  $k$  行，第  $i$  行三个正整数  $n_i, d_i, e_i$ 。

### 【输出格式】



输出到文件 decode.out 中。

输出  $k$  行，每行两个正整数  $p_i, q_i$

表示答案。

为使输出统一，你应当保证  $p_i \leq q_i$ 。

如果无解，请输出 NO。

### 【样例 1 输入】

1	10
2	770 77 5
3	633 1 211
4	545 1 499
5	683 3 227
6	858 3 257
7	723 37 13
8	572 26 11
9	867 17 17
10	829 3 263
11	528 4 109

### 【样例 1 输出】

1	2 385
2	NO
3	NO
4	NO
5	11 78
6	3 241
7	2 286
8	NO
9	NO
10	6 88

### 【样例 2】

见选手目录下的 decode/decode2.in 与 decode/decode2.ans。

### 【样例 3】

见选手目录下的 decode/decode3.in 与 decode/decode3.ans。

### 【样例 4】

见选手目录下的 decode/decode4.in 与 decode/decode4.ans。

### 【数据范围】

以下记  $m = n - e \times d + 2$ 。

保证对于 100% 的数据， $1 \leq k \leq 10^5$ ，对于任意的  $1 \leq i \leq k, 1 \leq n_i \leq 10^{18}, 1 \leq e_i \times d_i \leq 10^{18}, 1 \leq m \leq 10^9$ 。



测试点编号	$k \leq$	$n \leq$	$m \leq$	特殊性质
1	$10^3$	$10^3$	$10^3$	保证有解
2				无
3				保证有解
4		$10^9$	$6 \times 10^4$	无
5				保证有解
6				无
7	$10^5$	$10^{18}$	$10^9$	保证若有解则 $p = q$
8				保证有解
9				无
10				

解:

1	input $n_i, e_i, d_i$	770 77 5
2	output $p_i, q_i$	2 385
3	$n_i = p_i \times q_i$	$770 = 2 \times 385$
4	$e_i \times d_i = (p_i - 1)(q_i - 1) + 1$	$77 \times 5 = (2 - 1) \times (385 - 1) + 1$

$$\therefore e_i \times d_i = (p_i - 1)(q_i - 1) + 1$$

$$e_i d_i = p_i q_i - (p_i + q_i) + 2$$

$$\therefore p_i + q_i = p_i q_i - e_i d_i + 2$$

$$\text{令 } s = p_i + q_i$$

$$\text{则有 } s = p_i q_i - e_i d_i + 2$$

$$s = n - d * e + 2$$

```
include <iostream>
```

```
include <fstream>
```

```
using namespace std;
```

```
int main(){
    ifstream fin("decode.in");
    ofstream fout("decode.out");
    int k;
    fin>>k;
    for(int i = 0;i < k;i++){
        long long n,d,e;
        fin>>n>>d>>e;
        long long s = n - d * e + 2;
        long long left = 1,right = s - 1;
```





```

long long p = -1, q = -1;

while(left <= right){
    long long mid = left + (right - left) / 2;
    if(mid * (s - mid) == n){
        p = mid;
        q = s - mid;
        break;
    }else if(mid*(s-mid)<n){
        left = mid + 1;
    }else{
        right = mid - 1;
    }
}
if(p != -1 && q != -1 && p <= q){
    fout<<p<<" " <<q<<endl;
}else{
    fout<<"NO"<<endl;
}
}
fin.close();
fout.close();
return 0;
}

```

## 7 candy

candy-csp-j-2021-2

### 【题目背景】

红太阳幼儿园的小朋友们开始分糖果啦！

### 【题目描述】

红太阳幼儿园有  $n$  个小朋友，你是其中之一。保证  $n \geq 2$ 。

有一天你在幼儿园的后花园里发现无穷多颗糖果，你打算拿一些糖果回去分给幼儿园的小朋友们。

由于你只是个平平无奇的幼儿园小朋友，所以你的体力有限，至多只能拿  $R$  块糖回去。

但是拿的太少不够分的，所以你至少要拿  $L$  块糖回去。保证  $n \leq L \leq R$ 。



也就是说，如果你拿了  $k$  块糖，那么你需要保证  $L \leq k \leq R$ 。

如果你拿了  $k$  块糖，你将把这  $k$  块糖放到篮子里，并要求大家按照如下方案分糖果：只要篮子里有不少于  $n$  块糖果，幼儿园的所有  $n$  个小朋友（包括你自己）都从篮子中拿走恰好一块糖，直到篮子里的糖数量少于  $n$  块。此时篮子里剩余的糖果均归你所有——这些糖果是作为你搬糖果的奖励。作为幼儿园高质量小朋友，你希望让作为你搬糖果的奖励的糖果数量（而不是你最后获得的总糖果数量！）尽可能多；因此你需要写一个程序，依次输入  $n, L, R$ ，并输出你最多能获得多少作为你搬糖果的奖励的糖果数量。

## 【输入格式】

从文件 candy.in 中读入数据。

输入一行，包含三个正整数  $n, L, R$ ，分别表示小朋友的个数、糖果数量的下界和上界。

## 【输出格式】

输出到文件 candy.out 中。

输出一行一个整数，表示你最多能获得的作为你搬糖果的奖励的糖果数量。

## 【样例 1 输入】

7 16 23

## 【样例 1 输出】

6

## 【样例 1 解释】

拿  $k = 20$  块糖放入篮子里。

篮子里现在糖果数  $20 \geq n = 7$ ，因此所有小朋友获得一块糖；

篮子里现在糖果数变成  $13 \geq n = 7$ ，因此所有小朋友获得一块糖；

篮子里现在糖果数变成  $6 < n = 7$ ，因此这 6 块糖是作为你搬糖果的奖励。容易发现，你获得的作为你搬糖果的奖励的糖果数量不可能超过 6 块（不然，篮子里的糖果数量最后仍然不少于  $n$ ，需要继续每个小朋友拿一块），因此答案是 6。

## 【样例 2 输入】

10 14 18

## 【样例 2 输出】

8

## 【样例 2 解释】

容易发现，当你拿的糖数量  $k$  满足  $14 = L \leq k \leq R = 18$  时，所有小朋友获得一块糖后，剩下的  $k - 10$  块糖总是作为你搬糖果的奖励的糖果数量，因此拿  $k = 18$  块是最优解，答案是 8。

## 【数据范围】



测试点	$n \leq$	$R \leq$	$R - L \leq$
1	2	5	5
2	5	10	10
3	$10^3$	$10^3$	$10^3$
4	$10^5$	$10^5$	$10^5$
5	$10^3$	$10^9$	0
6			$10^3$
7			$10^5$
8	$10^9$		
9		$10^9$	
10			

对于所有数据，保证  $2 \leq n \leq L \leq R \leq 10^9$

解:

1	input	7 16 23	$n, L, R$	小朋友的个数、糖果数量的下界和上界
2	output	6	k	你最多能获得的糖果数量

```
include <iostream>
```

```
include <fstream>
```

```
using namespace std;
```

```
int main(){
```

```
    ifstream fin("candy.in");
```

```
    ofstream fout("candy.out");
```

```
    int n, l, r;
```

```
    int k;
```

```
    fin >> n >> l >> r;
```

```
    if (l < n * (r / n) && n * (r / n) < r) {
```

```
        k = n * (r / n) - l - n * (r / n - 1);
```

```
    } else if (n * (r / n) < l) {
```

```
        k = r - n;
```

```
    }
```

```
    fout << k;
```

```
    return 0;
```

```
}
```



## 8 后缀自动机

## 9 dag

Directed Acyclic Graph 有向无环图

## 10 最大流问题

问题描述：在一个有向图中，求从源点到汇点的最大流。

解法思路：

使用 Edmonds-Karp 算法（BFS 实现的 Ford-Fulkerson 方法）。维护流网络，并不断寻找增广路径。

代码模板：

```
include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int MAXN = 1000; // 最大节点数
const int INF = INT_MAX;

struct Edge {
    int v, cap, flow, rev;
};

class MaxFlow {
public:
    vector<Edge> adj[MAXN];

    void addEdge(int u, int v, int cap) {
        adj[u].push_back({v, cap, 0, (int)adj[v].size()});
        adj[v].push_back({u, 0, 0, (int)adj[u].size() - 1});
    }

    int bfs(int s, int t, vector<int>& parent) {
        fill(parent.begin(), parent.end(), -1);
        queue<pair<int, int>> q;
```



```

q.push({s, INF});
parent[s] = -2;

while (!q.empty()) {
    int cur = q.front().first;
    int flow = q.front().second;
    q.pop();

    for (auto& edge : adj[cur]) {
        if (parent[edge.v] == -1 && edge.flow < edge.cap) {
            parent[edge.v] = cur;
            int new_flow = min(flow, edge.cap - edge.flow);
            if (edge.v == t) return new_flow;
            q.push({edge.v, new_flow});
        }
    }
}

return 0;
}

int maxFlow(int s, int t) {
    int flow = 0, new_flow;
    vector<int> parent(MAXN);
    while (new_flow = bfs(s, t, parent)) {
        flow += new_flow;
        int cur = t;
        while (cur != s) {
            int prev = parent[cur];
            for (auto& edge : adj[prev]) {
                if (edge.v == cur) {
                    edge.flow += new_flow;
                    break;
                }
            }
            for (auto& edge : adj[cur]) {
                if (edge.v == prev) {
                    edge.flow -= new_flow;
                }
            }
        }
    }
}

```



```

        break;
    }
}
cur = prev;
}
}
return flow;
}
};

// 示例用法
int main() {
    MaxFlow mf;
    int n; // 节点数量
    // 输入图的边
    // mf.addEdge(u, v, capacity);
    // ...
    cout << "最大流: " << mf.maxFlow(source, sink) << endl;
    return 0;
}

```

## 11 最短路径 (Dijkstra 算法)

问题描述: 在一个加权有向图中, 求从源点到所有其他点的最短路径。

解法思路:

使用 Dijkstra 算法, 适用于正权重的图。

代码模板:

```

include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int MAXN = 1000; // 最大节点数
const int INF = INT_MAX;

vector<pair<int, int>> adj[MAXN]; // 邻接表: pair<邻接节点, 边权>

void dijkstra(int source, vector<int>& dist) {

```



```

dist.assign(MAXN, INF);
dist[source] = 0;
priority_queue<pair<int, int>, vector<pair<int, int>>, greater<pair<int, int>>>
pq.push({0, source}); // {距离, 节点}

while (!pq.empty()) {
    int d = pq.top().first;
    int u = pq.top().second;
    pq.pop();

    if (d > dist[u]) continue; // 如果已经找到更短的路径, 跳过

    for (auto& edge : adj[u]) {
        int v = edge.first, weight = edge.second;
        if (dist[u] + weight < dist[v]) {
            dist[v] = dist[u] + weight;
            pq.push({dist[v], v});
        }
    }
}

// 示例用法
int main() {
    int n, m; // n 为节点数, m 为边数
    // 输入图的边
    // adj[u].push_back({v, weight});
    // ...

    vector<int> dist;
    dijkstra(source, dist);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cout << "从源点到节点" << i << "的最短距离:" << dist[i] << endl;
    }
    return 0;
}

```



## 12 动态规划（01 背包问题）

问题描述：给定一些物品，每个物品有重量和价值，求在不超过背包容量的情况下可以获得的最大价值。

解法思路：

使用动态规划，状态转移方程为  $dp[i][j] = \max(dp[i-1][j], dp[i-1][j-weight[i]] + value[i])$ 。

代码模板：

```
include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int MAXN = 100; // 最大物品数
const int MAXW = 10000; // 最大背包容量

int dp[MAXN][MAXW];

int knapsack(int n, int W, vector<int>& weight, vector<int>& value) {
    for (int i = 0; i <= n; i++) {
        for (int w = 0; w <= W; w++) {
            if (i == 0 || w == 0)
                dp[i][w] = 0;
            else if (weight[i - 1] <= w)
                dp[i][w] = max(dp[i - 1][w], dp[i - 1][w - weight[i - 1]] + value[i - 1]);
            else
                dp[i][w] = dp[i - 1][w];
        }
    }
    return dp[n][W];
}

// 示例用法
int main() {
    int n, W; // 物品数量和背包容量
    vector<int> weight(n), value(n);
    // 输入物品的重量和价值
    // ...
}
```





```
cout << "最大价值:_" << knapsack(n, W, weight, value) << endl;
return 0;
}
```

## 13 binarySearch

问题描述：在一个有序数组中查找某个元素，或在某个条件下寻找最优解。

解法思路：

使用二分查找快速定位目标元素或满足条件的值。

代码模板：

```
include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int binarySearch(const vector<int>& arr, int target) {
    int left = 0, right = arr.size() - 1;
    while (left <= right) {
        int mid = left + (right - left) / 2;
        if (arr[mid] == target)
            return mid; // 找到目标
        else if (arr[mid] < target)
            left = mid + 1;
        else
            right = mid - 1;
    }
    return -1; // 未找到
}

// 示例用法
int main() {
    vector<int> arr = {1, 2, 3, 4, 5};
    int target = 3;
    int index = binarySearch(arr, target);
    cout << "元素_" << target << (index != -1 ? "_在索引_" + to_string(index) : "");
    return 0;
}
```



## 14 排序问题

问题描述: 对给定的一组数据进行排序。例如: 给定一个包含整数的数组, 将其从小到大排序并输出。

解法思路:

可以使用的算法有冒泡排序、插入排序、选择排序、快速排序、归并排序等。以快速排序为例:

代码模板:

```
include <iostream>
include <vector>

void quickSort(std::vector<int>& arr, int left, int right) {
    if (left >= right) return;
    int pivot = arr[(left + right) / 2];
    int i = left, j = right;
    while (i <= j) {
        while (arr[i] < pivot) i++;
        while (arr[j] > pivot) j--;
        if (i <= j) {
            std::swap(arr[i], arr[j]);
            i++;
            j--;
        }
    }
    quickSort(arr, left, j);
    quickSort(arr, i, right);
}

int main() {
    std::vector<int> arr = {5, 3, 8, 4, 2};
    quickSort(arr, 0, arr.size() - 1);
    for (int num : arr) {
        std::cout << num << " ";
    }
    return 0;
}
```



## 15 dfs 深度优先搜索

问题描述：给出一个图或者一个状态空间，要求找到满足特定条件的路径或状态。

例如：在一个迷宫中找到从起点到终点的路径。

```
include <iostream>
include <vector>

const int MAXN = 10;
int maze[MAXN][MAXN];
bool visited[MAXN][MAXN];
int n, m;

void dfs(int x, int y) {
    if (x < 0 || x >= n || y < 0 || y >= m || maze[x][y] == 1 || visited[x][y] == true)
        return;
    if (maze[x][y] == 2) {
        // 找到终点
        std::cout << "Found the end!" << std::endl;
        return;
    }
    dfs(x + 1, y);
    dfs(x - 1, y);
    dfs(x, y + 1);
    dfs(x, y - 1);
}

int main() {
    std::cin >> n >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < m; j++) {
            std::cin >> maze[i][j];
        }
    }
    int startX, startY;
    std::cin >> startX >> startY;
    dfs(startX, startY);
}
```



```
    return 0;
}
```

## 16 BFS 广度优先搜索

## 17 bus

IOI 2002 Bus Terminals

PROBLEM

Yong-In city plans to build a bus network with  $N$  bus stops. Each bus stop is at a street corner. Yong-In is a modern city, so its map is a grid of square blocks of equal size. Two of these bus stops are to be selected as hubs  $H_1$  and  $H_2$ . The hubs will be connected to each other by an a direct express bus line and each of the remaining  $N - 2$  bus stops will be connected directly to either  $H_1$  or  $H_2$  (but not to both), but not to any other bus stop.

The distance between any two bus stops is the length of the shortest possible route following the streets. That is, if a bus stop is represented as  $(x, y)$  with  $x$ -coordinate  $x$  and  $y$ -coordinate  $y$ , then the distance between two bus stops  $(x_1, y_1)$  and  $(x_2, y_2)$  is  $|x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$ . If bus stops  $A$  and  $B$  are connected to the same hub  $H_1$ , then the length of the route from  $A$  to  $B$  is the sum of the distances from  $A$  to  $H_1$  and from  $H_1$  to  $B$ . If bus stops  $A$  and  $B$  are connected to different hubs, e.g.,  $A$  to  $H_1$  and  $B$  to  $H_2$ , then the length of the route from  $A$  to  $B$  is the sum of the distances from  $A$  to  $H_1$ , from  $H_1$  to  $H_2$ , and from  $H_2$  to  $B$ .

The planning authority of Yong-In city would like to make sure that every citizen can reach every point within the city as quickly as possible. Therefore, city planners want to choose two bus stops to be hubs in such a way that in the resulting bus network the length of the longest route between any two bus stops is as short as possible.

Your task is to write a program to compute the minimum length of any longest bus route between any two bus stops in Yong-In for all possible choices of two hubs. One choice  $P$  of two hubs and assignments of bus stops to those hubs is better than another choice  $Q$  if the length of the longest bus route is shorter in  $P$  than in  $Q$ . Your task is to write a program to compute the length of this longest route for the best choice  $P$ .

INPUT

Your program is to read from standard input. The first line contains one positive integer  $N$ ,  $2 \leq N \leq 500$ , the number of bus stops. Each of the remaining  $N$  lines contains the  $x$ -coordinate followed by the  $y$ -coordinate of a bus stop. The  $x$ - and  $y$ -coordinates are positive integers  $\leq 5000$ . No two bus stops are at the same location.

OUTPUT



Your program is to write to standard output. The output contains one line with a single positive integer, the minimum length of the longest bus route for the input.

### EXAMPLE INPUTS AND OUTPUTS

Example 1:

SAMPLE INPUT:

6

1 7

16 6

12 4

4 4

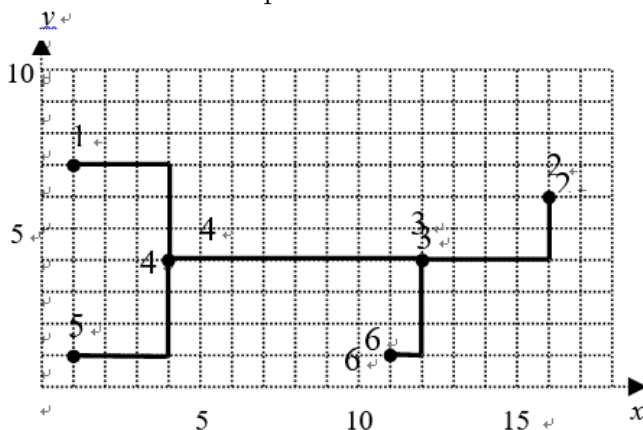
1 1

11 1

SAMPLE OUTPUT:

20

The following figures show the bus networks for the inputs given above. If in Example 1 bus stops 3 and 4 are selected as hubs then the longest route is either between bus stops 2 and 5 or between bus stops 2 and 1. There is no better choice for the hubs, and the answer is 20.



### SCORING

If your program outputs the correct answer for a test case within the time limit, then you get full points for that test case, and otherwise you get 0 points for that case.

```
include <bits/stdc++.h>
```

```
using namespace std;
```

```
const int mxN=500;
```

```
int n, x[mxN], y[mxN], ans=1e9, nxt[mxN+1], d[mxN], e[mxN];
```

```
array<int, 2> a[mxN], mx[mxN+2][3], c[mxN][mxN];
```

```
vector<array<int, 2>> v;
```

```
bool b[mxN];
```



```

int main() {
    ifstream fin("bus.in");
    ofstream fout("bus.out");

    fin >> n;
    for(int i=0; i<n; ++i)
        fin >> x[i] >> y[i];
    for(int i=0; i<n; ++i) {
        for(int j=0; j<n; ++j)
            c[i][j]={abs(x[i]-x[j])+abs(y[i]-y[j]), j};
        sort(c[i], c[i]+n);
    }
    for(int i=0; i<n; ++i) {
        for(int j=0, k=0; j<n; j=k)
            for(; k<n&& c[i][k][0]==c[i][j][0]; ++k)
                d[c[i][k][1]]=j;
        for(int j=i+1; j<n; ++j) {
            iota(e, e+n, 0);
            for(int k=0; k<n; ++k)
                a[e[d[c[j][k][1]]+1]={abs(x[i]-x[c[j][k][1]])+abs(
                    y[i]-y[c[j][k][1])), c[j][k][0]};
            for(int l=0; l<3; ++l) {
                array<int, 2> c{};
                for(int k=n-1; ~k; --k) {
                    if(!b[k]&&a[k][1]>c[1]) {
                        c=a[k];
                        b[k]=1;
                    }
                }
            }
            v.push_back({});
            for(int k=0; k<n; ++k)
                if(b[k])
                    v.push_back(a[k]);
            memset(b, 0, n);
            memset(mx[v.size()], 0, 24);
        }
    }
}

```



```

    for(int k=v.size()-1; ~k; --k) {
        array<int, 2> c{v[k][1], k};
        memcpy(mx[k], mx[k+1], 24);
        for(int l=0; l<3; ++l)
            if(mx[k][l]<c)
                swap(mx[k][l], c);
    }
    for(int k=v.size()-1; ~k; --k)
        for(nxt[k]=k+1; nxt[k]<v.size()&&v[nxt[k]][1]<v[k][1];
            nxt[k]=nxt[nxt[k]]);
    for(int k=0, dab=abs(x[i]-x[j])+abs(y[i]-y[j]); k<v.size(); ++k) {
        for(int l=k+1; l<v.size(); l=nxt[l]) {
            array<int, 2> b0=mx[k+1][0], b1=mx[k+1][1];
            if(b0[1]==1)
                swap(b0, b1);
            if(b1[1]==1)
                b1=mx[k+1][2];
            ans=min(max({v[k][0]+v[l][0], b0[0]+b1[0], v[l][0]+dab+b0[0]}), ans);
        }
    }
    v.clear();
}

}

fout << ans;
}

```

## 18 live

live-csp-j-2020-2

直播获奖 (live)

### 【题目描述】

NOI2130 即将举行。为了增加观赏性,CCF 决定逐一评出每个选手的成绩,并直播即时的获奖分数线。本次竞赛的获奖率为  $w\%$ ,即当前排名前  $w\%$  的选手的最低成绩就是即时的分数线。



更具体地，若当前已评出了  $p$  个选手的成绩，则当前计划获奖人数为  $\max(1, \lfloor p \times w\% \rfloor)$ ，其中  $w$  是获奖百分比， $\lfloor x \rfloor$  表示对  $x$  向下取整， $\max(x, y)$  表示  $x$  和  $y$  中较大的数。如有选手成绩相同，则所有成绩并列的选手都能获奖，因此实际获奖人数可能比计划中多。

作为评测组的技术人员，请你帮 CCF 写一个直播程序。

## 【输入格式】

输入文件名为 live.in。

第 1 行两个正整数  $n, w$ 。分别代表选手总数与获奖率。

第 2 行有  $n$  个非负整数，依次代表逐一评出的选手成绩。

## 【输出格式】

输出文件名为 live.out。

只有一行，包含  $n$  个非负整数，依次代表选手成绩逐一评出后，即时的获奖分数线。相邻两个整数间用一个空格分隔。

## 【样例 1 输入】

```
10 60
200 300 400 500 600 600 0 300 200 100
```

## 【样例 1 输出】

```
200 300 400 400 400 500 400 400 300 300
```

解:

```
include <iostream>
include <fstream>

using namespace std;

int n, w, x;
int a[610];

int main() {
    ifstream fin("live.in");
    ofstream fout("live.out");
    fin >> n >> w;

    int k;
    int ans;
    for(int i = 1; i <= n; i++){
        fin >> x;
        a[x]++;
        k = max(1, int(i * w / 100.0));
    }
}
```





```

        ans = 0;
        for (int j = 600; j >= 0; j--) {
            if (ans + a[j] < k) {
                ans += a[j];
            } else {
                fout << j << " " ;
                break;
            }
        }
    }
    fout << "\n";

    fin.close();
    fout.close();
    return 0;
}

```

## 19 number

number-csp-j-2020-4

方格取数 number

### 【题目描述】

设有  $n \times m$  的方格图，每个方格中都有一个整数。现有一只小熊，想从图的左上角走到右下角，每一步只能向上、向下或向右走一格，并且不能重复经过已经走过的方格，也不能走出边界。小熊会取走所有经过的方格中的整数，求它能取到的整数之和的最大值。

### 【输入格式】

输入文件名为 number.in。

第 1 行两个正整数  $n, m$ 。

接下来  $n$  行每行  $m$  个整数，依次代表每个方格中的整数。

### 【输出格式】

输入文件名为 number.out。

一个整数，表示小熊能取到的整数之和的最大值。

### 【样例 1 输入】

3 4

1 -1 3 2

2 -1 4 -1



-2 2 -3 -1

【样例 1 输出】

9

【样例 1 解释】

1	-1	3	2
2	-1	4	-1
-2	2	-3	-1

按上述走法，取到的数之和为  $1 + 2 + (-1) + 4 + 3 + 2 + (-1) + (-1) = 9$ ，可以证明为最大值。

解：

```
include <iostream>
```

```
include <fstream>
```

```
using namespace std;
```

```
int n,m;
```

```
const long long minNum = -1e18;
```

```
long long gridValue[1005][1005];
```

```
long long memorizationTable[1005][1005][2];
```

```
inline long long maxNum(long long p, long long q, long long r){
    return p > q ? (p > r ? p : r) : (q > r ? q : r);
}
```

```
long long dfs(int x,int y,int from){
```

```
    if(x < 1 && x > n || y < 1 && y > m){
        return minNum;
    }
```

```
    if(memorizationTable[x][y][from] != minNum){
        return memorizationTable[x][y][from];
    }
```

```
    if(from == 0){
        memorizationTable[x][y][from] = maxNum(dfs(x + 1, y
```



```

        , 0), dfs(x, y - 1, 0), dfs(x, y - 1, 1)) +
        gridValue[x][y];
    } else {
        memorizationTable[x][y][from] = maxNum( dfs(x - 1, y
        , 1), dfs(x, y - 1, 0), dfs(x, y - 1, 1)) +
        gridValue[x][y];
    }

    return memorizationTable[x][y][from];
}

int main() {
    ifstream fin("number.in");
    ofstream fout("number.out");

    fin >> n >> m;
    for(int i = 1; i <= n; i++) {
        for(int j = 1; j <= m; j++) {
            fin >> gridValue[i][j];
            memorizationTable[i][j][0] =
                memorizationTable[i][j][1] = minNum;
        }
    }
    memorizationTable[1][1][0] = memorizationTable[1][1][1] =
        minNum;

    fout << dfs(n, m, 1) << endl;
    fin.close();
    fout.close();
    return 0;
}

```

## 20 expr

expr-csp-j-2020-3

表达式 (expr)



## 【题目描述】

小  $C$  热衷于学习数理逻辑。有一天，他发现了一种特别的逻辑表达式。在这种逻辑表达式中，所有操作数都是变量，且它们的取值只能为 0 或 1，运算从左往右进行。如果表达式中有括号，则先计算括号内的子表达式的值。特别的，这种表达式有且仅有以下几种运算：

1. 与运算： $a \& b$ 。当且仅当  $a$  和  $b$  的值都为 1 时，该表达式的值为 1。其余情况该表达式的值为 0。

2. 或运算： $a | b$ 。当且仅当  $a$  和  $b$  的值都为 0 时，该表达式的值为 0。其余情况该表达式的值为 1。

3. 取反运算： $!a$ 。当且仅当  $a$  的值为 0 时，该表达式的值为 1。其余情况该表达式的值为 0。

小  $C$  想知道，给定一个逻辑表达式和其中每一个操作数的初始取值后，再取反某一个操作数的值时，原表达式的值为多少。

为了化简对表达式的处理，我们有如下约定：

表达式将采用后缀表达式的方式输入。后缀表达式的定义如下：

1. 如果  $E$  是一个操作数，则  $E$  的后缀表达式是它本身。

2. 如果  $E$  是  $E_1 \ op \ E_2$  形式的表达式，其中  $op$  是任何二元操作符，且优先级不高于  $E_1, E_2$  中括号外的操作符，则  $E$  的后缀式为  $E_1' E_2' op$ ，其中  $E_1', E_2'$  分别为  $E_1, E_2$  的后缀式。

3. 如果  $E$  是  $(E_1)$  形式的表达式，则  $(E_1)$  的后缀式就是  $E$  的后缀式。

同时为了方便，输入中：

a) 与运算符 ( $\&$ )、或运算符 ( $|$ )、取反运算符 ( $!$ ) 的左右均有一个空格，但表达式末尾没有空格。

b) 操作数由小写字母  $x$  与一个正整数拼接而成，正整数表示这个变量的下标。例如： $x_{10}$ ，表示下标为 10 的变量  $x_{10}$ 。数据保证每个变量在表达式中出现恰好一次。

## 【输入格式】

输入文件名为 `expr.in`。

第一行包含一个字符串  $s$ ，表示上文描述的表达式。

第二行包含一个正整数  $n$ ，表示表达式中变量的数量。表达式中变量的下标为  $1, 2, \dots, n$ 。

第三行包含  $n$  个整数，第  $i$  个整数表示变量  $x_i$  的初值。

第四行包含一个正整数  $q$ ，表示询问的个数。

接下来  $q$  行，每行一个正整数，表示需要取反的变量的下标。注意，每一个询问的修改都是临时的，即之前询问中的修改不会对后续的询问造成影响。数据保证输入的表达式合法。变量的初值为 0 或 1。

## 【输出格式】

输出文件名为 `expr.out`。

输出一共有  $q$  行，每行一个 0 或 1，表示该询问下表达式的值。

## 【样例 1 输入】

`x1 x2 & x3 |`

`3`



1 0 1

3

1

2

3

### 【样例 1 输出】

1 1 0

### 【样例 1 解释】

该后缀表达式的中缀表达式形式为  $(1\&2)|3$ 。

对于第一次询问，将 1 的值取反。此时，三个操作数对应的赋值依次为 0, 0, 1。原表达式的值为  $(0\&0) | 1 = 1$ 。

对于第二次询问，将 2 的值取反。此时，三个操作数对应的赋值依次为 1, 1, 1。原表达式的值为  $(1\&1)|1 = 1$ 。

对于第三次询问，将 3 的值取反。此时，三个操作数对应的赋值依次为 1, 0, 0。原表达式的值为  $(1\&0)|0 = 0$ 。

解:

### 【条件分析】

条件编号	条件描述
1	表达式中的操作数只能取值为 0 或 1
2	运算从左往右进行
3	如果表达式中有括号，则先计算括号内的子表达式的值
4	表达式中只包含三种运算符：与运算 (&)、或运算 (
5	与运算 (&) 的结果为 1 的条件是，两个操作数的值都为 1；否则结果为 0
6	或运算 (
7	取反运算 (!) 的结果为 1 的条件是，操作数的值为 0；否则结果为 0
8	表达式采用后缀表达式的方式输入，即运算符在操作数之后
9	后缀表达式的定义：

## 21 point

point-csp-2022-4

### 【题目描述】

在一个二维平面内，给定  $n$  个整数点  $(x_i, y_i)$ ，此外你还可以自由添加  $k$  个整数点。你在自由添加  $k$  个点后，还需要从  $n + k$  个点中选出若干个整数点并组成一个序列，使得序列中任意相邻两点间的欧几里得距离恰好为 1 而且横坐标、纵坐标值均单调不减，即  $x_{i+1} - x_i = 1$ ,  $y_{i+1} = y_i$  或  $y_{i+1} - y_i = 1$ ,  $x_{i+1} = x_i$ 。请给出满足条件的序列的最大长度。

### 【输入格式】



从文件 point.in 中读入数据。

第一行两个正整数  $n, k$  分别表示给定的整点个数、可自由添加的整点个数。接下来  $n$  行，第  $i$  行两个正整数  $x_i, y_i$  表示给定的第  $i$  个点的横纵坐标。

**【输出格式】**

输出到文件 point.out 中。

输出一个整数表示满足要求的序列的最大长度。

**【样例 1 输入】**

```
8 2
3 1
3 2
3 3
3 6
1 2
2 2
5 5
5 3
```

**【样例 1 输出】**

```
8
```

**【样例 2 输入】**

```
4 100
10 10
15 25
20 20
30 30
```

**【样例 2 输出】**

```
103
```

解:

```
include <iostream>
include <fstream>
include <vector>
include <algorithm>

using namespace std;

int main(){
    ifstream fin("point.in");
    ofstream fout("point.out");
```



```

int n,k;
fin>>n>>k;
int ans = 0;

vector<pair<int,int>> points(n);
for(int i = 0; i < n; i++){
    int x,y;
    fin>>x>>y;
    points[i] = {x,y};
}

sort(points.begin(),points.end());

vector<vector<int>> dp(n,vector<int>(k + 1,0));
for(int i = 0; i < n; i++){
    for(int j = 0; j <= k; j++){
        dp[i][j] = j + 1;
        for(int t = 0; t < i; t++){
            pair<int,int> &A = points[i];
            pair<int,int> &B = points[t];
            int d = A.first - B.first + A.
                second - B.second - 1;
            if(A.second >= B.second){
                if(j >= d){
                    dp[i][j] = max(dp[i]
                        ][j],dp[t][j - d
                        ] + d + 1);
                }
            }
        }
        ans = max(ans,dp[i][j]);
    }
}

fout<<ans<<endl;
fin.close();

```



```
fout.close();
return 0;
}
```

## 22 fruit

fruit-csp-2021-4

小熊的果篮 (fruit)

### 【题目描述】

小熊的水果店里摆放着一排  $n$  个水果。每个水果只可能是苹果或桔子，从左到右依次用正整数 1、2、3、……、 $n$  编号。连续排在一起的同一种水果称为一个“块”。小熊要把这一排水果挑到若干个果篮里，具体方法是：每次都把每一个“块”中最左边的水果同时挑出，组成一个果篮。重复这一操作，直至水果用完。注意，每次挑完一个果篮后，“块”可能会发生变化。比如两个苹果“块”之间的唯一桔子被挑走后，两个苹果“块”就变成了一个“块”。请帮小熊计算每个果篮里包含的水果。

### 【输入格式】

从文件 fruit.in 中读入数据。

输入的第一行包含一个正整数  $n$ ，表示水果的数量。

输入的第二行包含  $n$  个空格分隔的整数，其中第  $i$  个数表示编号为  $i$  的水果的种类，1 代表苹果，0 代表桔子。

### 【输出格式】

输出到文件 fruit.out 中。

输出若干行。

第  $i$  行表示第  $i$  次挑出的水果组成的果篮。从小到大排序输出该果篮中所有水果的编号，每两个编号之间用一个空格分隔。

### 【样例 1 输入】

12
1 1 0 0 1 1 1 0 1 1 0 0

### 【样例 1 输出】

1 3 5 8 9 11
2 4 6 12
7
10

### 【样例 1 解释】

这是第一组数据的样例说明。

所有水果一开始的情况是 1 1 0 0 1 1 1 0 1 1 0 0 一共有 6 个块。

在第一次挑水果组成果篮的过程中，编号为 1 3 5 8 9 11 的水果被挑了出来。





之后剩下的水果是 1 0 1 1 1 0，一共 4 个块。

在第二次挑水果组成果篮的过程中，编号为 2 4 6 12 的水果被挑了出来。

之后剩下的水果是 1 1，只有 1 个块。

在第三次挑水果组成果篮的过程中，编号为 7 的水果被挑了出来。

最后剩下的水果是 1，只有 1 个块。

在第四次挑水果组成果篮的过程中，编号为 10 的水果被挑了出来。

解：

```
include <bits/stdc++.h>

define INF 200010

using namespace std;

int n;
set<int> s1, s2; // 两个集合，分别存储元素的下标

int main() {
    ifstream fin("fruit.in"); // 从文件 "fruit.in" 读取输入
    ofstream fout("fruit.out"); // 输出结果到文件 "fruit.out"

    fin >> n; // 读取元素数量 n
    s1.clear(); // 清空集合 s1
    s2.clear(); // 清空集合 s2
    int q;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        fin >> q; // 读取输入元素 q
        if (q) s1.insert(i); // 若 q 非零，将当前下标 i 插入集合 s1
        else s2.insert(i); // 若 q 为零，将当前下标 i 插入集合 s2
    }
    s1.insert(INF); // 在集合 s1 中插入 INF，用于防止集合为空
    s2.insert(INF); // 在集合 s2 中插入 INF，用于防止集合为空
    int nw = 0;
    bool p = *s1.begin() < *s2.begin() ? 0 : 1; // 根据两个集合的最小值确定 p 值，表示当前删的是哪个集合
```



```

while (!p && s1.size() > 1 || p && s2.size() > 1) {
    if (!p) {
        nw = *s1.upper_bound(nw); // 找到集合 s1 中下一个大于
        nw 的元素
        if (nw == INF) {
            nw = 0;
            p = *s1.begin() < *s2.begin() ? 0 : 1; // 若找不到
            下一个元素, 重新确定 p 值
            fout << endl; // 换行
            continue;
        }
        fout << nw << '␣'; // 输出 nw 并删除它
        s1.erase(nw);
        p = !p; // 切换到另一个集合
    } else {
        nw = *s2.upper_bound(nw);
        if (nw == INF) {
            nw = 0;
            p = *s1.begin() < *s2.begin() ? 0 : 1;
            fout << endl;
            continue;
        }
        fout << nw << '␣';
        s2.erase(nw);
        p = !p;
    }
}
fout << ""<<endl; // 输出最后一个果篮并换行
while (s1.size() > 1) fout << *s1.begin() << endl, s1.erase(*s1
    .begin()); // 逐行输出 s1 剩余元素
while (s2.size() > 1) fout << *s2.begin() << endl, s2.erase(*s2
    .begin()); // 逐行输出 s2 剩余元素

return 0;
}

```



## 23 sort

sort-csp-2021-2

### 【题目描述】

插入排序是一种非常常见且简单的排序算法。小  $Z$  是一名大一的新生，今天  $H$  老师刚刚在上课的时候讲了插入排序算法。

假设比较两个元素的时间为  $O(1)$ ，则插入排序可以以  $O(n^2)$  的时间复杂度完成长度为  $n$  的数组的排序。不妨假设这  $n$  个数字分别存储在  $a_1, a_2, \dots, a_n$  之中，则如下伪代码给出了插入排序算法的一种最简单的实现方式：

这下面是 C/C++ 的示范代码

```
for(int i = 1; i <= n; i++){
    for(int j = i; j >= 2; j--){
        if(a[j] < a[j - 1]){
            int t = a[j - 1];
            a[j - 1] = a[j];
            a[j] = t;
        }
    }
}
```

为了帮助小  $Z$  更好的理解插入排序，小  $Z$  的老师  $H$  老师留下了这么一道家庭作业：

$H$  老师给了一个长度为  $n$  的数组  $a$ ，数组下标从 1 开始，并且数组中的所有元素均为非负整数。小  $Z$  需要支持在数组  $a$  上的  $Q$  次操作，操作共两种，参数分别如下：

1  $x \ v$ ：这是第一种操作，会将  $a$  的第  $x$  个元素，也就是  $a_x$  的值，修改为  $v$ 。保证  $1 \leq x \leq n$ ,  $1 \leq v \leq 10^9$ 。注意这种操作会改变数组的元素，修改得到的数组会被保留，也会影响后续的操作。

2  $x$ ：这是第二种操作，假设  $H$  老师按照上面的伪代码对  $a$  数组进行排序，你需要告诉  $H$  老师原来  $a$  的第  $x$  个元素，也就是  $a_x$ ，在排序后的新数组所处的位置。保证  $1 \leq x \leq n$ 。注意这种操作不会改变数组的元素，排序后的数组不会被保留，也不会影响后续的操作。

$H$  老师不喜欢过多的修改，所以他保证类型 1 的操作次数不超过 5000。

小  $Z$  没有学过计算机竞赛，因此小  $Z$  并不会做这道题。他找到了你来帮助他解决这个问题。

### 【输入格式】

从文件 sort.in 中读入数据。

输入的第一行包含两个正整数  $n, q$ ，表示数组长度和操作次数。保证  $1 \leq n \leq 8,000, 1 \leq q \leq 2 \times 10^5$ 。

输入的第二行包含  $n$  个空格分隔的非负整数，其中第  $i$  个非负整数表示  $a_i$ 。保证  $1 \leq a_i \leq 10^9$ 。



接下来  $q$  行，每行 2 ~ 3 个正整数，表示一次操作，操作格式见题目描述。

### 【输出格式】

输出到文件 sort.out 中。

对于每一次类型为 2 的询问，输出一行一个正整数表示答案。

### 【样例 1 输入】

```
3 4
3 2 1
2 3
1 3 2
2 2
2 3
```

### 【样例 1 输出】

```
1
1
2
```

### 【样例 1 解释】

在修改操作之前，假设  $H$  老师进行了一次插入排序，则原序列的三个元素在排序结束后所处的位置分别是 3, 2, 1。

在修改操作之前，假设  $H$  老师进行了一次插入排序，则原序列的三个元素在排序结束后所处的位置分别是 3, 1, 2。

注意虽然此时  $a_2 = a_3$ ，但是我们不能将其视为相同的元素。

解:

```
include <iostream>
include <fstream>
include <algorithm>
```

```
using namespace std;
```

```
struct node {
    int id;
    int num;
};
```

```
node a[8010];
int b[8010];
int n, q;
```



```

void change(int pos) {
    while (pos > 1) {
        if (a[pos].num == a[pos - 1].num && a[pos].id > a[pos - 1].
            id) break;
        if (a[pos].num > a[pos - 1].num) break;
        swap(a[pos], a[pos - 1]);
        b[a[pos].id] = pos;
        pos--;
    }
    while (pos < n) {
        if (a[pos].num == a[pos + 1].num && a[pos].id < a[pos + 1].
            id) break;
        if (a[pos].num < a[pos + 1].num) break;
        swap(a[pos], a[pos + 1]);
        b[a[pos].id] = pos;
        pos++;
    }
}

bool cmp(node a, node b) {
    if (a.num == b.num) return a.id < b.id;
    else return a.num < b.num;
}

int main() {
    ifstream fin("sort.in");
    ofstream fout("sort.out");

    fin >> n >> q;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        fin >> a[i].num;
        a[i].id = i;
    }

    sort(a + 1, a + 1 + n, cmp);
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        b[a[i].id] = i;
    }
}

```



```

    }

    while (q--) {
        int op, x, v;
        fin >> op;
        if (op == 1) {
            fin >> x >> v;
            a[b[x]].num = v;
            change(b[x]);
            for (int i = 1; i <= n; i++) {
                b[a[i].id] = i;
            }
        } else {
            fin >> x;
            fout << b[x] << endl;
        }
    }

    fin.close();
    fout.close();
    return 0;
}

```

## 24 solve

csp-j-2021-13

```

include <iostream>

using namespace std;

int solve(int n){
    if(n <= 1){
        return 1;
    }else if(n >= 5){
        return n * solve(n-2); 2*solve(1)=2 solve(1)=1
    }
}

```



```

    } else {
        return n*solve(n-1);
    }
    return 0;
}

int main() {
    int i = 7;
    int result = solve(7);
    cout<<result<<endl;
    return 0;
}

```

## 25 network

network-csp-2021-3

### 【题目描述】

TCP/IP 协议是网络通信领域的一项重要协议。今天你的任务，就是尝试利用这个协议，还原一个简化后的网络连接场景。

在本问题中，计算机分为两大类：服务机（Server）和客户机（Client）。服务机负责建立连接，客户机负责加入连接。

需要进行网络连接的计算机共有  $n$  台，编号为  $1 \sim n$ ，这些机器将按编号递增的顺序，依次发起一条建立连接或加入连接的操作。

每台机器在尝试建立或加入连接时需要提供一个地址串。服务机提供的地址串表示它尝试建立连接的地址，客户机提供的地址串表示它尝试加入连接的地址。

一个符合规范的地址串应当具有以下特征：

- 1、必须形如  $a.b.c.d:e$  的格式，其中  $a, b, c, d, e$  均为非负整数；
- 2、 $0 \leq a, b, c, d \leq 255, 0 \leq e \leq 65535$ ；
- 3、 $a, b, c, d, e$  均不能含有多余的前导 0。

相应地，不符合规范的地址串可能具有以下特征：

- 1、不是形如  $a.b.c.d:e$  格式的字符串，例如含有多于 3 个字符. 或多于 1 个字符: 等情况；
- 2、整数  $a, b, c, d, e$  中某一个或多个超出上述范围；
- 3、整数  $a, b, c, d, e$  中某一个或多个含有多余的前导 0。例如，地址串  $192.168.0.255:80$  是符合规范的，但  $192.168.0.999:80$ 、 $192.168.00.1:10$ 、 $192.168.0.1:088$ 、 $192:168:0:1.233$  均是不符合规范的。如果服务机或客户机在发起操作时提供的地址串不符合规范，这条操作将被直接忽略。在本问题中，我们假定凡是符合上述规范的地址串均可参与正常的连接，你无需考虑



每个地址串的实际意义。

由于网络阻塞等原因，不允许两台服务机使用相同的地址串，如果此类现象发生，后一台尝试建立连接的服务机将会无法成功建立连接；除此之外，凡是提供符合规范的地址串的服务机均可成功建立连接。

如果某台提供符合规范的地址的客户机在尝试加入连接时，与先前某台已经成功建立连接的服务机提供的地址串相同，这台客户机就可以成功加入连接，并称其连接到这台服务机；如果找不到这样的服务机，则认为这台客户机无法成功加入连接。请注意，尽管不允许两台不同的服务机使用相同的地址串，但多台客户机使用同样的地址串，以及同一台服务机同时被多台客户机连接的情况是被允许的。你的任务很简单：在给出每台计算机的类型以及地址串之后，判断这台计算机的连接情况。

## 【输入格式】

从文件 network.in 中读入数据。

第 1 行，一个正整数  $n$ 。

接下来  $n$  行，每行 2 个字符串  $op, ad$ ，按照编号从小到大给出每台计算机的类型及地址串。其中  $op$  保证为字符串 Server 或 Client 之一， $ad$  为一个长度不超过 25 的，仅由数字、字符和字符: 组成的非空字符串。

每行的两个字符串之间用恰好一个空格分隔开，每行的末尾没有多余的空格。

## 【输出格式】

输出到文件 network.out 中。

输出共  $n$  行，每行一个正整数或字符串表示第  $i$  台计算机的连接状态。其中：

如果第  $i$  台计算机为服务机，则：

1. 如果其提供符合规范的地址串且成功建立连接，输出字符串 OK。
2. 如果其提供符合规范的地址串，但由于先前有相同地址串的服务机而无法成功建立连接，输出字符串 FAIL。
3. 如果其提供的地址串不是符合规范的地址串，输出字符串 ERR。

如果第  $i$  台计算机为客户机，则：

1. 如果其提供符合规范的地址串且成功加入连接，输出一个正整数表示这台客户机连接到的服务机的编号。
2. 如果其提供符合规范的地址串，但无法成功加入连接时，输出字符串 FAIL。
3. 如果其提供的地址串不是符合规范的地址串，输出字符串 ERR。

## 【样例 1 输入】

```
5
192.168.1.1:8080
Server 192.168.1.1:8080
Client 192.168.1.1:8080
Client 192.168.1.1:80
Client 192.168.1.1:99999
```





【样例 1 输出】

OK  
FAIL  
1  
FAIL  
ERR

解:

## 26 josephus

josephus-csp-2021

(Josephus 问题) 有  $n$  个人围成一个圈, 依次标号  $0$  至  $n - 1$ 。

从  $0$  号开始, 依次  $0, 1, 0, 1, \dots$  交替报数, 报到  $1$  的人会离开, 直至圈中只剩一个人。

求最后剩下人的编号。

求解方法:

解决 Josephus 问题的经典方法是使用递归或数学公式。

可以得到一个递推关系式, 用  $f(n, m)$  表示  $n$  个人报数, 报到  $m$  时最后剩下的人的编号。

递推关系式为:

$$f(n, m) = (f(n - 1, m) + m) \% n$$

其中,  $f(1, m) = 0$ , 表示只剩一个人时的情况。

这个关系式的意义是: 在  $n$  个人报数的情况下,

第一轮报数时, 第一个被淘汰的人的编号为  $(f(n-1, m) + m)$  然后问题转化为  $n-1$  个人报数的情况, 并从下一个人开始重新报数。

通过不断递归计算  $f(n, m)$ , 最终可以得到只剩下最后一个人的编号, 即 Josephus 问题的解。

解:

```
include <iostream>
```

```
using namespace std;
```

```
const int MAXN = 1000000; // 最大的人数
```

```
int F[MAXN]; // 标记每个人是否被淘汰出圈
```

```
int main() {
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n; // 接收输入的人数 n
```

```
    int i = 0, p = 0, c = 0; // 当前报数的人编号、报数的标记、以
```



及已经被淘汰的人数

```
while(c < n - 1){ // 进入一个 while 循环, 循环条件是还未剩下
    最后一个人
        if(F[i] == 0){ // 判断当前报数的人是否还在圈内, 如
            果 F[i] 为 0, 表示该人还在圈内
                if(p){ // 判断当前报数标记 p 的值。p 的初始值为
                    0, 当 p 为 1 时, 说明报数到 1i, 该人将被淘汰
                        F[i] = 1; // 将当前报数的人标记为 1
                            , 表示被淘汰
                                c++; // 然后 c 增加 1, 表示已经淘汰的
                                    人数加 1
                                        }
                                            p ^= 1; // 将 p 的值进行异或运算, 相当于 p 取反,
                                                即 0 变成 1, 1 变成 0。这样可以实现交替报数的
                                                    效果
                                                        }
                                                            i = (i + 1) % n; // 更新报数的人的编号 i, 取余操作确
                                                                保编号在圈内循环
                                                                    }
int ans = -1; // 定义一个变量 ans, 用于记录最后剩下的人的编
    号, 初始化为 -1
for(i = 0; i < n; i++) // 遍历数组 F, 查找最后剩下的人的编号
    if(F[i] == 0) // 如果 F[i] 为 0, 表示该人未被淘汰
        ans = i; // 将该人的编号赋值给 ans
cout << ans << endl;
return 0;
}
```

