

期末复习

填空题





四川大学期末考试试题（闭卷）

（2021——2022 学年第 2 学期） A 卷

一、填空题：（每题 3 分，共 18 分）

1、设 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 均为 3 维列向量，

记矩阵 $A = [\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3]$ ，矩阵 $B = [\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3, \alpha_1 + 2\alpha_2 + 4\alpha_3, \alpha_1 + 3\alpha_2 + 9\alpha_3]$ ，

如果 $|A| = 1$ ，那么 $|B| =$ _____

2、设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ，则 $A^{2022} - 2A^{2021} =$ _____



3、设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & \lambda & -1 & 2 \\ 2 & -1 & \lambda & 5 \\ 1 & 10 & -6 & 1 \end{bmatrix}$ ，当参数 $\lambda =$ _____ 时，矩阵 A 的秩最小。

4、三阶矩阵 A 的特征值为 1, 1, 2, 则行列式 $\left| \left(\frac{1}{3} A^2 \right)^{-1} + \frac{1}{2} A^* - E \right| =$ _____

5、二维平面上的向量 $\beta = (5, 6)^T$ 在基 $\alpha_1 = (1, 2)^T$, $\alpha_2 = (3, 4)^T$ 下的坐标为 _____

6、设二次型 $f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 - ax_2)^2 + (x_2 - bx_3)^2 + (x_3 - cx_1)^2$ ，当且仅当 a, b, c 满足 _____

条件时，该二次型 f 正定。



四川大学期末考试试题（闭卷）

（2020——2021 学年第 2 学期） A 卷

一、填空题（每小题 3 分，共 18 分）

1. 设 A 是四阶矩阵，且 $|A| = \frac{1}{4}$ ，则 $|(2A^*)^{-1}| =$ _____.

2. 设 A 是 4×3 阶矩阵， A 的秩 $r(A) = 2$ ， $B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ ，则 AB 的秩 $r(AB) =$ _____.

3. 设 A 为 3 阶矩阵， A 的第一行元素为 1, 2, 3， $|A|$ 的第二行元素的余子式分别为 $a + 2$, $a + 1$, $a - 2$ ，则 $a =$ _____.



4. 设 $P = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, $Q = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 12 \\ 1 & 4 & 9 \\ 3 & 6 & 15 \end{bmatrix}$, $R = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, 则 $P^{2021}QR =$ _____.

5. 设 A 为 3 阶实对称矩阵, $\alpha_1 = \begin{bmatrix} 2 \\ a+4 \\ -3 \end{bmatrix}$, $\alpha_2 = \begin{bmatrix} a+1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$, 且 $A\alpha_1 = \alpha_1, A\alpha_2 = 2\alpha_2$, 则 $a =$ _____.

6. 二次型 $f(x_1, x_2, x_3) = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$ 的秩为 _____.



四川大学期末考试试题（闭卷）

(2019——2020 学年 第 1 学期) A 卷

一、填空题（每小题 3 分，共 18 分）

1. 设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$, $\alpha = \begin{pmatrix} k \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, 若 $A\alpha$ 与 α 线性相关, 则 $k =$ _____.

2. 若 A 的伴随矩阵 $A^* = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 & 6 \\ 0 & 2 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$, 则 $A^2 - A$ 的秩为 _____.



3. 设 $\alpha_1 = (1, 2, -1, 0)^T$, $\alpha_2 = (1, 1, 0, 2)^T$, $\alpha_3 = (2, 1, 1, k)^T$, 由 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 可生成 R^4 的子空间 H . 若 H 的维数为 2, 则 $k =$ _____.

4. 设 $A = (\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3)$, 方程组 $Ax = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ 的通解为 $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + c \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$, 其中 c 为任意实数, 则

$$\alpha_1 + 2\alpha_2 = \text{_____}.$$

5. 设 A 为 3 阶方阵, $|A+E| = |A-E| = 0$, A 的迹 $\text{tr}(A) = 2$, 则 $|A^2 + A^* - E| =$ _____.

6. 设二次型 $f(x_1, x_2, x_3)$ 在正交变换 $x = Py$ 下的标准形为 $y_1^2 + 2y_2^2 - 3y_3^2$, 其中 $P = (\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3)$. 若 $Q = (-\alpha_1, \alpha_3, \alpha_2)$, 则 $f(x_1, x_2, x_3)$ 在正交变换 $x = Qy$ 下的标准形为 _____.



四川大学期末考試試題（閉卷）

（2018——2019 學年 第 1 學期） A 卷

一、填空中題（每題 3 分，共 21 分）

1. 若矩陣 $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 4 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 0 & 0 & x \end{bmatrix}$ 與 $\begin{bmatrix} 3 & 2 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 4 & y \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ 相似，則 $xy = \underline{\hspace{2cm}}$.

2. 若存在 3 維列向量不能由向量組 $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ k \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ 線性表出，則 $k = \underline{\hspace{2cm}}$.

3. 若二次型 $(x_1, x_2, x_3) \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & k \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}$ 正定，則 k 的取值範圍為 $\underline{\hspace{2cm}}$.



4. 设 A 为3阶实对称阵, $A^2 - A = 2E$, $\text{tr}(A) = 0$, 则二次型 $X^T A X$ 的规范形为 _____.

5. 行列式
$$\begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 3 & 5 & 9 \\ 3 & 4 & 2 & 5 & 5 & 5 \\ 5 & 9 & 5 & 7 & 1 & 8 \\ 3 & 0 & 0 & 6 & 2 & 3 \end{vmatrix} = \text{_____}.$$

6. 设 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 为规范正交向量组, 则向量 $2\alpha_1 - 3\alpha_2 + 6\alpha_3$ 的长度为 _____.



7. 多项选择：下述集合中，_____不是 R^3 的子空间.

A. $\{(x_1, x_2, x_3) \mid x_1 + 2x_2 = x_2 + 3x_3 = 0; x_1, x_2, x_3 \in R\}$

B. $\{(x_1, x_2, x_3) \mid x_1 x_2 = 0; x_1, x_2, x_3 \in R\}$

C. $\{(x_1, x_2, x_3) \mid (x_1 - x_2 + x_3)^2 + (3x_2 - 4x_3)^2 = 0; x_1, x_2, x_3 \in R\}$

D. $\{(x_1, x_1 + 1, x_3) \mid x_1, x_3 \in R\}$

E. $\{(x_1 + 1, x_2 - 1, x_1 + x_2) \mid x_1, x_2 \in R\}.$



四川大学期末考试试题（闭卷）

（2017——2018 学年第 1 学期） A 卷

一、填空题(每小题 3 分，共 18 分)

1.按列分块的三阶方阵 $A = [\alpha_1 \quad \alpha_2 \quad \alpha_3]$, $B = [\alpha_1 + \alpha_2 \quad \alpha_2 + \alpha_3 \quad \alpha_3 + \alpha_1]$, 且

$|A| = 2017$, 则 $|B| =$ _____.

2. 设 6 阶方阵 A 满足 $A^2 + 12E = 7A$ 并且 $A - 3E$ 的秩为 1, 则 $A - 4E$ 的秩为_____.

3. 三阶方阵 A 有两个特征值为 2, 3, 并且 $|A| = 30$, 则行列式 $|A^2 - 4A + 5E| =$ _____.



4. 若 $\begin{bmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 0 & a & 7 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & b \end{bmatrix}$, 则 $a+b=$ _____.

5. 已知二次型 $f(x_1, x_2) = (x_1, x_2) \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & t \end{bmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$ 正定, 则 t 应满足条件_____.

6. R^2 的基 $\alpha_1 = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \alpha_2 = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$ 到另一组基 $\beta_1 = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}, \beta_2 = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \end{pmatrix}$ 的过渡矩阵为_____.