

Відповідність транспортної та симплекс таблиць

Для заданого ДБР ТЗЛП **побудувати** відповідну симплекс-таблицю:

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| | 4 | | 1 | | 3 | |
| 3 | | 1 | | 6 | | 9 |
| | 3 | | 1 | | 2 | |
| 3 | | 4 | | 0 | | 7 |
| | 5 | | 2 | | 1 | |
| | | 5 | | | | 5 |
| 6 | 9 | 6 | | | | |

Знайдемо відносні оцінки небазисних змінних:

| | | | | | | |
|----|----|---|---|--|---|---|
| | 4 | | 2 | | 3 | |
| 0 | 3 | | 1 | | 6 | 9 |
| -1 | 3 | | 4 | | 0 | 7 |
| 0 | -1 | | 5 | | 2 | 5 |
| | 6 | 9 | 6 | | | |

| БП | x11 | x12 | x13 | x21 | x22 | x23 | x31 | x32 | x33 | Розв. |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-------|
| z | | 1 | | | | 0 | -1 | | 2 | 53 |
| x11 | 1 | 1 | | | | -1 | 0 | | -1 | 3 |
| x13 | | 0 | 1 | | | 1 | 0 | | 1 | 6 |
| x21 | | -1 | | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 3 |
| x22 | | 1 | | | 1 | 0 | -1 | | -1 | 4 |
| x32 | | 0 | | | | 0 | 1 | 1 | 1 | 5 |

- 1) Переміщення по компенсаторному циклу будь-якого числа Δ не змінює балансових рівностей по рядках і стовпцях таблиці. І при цьому для компенсації зміни колишньої небазисної змінної $x_{i_0 j_0}$ деякі базисні змінні збільшуються на Δ , а деякі - зменшуються на Δ .
- 2) Знаком "+" помічаються клітки циклу, відповідні базисним змінним, що збільшуються на Δ , а знаком "-" - що зменшуються на Δ . Множина I_B пар індексів базисних змінних відповідно розбивається на три підмножини, які не перетинаються:

$$I_B^+, I_B^-, I_B \setminus (I_B^+ \cup I_B^-).$$

- 3) У симплекс-методі при виборі змінної, що виводиться з базису, використовується формула, згідно якої зміна значення небазисної змінної впливає тільки на базисні змінні:

$$x_B = \beta - \alpha_{*p} (x_N)_p,$$

де $\alpha_{*p} = B^{-1}a_{*p}$. (стовпець симплекс-таблиці, який відповідає змінній, що вводиться в базис, в залежності від значень компонент цього вектору, відповідні базисні змінні зменшуються, збільшуються або залишаються незмінними)

4) З урахуванням теореми 3 (Будь-який мінор матриці P транспортної задачі приймає одне з трьох значень 0, 1 або -1) можна показати, що компоненти вектора α_{*p} (

$\alpha_{*(i_0, j_0)}$) також приймають тільки одне з трьох значень 0, 1 або -1 і при цьому:

- а. підмножина базисних змінних, у яких $a_{ip} > 0$, відповідає підмножині пар індексів I_B^- ;
- б. підмножина базисних змінних, у яких $a_{ip} < 0$, відповідає підмножині пар індексів I_B^+ ;
- с. підмножина базисних змінних, у яких $a_{ip} = 0$, відповідає підмножині пар індексів $I_B \setminus (I_B^+ \cup I_B^-)$