Министерство образования и науки Российской Федерации Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого

Институт компьютерных наук и кибербезопасности Высшая школа технологий искусственного интелекта Направление: 02.03.01 «Математика и компьютерные науки»

Курс «Цифровой практикум» Отчёт о выполнении лабораторных работ №1 и №2

Работа с системой компьютерной вёрстки IAT_FX

Выполнил студент группы 5130201/40002		Семенов И. А.
Проверил доцент ВШТИИ		Попов С. Г.
	« »	2024r

Аннотация

В данном отчёте приведён анализ выполнения двух лабораторных работ по цифровому практикуму. Лабораторные работы заключались в копировании и вёрстке двух документов. Документы квлючают в себя текст, математические формулы и графические изображения. В результате выполнения работ удалось в точности порторить лист №1 и лист №2 — расхождения можно считать незначительными. Во время выполнения этих работ мной были получены навыки работы с РТЕХ, достаточные для оформления курсовых работ.

Содержание

B	веден	ше	4
1	Пос	тановка задач	5
2	Ход	выполнения работы	6
	2.1	Выбор редактора для вёрстки 1-го и 2-го листов	6
	2.2	Изучение структуры проекта	6
	2.3	Выбор пакетов	6
		2.3.1 Ниже приведены примеры используемых пакетов:	7
	2.4	Выравнивание и позиционирование текста	7
	2.5	Вёрстка математических формул	8
	2.6	Создание графических изображений	9
		2.6.1 Код для построения векторного изображения:	12
3	Воз	никшие проблемы	14
38	клю	чение	15
\mathbf{C}	писон	к литературы	16
П	_	жение А. Работа №1. Страница со списком математиче- к формул	17
	A.1.	Исходный лист	17
	A.2.	Полученный лист	18
	A.3.	Код	19
П	рило	жение Б. Работа №2. Страница из учебника, описываю-	
	•	«симплекические многообразия»	23
		Исходный лист	23
	Б.2.	Полученный лист	24
	Б.3.	Код	25

Введение

Т_EX — это система компьютерной вёрстки, созданная американским профессором информатики Дональдом Кнутом для реализации компьютерной типографии. Она предоставляет инструменты для секционирования документов, работы с перекрёстными ссылками и точной вёрстки текста. Благодаря этим функциям, Т_EX пользуется популярностью в академической среде, особенно среди математиков и физиков. Т_EX — универсальное средство для создания официальных документов. Использование кода для оформления позволяет пользователю сосредоточиться на содержании. Кроме того, такая особенность упрощает совместную работу, когда несколько авторов добавляют свои части в общий документ.

ГРТЕХ — это наиболее широко используемый набор макрорасширений системы ТЕХ, предназначенный для упрощения подготовки сложных документов. Типографский набор системы ТЕХ обычно оформляется с использованием ГРТЕХ. Этот пакет автоматизирует множество задач, включая набор текста на нескольких языках, нумерацию разделов и формул, создание перекрёстных ссылок, размещение иллюстраций и таблиц, ведение библиографии и многое другое. Помимо базового набора, существует большое количество пакетов для расширения возможностей ГРТЕХ. [2]

1 Постановка задач

 $\ensuremath{\textit{Цель:}}$ в точности повторить два выданных листа, используя систему компьютерной вестки $\ensuremath{\textit{LFT}}\xspace X$.

Задачи.

- 1. Выбрать и установить среду для вёстки документов.
- 2. Выбрать редактор для вёрстки ІАТЕХ.
- 3. Сверстать точную копию листа №1 с математическими формулами.
- 4. Сверстать точную листа №2, включающего в себя текст, математические формулы и два рисунка.
- 5. Сделать отчёт по проделанной работе.

2 Ход выполнения работы

2.1 Выбор редактора для вёрстки 1-го и 2-го листов

Для работы с IATEX существует множество редакторов: онлайнредакторы, где компиляция происходит на удалённом сервере, редакторы, специально предназначенные для вёрстки IATEX, как, например, TeXstudio, или редакторы, специально не предназначенные для вёрстки IATEX, однако в них за счёт сторонних расширений эту вёрстку можно осуществлять, как, например, Visual Studio Code.

Для вёрстки первого листа использовался Visual Studio Code v1.94, так как в нём есть широкие возможности для редактирования текста и подсветки синтаксиса. Редактор был скачан с этого сайта: https://code.visualstudio.com/ Объём дистрибутива составил 136 МБ, объём программы — 1,5 ГБ. Была использована среда разработки TeX Live. Компиляция осуществлялась на ноутбуке с относительно производительным процессором (AMD Ryzen 5 5500U with Radeon Graphics @ 2.10 GHz), 16,00 ГБ оперативной памяти, 64-разрядной операционной системой. Работа осуществлялась на Linux (Fedora Workstation 40)¹.

Вёрстка второго листа осуществлялась в онлайн-редакторе Overleaf, из-за возможности использовать браузерное расширение PerfectPixel² для наложения исходного изображения на итоговый документ. Был использован браузер Google Chrome 130. Работа осуществлялась на Windows.

2.2 Изучение структуры проекта

Для изучения структуры проекта использовалась книга «ІТЕХ 2ε в примерах»[1]. В ІТЕХ код делится на две части: преамбулу — в ней объявляются все пакеты, которые используются в документе, а также тип и формат документа и макроподстановки (например, \newcommand\s[2]{\scalebox{#1}{#2}}) — и основную часть, заключённую между командами \begin{document} и \end{document}. В основной части размещаются текст, формулы, рисунки и таблицы.

2.3 Выбор пакетов

Выбор пакетов стал непростой задачей, так как существует множество пакетов, которые решают одну и ту же проблему. Из-за этой неоднозначности приходилось искать, какой из способов будет оптимальным в том

 $^{^1}$ Дистрибутив Linux, предназначенный для персональных компьютеров (https://docs.fedoraproject.org/en-US/releases/f40/)

²Браузерное расширение, работающее в Google Chrome и Safary (https://chromewebstore.google.com/detail/perfectpixel-by-welldonec/dkaagdgjmgdmbnecmcefdhjekcoceebi).

или ином случае, а какой способ может привести к последующим проблемам. С выбором пакетов мне помогли ответы людей на таких ресурсах, как stackoverflow (https://stackoverflow.com/) и tex.stackexchange (https://tex.stackexchange.com/).

2.3.1 Ниже приведены примеры используемых пакетов:

- Для управления параметрами страницы \usepackage[textwidth=16cm, textheight=24cm]{geometry}
- Для вставки изображений в документ \usepackage{graphicx}
- Для русской локализации
 \usepackage [russian, english] {babel}
- Для добавления красивого русского шрифта \usepackage [T2C] {fontenc}
- Для более тонкой работы с таблицами \usepackage{tabularx}
- Для добавления математических символов \usepackage{amssymb}
- Для векторных рисунков \usepackage{tikz}
- Для создания мультистраничных таблиц \usepackage{tabularray}

2.4 Выравнивание и позиционирование текста

Так как нужно было получить точную копию исходного листа, позиционирование текста стало отдельной задачей. Нужно было учесть отступы от краёв документа, между строками, словами и абзацами.

Для того чтобы задать отступы от краёв документа, был использован пакет geometry. В нём можно задать параметры left, right, top, bottom, которые регулируют отступы слева, справа, сверху и снизу соответственно. Таким образом, были заданы отступы от краёв документа для 1-го и 2-го листов.

Чтобы задать отступы между строками, словами и абзацами, были использованы команды \hspace{}, \vspace{} и вручную введённые пробелы, такие как: ,, ;, \quad. Также были использованы такие теги, как \centering (позволяет центрировать текст на странице).

Например, код \hspace{20pt} Смещён на 20 пунков будет выглядеть так: Смещён на 20 пунков.

2.5 Вёрстка математических формул

Так как ТеХ создавался во многом для литературы, связанной с математическим языком, в нём есть очень продвинутая система вёрстки формул. Существует множество справочников, описывающих способы задания формул, включая различные операторы, символы, математические структуры и их стили отображения.

В ТеX можно легко комбинировать текст с формулами, а также задавать их в различных режимах — от простых алгебраических выражений до сложных интегралов, матриц, сумм и пределов. Чтобы понять, как вёрстать формулы в \LaTeX , были использованы как материалы из книги \LaTeX в примерах»[1], так и ответы людей на форумах[7] и документация Overleaf[4].

Формулы задаются в «математическом режиме», который объявляется с помощью знаков \$ или \[. . . \]. С помощью \$ можно вставлять формулы прямо внутрь строки, например, код формулы $x^n + y^n = z^n$ будет выглядеть так: $x^n + y^n = z^n$ \$. Тогда как формулы, заданные с помощью \[. . . \], выносятся за пределы строки и помещаются в центр:

$$x^n + y^n = z^n$$

Также стоит отметить, что при вёрстке первого файла мне встретились многострочные формулы, как, например, эта:

$$13.^{7} \int_{0}^{\pi} \sin^{2n+1} x \cos 2mx \, dx =$$

$$= 2 \int_{0}^{\pi/2} \sin^{2n+1} x \cos 2mx \, dx = \frac{(-1)^{m} 2^{n+1} n! (2n+1)!!}{(2m-2n-3)!! (2m+2n+1)!!} \quad [n \geqslant m-1]$$

$$= \frac{(-1)^{n+1} 2^{n+1} n! (2m-2n+3)!! (2n+1)!!}{(2m+2n+1)!!} \quad [n < m-1]$$

$$\Gamma X2 (332)(12c)$$

Ниже приведён код этой формулы:

```
1 \begin{align*}
2     \hspace{-5pt} \makebox[0pt][1]{$13.^{7}$} \hspace{5pt}
     \hspace{23.5pt} \int_{0}^{\pi} \sin^{2n+1}x&\cos2mx \,dx = \\[-2.5pt]
3     & \hspace{5pt} = 2\hspace{-2pt}\int_{0}^{\pi/2} \sin^{2n+1}x\cos2mx \,dx = \frac{(-1)^{m}2^{n+1}n!(2n+1)!!}{(2m-2n-3)!!(2m+2n+1)!!}
     & \, [n \geq m - 1] \\[-3pt]& \hspace{5pt} = \\frac{(-1)^{n+1}2^{n+1}n!(2m-2n+3)!!(2n+1)!!}{(2m+2n+1)!!}
     & \, [n < m - 1] \\
4  \tag*{\Gamma X2 (332)(12c) \hspace{-.5pt}}
5 \end{\align*}</pre>
```

Как нетрудно заметить, выравнивание формул в \LaTeX можно делать с помощью $\ensuremath{\texttt{begin}\{align\}}$. . . $\ensuremath{\texttt{calign}}$ [5].

2.6 Создание графических изображений

 $T_{E}X$, позволяет вставлять в документ растровые и векторные изображения, для которых были использованы пакеты graphicx и TikZ соответственно.

Пакет graphicx позволяет вставлять в документ png изображения. Можно задавать ширину, высоту, увеличение (scale) и другие параметры.

Например, так выглядит код для добавления растровой картинки, вставленной с помощью пакета graphicx:

\begin{figure}

\includegraphics{graph.png} % Загрузка изображения graph.png \caption{\$y=\sigma(x)\$} % Подпись под изображением \end{figure}

Пакет TikZ, в свою очередь, позволяет строить комплексные векторные изображения, состоящие из множества элементов. С помощью него можно строить графики функций, геометрические фигуры, схемы, диаграммы, блок-схемы, иллюстрации процессов, а также оформлять сложные научные и технические чертежи. Пакет предоставляет пользователю гибкий язык разметки для определения и настройки каждой детали изображения: от расположения узлов и соединений до управления цветами, стилями линий и параметрами текста.

Чтобы упростить вёрстку векторного изображения, была использована таблица, описывающая его параметры. Для исходного изображения (Рис. 1) была построена таблица с каждым объектом, его типом, расположением и параметрами (Таблица 1). На основе этой таблицы было построено изображение (Рис. 2), которое путём наложения с помощью PixelPerfect было доведено до полного совпадения с оригиналом.

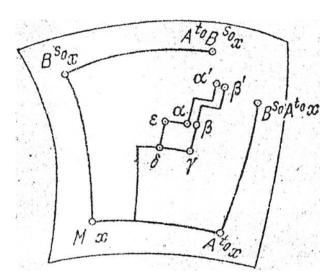


Рис. 1: Оригинал изображения

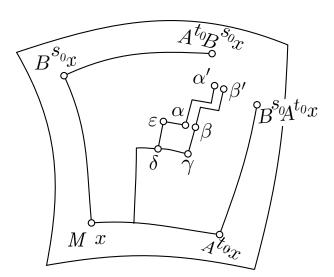


Рис. 2: Полученное изображение

Таблица 1: Объекты, использованные для векторного изображения

Тип объекта	Примерные координаты	Параметры
Кривая	$ \begin{array}{c} (0,0) \xrightarrow[\text{in}=10]{\text{out}=168} (-2.5,0.05) \xrightarrow[\text{in}=-60]{\text{out}=79} \\ \rightarrow (-2.86,2.61) \xrightarrow[\text{in}=158]{\text{out}=18.5} (0.4,2.7) \xrightarrow[\text{in}=75]{\text{out}=-92} (0,0) \end{array} $	тонкая
Кривая	$\begin{array}{c} (0.03,1.98) \xrightarrow[\text{in}=70]{\text{out}=-100} (-0.42,0.42) \xrightarrow[\text{in}=4]{\text{out}=-172} \\ \rightarrow (-1.96,0.56) \xrightarrow[\text{in}=-65]{\text{out}=95} (-2.29,2.33) \xrightarrow[\text{in}=177]{\text{out}=-25} \\ \rightarrow (-0.51,2.595) \end{array}$	тонкая
Ломаная	$(-1.16,1.45) \rightarrow (-1.095,1.78) \rightarrow (-0.83,1.735) \rightarrow (-0.52,2) \rightarrow (-0.48,2.21)$	тонкая
Кривая	$ \begin{array}{c} (-1.45, 0.55) \xrightarrow[\text{in}=-90]{\text{out}=88} \\ (-1.42, 1.46) \xrightarrow[\text{in}=177]{\text{out}=5} \\ \rightarrow (-1.16, 1.45) \xrightarrow[\text{in}=170]{\text{out}=3} \\ (-0.8, 1.39) \rightarrow \\ \rightarrow (-0.71, 1.71) \rightarrow (-0.65, 1.95) \rightarrow \\ \rightarrow (-0.43, 1.91) \rightarrow (-0.37, 2.17) \end{array} $	тонкая
Текст	B в (0.13,1.85), s в (0.25,1.98), A в (0.39,1.88), x в (0.7,1.89)	поворот 5°, увел. в 0.7 раза
Текст	0 в (0.33,1.91), 0 в (0.59,1.93)	поворот -10°, увел. в 0.42 раза
Текст	t в (0.51,1.98)	поворот 5°, увел. в 0.6 раза
Текст	А в (-0.55,0.28)	поворот -22°, увел. в 0.6 раза
Текст	t в (-0.4,0.32), x в (-0.24,0.18)	поворот -22°, увел. в 0.7 раза
Текст	0 в (-0.34,0.24)	поворот -32°, увел. в 0.4 раза
Текст	M в (-2.13,0.36), x в (-1.85,0.36), B в (-2.55,2.49), β в (-0.2,2.14), β в (-0.58,1.65), δ в (-1.21,1.29), ε в (-1.22,1.78), α в (-0.92,1.9), α' в (-0.63,2.33)	поворот 0°, увел. в 0.7 раза
Текст	s в (-2.39,2.62)	поворот 0°, увел. в 0.72 раза
Текст	0 в (-2.3,2.55)	поворот -10°, увел. в 0.4 раза

Continued on next page

Таблица 1: Объекты, использованные для векторного изображения (Continued)

Тип объекта	Примерные координаты	Параметры
Текст	t в (-0.68,2.88)	поворот -10°, увел. в 0.65 раза
Текст	0 в (-0.62,2.81)	поворот -20°, увел. в 0.42 раза
Текст	$oxed{B}$ в (-0.53,2.75), s в (-0.35,2.85), x в (-0.2,2.7)	поворот -15°, увел. в 0.7 раза
Текст	0 в (-0.28,2.78)	поворот -30°, увел. в 0.42 раза
Текст	γ в (-0.8,1.23)	поворот 0°, увел. в 0.8 раза
Узел	В (0.03,1.98), в(-0.42,0.42), в (-1.96,0.56), в (-2.29,2.33),в (-0.51,2.595), в (-1.095,1.78), в (-0.83,1.735), в (-0.48,2.21), в (-1.16,1.45), в (-0.8,1.39), в (-0.71,1.71), в (-0.37,2.17)	мин. размер 2.2пт, заливка белая, круг

2.6.1 Код для построения векторного изображения:

```
% Макросы для векторного рисунка
\newcommand{\circlenode}{node[minimum size=2.2pt, inner sep=0pt,
outer sep=Opt, draw, circle, fill=white] {}}
\newcommand\textnode[3]{node[minimum size=0pt, inner sep=0pt, outer
sep=Opt, rotate=#2] {\scalebox{#3}{\footnotesize#1}}}
\newcommand\backgroundnode[3] \{ node[rotate=#3, fill=white, minimum \]
width=#1, minimum height=#2] {}}
\begin{tikzpicture}[scale=1.35, transform shape]
    % Внешняя фигура
    \draw [thick]
        (0,0) to [out=168,in=10]
        (-2.5,.05) to [out=79, in=-60]
        (-2.86, 2.61) to [out=18.5, in=158]
        (.4,2.7) to [out=-92,in=75] (0,0);
    % Внутренняя фигура
    \draw [thick]
        (.03,1.98) \circlenode to[out=-100,in=70]
        (-.42,.42) \circlenode to[out=172,in=4]
        (-1.96,.56) \circlenode to[out=95,in=-65]
        (-2.29, 2.33) \circlenode to[out=25,in=177]
        (-.51, 2.595) \circlenode;
    % Внутренная фигура 2
    \draw [thick]
        (-1.16, 1.45) --
        (-1.095, 1.78) \ circlenode --
        (-.83, 1.735) \circlenode --
        (-.75, 2.04) --
        (-.52,2) --
        (-.48,2.21) \circlenode;
    % Внутренная фигура 3
    \draw [thick]
        (-1.45,.55) to [out=88,in=-90]
        (-1.42,1.46) to [out=5,in=177]
        (-1.16, 1.45) \circlenode to[out=3, in=170]
        (-.8,1.39) \circlenode --
        (-.71, 1.71) \circlenode --
        (-.65,1.95) --
        (-.43, 1.91) --
        (-.37, 2.17) \circlenode;
    % Текстовые подписи
    \draw
        (.5,1.9) \backgroundnode{20pt}{7.5pt}{5}
        (.13,1.85) \text{textnode} \{\$B\$\} \{5\} \{.7\}
        (.25,1.98) \text{textnode} \{ \$s \$ \} \{ 5 \} \{ .7 \}
```

```
(.33,1.91) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-10\} \{.42\}
           (.39,1.88) \text{textnode} \{\$A\$\} \{5\} \{.7\}
           (.51,1.98) \text{textnode} \{ t \} \{ 5 \} \{ .6 \}
           (.59,1.93) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-10\} \{.42\}
           (.7,1.89) \text{textnode} \{x\} \{5\} \{.7\}
           (-.55,.28) \text{textnode} \{\$A\$\}\{-22\}\{.6\}
           (-.4,.32) \text{textnode} \{ t \} \{ -22 \} \{ .7 \}
           (-.34,.24) \text{textnode}\{0\}\{-32\}\{.4\}
           (-.24,.18) \text{textnode} \{ x \} \{ -22 \} \{ .7 \}
           (-2.13,.36) \text{textnode}(\text{M}){0}{.7}
           (-1.85,.36) \text{textnode} \{ x \} \{ 0 \} \{ .7 \}
           (-2.55, 2.49) \text{textnode} \{\$B\$\} \{0\} \{.7\}
           (-2.39,2.62) \text{textnode} \{\$s\} \{0\} \{.72\}
           (-2.3, 2.55) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-10\} \{.4\}
           (-2.2,2.5) \text{textnode} \{ x \} \{ 10 \} \{ .7 \}
           (-.83,2.8) \text{textnode} \{\$A\$\}\{-10\}\{.7\}
           (-.68,2.88) \text{textnode} \{ t \} \{ -10 \} \{ .65 \}
           (-.62,2.81) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-20\} \{.42\}
           (-.53,2.75) \text{textnode} \{\$B\$\}\{-15\}\{.7\}
           (-.35,2.85) \text{textnode} \{ s \} \{ -15 \} \{ .7 \}
           (-.28,2.78) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-30\} \{.42\}
           (-.2,2.70) \text{textnode} \{ x \} \{ -15 \} \{ .7 \}
           (-.2,2.14) \text{textnode}{\text{beta'}}{0}{.7}
           (-.58,1.65) \text{textnode} \{\text{0},1.65\}
           (-.8,1.23) \text{textnode} {\frac{1.8}{0}{.8}}
           (-1.21,1.29) \text{textnode} {\cluster{1.21,1.29}} \
           (-1.22,1.78) \text{textnode} \{ \text{silon} \} \{ 0 \} \{ .7 \}
           (-.92,1.9) \text{textnode} {\alpha}{\beta}{0}{.7}
           (-.63,2.33) \text{textnode} {\alpha'}_{0}{.7};
\end{tikzpicture}
```

3 Возникшие проблемы

- 1. На первом листе возникла проблема выравнивания формул по ле-\begin{align} ... \end{align} краю. При использовании Решить формулы были выровнены центру. Overflow[7] – нужно му мне ответ StackПОМОГ на \documentclass[9pt, fleqn]{article} пользовать вместо \documentclass[9pt]{article}.
- 2. На первом листе возникла проблема подключения sans-serif шрифтов. При подключении стороннего шрифта программа при компиляции выдавала ошибку. Проблема была решена сменой среды с pdflatex на lualatex. Помог мне решить эту проблему ответ на $Stack\ Overflow$ [6].
- 3. На первом листе возникла проблема изменения размера шрифта колонтитула. Проблема была частично решена с помощью \relscale{.93}, однако итоговый размер шрифта колонтитула оказался немного меньше, чем в оригинале.
- 4. При вёрстке второго листа возникла проблема с масштабом векторного рисунка. Эта проблема была решена с помощью документации[8] пакета TikZ. Были использованы параметры scale=1.35, transform shape.
- 5. При вёрстке второго листа возникла проблема с выбором инструмента для создания круглых вершин с белой заливкой и чёрной рамкой криволинейного четырёхугольника. В итоге это было сделано с помощью инструмента пакета TikZ node. Решить эту проблему мне помогла документация[9] пакета TikZ.

 $^{^3}$ sans-serif — шрифты без засечек.

Заключение

В итоге получилось 2 листа, достаточно точно повторяющих исходные, — настолько, что расхождения можно считать незначительными.

На вёрстку первого листа в сумме было потрачено около 18 часов. Большая часть из них, конечно, была потрачена на то, чтобы разобраться в документации №ТеХ и установить на компьютер среду разработки. Также большая часть времени была потрачена на выравнивание 10 формул, чтобы итоговый лист можно было наложить на исходный. Размер .tex файла составил 5,46 КБ, сам файл состоял из 124 строчек кода.

На вёрстку второго листа было потрачено около 13 часов. Большая часть времени ушла на то, чтобы сверстать векторный рисунок: разобраться с документацией пакета TikZ и решить проблемы, связанные с вёрсткой векторного рисунка. Также значительная часть времени ушла на выравнивание и позиционирование текста: нужно было в точности повторить исходный лист. В итоге удалось сверстать векторное изображение, вставить 22 формулы как в сам текст, так и отдельно (с новой строки), вставить растровый рисунок. Объём .tex файла составил 11,7 КБ, сам файл состоял из 209 строчек кода.

Список литературы

```
[1] Книга «РТ_{\mathsf{F}}Х 2_{\varepsilon}в примерах» - Воронцов К. В.
[2] «What are LaTeX Packages?» – [Электронный ресурс].
  URL: https://guides.lib.wayne.edu/latex/packages
  (Дата обращения: 08.09.2024)
[3] «LaTeX/Boxes» – [Электронный ресурс].
  URL: https://en.wikibooks.org/wiki/LaTeX/Boxes
  (Дата обращения: 20.09.2024)
[4] «Mathematical expressions» – [Электронный ресурс].
  URL: https://www.overleaf.com/learn/latex/Mathematical_
  expressions
  (Дата обращения: 08.09.2024)
[5] «Aligning equations with amsmath» – [Электронный ресурс].
  URL: https://www.overleaf.com/learn/latex/Aligning_equations_
  with_amsmath
  (Дата обращения: 10.09.2024)
[6] «pdflatex missing T2A fonts?» – [Электронный ресурс].
  URL: https://stackoverflow.com/questions/73484468/
  pdflatex-missing-t2a-fonts
  (Дата обращения: 25.09.2024)
[7] «Left align block of equations» – [Электронный ресурс].
  URL: https://stackoverflow.com/questions/2632628/
  left-align-block-of-equations
  (Дата обращения: 12.09.2024)
[8] «The TikZ and PGF Packages» – [Электронный ресурс].
  URL: https://tikz.dev/
  (Дата обращения: 22.10.2024)
[9] «A Petri-Net for Hagen» – [Электронный ресурс].
  URL: https://tikz.dev/tutorial-nodes
  (Дата обращения: 20.10.2024)
```

Приложение А. Работа №1. Страница со списком математических формул

А.1. Исходный лист

А.2. Полученный лист

А.3. Код

```
1 \%!TEX program = lualatex
2 \\documentclass[9pt,fleqn]{article}
3 \usepackage[textheight=24cm, left=2.5cm, right=2.5cm]{geometry}
4 \usepackage{graphicx}
5 % \usepackage[condensed,math]{iwona}
6 \usepackage[russian,english]{babel}
7 \usepackage[T2C]{fontenc}
8 % \usepackage{cmbright}
9 % \usepackage{unicode-math}
10 % \usepackage{polyglossia}
11 \usepackage[no-math,no-config]{fontspec}
12 \setmainfont{calibri.ttf}
13 \usepackage{tabularx}
14 \usepackage{ragged2e}
15 \usepackage{amsmath}
16 \usepackage{relsize}
17 % \setdefaultlanguage{russian}
18 % For russian controls
19 \usepackage{amssymb}
20 \title{Степени тригонометрических функций и линейных функций}
21 \author{Илья Семенов}
22 \pagenumbering{gobble}
23 \newcommand{\verticalGap}{-24pt}
24 % Makes possible using vars
25 \makeatletter
26 % Document margins correction
27 \sloppy
28 % Add new table column styles
29 \newcolumntype\{C\}[1]\{>\{\centering\let\newline\\\lambda\arraybackslash\}\}
    \hspace{0pt}\m{#1}
30 \mbox{\newcolumntype}{R}[1]{>{\newcolumntype}{R}}[1]{>{\newcolumntype}{R}}
31 \setlength{\tabcolsep}{0pt}
32 \renewcommand{\arraystretch}{1}
33 % Replace eng >= <= to rus ones
34 \renewcommand{\leq}{\leqslant}
35 \renewcommand{\geq}{\geqslant}
36 % Remove space around align
37 \setlength{\abovedisplayskip}{0pt}
38 \setlength{\belowdisplayskip}{0pt}
39 \left\{ \begin{array}{l} 39 \right\} \end{array}
40 \setlength{\belowdisplayshortskip}{0pt}
41 % Set default latex font
42 \newcommand\Lcs[1] {{\normalfont\ttfamily\textbackslash#1}}
43 \begin{document}
44 \begin{tabularx}{16cm}{m{1.6cm} C{12.8cm} R{1.6cm}}
45 \relscale{.93}3.631 & \relscale{.93}\@title & \relscale{.93}
    \left\{401\right\} \left[-7pt\right]
46 \rule{16cm}\{.6pt\}\[-9pt]
47 \rule{16cm}\{.6pt\}\
48 \end{tabularx}
```

```
49 \vspace{4pt}
50 \begin{align*}
51 \hspace{-5pt} \mbox[0pt][1]{$7.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
    \int_{0}^{\pi} \sin^{n}x\cos(2m+1)x \ dx = 0 \
52 & tag*{\Gamma X2 (332)(12a) \hspace{-.5pt}}
53 \end{align*}
54 \vspace{\verticalGap}
55 \vspace{6pt}
56 \begin{align*}
57 \hspace{-5pt} \makebox[0pt][1]{$8.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
    \int_{0}^{\pi} \sin^{\pi} \sin^{\pi} dx = \frac{\pi}{\pi} \cos \frac{a}{\pi}
    \pi_{2}_{2^{\frac{1}{nu-1}}}u^{\mathbb{B}}\left(\frac{nu+a+1}{2},\frac{nu+a+1}{2}\right)
    \nu-a+1{2}\right)} \\
58 & \hspace{-6pt} [\mathrm{Re}\,\nu > 0] \tag*{Jl6 V 121(68)}, Bt 337u
    \hspace{-.5pt}}
59 \end{align*}
60 \vspace{\verticalGap}
61 \begin{align*}
62 \hspace{-5pt} \mbox[0pt][1]{$9.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
    \int_{0}^{\pi_{0}^{\pi_{0}}} \cos^{\pi_{1}x\cos ax}, dx = \frac{\pi_{0}^{2^{\pi_{0}}}}{2^{\pi_{0}}}
    \mathbf{B}\left(\frac{nu+a+1}{2},\frac{nu-a+1}{2}\right) \
63 & \hspace{-5pt} [\mathrm{Re}\,\nu > 0] \tag*{\GammaX2 (332)(9c)}
    \hspace{-.5pt}}
64 \end{align*}
65 \vspace{\verticalGap}
66 \begin{align*}
67 \hspace{-5pt} \makebox[0pt][1]{$10.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
    \int_{0}^{\pi}(\pi^2) \sin^2(\pi^2) x \cos x \ dx = \frac{1}{\min-1} \sin x
    \frac{ \int \int \int (u \pi)}{2} \
68 & \hspace{43pt} [\mathrm{Re}\,\nu > 1] \tag*{\GammaX2 (332)(16b), } \Phix II
    15 2\hspace{2pt}
69 \end{align*}
70 \vspace{\verticalGap}
71 \vspace{6pt}
72 \begin{align*}
73 \hspace{-5pt} \mbox[0pt][1]{$11.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
    \int_{0}^{\pi} \sin^{nu}x\cos x \ dx = \frac{\pi^{2^{nu}}\cos}{2^{nu}}\cos
    \frac{\ln \pi}{2} \
74 & \hspace{1.3cm} [\mathrm{Re}\,\nu > -1] \tag*{Π6 V 121(70)μ}
    \hspace{-.5pt}}
75 \end{align*}
76 \vspace{\verticalGap}
77 \vspace{6pt}
78 \begin{align*}
79 \hspace{-5pt} \makebox[0pt][1]{$12.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
    \int_{0}^{\pi} \sin^{2n}x\cos 2mx \dx \begin{tikzpace}{-1pt} & =
    2\hspace{-1.5pt}\int_{0}^{\pi/2} \sin^{2n}x\cos^2mx \dx = \frac{(-1)}{n}
    {m}}{2^{2n}}\hspace{-2pt}\begin{pmatrix}
80 2n \\
81 n-m
82 \end{pmatrix} \pi \\
83 & = 0 \quad [n < m] \hspace\{48pt\} \\
```

```
84 \text{TM} \in \{\text{Su} (40)(16), \Gamma X2 (332)(12b) \setminus \text{hspace}\{-.5pt\}\}
85 \end{align*}
86 \vspace{\verticalGap}
87 \vspace{-.5pt}
88 \begin{align*}
89 \hspace{-5pt} \makebox[0pt][1]{$13.^{7}$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
         \int_{0}^{\pi} \sinh^{2n+1}x\&\cos 2mx \, dx = 
90 & hspace{5pt} = 2hspace{-2pt}\int_{0}^{\phi/2} \sinh^{2n+1}x\cos 2mx
         \dx = \frac{(-1)^{m}2^{n+1}n!(2n+1)!!}{(2m-2n-3)!!(2m+2n+1)!!} \quad \dx = \frac{(-1)^{m}2^{n+1}n!(2n+1)!!}{(2m-2n-3)!!(2m+2n+1)!!}
         [n \ geq m - 1] \ \
91 & hspace{5pt} = \frac{(-1)^{n+1}2^{n+1}n!(2m-2n+3)!!(2n+1)!!}
         {(2m+2n+1)!!} \quad [n < m - 1] \
92 \text{TX2} (332)(12c) \hspace{-.5pt}
93 \end{align*}
94 \vspace{\verticalGap}
95 \vspace{-3.5pt}
96 \begin{align*}
97 & \hspace{-6pt} \makebox[0pt][1]{$14.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
         \label{limit_{0}^{\pi/2} \cos^{nu-2}x \sin x \ dx = \frac{1}{nu - 1}} $$ int_{0}^{\pi/2}  \cos^{nu-2}x \sin x \ dx = \frac{1}{nu - 1}
         \hspace{2.3cm} \
98 & [\mathrm{Re}\,\nu > 1] \tag*{\GammaX2 (332)(16c), \Phix II 152}
99 \end{align*}
100 \vspace{\verticalGap}
101 \vspace{6pt}
102 \begin{align*}
103 \hspace{-6pt} \makebox[0pt][1]{$15.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
         \int_{0}^{\pi} \cos^mx\sin nx \dx \begin{subarray}{l} & = [1-(-1)^{m+n}] \\ & = [1
         \label{limit_{0}^{\pi}} \lim_{0}^{\pi}x\sin nx \, dx = \
104 & = [1 - (-1)^{m+n}] \begin{tabular}{l} $ 104 & = [1 - (-1)^{m+n}] \begin{tabular}{l} $ 104 & = [1 - (-1)^{m+n}] \end{tabular} 
         {(m-k)!}\frac{(m+n-2k-2)!!}{(m+n)!!} + s\frac{m!(n - m - 2)!!}{(m + m - 2)!!}
        n)!!}\Biggr\} \\
105 \end{align*}
106 \vspace{\verticalGap}
107 \vspace{-16pt}
108 \begin{align*}
\hspace{-2pt}r = \begin{cases}
110 m, & \text{text}\{ecли \mbox{ m } \leq n\$\} \
111 n, & \text{если $m \geq n$}
112 \end{cases}, \hspace{12pt} s = \
113 \begin{cases}
114 2, & \text{text}\{ec\pi u \ n - m = 41 + 2 > 0\$\} \setminus
115 1, & \text{text}\{ec\pi u \ n - m = 21 + 1 > 0\$\} \
116 0, & \text{text}\{\text{если } \text{$n - m = 41} \text{$ или } \text{$n - m < 0}\}
117 \end{cases}\right]\ \tag*{\GammaX2 (332)(13a)}
118 \end{align*}
119 \vspace{\verticalGap}
120 \vspace{8pt}
121 \begin{align*}
122 \hspace{-6pt} \mbox[0pt][1]{$16.$} \hspace{5pt} \hspace{23.5pt}
         \int_{0}^{\pi}(2) \cos^{n}x \sin nx \, dx = \frac{1}{2^{n+1}}\sum_{k=1}^{n+1}
         {n}\frac{2^{k}}{k} \text{ II } 153}
```

123 \end{align*}
124 \end{document}

Приложение Б. Работа №2. Страница из учебника, описывающая «симплекические многообразия»

Б.1. Исходный лист

Б.2. Полученный лист

Б.3. Код

```
1 \documentclass[9pt,a5paper]{article}
2 \special{papersize=148mm,210mm}
3 \usepackage[left=2.2cm, right=1.5cm, top=1.5cm,
    bottom=1.5cm]{geometry}
4
5 \usepackage{graphicx}
6 \graphicspath{ {./} }
7
8 \usepackage[russian,english]{babel}
9 \usepackage[T2C]{fontenc}
10
11 \usepackage{array}
12 \usepackage{tabularx}
13 \usepackage{ragged2e}
14 \usepackage{amsmath}
15
16 \usepackage{multirow}
17
18 % Package for graphs
19 \usepackage{tikz}
20
21 % Package for letterspacing
22 \usepackage[letterspace=300]{microtype}
23
24 % \setdefaultlanguage{russian}
25
26 % For russian controls
27 \usepackage{amssymb}
28
29 \title{CИМПЛЕКТИЧЕСКИЕ МНОГООБРАЗИЯ}
30 \author{Илья Семенов}
31
32 \pagenumbering{gobble}
34 % Makes possible using vars
35 \makeatletter
36
37 % Document margins correction
38 \sloppy
39
40 % Add new table column styles
41 \newcolumntype\{C\}[1]\{>\{\centering\let\newline\\\lambda\arraybackslash\}\}
    \hspace{0pt}m{#1}
42 \newcolumntype{R}[1]{>{\RaggedLeft\arraybackslash}p{#1}}
44 \setlength{\tabcolsep}{0pt}
45 \renewcommand{\arraystretch}{1}
46
47 % Replace eng >= <= to rus ones
48 \renewcommand{\leq}{\leqslant}
```

```
49 \renewcommand{\geq}{\geqslant}
50 \renewcommand{\epsilon}{\varepsilon}
51 \renewcommand{\theta}{\vartheta}
52 \renewcommand{\phi}{\varphi}
53
54 % Макросы для векторного рисунка
55 \newcommand{\circlenode}{node[minimum size=2.2pt, inner sep=0pt,
    outer sep=Opt, draw, circle, fill=white] {}}
56 \newcommand\textnode[3] {node[minimum size=0pt, inner sep=0pt,
    outer sep=0pt, rotate=#2] {\scalebox{#3}{#1}}
57 \newcommand\backgroundnode[3] \{node[rotate=#3, fill=white,
    minimum width=#1, minimum height=#2] {}}
58
59 \newcommand\hs[1]{\hspace{#1}}
60 \newcommand\vs[1]{\vspace{#1}}
61 \newcommand\s[2] \{ \scalebox \{ \#1 \} \{ \#2 \} \}
62
63 \newcommand\eq{\hs{-.6pt}=\joinrel\hs{-4pt}=\hs{-.6pt}}
64 \newcommand\eqv{\hs{-1pt}\equiv\joinrel\hs{-4pt}\equiv\hs{-1pt}}
65 \newcommand\rarrow{\hs{3pt}-\hs{-5pt}\joinrel\xrightarrow{}}
66 \newcommand\ti{-\joinrel\hs{-4pt}-}
67
68 % Remove space around align
69 \setlength{\abovedisplayskip}{0pt}
70 \setlength{\belowdisplayskip}{0pt}
71 \setlength{\abovedisplayshortskip}{0pt}
72 \setlength{\belowdisplayshortskip}{0pt}
73
74 % Set default latex font
75 \newcommand\Lcs[1]{{\normalfont\ttfamily\textbackslash#1}}
76
77 \begin{document}
78 \hs{-20pt}
79 \begin{tabularx}{\textwidth}{m{.2\textwidth}} C{.6\textwidth}
    R{.2\textwidth}}
80 \footnotesize180& \s{.69}{\Otitle} & \s{.69}{[\GammaJI.8}\hs{100pt}
81 \end{tabularx}
82
83 \vs{10pt}
84
85 \small\textbf{Д. Условие коммутативности потоков.} Пусть $\pmb{A},
    hs{5pt} \pmb{B}$ --- векторные поля <math>hs{2pt} на hs{1pt}
    многообразии \hs{2pt} $M$.
86
87 \vs{-1pt}
88
89 \sl {Teopema} \hs {-1pt}. \hs {.5pt} \textit {\sl {Iba}} \notoka \hs {1pt}
    A^{t}, \hs{2pt} B^{s}\ \hs{1pt} \ \mbox{kommyтируют } hs{1pt} \ \column{tright}
    и тогда, \hs{2pt} когда \hs{2pt} скобка \hs{4pt} Пуассона \hs{2pt}
    cooтветствующих \hs{1pt} векторных \hs{1pt} полей $\pmb{[A,\hs{8pt} B]}$
    \hs{.5pt} равна \hs{.5pt} нулю.}
90
```

```
91 \vs{-1.5pt}
92
93 \small\textls{Доказательство}\hs{-1pt}.\hs{5pt} Если \hs{7pt}
   лемме hs{6pt}1 \pmb{[A, hs{10pt} B]} \eq 0$.
94 hs{3pt} Если hs{2pt} $\pmb{[A,\hs{5pt} B]} = 0$, \hs{2pt} то по
   \hs{1pt} πemme \hs{.7pt} 1 \hs{0pt} для \hs{1pt} πюбой \hs{1pt}
   функции $\phi$ \hs{2pt} в \hs{0pt} любой \hs{1pt} точке \textit{x}
95 \vs{-6pt}
96 ∖[
97 \  \hs{2pt} \ \text{---} \ \hs{2pt} \ \eq 
   o(s^2+t^2), \quad s \rarrow 0, t \rarrow 0. \vs{-3.5pt}
98 \]
99 Мы \hs{1pt} покажем, \hs{1pt} что отсюда \hs{1pt} вытекает \hs{1pt}
   \Phi(A^{t}B^{s}x) \neq \Phi(B^{s}A^{t}x) \hs{1pt} при достаточно
   hs{1pt} малых hs{1pt} $s$ hs{.2pt} и hs{0pt} $t$.
100
101 \vs{5pt}
102
103 \footnotesize \hs{1pt} Применяя это соотношение к \hs{1pt} локальным
   координатам (\phi x_1,\,\phi x_n), vs\{-11pt\}
104 получим A^{t}B^{s} \leq B^{s}A^{t}.
105 \vs{-2pt}
106 \footnotesize \hs{1pt} Рассомтрим прямоугольник \hs{1pt} $0 \hs{1pt}
   \label{leq hs{1pt} t hs{1pt} \ leq hs{1pt} t_0$, $0 \leq s_0$ \hs{.2pt}}
   (рис. 170) на плоскости \vs{-1pt}\newline
107 $(t, \hs{2pt} s)$. \hs{-2pt} Каждому пути, \hs{0pt} ведущему \hs{-3pt} из
   \vs{-1pt}\newline
108 числа \hs{.5pt} отрезков координатных направлений, сопоставим
   произведение преобра- \newline зований \hs{1pt} потоков \hs{1pt}
   A^{t} \hs{1pt} и \hs{.5pt} $B^{s}$. Каждому отрезку $t_1
   \hs{.5pt}\leq hs{.5pt} \ 1 \hs{.5pt}\leq t_2$ \hs{.5pt}
   сопоставим A^{t_2-t_1},
110 \hs{-18pt}
111 \begin{tabular}{m{5.1cm} c}
           & \multirow{2}{*}{
112
              \begin{tikzpicture}[scale=1.35, transform shape]
113
                  % Внешняя фигура
114
115
                  \draw
                      (0,0) to[out=168,in=10]
116
117
                      (-2.5,.05) to [out=79,in=-60]
118
                      (-2.86, 2.61) to [out=18.5, in=158]
119
                      (.4,2.7) to [out=-92, in=75] (0,0);
120
121
                  % Внутренняя фигура
122
                  \draw
                      (.03,1.98) \circlenode to[out=-100,in=70]
123
                      (-.42,.42) \circlenode to [out=172,in=4]
124
125
                      (-1.96,.56) \circlenode to[out=95,in=-65]
                      (-2.29, 2.33) \circlenode to [out=25, in=177]
126
                      (-.51,2.595) \circlenode;
127
```

```
128
129
                           % Внутренная фигура 2
130
                           \draw
131
                                (-1.16, 1.45) --
                                (-1.095, 1.78) \circlenode --
132
                                (-.83, 1.735) \ \text{circlenode} --
133
                                (-.75, 2.04) --
134
135
                                (-.52,2) --
136
                                (-.48,2.21) \circlenode;
137
138
                           % Внутренная фигура 3
                           \draw
139
140
                                (-1.45, .55) to [out=88, in=-90]
141
                                (-1.42, 1.46) to [out=5, in=177]
142
                                 (-1.16, 1.45) \circlenode to [out=3, in=170]
143
                                 (-.8,1.39) \circlenode --
144
                                 (-.71, 1.71) \circlenode --
145
                                 (-.65, 1.95) --
146
                                (-.43, 1.91) --
147
                                 (-.37,2.17) \circlenode;
148
149
                           % Текстовые подписи
                           \draw
150
151
                                 (.5,1.9) \backgroundnode{20pt}{7.5pt}{5}
152
                                 (.13,1.85) \text{textnode} \{\$B\$\} \{5\} \{.7\}
153
                                 (.25,1.98) \text{textnode} \{ \$s \$ \} \{ 5 \} \{ .7 \}
154
                                 (.33,1.91) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-10\} \{.42\}
                                 (.39,1.88) \text{textnode} \{\$A\$\} \{5\} \{.7\}
155
156
                                 (.51,1.98) \text{textnode} \{ t \} \{ 5 \} \{ .6 \}
157
                                 (.59,1.93) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-10\} \{.42\}
158
                                 (.7,1.89) \text{textnode} \{x$\} \{5\} \{.7\}
159
160
                                (-.55,.28) \text{textnode} \{\$A\$\} \{-22\} \{.6\}
                                 (-.4,.32) \text{textnode} \{ t \} \{ -22 \} \{ .7 \}
161
                                 (-.34,.24) \text{ } \text{textnode} \{0\}\{-32\}\{.4\}
162
                                 (-.24,.18) \text{ } \text{textnode} \{xx\} \{-22\} \{.7\}
163
164
                                (-2.13,.36) \text{textnode}(\text{M}){0}{.7}
165
                                (-1.85,.36) \text{textnode} \{ x \} \{ 0 \} \{ .7 \}
166
167
                                (-2.55, 2.49) \text{textnode} \{\$B\$\} \{0\} \{.7\}
168
169
                                 (-2.39, 2.62) \text{textnode} \{ s \} \{ 0 \} \{ .72 \}
170
                                 (-2.3,2.55) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-10\} \{.4\}
                                (-2.2,2.5) \text{textnode} \{ x \} \{ 10 \} \{ .7 \}
171
172
                                (-.83,2.8) \text{textnode} \{\$A\$\}\{-10\}\{.7\}
173
174
                                (-.68,2.88) \text{textnode} \{ t \} \{ -10 \} \{ .65 \}
175
                                 (-.62,2.81) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-20\} \{.42\}
                                (-.53,2.75) \text{textnode} \{\$B\$\} \{-15\} \{.7\}
176
177
                                (-.35,2.85) \text{textnode} \{ s \} \{ -15 \} \{ .7 \}
                                (-.28,2.78) \text{textnode} \{\$0\$\} \{-30\} \{.42\}
178
                                 (-.2,2.70) \text{textnode} \{ x \} \{ -15 \} \{ .7 \}
179
```

```
180
181
                        (-.2,2.14) \text{textnode} 
                        (-.58,1.65) \text{textnode}{\text{beta}}{0}{.7}
182
183
                        (-.8,1.23) \text{textnode} {\frac{1.8}{0}{.8}}
                        (-1.21,1.29) \text{textnode} \{ \text{0},1.29 \}
184
                        (-1.22, 1.78) \text{textnode} \{ \text{spsilon} \} \{ 0 \} \{ .7 \}
185
186
                        (-.92,1.9) \text{textnode} {\alpha } {0}{.7}
                        (-.63,2.33) \text{textnode} {\alpha^{\$}}{0}{.7};
187
                \end{tikzpicture}
188
            }\\[-18pt]
188
189
            \vs{10pt}
190
             отрезку hs{2pt} $s_1 hs{.5pt}\leq s hs{.5pt} leq
             hs{.5pt} s_2 - B^{s_2-s_1}; \pipu - \vs{-1pt}\newline
191
             менять \hs{2pt} преобразования \hs{2pt} будем \hs{2.4pt} в
             \vs{-1pt}\newline
             порядке, \hs{1.1pt} в \hs{1pt} каком идут отрезки от \vs{-1pt}
192
             \newline
193
             (0, hs{3pt} 0).
194
         &
        //
195
196
            \centering
197
            \hs{-6pt}\includegraphics[scale=.24]{pic1}\hs{1pt}
198
        &\\
199
        \centering\scriptsize Рис. \hs{1.5pt} 170. \hs{0pt} К доказатель- &
        \scriptsize Puc. \hs{2pt} 171. \hs{2pt} Криволинейный четырех- \\
        \centering\scriptsize ству коммутативности & \scriptsize угольник
200
        $\beta\gamma\delta\epsilon\alpha$. \\
201
        \centering\scriptsize потоков. &
202 \end{tabular}
203 \vs{7pt}
204 \footnotesize \hs\{.5pt\} Tak, например, \hs\{1pt\} сторонам \hs\{1pt\} $(0
    \hs{.5}\leq hs{.5} t \hs{.5}\leq hs{.5} t_0, s eq 0) \ n \hs{1pt} \ t
    \eq t_0, 0 \hs{.5}\leq\hs{.5} s \hs{.5}\leq\hs{.5} s_0)$ отвечает
    произведение hs{1pt} $B^{s_0}A^{t_0}$, а сторонам <math>hs{1pt} $(t eq 0,
    0 hs{.5}\leq hs{.5}  s hs{.5}\leq hs{.5}  s hs{.5}\leq s_0 hs{3pt} u hs{2pt}  $(s
    \eq s_0, 0 \hs{.5}\leq\hs{.5} t \hs{.5}\leq\hs{.5} t_0)$ --- произведение
    $A^{t_0}B^{s_0}$.
205 \vs{.5pt}
206 \footnotesize \hs{.5pt} Кроме того, мы сопоставим каждому \hs{1pt}
    такому пути на \hs{1pt} плоскости \hs{0pt} $(t, \hs{2pt} s)$ путь
    \hs{1pt} на \hs{1pt} монгообразии \hs{1pt} $M$, \hs{1pt} выходящий
    \hs{.6pt} из \hs{.59pt} точти \hs{.8pt} \textit{x}, \hs{1pt} составленный
    hs{1pt} из hs{.2pt} траекторий vs{-1pt} потоков hs{1pt} $A^{t}$
    hs{.8pt} и hs{.8pt} $B^{s}$ hs{.1pt} (рис. 171). hs{1pt} Если
    cootbetctbyet \vs{2pt} преобразование A^{t_1}B^{s_1} \cdot A^{t_n}
    B^{s_n}, то на монгообразии $M$ соответствующий путь \vs_{-7pt}
    заканчивается hs{.5pt} в точке hs{-.8pt} $A^{t_1}B^{s_1} \dots
    A^{t_n}B^{s_n}\
207 \hs{.5pt} Наша цель --- доказать, что все эти пути в действительности
    заканчиваются в одной точке A^{t_0}B^{s_0} \leq A^{t_0}B^{s_0}
```

 $\text{textit}\{x\}$.

208 \hs{.5pt} Разобъем отрезки \$(0 \hs{.5}\leq\hs{.5} t \hs{.5}\leq\hs{.5} t t_0)\$ и \$(0 \hs{.5}\leq\hs{.5} s \hs{.5}\leq\hs{.5} s_0)\$ на \hs{1pt} \$N\$ равных частей так,\hs{1pt} что \vs{-1pt} весь \hs{1pt} прямоугольник \hs{1pt} разделится на \$N^2\$ \hs{.5pt} маленьких прямоугольников. Переход \vs{-1pt} от \hs{1pt} сторон \$(0, \hs{2pt} 0)\$ --- \$(0, \hs{2pt} t_0)\$ --- \$(s_0, \hs{2pt} t_0)\$ к сторонам \$(0, \hs{2pt} 0)\$ --- \$(s_0, \hs{2pt} 0)\$ --- \$(s_0, \hs{2pt} t_0)\$ можно \vs{-1pt} совершить \hs{.5pt} в \hs{1pt} в \hs{1pt} \$N^2\$ шагов, \hs{1pt} в каждом из которых \hs{1pt} пара соведних сторон малень- \vs{-1pt} кого прямоугольника \hs{1pt} заменяется другой парой \hs{1pt} (рис. 172).

209 \end{document}