# Übungsserie 4

Abgabe: gemäss Angabe Dozent

Fassen Sie Ihre Lösungen in einer ZIP-Datei Name\_Vorname\_Gruppe\_S4.zip zusammen. Laden Sie dieses File vor der nächsten Übungsstunde nächste Woche auf OLAT hoch. Funktionen müssen ausführbar sein und in den Kommentarzeilen soll ein Beispiel eines funktionierenden Aufrufs angegeben werden.

#### Aufgabe 1 (45 Minuten):

Betrachten Sie die folgenden Aussagen:

- Der Graph einer Exponentialfunktion  $f(x) = c \cdot a^x$  in einem Koordinatensystem mit logarithmischer y-Achse ist eine Gerade.
- Der Graph einer Potenzfunktion  $f(x) = c \cdot x^a$  ist eine Gerade, wenn man beide Koordinatenachsen logarithmisch wählt.
- a) Beweisen Sie diese beiden Aussagen zuerst für sich selbst analytisch (Tipp: berechnen Sie  $y = \log f(x) = ...$ ). Geben Sie dann den y-Achsenabschnitt und Steigung der untenstehenden Funktionen in dem Koordinatensystem an, in dem der Funktionsgraph eine Gerade ist. Scannen Sie Ihre Lösung in Name \_ Vorname \_ Gruppe \_ S4\_ Aufg1a.pdf.
  - $f(x) = \frac{5}{\sqrt[3]{2x^2}}$
  - $g(x) = 10^5 \cdot (2e)^{-x/100}$
  - $h(x) = (\frac{10^{2x}}{25x})^2$
- b) Um das Erstellen solcher Graphiken zu unterstützen, stellt MATLAB die Anweisungen logspace, semilogx, semilogy und loglog zur Verfügung. Schreiben Sie ein Skript Name\_Vorname\_Klasse\_S4\_Aufg2b.m, welches Ihnen die Graphen der obigen Funktionen als Geraden darstellt, jeweils für  $0 \le x \le 100$ .

### Aufgabe 2 (ca. 45 Min.):

Implementieren Sie das Bisektionsverfahren in einer MATLAB-Funktion

[root,xit,n] = Name\_Vorname\_Gruppe\_S4\_Aufg2(func,a,b,tol), welches Ihnen eine Nullstellen einer beliebigen Funktion func auf dem Intervall [a,b] mit einer Genauigkeit von mindestens tol berechnen soll bzw. eine Fehlermeldung ausgibt, falls keine gefunden werden kann. Die Näherung für die Nullstelle soll in die Variable root geschrieben werden, Iterationswerte  $x_k$  sollen in den Vektor xit geschrieben werden, die Anzahl benötigter Iterationen in die Variable n. Als Abbruchkriterium können Sie  $|a_k - b_k| \le tol$  verwenden.

#### Bemerkung:

Die Funktion func können sie als anomye Funktion interaktiv defnieren, also z.B.

- $\Rightarrow$  func = Q(x) cos(x).\*sin(x)
- >> [root, xint,n] = Name\_Vorname\_Gruppe\_S4\_Aufg2(func,a,b,tol)

oder auch direkt in den Funktionsaufruf integrieren:

>> [root,xint,n] = Name\_Vorname\_Gruppe\_S4\_Aufg2(@(x) cos(x).\*sin(x),a,b,tol)

## Aufgabe 3 (ca. 45 Min.):

Schreiben Sie ein Skript Name\_Vorname\_Gruppe\_S4\_Aufg3.m, welches Ihnen unter Verwendung ihrer Funktion aus Aufgabe 2 für die folgende Gleichung und Startwerte

$$x^2 - 2 = 0, \quad a = 0, b = 2$$

- den absoluten Fehler ihrer Näherungswerte xit als Funktion der Anzahl durchgeführten Iterationen mit semilogy plottet für tol  $\in \{10^{-15}, 10^{-16}\}$ ;
- die Anzahl benötigter Iterationen n als Funktion der geforderten Toleranz tol mit loglog plottet für tol  $\in \{10^{-1}, 10^{-2}, ..., 10^{-20}\}$ .

Interpretieren Sie die Ergebnisse unter Berücksichtigung der Erkenntnisse von Aufgabe 1 und schreiben Sie diese als Kommentare in Ihr Skript.