## PROVA SCRITTA DI RETI LOGICHE E CALCOLATORI.

## 16 luglio 2020

## Esercizio 1

Si realizzi una rete sequenziale sincrona R con un ingresso X ed una uscita Z che riceve sequenze del tipo  $a_0a_1a_2a_3$ . In corrispondenza dell'ultimo bit della sequenza, la rete restituisce 1 se vale la seguente relazione, 0 altrimenti:

$$(a_0 = NOT \ a_2) \ AND \ ((a_0 \ XOR \ a_3) = (a_1 \ XOR \ a_2))$$

Dopo aver elaborato una sequenza, la rete passa a quella successiva, considerando che il primo bit della sequenza successiva coincide con l'ultimo di quella precedente.

t:	0	1	2   3   4	5   6   7	8   9   10	11   12   13
X(t):	0	1	1   0   0	0   0   1	1   1   1	0   0
Z(t):	0	0	$0 \   \ 1 \   \ 0$	$0 \mid 0 \mid 0$	$0 \mid 0 \mid 0$	$\begin{array}{c cccc} 0 & 0 & \dots \\ 0 & 1 & \dots \end{array}$

Nell'esempio riportato, dall'istante t=0 all'istante t=3 la rete riceve la sequenza 0110 e restituisce 1 in corrispondenza di t=3 in quanto si ha  $a_0=\mathbf{NOT}$   $a_2=0$  e contemporaneamente  $(a_0\ \mathbf{XOR}\ a_3)=(a_1\ \mathbf{XOR}\ a_2)=1$ . Dall'istante t=3 all'istante t=6 la rete riceve la sequenza 0000 e restituisce 0 in corrispondenza di t=6 in quanto si ha  $(a_0\ \mathbf{XOR}\ a_3)=(a_1\ \mathbf{XOR}\ a_2)=0$  ma  $a_0=0$  e  $\mathbf{NOT}\ a_2=1$ . Dall'istante t=6 all'istante t=9 la rete riceve la sequenza 0111 e restituisce 0 in corrispondenza di t=9 in quanto si ha  $a_0=\mathbf{NOT}\ a_2=0$  ma  $(a_0\ \mathbf{XOR}\ a_3)=1$  e  $(a_1\ \mathbf{XOR}\ a_2)=0$ .

