- 1. Привести примеры таких формул А и В, что:
- $\bullet \qquad (\forall x \, A \wedge B)! \sim \forall x (A \wedge B)$
- $\bullet \qquad (B \wedge \forall x A)! \sim \forall x (B \wedge A)$
- $\bullet \qquad (\exists x \, A \land B)! \sim \exists x (A \land B)$
- $\bullet \qquad (B \wedge \exists x A)! \sim \exists x (B \wedge A)$
- $\bullet \qquad (\forall x \, A \lor B)! \sim \forall x (A \lor B)$
- $\bullet \qquad (B \vee \forall x A)! \sim \forall x (B \vee A)$
- $\bullet \qquad (\exists x \, A \vee B)! \sim \exists x \, (A \vee B)$
- $\bullet \qquad (B \vee \exists x A)! \sim \exists x (B \vee A)$
- $\bullet \qquad (\forall x A \Rightarrow B)! \sim \forall x (A \Rightarrow B)$
- $\bullet \qquad (B \Rightarrow \forall x A)! \sim \forall x (B \Rightarrow A)$
- $\bullet \qquad (\exists x \, A \Rightarrow B) \, ! \sim \exists x \, (A \Rightarrow B)$
- $\bullet \qquad (B \Rightarrow \exists x A) ! \sim \exists x (B \Rightarrow A)$
- 2. Привести к предваренной форме следующие формулы:
- $\bullet \qquad \neg \exists x \, \forall \, y \, \exists z \, \forall \, u \, P(x, y, z, u)$
- $\bullet \qquad \exists x \,\forall \, y \, P(x,y) \land \exists x \,\forall \, y \, Q(x,y)$
- $\bullet \quad \exists x \forall y P(x,y) \lor \exists x \forall y Q(x,y)$
- $\bullet \qquad \exists x \, \forall \, y \, P(x,y) \Rightarrow \exists x \, \forall \, y \, Q(x,y)$
- $\bullet \qquad \forall x \exists y (P(x) \Rightarrow Q(y, x)) \Rightarrow \exists x \forall z (Q(x, z) \land P(y))$
- $\bullet \qquad \forall x P(x) \Rightarrow \forall y (\forall z Q(x, z) \Rightarrow \forall u P(x))$