悬链线 (40 分)

竖直平面内挂有一根柔软的质量线密度为 λ 的均匀导线,其中通有电流 I,存在如图所示的匀强磁场 B,重力场 g 已知底部 (x,y)=(0,0) 处张力为 T_0 。试求其形状的微分方程,用 $\mathrm{d}x,\mathrm{d}y$ 表示

(1) 取 B=0, 求其轨迹方程。

注: 双曲函数定义

$$\cosh(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2}, \sinh(\theta) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$$

- (2) 取 g=0, 求其轨迹方程。
- (3) 试求其形状的微分方程,用 $\mathrm{d}x,\mathrm{d}y$ 表示.

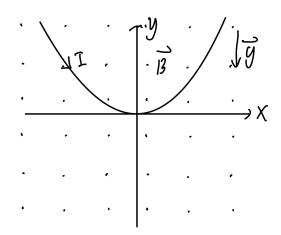


图 1