## Løsningsforslag i SIE 3005 reguleringstehnikk, eksamen 15/8-03

Oppgave 1a) Fra fiz. 1.1. ser is at volumet mellom varmeelement og lemp-making er A·l=V. Thought an T fidsenheker fylles dethe volumet med neg luft => 9.7 = V = A.l => 7 = A.l/916) Effektbrowse rundt varveeleventet:  $C \times_1 = -g(X_1 - X_2) + G \cdot u$ (alchumalert) (bootledet) (tilfort) Dessulen: All varme som strømmer ut fra elementel As op a ferlistromuchle lift: g(x1-x2) = 8pq(x2-v) Liser (2) m.h.p ×1 og bruker β=8P9:  $X_1 = \frac{2 + \beta}{9} X_2 - \frac{\beta}{9} U$ Seller (3) im i (1) og bapla celransformerer:  $C \frac{gt\beta}{g} s.x_2 - C \frac{\beta}{g} s.v = -g \left( \frac{9t\beta}{g} x_2 - \frac{\beta}{g} v - \frac{\chi_2}{2} \right) + Gu$ => C 2 + 5 × 2 + B × 2 = (B+C + S) v + 6-u (5)  $=) \quad \chi = \frac{G}{(9 + 1)^3 + 1} \cdot u + \frac{B(1 + 1) \cdot B(1 +$  $=) \times_2 = \frac{G/\beta}{(\frac{g+\beta}{g\beta}s+1)} \cdot u + \frac{1+C/g\cdot s}{C\frac{g+\beta}{\beta g}s+1} \cdot v$ T<sub>1</sub> =  $C_{9\beta}$ ,  $V_u = 6/\beta$ ,  $T_2 = C_{19}$ Med  $y = e^{-cs} \cdot x_2$ , folger  $C_{1,1}$ )

1c) Nei, den innoholder en tidsformhelse. Alternatiot: Tidsforrinhelsen e-ts han tilhærures med et rasjonalt uthykli i s. Da gas det.

10) ×20 = yo fordi tidsforniskelren ible spillet Noen rolle når de variable er konstante.

Da blin  $X_{20} = h_u(s)| \cdot u_0 + h_v(s)| \cdot v_0 = K_u \cdot u_0 + V_0$  S = 0Vi seller  $u_0 = 0$  (super periodius princippel gjalder): Iugen elfeht på systemel og konstant temperatur  $v_0$ inn. Da må  $X_{20} = y_0$  være =  $v_0 = v_0$   $v_0 = v_0$ 

 $\begin{array}{c}
1f \\
\downarrow \\
\frac{T_2}{T_1}(V_{02}-V_{01}) = \alpha_3
\end{array}$   $\begin{array}{c}
\alpha_2 = T_1 \\
\alpha_3 = V_{02} = V_{01}
\end{array}$   $\begin{array}{c}
\alpha_4 = V_{02} = V_{01}
\end{array}$   $\begin{array}{c}
\alpha_4 = V_{02} = V_{01}
\end{array}$ 

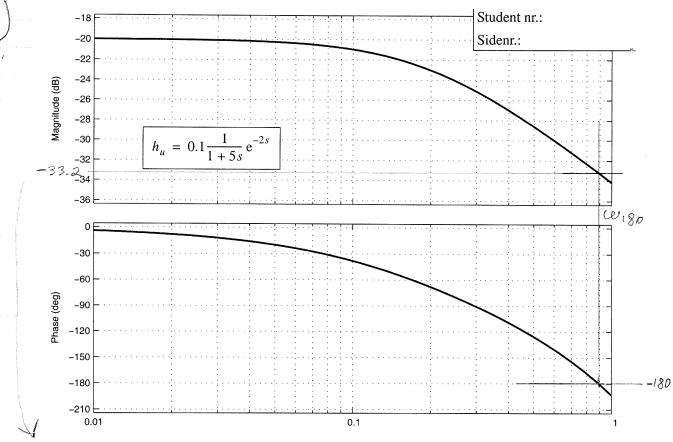
Ni setter u=0, og bruker  $hv=K_V\frac{1+T_2s}{1+T_1s}$  (uten tidsfersinkelse). Begynnelses verditeoveret: lim  $X_2(s)=\lim_{s\to\infty}sh_v(s)\frac{V_{02}-V_{01}}{s}=\frac{T_2}{T_1}\left(V_{02}-V_{01}\right)=\alpha_3$ 

19) U The Holy of halo

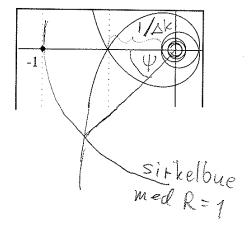
1h) Vi brever he hu +hv = 0 => he = -hv = -1 (1+Tas)

1h) (forts.) Men realistish: - Lu 1+ Tas, 0x 4 21 Inger imvirling på systemels skabiliket. 1i) Sluttverditeoremet: e(x) = lim &(-h,N). =  $=-\lim_{s\to 0}\frac{|+T_{2}s|}{|+T_{1}s|}e^{-Ts} \cdot \frac{1}{|+h_{0}(s)|}=-\lim_{s\to 0}\left(\frac{1}{1}\cdot 1\cdot \frac{N_{0}(s)}{|h_{0}(s)+t_{0}(s)|}\right)=$ - lim (1+T,5) + Kp Ku etc) = - 1+Kp Ku Med integral virtening (PI-tegulator) blis siste mellomentat menfor:

 $-\lim_{S \to 0} \left( \frac{T_i s (I+T_i s)}{T_i s (I+T_i s) + k_p (I+T_i s) k_u e^{T_i s}} \right) = 0$ 



Kpk = 33. 2 [dB] gin stande svingning, w180 = 0.9 =) PI-reg-for kpl= 26.3 dB = 20.6,  $T_1 = \frac{20}{1.2 \cdot \omega_{180}} = \frac{5.82}{1.2 \cdot \omega_{180}}$  14) (ho (jw)) > 0 nas w > 0 =) det må være en indegresjon i ho. Sida Det ilhe er noen i hu, må den være i hr. Tidsforsinledsen sees av spiralformen nær origo.



1/AK=0.5 => AK=2=6dB Delhe en aliseptabel AK. Hvordan finne (V 1000 C)

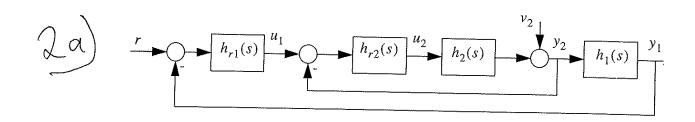
Sirkelbue figur til venstre.

med R=1

11) To ulineariteter shal nevner her:

(i) Effekter er preportjonal med spenninger <u>kvadrert</u>, dvs. P =  $U^2$  =) ulineart ledd i' pådreget

(1i) tris  $x_2 >> v$ , dus kraftig approximing of the lufter while seg merblant efter varmeelementet. Dette bely at tickformhelsen t blinen funksjon av  $x_2 =>$  whinearistet.



b) Ved riktig valg av  $h_{r2}(s)$  kan man oppnå en reguleringsgrad  $N_2(s) = \frac{1}{1 + h_2(s)h_{r2}(s)} \ll 1$  for den indre sløyfen, noe som undertrykker forstyrrelsen kraftig før den virker på den ytre sløyfen. Riktig  $h_{r2}(s)$  gir også  $M_2(s) = \frac{h_2(s)h_{r2}(s)}{1 + h_2(s)h_{r2}(s)} \approx 1$  med stor båndbredde, noe som bedrer egenskapene til den ytre sløyfen. Dermed: Høyere båndbredde, bedre stabilitetsegenskaper for det samlede system.

58

Oppgave 3) Se læreboka elisempel 11.6 : Alle s

i PI-reg. erstatles med  $\frac{27-1}{7+1}$  :  $u[k] = K_p \frac{1+T_i(\frac{2}{T}\frac{z-1}{z+1})}{T_i(\frac{2}{T}\frac{z-1}{z+1})} e[k]$ 

Vi multipliserer med T(z+1) i teller og nevner, og får

$$u[k] = K_p \frac{T(z+1) + 2T_i (z-1)}{2T_i (z-1)} e[k]$$

Dette gir

$$\begin{split} 2T_i \left(z-1\right) u[k] &= K_p(T(z+1)+2T_i \left(z-1\right)) \ e[k] \Leftrightarrow \\ u[k+1] - u[k] &= \frac{K_p}{2T_i} (Te[k+1]+Te[k]+2T_i e[k+1]-2T_i e[k]) \Leftrightarrow \end{split}$$

$$u[k+1] \, = \, u[k] + K_p \bigg( \bigg( 1 + \frac{T}{2T_i} \bigg) e[k+1] - \bigg( 1 - \frac{T}{2T_i} \bigg) e[k] \bigg)$$

Innsalt tallverdier => f1=1, g0= 2.05, g1=-1.95

Oppgeve 4) Anti-overlading frengs når det er instegnal virlining i regulatoren og det er metning i pådraget.

Oppgave 5)

a) Laplace framformerer på begge sider av (5.1):  

$$5^{2}y + w_{o}^{2}y = u + \beta 5 \cdot u = ) \quad \frac{1}{2}(s) = h(s) = \frac{1 + \beta s}{s^{2} + w_{o}^{2}}$$
(1)

b) Bruler fasereriated form, (V.14) og (1) med  $\alpha_0 = \omega_0^2$ :  $= A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -\omega_0^2 & 0 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}, c^{T} = \begin{bmatrix} 1 \\ \beta \end{bmatrix}$ (2)

C) Egenverdiene en polene  $i(1): \lambda^2 + \omega_0^2 = 0 \Rightarrow \lambda_{1/2} = \pm j\omega_0$   $A \underline{M}_1 = \lambda_1 \underline{M}_1 \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -\omega_0^2 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \underline{M}_{1/2} \\ \underline{M}_{2/2} \end{bmatrix} = +j\omega_0 \cdot \begin{bmatrix} \underline{M}_{1/2} \\ \underline{M}_{2/2} \end{bmatrix} \Rightarrow \underline{M}_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ j\omega_0 \end{bmatrix}, \underline{M}_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ -j\omega_0 \end{bmatrix}$   $\Rightarrow \underline{M} = \begin{bmatrix} i \\ j\omega_0 \end{bmatrix}, \underline{M}_2 = \begin{bmatrix} i \\ -j\omega_0 \end{bmatrix}$ 

d) To distinhte polen på im-akse => marginalt statil.

Van også sies nt fle imprespons h(t), fordi O < h(x) < 0.59