Losningsforslag TTK 4105 reguleringstehnihle 9. august 2005 (T.A.)

$$\frac{10}{100} \text{ hez} = \frac{0.05}{5(1+0.25)(1+0.055)} = \frac{5}{5^3+255^2+1005}$$

Metode I: fasevariabel form, (V.13): $C^{T} = [5 \ 0 \ 0], b = [0], A = [0 \ 0 \ 0]$ $C^{T} = [5 \ 0 \ 0], b = [0], A = [0 \ 0 \ 0]$

Metodo II: danne elementert blokkdingram:

$$\begin{array}{c} u \\ & \\ & \\ & \\ & \\ & \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ & \\ \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ & \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3} \\ & \\ \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{c} x_{3}$$

Begge svar godtes!

16) ho med bare Kp får to reine integrasjoner i serie med tre 1. ordensledd. Zho vil da <-180° Y Kp. Systemet til være ustabill Y Kp.

10)
$$h_t = K_t$$
 endren huz til $h_{uz}^{(2)} = \frac{50}{50(1+0.02s)}$
 $\Rightarrow h_{uz}^{(2)} = \frac{50}{0.02s^2 + s + 50K_t} \Rightarrow 2h_{uz}^{(2)} = 0$ for lave frelevenser, og kan holder mær o til hig krandbredde ved å velge K_t stor. Mens Lh_{uz} starter med -90° red lav frelevens, og talle mot -180° for $a > 50$. $\Rightarrow h_{uz}^{(2)}$ gjør stabilt syttem mulig. MEN:

Santidis forsvinner de one au to roine integraejose i ho. Derved mister systemet evnen til å
følge referensen uten stasjonant avrite.

2a) Sprangrapennen kan behaldes som en $\frac{t}{2}$ sun av for rasponser: $k, \mu_1(t) + (k_2 - k_1)(1 - e^{-\frac{t}{2}})$ Laplace framforment or defle & + (k2-k1) & (1+15) = h(s) \$

=) h(s) = k + k3-k1 + k1-k1-k2-k1 + k1-1-k2-k1 +

24) Deler problemet i to Setter først T, =0 og finner en transferfunksjon h'(s). Responsen kan spaktes opp i kanparenter som virt her: $f_{s,t}(t) = y_s(t) + y_s(t) + y_s(t)$ $y'(t) = y_s'(t) + y_s'(t)$ $y'(s) = y_s'(s) + y_s'(s) = \int_{s,t} f_{s,t}(s) - \int_{s,t} f_{s,t}$

=> h(s) = 1 = 1 = (1-7.)s)

Siden den egantlige responsen en forskjøbret T. til høyre, blir
da h(s) = h(s) e Ts

T2-T4 s (e = e = 12s) 2c Begge en a.s.!

sprangresponsene > 0 mår

sprangresponsene > konst.

3a) ho = Kp Tis HTs = 4s e når Ti = T.

Lho=-90°-ωτ, speriell en -180°=-90°-ω180°=>ω180= 1800 eller I i radianer, som trakes fra nå er (Lette mellomresulfatel var jo appgitt.) lhol= Kp → Kp, krit = 1, da er ωc=ω180, og vier på stab.grensa.

Deffe gin Kpdrit. = W180 T = I. T

3b) DK=6dB befyr af Kp=005. Kp. brit = #. = Vi må sjelde liva slegs y delle innoherer: Knyssfæleversen we gis av |ho(jac)|=1 => \frac{Kp}{Twc}=1 => \omega_c = \frac{Kp}{4T} = \frac{FI}{4T} 83

- side 3 -

 $\Psi = Lho(j\omega_c) - Lho(j\omega_{180}) = -\frac{\pi}{2} - \omega_c \tau - (-\pi)$ $= \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4\tau} \cdot \tau = \frac{\pi}{4\tau} = 45^{\circ}$, bled andre ord innfrin

den initialt velgle kp og så alckeirat berevet fil Ψ ,

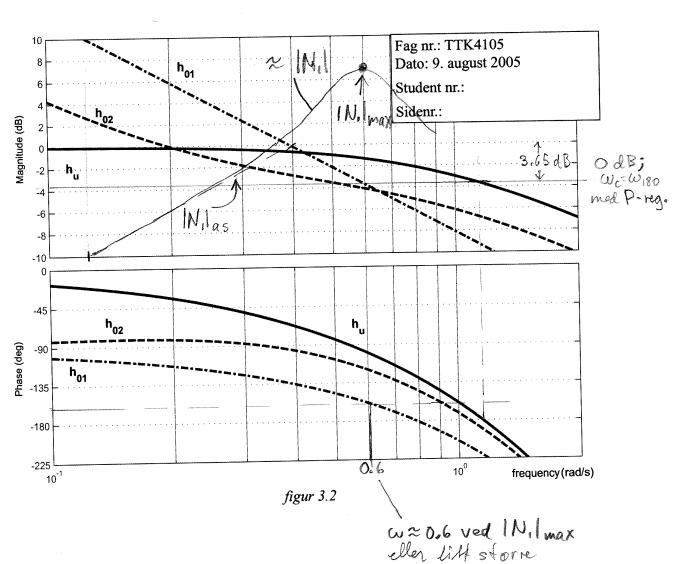
not som er manlig, og som vi målte sjolike. Vi

står derfor fast ved kp = $\frac{\pi}{4\tau}$.

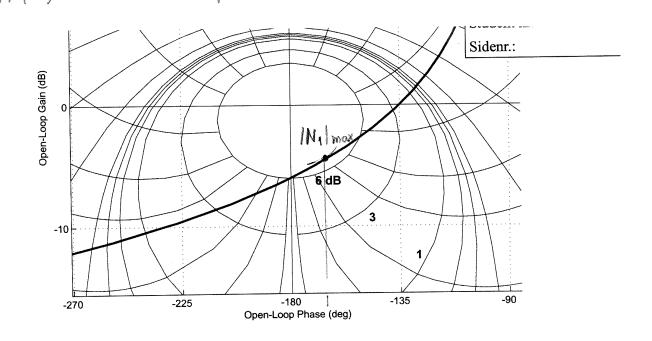
3c) Fra hu i Bodeliagrammel: O-dBlinga kan flyffes
23.65 dB ned. Delle svarer til at Kprknit. = Kpk = 10 (3.65/20)

= 1.52. Fra talell (V.12): Kp = 0.45 Kpk = 0.685

Vi leser av ω_{180} i Bode diagrammel: $\omega_{180} \approx 1.14$ Fra tabell (V-12): $T_i = T_k / 1.2 = \frac{217}{(\omega_{180} \cdot 1.2)} = \frac{217}{1.14 \cdot 1.2} = \frac{4.6}{1.14 \cdot 1.2}$

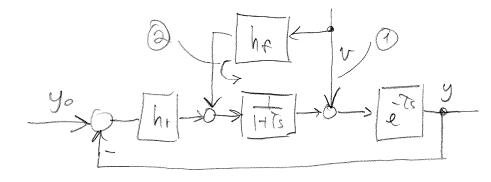


how har befydelig lavere kryssfrekeens enn hor; =>
how gir langremmere regulering enn hor. Santidig
eppfyller hor kravene til DK og Y, jfr. a). (uten
at delfe kreves, så kan man avlere en unddrendig
stor fare margin for how a 100°!). Vi velger derfor
hor saltså den förste metoden.



3e) [N. max avleses til ca. 7dB. Lift høy. Kp i hri
kan reduseres litt, eller Ti kan økes litt, slik
at [N. max < 6dB.
Vi ser at < ho1 & - 167° ved [N. max. Fra Bodediagram vet gin dette at & er ca. 0.6 ved [N. max
(tilsverende kunne vi ha buht [ho1]; godhas også!)
Se grov skine av [N.] i Bodediagram forrige sick.





3g) For fullsferdig kansellering av v's virkning: h_{fi} : $\frac{1}{1+Ts}+1=0=$ $h_{fi}=-(1+Ts)$ $trsfattes ned mer realististe <math>h_{f}=-\frac{1+Ts}{1+\alpha Ts}$, $0<\alpha<1$ son ible har $h_{f}(j\alpha)=\infty$.

3h) Fra blobbdiagrammet i 3f): Liten T gjor den parallelle greina @ merlen like rasle som greine ①. Stor & gjör at virlininga av v far hånd om av hr mye seinere, og hr blir derned relativt viktigere. E bör derfor være mint mulig far å få storst effekt av hr.

4) Se lærebelæ, elisempel 11.6

$$\frac{x_{1}}{x_{2}} = -x_{1} - \alpha(x_{1}^{2}-1)x_{2}$$
Fruher (V.8): $A = \{0x_{1}^{2}\} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0x_{1}^{2} & -\alpha(x_{1}^{2}-1) \end{bmatrix}$

Nowford 2. low for lineart m-f-d-system $F = ma \iff -kx. - f \stackrel{\circ}{x} = m \stackrel{\circ}{x} \iff m \stackrel{\circ}{x} + f \stackrel{\circ}{x} + k \stackrel{\circ}{x} = 0$ Samuenholder delte med (4.1), fair $\stackrel{\circ}{x} \stackrel{\circ}{x} = 1$ $F = \chi(\chi^2 - 1)$ Egenverdier free 5b gis av $|\chi T - A| = 0 \iff \chi^2 + \chi((\chi^2)^2 - 1) \chi + (1 - 2\chi \chi^2 \chi^2)$

 $|\lambda I - A| = 0 \iff \lambda^{2} + \alpha ((x^{p})^{2} - 1)\lambda + (1 - 2\alpha x_{1}^{p} x_{2}^{p})$ $= \lambda_{1/2} = \frac{-\alpha ((x_{1}^{p})^{2} - 1) \pm ((\alpha^{2} (x_{1}^{p})^{2} - 1)^{2} - 4(1 - 2\alpha x_{1}^{p} x_{2}^{p})^{2}}{2}$

Hvis $|x|^2 < 1$, ser vi at Re $(x_i) > 0$ nor $\alpha > 0$; systemet er ustabilt. Dermed kan Eystemet aldri komme til ro i det eneste mulige likevekspunkt x = 0.

Alternativt, enklere og men "fysiske:
"Dempekonstanten" f blir 20 for små X.
Systemet blir da ustabilt.