

Lista zagadnień nr 11

Zadania na ćwiczenia

Ćwiczenie 1.

Napisz procedurę `suffixes`, zwracającą wszystkie sufiksy listy podanej jako argument. Napisz dla tej procedury odpowiedni kontrakt parametryczny.

Ćwiczenie 2.

Poniższa procedura ma za zadanie obliczyć listę wszystkich podlist listy podanej jako argument:

```
(define (sublists xs)
  (if (null? xs)
      (list null)
      (append-map
        (lambda (ys) (cons (cons (car xs) ys) ys))
        (sublists (cdr xs)))))
```

Niestety, procedura ta zawiera błąd:

```
> (sublists '(1 2))
'((1 2) 2)
> (sublists '(1 2 3))
'((1 2 3) 2 3 (1 . 3) . 3)
```

Napisz kontrakt parametryczny dla tej procedury, który odrzuci błędne wyniki. Popraw procedurę, aby działała zgodnie z założeniem oraz spełniała swój kontrakt.

Ćwiczenie 3.

Wskaż w poniższych kontraktach wystąpienia pozytywne i negatywne. Zaimplementuj procedury spełniające te kontrakty.

```
(parametric->/c [a b] (-> a b a))
(parametric->/c [a b c] (-> (-> a b c) (-> a b) a c))
(parametric->/c [a b c] (-> (-> b c) (-> a b) (-> a c)))
(parametric->/c [a] (-> (-> (-> a a) a) a))
```

Ćwiczenie 4.

Zaimplementuj procedurę spełniającą poniższy kontrakt:

```
(parametric->/c [a b] (-> a b))
```

Podpowiedź: Kod procedury nie jest w stanie wygenerować wartości oznakowanej b. Co można zrobić, żeby mimo tego nigdy nie naruszyć kontraktu?

Ćwiczenie 5.

Poniższy kod implementuje procedurę łączącą w sobie cechy `foldl` i `map`:

```
(define (foldl-map f a xs)
  (define (it a xs ys)
    (if (null? xs)
        (cons (reverse ys) a)
        (let [(p (f (car xs) a))]
          (it (cdr p)
              (cdr xs)
              (cons (car p) ys)))))
  (it a xs null))
```

Pierwszy argument powinien być procedurą przyjmującą dwa argumenty, oznaczające (w kolejności) bieżący element listy oraz bieżący akumulator, zaś zwracającą parę złożoną z nowego elementu listy oraz nowej wartości akumulatora. Pozostałe dwa argumenty powinny zawierać startową wartość akumulatora oraz listę elementów do przetworzenia. Procedura `foldl-map` zwraca parę złożoną z listy wynikowej i końcowej wartości akumulatora.

Przykładowe wywołanie procedury, obliczające sumy częściowe:

```
(foldl-map (lambda (x a) (cons a (+ a x))) 0 '(1 2 3))
```

Napisz kontrakt parametryczny dla tej definicji. Zastosuj w kontrakcie jak najwięcej (prawidłowo użytych) parametrów.

Ćwiczenie 6.

Na wykładzie siódmym pojawił się interpreter prostych wyrażeń arytmetycznych ze zmiennymi i let-wyrażeniami, wykorzystujący model podstawieniowy. Napisz kontrakt rekurencyjny `expr/c` spełniony przez prawidłowo zbudowane wyrażenia arytmetyczne (nie trzeba sprawdzać, czy wystąpienia zmiennych są związane). Napisz kontrakty dla procedur `subst` i `eval`.

Zadania domowe

Zadanie 19

Zaimplementuj procedury opisane w nieformalny sposób poniżej:

- Procedurę dwuargumentową `with-labels`. Procedura ta otrzymuje funkcję i listę, zwraca natomiast listę list dwuelementowych, których drugim elementem są elementy oryginalnej listy, a pierwszym – wynik wywołania funkcji-parametru na tym elemencie. Wywołanie:

```
(with-labels number->string (list 1 2 3))
```

powinno zwrócić następującą listę:

```
'(("1" 1) ("2" 2) ("3" 3))
```

- Procedurę trójargumentową `foldr-map`. Procedura ta powinna działać analogicznie do procedury `foldl-map` z wcześniejszego ćwiczenia, jednak ze zmienioną kolejnością „przechodzenia” po liście. Wywołanie:

```
(foldr-map (lambda (x a) (cons a (+ a x))) 0 '(1 2 3))
```

powinno zwrócić następujący wynik:

```
'((5 3 0) . 6)
```

- Procedurę dwuargumentową `pair-from`. Procedura ta, po otrzymaniu dwóch procedur `f` i `g`, powinna zwracać procedurę jednoargumentową, której zaaplikowanie do argumentu `x` obliczy parę `(, (f x) . , (g x))`. Innymi słowy, wywołanie:

```
((pair-from (lambda (x) (+ x 1)) (lambda (x) (* x 2))) 2)
```

powinno zwrócić wynik:

```
'(3 . 4)
```

Dla każdej z tych procedur zdefiniuj kontrakt o nazwie `nazwa-procedury/c` (np. `foldr-map/c`). Zdefiniowane kontrakty powinny być możliwie ogólnymi kontraktami parametrycznymi (tzn. powinny mieć jak największą liczbę parametrów).

Wyeksportuj przy użyciu formy `provide` zarówno procedury (z kontraktami), jak i same kontrakty. Możesz użyć następującego kodu (jeśli tak zrobisz, nie używaj formy `define/contract` do definiowania procedur):

```
(provide (contract-out
  [with-labels with-labels/c]
  [foldr-map foldr-map/c]
  [pair-from pair-from/c]))
(provide with-labels/c foldr-map/c pair-from/c)
```