

## 1. Sobre o trabalho

Este trabalho tem como objetivo a implementação dos algoritmos de busca vistos em aula e aplicá-los em um problema real de busca.

### ○ Implementação

Os seguintes algoritmos de busca serão utilizados nos experimentos:

- Busca em profundidade
- Busca em largura
- Algoritmo Best-First
- Algoritmo A\*

As seguintes redes serão utilizadas para os experimentos, onde cada grupo deve selecionar apenas um tipo de rede para o trabalho (a descrição de como gerar as redes encontra-se na Apêndice).

- Rede KNN
- Rede Aleatória
- Rede Pequeno Mundo
- Rede Geográfica

Os algoritmos de busca e a geração das redes do tipo selecionado devem ser implementados na linguagem de programação que o grupo escolher.

### ○ Experimentos

Os seguintes experimentos são propostos para este projeto:

- Dado o tipo de rede selecionado pelo grupo, para cada rede gerada, selecionar um vértice origem e um vértice destino e aplicar todos algoritmos de busca. Para cada algoritmo, mostrar o caminho final percorrido (cada vértice que faz parte do caminho solução) e a distância final percorrida. No caso de visualização, do experimento, gere uma rede com poucos vértices (e.g. 100 vértices).
- Para o tipo de rede selecionado pelo grupo gere as redes com as seguintes configurações:
  - **Rede KNN**
    - ( $n=2000$ ,  $k=3$ )
    - ( $n=2000$ ,  $k=7$ )

- c. ( $n=2000, k=11$ )
- **Rede Aleatória**
  - a. ( $n=2000, p=5\%$ )
  - b. ( $n=2000, p=2,5\%$ )
  - c. ( $n=2000, p=1\%$ )
- **Rede Pequeno Mundo**
  - a. ( $n=2000, k=7, p=10\%$ )
  - b. ( $n=2000, k=7, p=5\%$ )
  - c. ( $n=2000, k=7, p=1\%$ )
- **Rede Geográfica**
  - a. ( $n=2000, \lambda=0,01$ )
  - b. ( $n=2000, \lambda=0,02$ )
  - c. ( $n=2000, \lambda=0,03$ )

Assim, selecionar, no mínimo, 10 pares distintos de vértices (origem, destino) e aplicar os algoritmos de busca com objetivo de reportar a distância média percorrida, além do tempo médio gasto por cada algoritmo.

- iii. Realizar uma comparação, utilizando as redes do experimento ii, entre o algoritmo A\* e o algoritmo de Dijkstra.

Ao fim, um relatório, de no máximo 10 páginas, deve ser entregue. Neste relatório deve conter: introdução, descrição da implementação dos algoritmos de busca e da rede selecionada, resultados dos experimentos propostos e uma discussão sobre os resultados obtidos. O trabalho deve ser apresentado em sala de aula, por meio de slides, e deve conter os resultados obtidos nos experimentos e conclusões.

## 2. Informações importantes

- O grupo deve ter **4 integrantes**. São permitidos apenas 4 grupos por tipo de rede. O preenchimento dos grupos e do tipo de rede selecionado será feito no calendário de apresentações, pelo seguinte link:

<https://docs.google.com/spreadsheets/d/1EQ1-1GU8yRp70GGp46VFG0lWFJkbZaLAenJmVMEuQaU/edit?usp=sharing>

- O projeto pode ser desenvolvido em qualquer linguagem de programação;

- Relatório (em .pdf) e código-fonte do projeto devem ser entregues no Tidia (escaninho) por apenas um integrante do grupo;
- O **tempo de apresentação** é de **12 minutos + 3 de arguição**;
- **Trabalhos plagiados receberão nota 0.**

### 3. Datas

- **Entrega do relatório e código-fonte** até o final do dia **23 de Maio**;
- **As apresentações serão nos dias 23, 26 e 30 de Maio.** O dia e a ordem das apresentações devem ser preenchidos na seguintes planilha, assim como a rede selecionada:

### 4. Apêndice

Nesta seção é descrito como implementar o gerador das redes apresentadas na Seção 1.

#### ➤ Rede KNN

O pseudo-código abaixo elucida a geração de uma rede KNN, sendo  $n$  o número de vértices na rede e  $k$  o número de vizinhos (arestas) conectadas a cada vértice, temos que:

```
função gera_rede_knn(n, k):
    lista_vértices <- gera_vértices(n)
    lista_arestas <- gera_arestas(lista_vértices, k)
    retorna lista_vértices, lista_arestas
```

Onde:

- A função **gera\_vértices** retorna uma lista de  $n$  vértices, onde para cada vértice  $v$  é associada as coordenadas  $x$  e  $y$ . As coordenadas  $x$  e  $y$  são dadas aleatoriamente, e devem respeitar os limites do eixo- $x$  e eixo- $y$  que devem ser limitados ao valor de  $n$ . Por exemplo, tendo  $n = 1000$ , as coordenadas de  $x$  e  $y$  devem estar entre os valores de 0 e 1000. Portanto, quanto maior o valor de  $n$ , maior o tamanho do plano  $xy$  gerado, o que aumenta as possibilidades de distribuição dos vértices de acordo com o tamanho do grafo.
- A função **gera\_arestas** recebe a *lista\_vértices* e o valor de  $k$ . Para cada vértice são conectadas arestas nos  $k$  vértices mais próximos do vértice em questão. O valor (peso) da aresta é dado pela distância geométrica entre o par de vértices da aresta.

Assim, ao final da função ***gera\_rede\_knn*** é gerado um grafo não-direcionado com  $n$  vértices e grau médio igual a  $k$ .

### ➤ Rede Aleatória

O pseudo-código abaixo elucida a geração de uma rede aleatória, sendo  $n$  o número de vértices na rede e  $p$  a probabilidade de existir uma aresta entre um par de vértices.

```
função gera_rede_aleatoria(n, p):  
    lista_vértices <- gera_vértices(n)  
    lista_arestas <- gera_arestas(lista_vertices, p)  
    retorna lista_vertices, lista_arestas
```

Onde:

- A função ***gera\_vertices*** retorna uma lista de  $n$  vértices, onde para cada vértice  $v$  é associada as coordenadas  $x$  e  $y$ . As coordenadas  $x$  e  $y$  são dadas aleatoriamente, e devem respeitar os limites do eixo- $x$  e eixo- $y$  que devem ser limitados ao valor de  $n$ . Por exemplo, tendo  $n = 1000$ , as coordenadas de  $x$  e  $y$  devem estar entre os valores de 0 e 1000. Portanto, quanto maior o valor de  $n$ , maior o tamanho do plano  $xy$  gerado, o que aumenta as possibilidades de distribuição dos vértices de acordo com o tamanho do grafo.
- A função ***gera\_arestas*** recebe a *lista\_vértices* e a probabilidade  $p$ . Para cada par de vértices gerar um valor aleatório (entre 0 e 1), se esse valor for menor do que  $p$  é gerada uma aresta entre o par de vértice em questão, caso contrário não gera uma nova aresta. O valor (peso) da aresta é dado pela distância geométrica entre o par de vértices da aresta.

Assim, ao final da função ***gera\_rede\_aleatoria*** é gerado um grafo não-direcionado com  $n$  vértices e grau médio esperado igual a  $(n - 1) * p$ .

### ➤ Rede Pequeno Mundo

O pseudo-código abaixo elucida a geração de uma rede pequeno mundo, sendo  $n$  o número de vértices na rede,  $k$  número de vizinhos (arestas) conectadas a cada vértice, e  $p$  a probabilidade de reconectar uma das arestas de um vértice existente.

```
função gera_rede_pequeno_mundo(n, k, p):  
    lista_vértices, lista_arestas <- gera_grafo_knn(n,k)  
    lista_arestas <- reconecta_arestas(lista_arestas, p)  
    retorna lista_vertices, lista_arestas
```

Onde:

- A função **reconecta\_arestas** recebe a lista de vértices gerada pela função gera grafo-knn e a probabilidade  $p$  de reconectar uma aresta. Para cada aresta gerar um valor aleatório (entre 0 e 1), se o valor for menor do que  $p$  um dos vértices da aresta será trocado por um vértice qualquer (sorteado aleatoriamente), caso contrário a aresta não é modificada. O valor (peso) da aresta é dado pela distância geométrica entre o par de vértices da aresta.

Assim, ao final da função **gera\_rede\_pequeno\_mundo** é gerado um grafo não-direcionado com  $n$  vértices e grau médio igual a  $k$ .

## ➤ Rede Geográfica

O pseudo-código abaixo elucida a geração de uma rede geográfica, sendo  $n$  o número de vértices na rede e um valor  $\lambda$ .

```
função gera_rede_geográfica(n, λ):  
    lista_vértices <- gera_vértices(n)  
    lista_arestas <- gera_arestas(lista_vértices, λ)  
    retorna lista_vértices, lista_arestas
```

Onde:

- A função **gera\_vértices** retorna uma lista de  $n$  vértices, onde para cada vértice  $v$  é associada as coordenadas  $x$  e  $y$ . As coordenadas  $x$  e  $y$  são dadas aleatoriamente, e devem respeitar os limites do eixo- $x$  e eixo- $y$  que devem ser limitados ao valor de  $n$ . Por exemplo, tendo  $n = 1000$ , as coordenadas de  $x$  e  $y$  devem estar entre os valores de 0 e 1000. Portanto, quanto maior o valor de  $n$ , maior o tamanho do plano  $xy$  gerado, o que aumenta as possibilidades de distribuição dos vértices de acordo com o tamanho do grafo.
- A função **gera\_arestas** recebe a *lista\_vértices* e o valor  $\lambda$ . Para cada par de vértices gerar um valor aleatório (entre 0 e 1), se esse valor for menor do que  $p$  é gerada uma aresta entre o par de vértice em questão. O valor de  $p$  varia de acordo com cada par de vértices e é dado por  $P(i \rightarrow j) = e^{-\lambda s_{ij}}$ , sendo  $S_{ij}$  a distância geométrica entre os vértices  $i$  e  $j$ . O valor (peso) da aresta é dado pela distância geométrica entre o par de vértices da aresta.