

1 Funktionen

1.1 Rect

$$a \cdot \text{rect}\left(\frac{t-t_0}{2T}\right) = \begin{cases} a & |t-t_0| < T \\ \frac{a}{2} & |t-t_0| = T \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

1.2 step

$$b \cdot \epsilon(a \cdot (t-t_0)) = b \cdot \epsilon(t-t_0) = \begin{cases} 0 & t < t_0 \\ \frac{b}{2} & t = t_0 \\ b & t > t_0 \end{cases}$$

1.3 tri

$$\Lambda(t) = \begin{cases} 0 & |t| > 1 \\ 1-t & 0 \leq t \leq 1 \\ 1+t & -1 \leq t \leq 0 \end{cases}$$

1.4 dirac Impuls

1.4.1 Normal

$$\delta(a \cdot (t-t_0)) = \frac{1}{|a|} \delta(t-t_0) = \begin{cases} \neq 0 & t = t_0 \\ 0 & t \neq t_0 \end{cases}, \quad \delta(-t) = \delta(t), \quad \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) dt = 1$$

$$\text{Sifting bzw. Siebung: } \delta(t-t_0) \cdot f(t) = f(t_0) \cdot \delta(t-t_0), \quad \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t-t_0) \cdot f(t) dt = \begin{cases} f(t) & t = t_0 \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

1.4.2 Impulssequenz

$$w_T(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t-kT)$$

1.5 si

$$\text{si}(t) = \frac{\sin(t)}{t}, \quad \text{si}(0) = 1, \quad \int_{-\infty}^{\infty} \text{si}(t) dt = \int_{-\infty}^{\infty} \text{si}^2(t) dt = \pi$$

1.6 ramp

$$\rho(t) = \epsilon(t) \cdot t$$

1.7 sgn

$$\text{sgn}(x) = \frac{x}{|x|} = 2\epsilon(t) - 1, \quad |x(t)| = \text{sgn}(x(t)) \cdot x(t)$$

2 Symmetrien

$$x(t) = x_e(t) + x_o(t)$$

2.1 Gerade

$$x_e(t) = x_e(-t) = \frac{x(t) + x(-t)}{2}$$

2.2 Ungerade

$$x_o(t) = -x_o(-t) = \frac{x(t) - x(-t)}{2}$$

2.3 Komplex

x_R sei der Realteil, x_I sei der Imaginärteil.

$$x(t) = x^*(t) \Rightarrow x_R(t) = x_e(t) \text{ und } j \cdot x_I(t) = x_o(t)$$

$$x(t) = -x^*(t) \Rightarrow x_R(t) = x_o(t) \text{ und } j \cdot x_I(t) = x_e(t)$$

3 Leistung und Energie von Signalen

Für eine Funktion $x(t)$.

3.1 Energie

Energiesignale haben keine (0) Leistung.

$$E_x = \int_{-\infty}^{\infty} |x(t)|^2 dt$$

3.2 Leistung

Leistungssignale haben unendliche Energie.

$$P_x = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^T |x(t)|^2 dt$$

4 Abtastung

4.1 Abtastbarkeit

Ein Signal kann nur perfekt abtastbar sein wenn die Funktion im Frequenzbereich bandbegrenzt ist.
perfekt abtastbar $\Leftrightarrow f_s = \frac{1}{T_s} \geq 2B$

4.2 Nu aber zur Sache

Abtastfrequenz f_s . Dann low-pass filter vorweg: $\text{rect}\left(\frac{f}{f_s}\right) \left(\frac{f_g=f_s}{2}\right)$.

5 Laplace

$$H(s) = \frac{Y(s)}{X(s)}$$

6 Verschiedenes

6.1 Trigonometrie

$$\sin(-t) = -\sin(t) \quad , \quad \cos(-t) = \cos(t) \quad , \quad \int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} \sin^2(t) dt = \frac{1}{2}$$