Ing. Karel Ulovec, Ph.D.

ČVUT, Fakulta elektrotechnická

xulovec@fel.cvut.cz

Tyto podklady k přednášce slouží jako pomůcka pro studenty předmětu B2M37DTRA. Žádné jiné využití (zveřejňování, kopírování, apod.) není povoleno bez projednání s autorem!



Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



1/28



B2M37DTRA

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

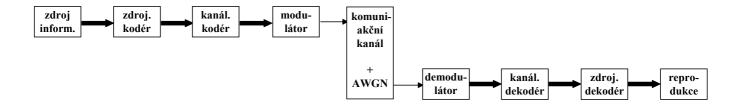
Spektrum signálu digitální modulace s jednou nosnou vlnou
Ortogonální frekvenčně dělený multiplex OFDM
- Princip, spektrum, ochranný interval, pilotní buňky, vlastnosti systémů s OFDM
Jednofrekvenční síť v systému s OFDM
Rotovaný konstelační diagram
Hierarchická modulace, neuniformní modulace
Více úrovňové kódování spojené s modulací

Rozšířená témata pro přípravu studentů ke zkoušce

Digitální modulace s jednou nosnou vlnou







Modulátor, modulace (mapování)

- Ke konkrétním stavům datového toku informačního signálu (bity, skupiny bitů) přiřazuje konkrétní stavy z modulačního prostoru, symboly (stavy) modulovaného signálu, vhodné pro přenos komunikačním kanálem
- Vstupuje informační signál, modulační signál / datový tok (často ve formátu multiplexu dat více typů obsahu), datová zpráva
- Vystupuje vysokofrekvenční signál (HF, High Frequency), rádiový signál (RF, Radio Frequency), modulovaný signál

Demodulátor, demodulace

 Inverzním způsobem vůči modulátoru získat z modulovaného signálu datový tok – ke každému konkrétnímu stavu modulačního prostoru (+ vliv kanálu) přiřadit (například nejpravděpodobnější) stav informačního datového toku

Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



3/28



B2M37DTRA 2023-11

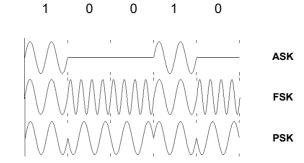
Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Digitální modulace s jednou nosnou vlnou

- Modulovaný ignál nabývá stavů z konečné množiny
 - Stavy modulace, datové symboly
 - Počet stavů obvykle $M_D = 2^b$
- Přenášená informace je mapována na vysokofrekvenční signál ovlivňovaný parametr:
 - Kmitočet ... FSK Frequency Shift Keying
 - Amplituda ... ASK Amplitude Shift Keying
 - Fáze ... PSK Phase Shift Keying
 - Či kombinace předchozích ... QAM Quadratue Amplitude Modulation (zároveň klíčování amplitudy a fáze)

$$S_n(t) = A_n(t)e^{j[\omega_n t + \Phi_n(t)]}$$







Digitální modulace s jednou nosnou vlnou

- Stav je platný po určitou dobu doba trvání symbolu T_s (symbolová doba, symbolový interval)
 - Symbolová rychlost R = 1 / T_s
- Jeden symbol je dán jedním či více vstupními bity
 - Počet bitů b
 - Počet stavů M_D
 - Bitová rychlost $R_b = b R_s$ $b = \log_2 M_D$
- Příklady M_D-stavových modulací:

$b = 1$, $M_D = 2$ 2-PSK = BPSK	$b = 2$, $M_D = 4$ 4-ASK; 4-PSK = QPSK	$b = 3$, $M_D = 8$ 8-PSK	
•	nebo •		

Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



5/28



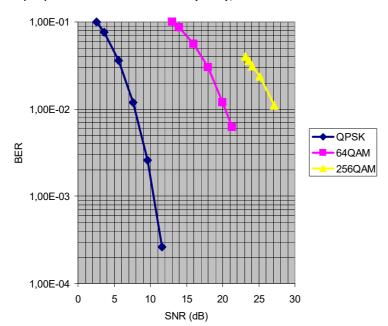
B2M37DTRA 2023-11

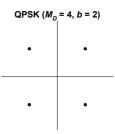
Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

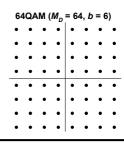
Digitální modulace s jedinou nosnou vlnou

- S rostoucím počtem stavů roste bitová rychlost R_b
- S rostoucím počtem stavů se snižuje vzdálenost mezi stavy a tím odolnost při přenosu: na obr. BER=f(SNR), reálné měření





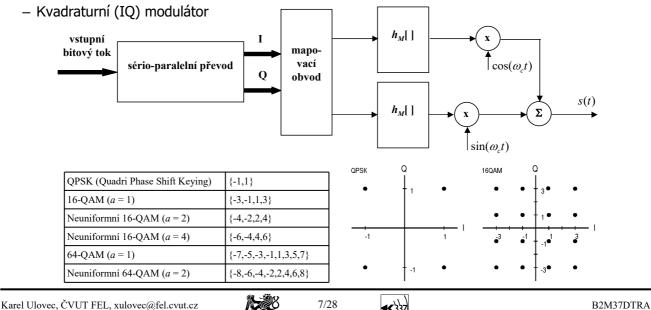
16QAM ($M_D = 16, b = 4$)								
	•	•	•	•				
_	•	•	•	•				
	•	•	•	•				
		•	•	•				





Kvadraturní modulace QAM (Quadrature Amplitude Modulation)

- Signál tvořen dvěma kvadraturními složkami
 - Soufázová složka I (Inphase), reálná část signálu komplexní obálky (cosinus)
 - Kvadraturní složka Q (Quadrature), imaginární část signálu komplexní obálky (sinus)
- Konstelační diagram koncové body vektorů reprezentující signál v IQ rovině, IQ složky představují souřadnice koncového bodu vektoru (analogie s komplexními čísly)

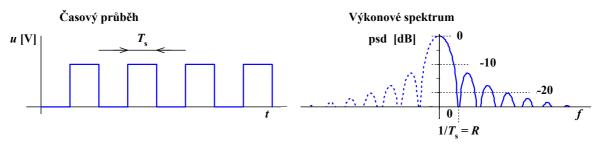


Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

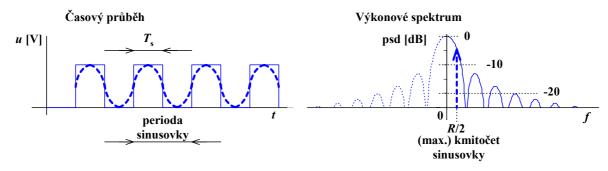
Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Kvadraturní modulace QAM – filtrace $h_{M}[\]$

Nejnepříznivější situace: sled 0 1 0 1 0 1 0 1 ...



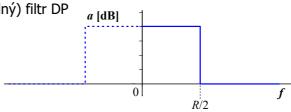
Filtr musí propustit kmitočty alespoň do R/2 (čárkovaný sinusový signál v obr.)



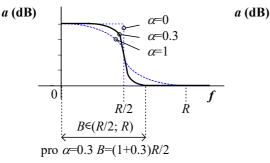


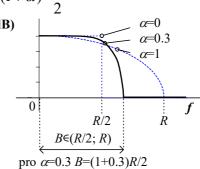
Kvadraturní modulace QAM – filtrace h_M

- Ideální (nerealizovatelný) filtr DP



– DP s pozvolnějším útlumem a šířkou pásma $B = (1 + \alpha)$.





- Šířka pásma modulovaného VF signálu (okolo nosné vlny) $B_{\rm VF} = 2B = (1+\alpha) \cdot R$
 - Např.: $R \sim \text{jednotky Mb/s} \dots T_s \sim \text{jednotky } \mu \text{s} \dots B_{VF} \sim \text{jednotky MHz}$

Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz





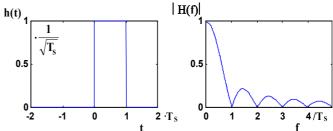
B2M37DTRA

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Spektrum signálu digitální modulace s jednou nosnou vlnou

- Modulační signál tvarován tzv. modulačním impulsem (vzájemné násobení) spektrum modulovaného signálu dáno tvarem spektra modulačního impulsu (konvoluce spekter)
- Obdélníkový modulační impuls jeden symbol přenášené informace ovlivní úsek modulovaného signálu po dobu trvání právě 1 symbolu, tvar signálu nezměněn (v rámci relevantního symbolu)
 - Nekonečné spektrum, postranní laloky



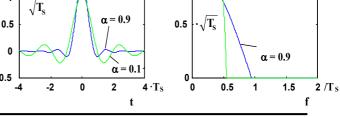
 Modulační impuls se spektrem SqRRC – v časovém průběhu vymizí rychlé změny amplitudy, jeden symbol přenášené informace ovlivní h(t)^{1.5}

delší úsek modulovaného signálu

- Tvar spektra podle volby koeficientu α
- Šířka pásma modulovaného signálu B_{//E} určena symbolovou rychlostí R a koeficientem α

 $B_{\rm VF} = (1 + \alpha) \cdot R$



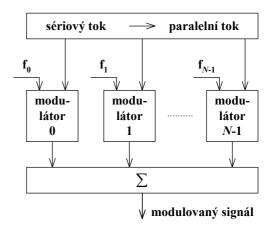


H(f)

Ortogonální frekvenčně dělený multiplex OFDM (Orthogonal Frequency Division Multiplexing)

- N nosných vln
- Rozdělení dat do jednotlivých nosných vln
 - Dlouhé trvání symbolové doby T_s (N-krát oproti modulaci s jednou nosnou vlnou)
 ... zvýšení odolnosti vůči přeslechům mezi vysílanými symboly ISI (Inter-Symbol Interference), důležité při šíření kanálem s odrazy
- Nosné vlny modulovány digitální modulací QAM
- Princip sada paralelních modulátorů
- Signál získán zpětnou Fourierovou transformací (signál sestaven ve fr. doméně a transformací převeden do čas. domény)

$$s(d) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} x_n e^{j2\pi dn/N} \qquad 0 \le d \le N - 1$$



Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



11/28



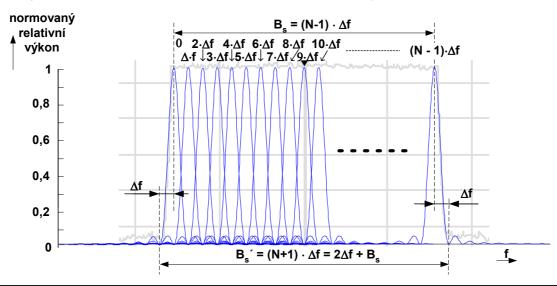
B2M37DTRA 2023-11

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Spektrum OFDM

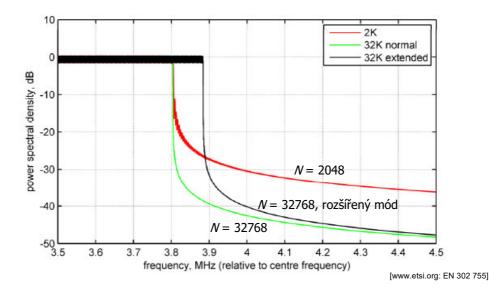
- Signál a tedy i jeho spektrum je dán/dáno stavem všech nosných vln
 - OFDM symbol (délka T_s)
 - Časový průběh podobný šumu pro velká N (centrální limitní věta)
- Nosné vlny jsou ortogonální (maximum každé se překrývá s minimy všech ostatních) $\Delta f = 1/T_s$ a v případě ochranného intervalu (viz. dále) $\Delta f = 1/T_u$





Spektrum OFDM – vliv počtu dílčích nosných vln

- Příklad pro nominální šířku pásma 8 MHz
- Pouze část spektra okolo poslední nosné vlny
- Velké rozměry FFT ... rychleji klesá nežádoucí vyzařování důležité pro módy s rozšířenou šířkou pásma (rozšířený mód)



Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



13/28



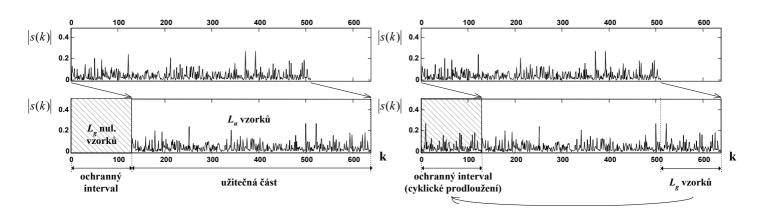
B2M37DTRA 2023-11

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Ochranný interval (Guard Interval) v systému s OFDM

- Další snížení vlivu odrazů signál má čas "doznít"
- Více možností
 - Vložit nulové vzorky
 - Zopakovat část symbolu tzv. cyklické prodloužení
 - Vložit pseudonáhodnou posloupnost
- Využívá se při synchronizaci



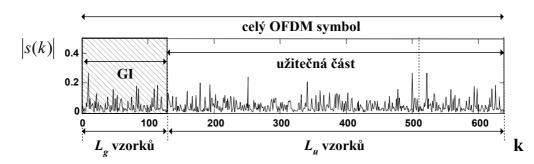


Ochranný interval (Guard Interval) v systému s OFDM

Snižuje spektrální účinnost a užitečnou přenosovou rychlost v poměru

$$\frac{L_{\rm u}}{L_{\rm u} + L_{\rm g}} = \frac{T_{\rm u}}{T_{\rm s}} = \frac{T_{\rm u}}{T_{\rm u} + \Delta T}$$

 ΔT je délka ochr. intervalu o $L_{\rm g}$ vzorcích $T_{\rm u}$ je délka užitečné části symbolu o $L_{\rm u}$ vzorcích



- Doba trvání (celého) symbolu $T_s = T_u + \Delta T$
- $-\Delta T/T_{u}$ např. 1/4, 1/8, 1/16, 1/32
- OFDM s ochranným intervalem => $\Delta f = 1/T_{\text{u}}$

Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



15/28



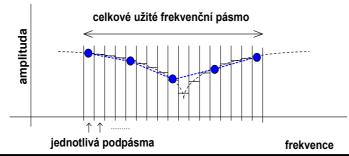
B2M37DTRA 2023-11

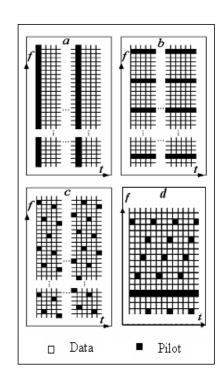
Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Pilotní OFDM buňky

- Buňka (OFDM cell) dána polohou v čase (konkrétní OFDM symbol) a ve frekvenci (konkrétní dílčí nosná vlna)
- Nejsou modulovány užitečnými daty; amplituda i fáze jsou známy (např. dány standardem)
- Obvykle vysílány s vyšším výkonem než datové buňky
- Různé možnosti rozložení v čase a frekvenci
 - Viz obr. kontinuální (a, b) vs. rozprostřené (c) nebo kombinace (d)
- Synchronizace, odhad stavu kanálu (a následná ekvalizace)
 - V přijímači je měřena amplituda a fáze slouží k odhadu vlivu kanálu; důležité pro odstranění vlivu odražených signálů





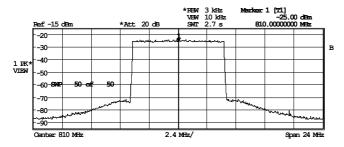




Vlastnosti systémů s OFDM

- Výhodný tvar spektra s ohledem na využití kmitočtového pásma
- Výhodný tvar spektra s ohledem na rušení vně kanálu (především sousedních kanálů)
- Odolnost proti úzkopásmovému rušení
 - Při užití OFDM s protichybovým zabezpečením lze určitý počet chyb opravit
- Odolnost proti vícecestnému šíření (dlouhý symbolový interval, ochranný interval, odhad stavu kanálu a kompenzace využitím pilotních buněk)
 - Odolnost se zvyšuje s rostoucí délkou trvání ochranného intervalu
 - Mohou vznikat jednofrekvenční sítě SFN (Single Frequency Network) viz dále

Spektrum signálu získané spektrálním analyzátorem:



Úzkopásmové rušení:



Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



17/28



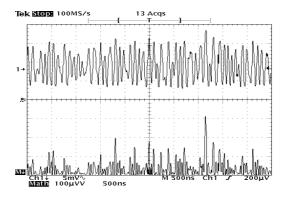
B2M37DTRA

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Vlastnosti systémů s OFDM

- Při ztrátě ortogonality nosných vln dochází k přeslechům mezi nosnými vlnami ICI (Inter-Carrier Interference)
 - Např. vlivem nepřesného vzorkování pak rozestup nosných vln v přijímači nedopovídá stavu na vysílači
 - Ale také vlivem vzájemného pohybu vysílače a přijímače (Dopplerův efekt) v prostředí s
 odraženými signály (od pohyblivých překážek) při mobilním příjmu je lepší volit větší
 rozestupy nosných vln
- Šumový charakter časového průběhu signálu (v obr. nahoře: Časový průběh signálu OFDM)
 - Vysoký poměr špičkové hodnoty výkonu oproti střední hodnotě důležité pro koncové stupně zesilovačů ve vysílačích (v obr. dole: Okamžitá hodnota výkonu signálu OFDM)







Jednofrekvenční síť (SFN, Single Frequency Network) v systému s OFDM

- Systém s OFDM umožňuje budování jednofrekvenční sítě, ve které se opakovaně užívá stejného kmitočtu pro vysílání z různých vysílačů – výhodné při nedostatku kmitočtů
 - Přijímač (v systému s OFDM) je schopen přijímat signál skládající se z různě opožděných příspěvků
 - Odražený signál či signál vysílaný z jiného vysílače na stejném kmitočtu mají stejné účinky
- Důležité podmínky: vysílány jsou zcela stejné signály
 - Stejná data
 - Stejná technologie dodržení standardu, stejné algoritmy zpracování signálu
 - Synchronizované signály synchronizace pomocí GPS

Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



19/28



B2M37DTRA 2023-11

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Jednofrekvenční síť (SFN, Single Frequency Network) v systému s OFDM

- Rozsah sítě max. vzdálenost vysílačů určena délkou trvání ochranného intervalu
 - Pro rozlehlé sítě nutno volit velký počet nosných vln
 - Příklady délky ochranného intervalu a maximální vzdálenosti vysílačů pro terestrické vysílaní digitální TV druhé generace (v 8 MHz kanále):

Ochranný interval [µs] --- Vzdálenost vysílačů [km]

					$\Delta T / T_{\rm u}$			
		1/128	1/32	1/16	19/256	1/8	19/128	1/4
F	32 K	28 8,4	112 33,6	22467,2	266 79,8	448 134,4	532 159,6	N/A
	16 K	14 4,2	56 16,8	112 33,6	133 39,9	224 67,2	266 79,8	448 134,4
	8 K	7 2,1	28 8,4	56 16,8	66,5 19,95	112 33,6	133 39,9	224 67,2
F	4 K	N/A	14 4,2	28 8,4	N/A	56 16,8	N/A	112 33,6
T	2 K	N/A	7 2,1	14 4,2	N/A	28 8,4	N/A	56 16,8
	1 K	N/A	N/A	7 2,1	N/A	14 4,2	N/A	28 8,4

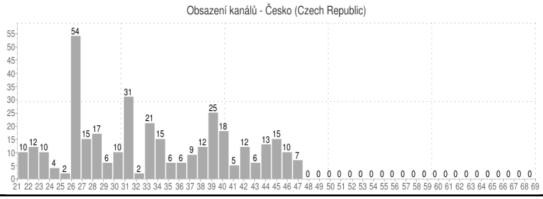


Jednofrekvenční síť v systému s OFDM

- Na obr. počty násobného užití kmitočtu v ČR
 - [http://www.mapavysilacu.cz/channelspectrum.html, 2017]



• [http://www.mapavysilacu.cz/channelspectrum.html, březen 2021]



Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



21/28



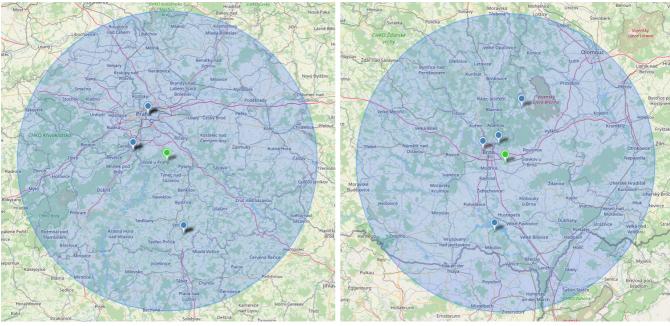
B2M37DTRA 2023-11

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Jednofrekvenční síť v systému s OFDM

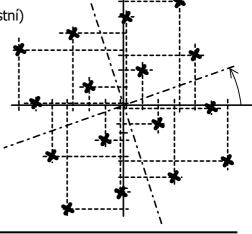
- Na obr. případ vysílání DVB-T druhé generace: SFN 40. kanál, vysílače s výkonem nad 1 kW, kruhy o průměru 134 km
 - [http://www.mapavysilacu.cz/mapnearest.html, březen 2021]





Rotovaný konstelační diagram

- Natočením konstelačního diagramu QAM modulace (v obr. např. o 16,8 stupňů)
- Každý bod diagramu má jedinečnou hodnotu na I a na Q složce
- Bod lze jednoznačně určit i při znalosti hodnoty pouze jedné ze složek
- I a Q složka jsou odděleny při procesu prokládání a jedna ze složek opožděna hodnoty složek jsou vysílány v různém čase
- V systémech s OFDM jsou rovněž frekvenčně proložené vysílány na různých frekvencích
- Lepší výsledky
 - Menší počet stavů modulace (lze více natočit)
 - Vyšší kódové poměry (samotné kódování je méně robustní)
 - Složité modely kanálu (úniky způsobí výmaz některých částí spektra) – zisk cca 0,7 dB
- Nepůsobí zhoršení v kanále AWGN



Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



23/28



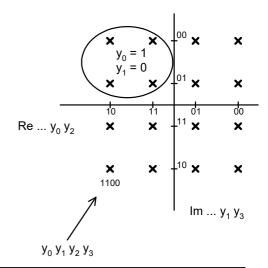
B2M37DTRA 2023-11

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Hierarchická modulace

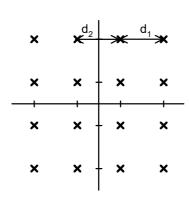
- Některé bity přenášené informace mohou být přenášeny s menší chybovostí
- Např. hierarchická modulace 16-QAM/QPSK
 - V každém kvadrantu bity y₀ a y₁ mají konstantní hodnoty
 - Při demodulaci jsou stavy pro bity y_0 a y_1 rozpoznávány ze čtyř možných (postačuje určit, ve kterém kvadrantu stav leží) to odpovídá QPSK
 - Ve srovnání s chybovostí pro modulaci 16-QAM je chybovost pro QPSK nižší
 - Bity y₀ a y₁ odpovídají více zabezpečenému přenosu
 - · Celá čtveřice bitů tvoří symboly modulace 16-QAM
 - Při demodulaci 16-QAM může být využita informace z předchozí QPSK demodulace
 - Stavy pro bity y₂ a y₃ rozpoznávány z 16 možných
 - Bity y₂ a y₃ odpovídají méně zabezpečenému přenosu
- U hierarchické modulace je výhodné užít rovněž neuniformní modulaci

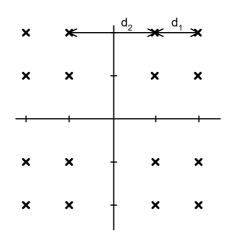




Uniformní / neuniformní modulace

- Více zabezpečený datový tok může být přenesen s ještě nižší chybovostí
- Skupiny stavů s konstantními hodnotami bitů jsou oddáleny
- Poměr $d_2/d_1 = \alpha$
 - $\alpha = 1 \dots$ uniformní
 - $\alpha > 1$... neuniformní (např. v obr. $\alpha = 2$)





Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



25/28



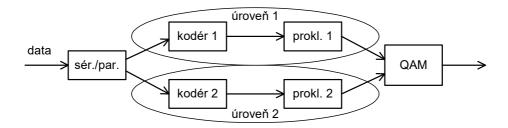
B2M37DTRA 2023-11

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Více úrovňové kódování spojené s modulací

- Současná optimalizace protichybového zabezpečení kódováním a modulací
 - Různé skupiny bitů jinak zabezpečeny (např. jiné punkturování ze stejného mateřského kódu)
- Možné též společně s hierarchickou modulací
- Využití
 - Některé bity v jedné službě více zabezpečeny
 - Různé služby ve společném multiplexu mohou být různě zabezpečené





Témata pro přípravu studentů ke zkoušce

Digitální modulace s jednou nosnou vlnou

- Příklady modulací s jednou nosnou vlnou
- Symbolová a bitová rychlost
- Kvadraturní modulace, konstelační diagram
- Spektrum

Ortogonální frekvenčně dělený multiplex OFDM (Orthogonal Frequency Division Multiplexing)

- Princip
- Spektrum
- Časový průběh
- Ochranný interval
- Pilotní buňky
- Vlastnosti systémů s OFDM

Jednofrekvenční síť (SFN, Single Frequency Network) v systému s OFDM

- Význam SFN
- Proč je právě systém s OFDM vhodný?
- Podmínky sítě SFN/OFDM, rozsah sítě SFN/OFDM

Karel Ulovec, ČVUT FEL, xulovec@fel.cvut.cz



27/28



B2M37DTRA

Modulace v systémech pro přenos digitální televize a rozhlasu, jednofrekvenční síť

Děkuji za pozornost,



prosím vaše dotazy ...



