Využití multiobjektové optimalizace k návrhu vysokofrekvenčních obvodů (úvodní přehled)

Josef Dobeš a Jan Míchal České vysoké učení technické v Praze Fakulta elektrotechnická Katedra radioelektroniky

3. října 2021



Osnova Multiobjektová... Skalarizace problému Rovnoměrné pokrytí... 2-D opt.: Nízkošumový... 3-D opt.: Výkonový... 4-D opt.: Video zesilovač Závěr Domovská stránka •• Strana 1 z 23 Zpět Celá obrazovka Zavřít Konec

1. Osnova

- Úvod do multiobjektové optimalizace
- Popis použité (a námi upravené) metody
 - Skalarizace problému
 - Referenční soubor pro asymptoticky rovnoměrné pokrytí Paretovy plochy
- Příklady
 - Dvojdimenzionální úloha: Nízkošumový zesilovač
 - Účelové funkce (cíle návrhu)
 - Dvojdimenzionální Paretova plocha (tedy v tomto případě křivka)
 - Kmitočtové charakteristiky pro vybraných pět bodů Paretovy křivky
 - Trojdimenzionální úloha: Výkonový zesilovač
 - Účelové funkce (cíle návrhu)
 - Trojdimenzionální Paretova plocha (tedy v tomto případě skutečně plocha v geometrickém významu)
 - Časové odezvy pro vybraných pět bodů Paretovy plochy
 - Čtyřdimenzionální úloha: Video zesilovač
 - Účelové funkce (cíle návrhu)
 - Způsob zobrazení čtyřdimenzionální Paretovy plochy (tedy v tomto případě vlastně trojdimenzionálního prostoru)



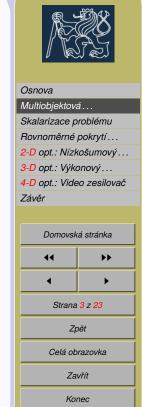
Osnova Multiobjektová... Skalarizace problému Rovnoměrné pokrytí... 2-D opt.: Nízkošumový... 3-D opt.: Výkonový... 4-D opt.: Video zesilovač Závěr Domovská stránka * 44 Strana 2 z 23 Zpět Celá obrazovka Zavřít

2. Multiobjektová optimalizace: základní vztahy

Úlohou multiobjektové optimalizace rozumíme minimalizaci k-tice účelových funkcí:

minimize
$$\{f_1(\mathbf{x}), f_2(\mathbf{x}), \dots, f_k(\mathbf{x})\},\$$

kde S je množina hodnot účelových funkcí splňujících omezující podmínky ($feasible\ region$). Optimalizací pak rozumíme hledání $nepodřadných\ (noninferior)\ \check{r}e\check{s}en\acute{t}$ lokalizovaných na $Paretov\check{e}\ ploše$.



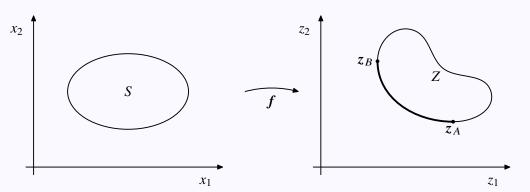
2. Multiobjektová optimalizace: základní vztahy

Úlohou multiobjektové optimalizace rozumíme minimalizaci k-tice účelových funkcí:

$$\underset{\boldsymbol{x} \in S}{\text{minimize}} \quad \{ f_1(\boldsymbol{x}), f_2(\boldsymbol{x}), \dots, f_k(\boldsymbol{x}) \}, \\$$

kde *S* je množina hodnot účelových funkcí splňujících omezující podmínky (*feasible region*). Optimalizací pak rozumíme hledání *nepodřadných (noninferior) řešení* lokalizovaných na *Paretově ploše*.

Ilustrace problému pro k = 2 (dvojdimenzionální případ):







3. Skalarizace problému

Algoritmus je variantou metody GAM¹ (Goal Attainment Method, vztah níže je originální modifikace):

minimize
$$\max_{x \in S} \max_{i=1,\dots,k} \frac{f_i(x) - \bar{z}_i}{z_i^{\text{nad}} - z_i^*},$$



3. Skalarizace problému

Algoritmus je variantou metody GAM¹ (Goal Attainment Method, vztah níže je originální modifikace):

$$\underset{x \in S}{\text{minimize}} \quad \max_{i=1,\dots,k} \frac{f_i(x) - \bar{z}_i}{z_i^{\text{nad}} - z_i^*},$$

kde z_i^* jsou složky *ideálního* vektoru

$$z^* = \left[\min_{\boldsymbol{x} \in S} f_1(\boldsymbol{x}), \min_{\boldsymbol{x} \in S} f_2(\boldsymbol{x}), \dots, \min_{\boldsymbol{x} \in S} f_k(\boldsymbol{x})\right],$$

a z_i^{nad} jsou složky *nadir* vektoru (tj. vektoru, který je protipólem optima, jde o vektor nejhorších (nezávisle na sobě zjištěných) hodnot)

$$z^{\text{nad}} = \left[\max_{i} (z_i^*)_1, \dots, \max_{i} (z_i^*)_k \right].$$



3. Skalarizace problému

Algoritmus je variantou metody GAM¹ (Goal Attainment Method, vztah níže je originální modifikace):

$$\underset{x \in S}{\text{minimize}} \quad \max_{i=1,\dots,k} \frac{f_i(x) - \bar{z}_i}{z_i^{\text{nad}} - z_i^*},$$

kde z_i^* jsou složky *ideálního* vektoru

$$z^* = \left[\min_{\boldsymbol{x} \in S} f_1(\boldsymbol{x}), \min_{\boldsymbol{x} \in S} f_2(\boldsymbol{x}), \dots, \min_{\boldsymbol{x} \in S} f_k(\boldsymbol{x})\right],$$

a z_i^{nad} jsou složky *nadir* vektoru (tj. vektoru, který je protipólem optima, jde o vektor nejhorších (nezávisle na sobě zjištěných) hodnot)

$$z^{\text{nad}} = \left[\max_{i} (z_i^*)_1, \dots, \max_{i} (z_i^*)_k \right].$$

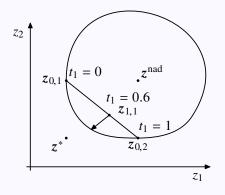
 \bar{z}_i jsou složky *referenčního* bodu vybrané z určitého konvexní *referenční* množiny s vrcholy $z_{0,l}$, kde každý vrchol je příslušný vektor účelové funkce z_i^* získaný nezávislou minimalizací l-té účelové funkce.

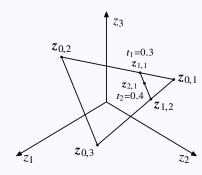
Algoritmus GAM je např. standardně implementován v MATLAB, není třeba tedy většinou programovat matematické procedury. (Neposkytuje ovšem asymptoticky rovnoměrné pokrytí Paretovy plochy.)



¹Kaisa Miettinen, Nonlinear Multiobjective Optimization. Kluwer Academic Publishers, Boston, 4th ed., 2004.

Ilustrace pro k = 2 a k = 3:







Osnova

Multiobjektová...

Skalarizace problému

Rovnoměrné pokrytí...

2-D opt.: Nízkošumový...

3-D opt.: Výkonový...

4-D opt.: Video zesilovač

Závěr

Domovská stránka

← →

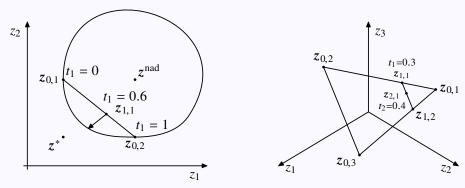
Strana 5 z 23

Zpět

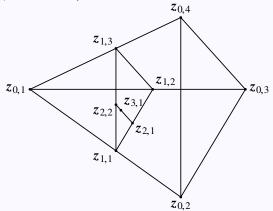
Celá obrazovka

Zavřít

Ilustrace pro k = 2 a k = 3:



Ilustrace pro k = 4 (čtyřstěn, tetrahedron):





Osnova

Multiobjektová...

Skalarizace problému

Rovnoměrné pokrytí...

2-D opt.: Nízkošumový...

3-D opt.: Výkonový...

4-D opt.: Video zesilovač

Závěr

Strana 5 z 23

Zpět

Celá obrazovka

Zavřít

4. Rovnoměrné pokrytí referenčního souboru

Startujeme s k-ticí vrcholů $z_{0,i}$ a k-1 náhodně generovanými koeficienty $r_j \in [0,1]$.

$$t_{1} = \sqrt[k-1]{r_{1}}$$

$$z_{1,1} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,2}$$

$$z_{1,2} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,3}$$

$$\vdots$$

$$z_{1,k-1} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,k}$$



Osnova Multiobjektová... Skalarizace problému Rovnoměrné pokrytí... 2-D opt.: Nízkošumový... 3-D opt.: Výkonový... 4-D opt.: Video zesilovač Závěr Domovská stránka

Strana 6 z 23

Zpět

Celá obrazovka

Zavřít

Konec

4. Rovnoměrné pokrytí referenčního souboru

Startujeme s k-ticí vrcholů $z_{0,i}$ a k-1 náhodně generovanými koeficienty $r_j \in [0,1]$.

$$t_{1} = \sqrt[k-1]{r_{1}}$$

$$z_{1,1} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,2}$$

$$z_{1,2} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,3}$$

$$\vdots$$

$$z_{1,k-1} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,k}$$

$$t_{2} = \sqrt[k-2]{r_{2}}$$

$$z_{2,1} = (1 - t_{2})z_{1,1} + t_{2}z_{1,2}$$

$$z_{2,2} = (1 - t_{2})z_{1,1} + t_{2}z_{1,3}$$

$$\vdots$$

$$z_{2,k-2} = (1 - t_{2})z_{1,1} + t_{2}z_{1,k-1}$$



Osnova

Multiobjektová...

Skalarizace problému

Rovnoměrné pokrytí...

- 2-D opt.: Nízkošumový...
- 3-D opt.: Výkonový...
- 4-D opt.: Video zesilovač

Závěr

Domovská stránka

()

Strana 6 z 23

Zpět

Celá obrazovka

Zavřít

4. Rovnoměrné pokrytí referenčního souboru

Startujeme s k-ticí vrcholů $z_{0,i}$ a k-1 náhodně generovanými koeficienty $r_j \in [0,1]$.

$$t_{1} = \sqrt[k-1]{r_{1}}$$

$$z_{1,1} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,2}$$

$$z_{1,2} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,3}$$

$$\vdots$$

$$z_{1,k-1} = (1 - t_{1})z_{0,1} + t_{1}z_{0,k}$$

$$t_{2} = \sqrt[k-2]{r_{2}}$$

$$z_{2,1} = (1 - t_{2})z_{1,1} + t_{2}z_{1,2}$$

$$z_{2,2} = (1 - t_{2})z_{1,1} + t_{2}z_{1,3}$$

$$\vdots$$

$$z_{2,k-2} = (1 - t_{2})z_{1,1} + t_{2}z_{1,k-1}$$

$$\vdots$$

$$t_{k-1} = \sqrt[k]{r_{k-1}} = r_{k-1}$$

$$z_{k-1,1} = (1 - t_{k-1})z_{k-2,1} + t_{k-1}z_{k-2,2}$$

Tato rekurentní posloupnost v důsledku vede k asymptoticky rovnoměrnému pokrytí Paretovy plochy.



Osnova	
Multiobjektova	á
Skalarizace p	roblém
Rovnoměrné	pokryti
<mark>2-D</mark> opt.: Nízk	cošumo
3-D opt.: Výko	onový.
4-D opt.: Vide	eo zesil
Závěr	
Domovsk	á stránk
44	•
4	١
Strana	6 z 23

Zpět Celá obrazovka

Zavřít

Konec

ovač

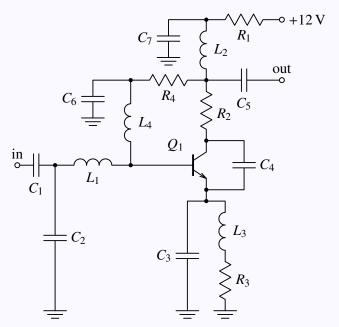
5. 2-D opt.: Nízkošumový zesilovač

Pásmo 50 MHz to 500 MHz, na vstupu i výstupu 75 Ω, bipolární tranzistor BFR90

Účelové funkce: minimalizovat šumové číslo při současné maximalizaci zesílení

Omezující podmínky (constraints): maxima povolená tranzistorem, stabilita (např. Rollettovo kritérium)

Proměnné pro návrh: hodnoty pasivních prvků obvodu







Účelové funkce

				Optimum/	
No	Symbol	Тур	Směr	Limit	Jednotka
1	A_{pt}	obj.	max.	17.5	dB
2	NF	obj.	min.	1.10	dB
3	$I_{\rm c}$	constr.	<u>≤</u>	20	mA
4	$P_{ m diss}$	constr.	<u> </u>	150	mW
5	k_{Rs}	constr.	>	1.1	
6	Δ	constr.	<u> </u>	0.9	



Osnova
Multiobjektová...
Skalarizace problému
Rovnoměrné pokrytí...
2-D opt.: Nízkošumový...
3-D opt.: Výkonový...
4-D opt.: Vídeo zesilovač
Závěr

Domovská stránka

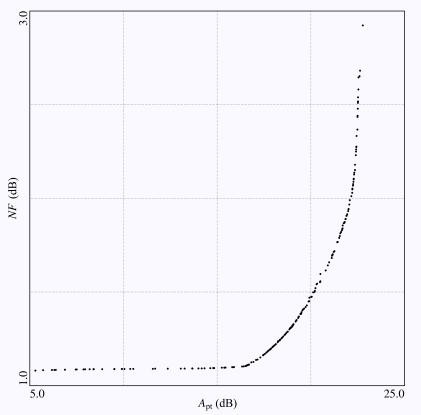
Strana 8 z 23

Zpět

Celá obrazovka

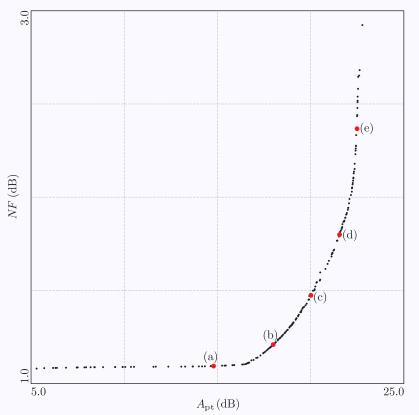
Zavřít

Prvotní výsledek: (Poměrně) rovnoměrně pokrytá Paretova křivka



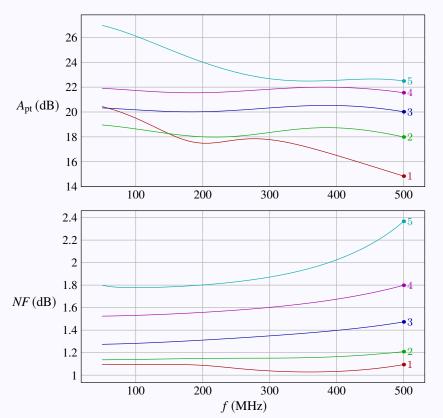


Další krok: Výběr bodů na Paretově křivce (zde demonstrativní)





Vypočtené průběhy zesílení a šumového čísla pro pět vybraných bodů





Osnova

Multiobjektová...
Skalarizace problému
Rovnoměrné pokrytí...
2-D opt.: Nízkošumový...
3-D opt.: Výkonový...
4-D opt.: Video zesilovač
Závěr

Zpět –

Celá obrazovka

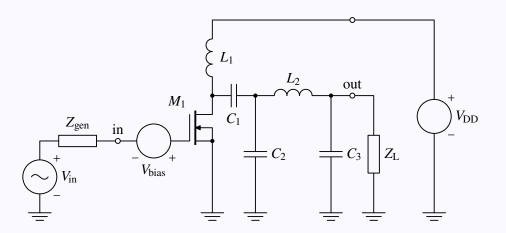
Zavřít

6. 3-D opt.: Výkonový zesilovač

Úzkopásmová modulace na 300 MHz, 50 Ω, 12 V, tranzistor MOS LP821 (Polyfet)

Účelové funkce: maximalizovat výstupní výkon první harmonické a výkonovou efektivnost, minimalizovat harmonické zkreslení

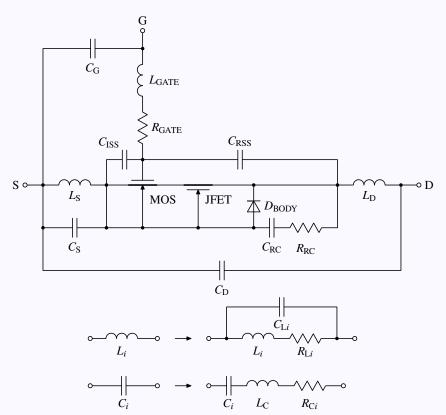
Omezující podmínky (constraints): maximální povolené hodnoty na tranzistoru Proměnné pro návrh: hodnoty pasivních prvků, vstupní stejnosměrné (DC) předpětí (bias) a amplituda







Použitý model tranzistoru LDMOS (Lateral Diffusion)





Osnova

Multiobjektová...

Skalarizace problému Rovnoměrné pokrytí...

2-D opt.: Nízkošumový...

opt.: Výkonový...

4-D opt.: Video zesilovač

Závěr

Domovská stránka

 ++
 ++

Strana 13 z 23

Zpět

Celá obrazovka

Zavřít

Účelové funkce

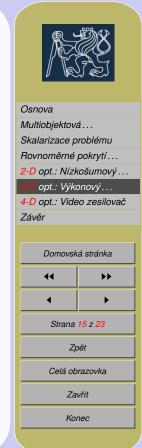
				Optimum/	
No	Symbol	Typ	Směr	Limit	Jednotka
1	P_{out1}	obj.	max.	31.1	W
2	η	obj.	max.	83.0	%
3	THD	obj.	min.	0.0783	%
4	$I_{\rm davg}$	constr.	<u>≤</u>	5	A
5	$P_{ m diss}$	constr.	≤	50	W



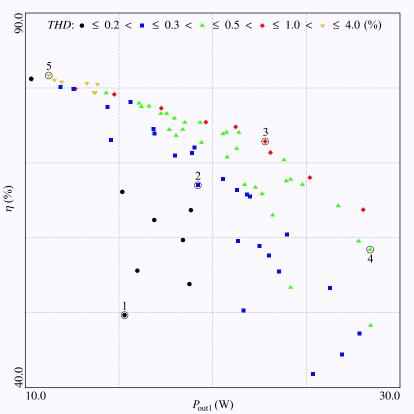
Osnova Multiobjektová... Skalarizace problému Rovnoměrné pokrytí... 2-D opt.: Nízkošumový... opt.: Výkonový... 4-D opt.: Video zesilovač Závěr Domovská stránka 44 •• Strana 14 z 23 Zpět Celá obrazovka Zavřít

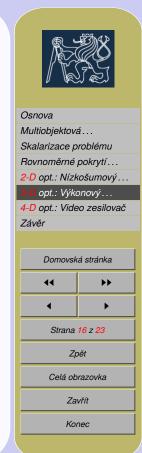
Proměnné pro návrh

		Limit			Тур
No	Symbol	Dolní	Horní	Jednotka	pokrytí
1	$V_{ m gsmax}$	2	20	V	lin.
2	$V_{ m gsACm}$	0.4	12	V	lin.
3	L_1	3 n	30 n	Н	log.
4	C_1	10 p	300 p	F	log.
5	C_2	3 p	300 p	F	log.
6	L_2	3 n	100 n	Н	log.
7	C_3	3 p	100 p	F	log.



Výsledky: Trojrozměrná Paretova plocha





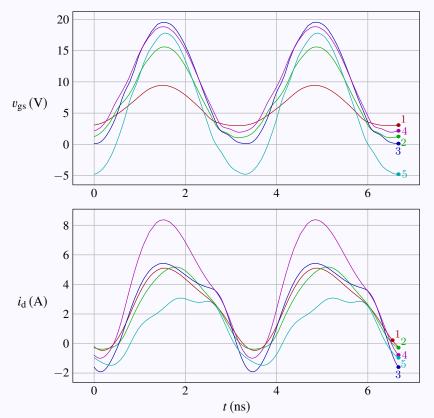
Výsledky: Parametry pěti vybraných (demonstrativních) řešení

		Číslo řešení					
No	Symbol	1	2	3	4	5	Jednotka
1	$V_{ m gsmax}$	9.97	15.9	20.0	19.2	18.9	V
2	$V_{\rm gsACm}$	4.03	8.05	10.7	9.24	12.0	V
3	L_1	7.86 n	11.3 n	4.23 n	3.97 n	5.03 n	Н
4	C_1	294 p	133 p	299 p	51.6 p	166 p	Н
5	C_2	22.6 p	5.09 p	27.0 p	300 p	3.41 p	Н
6	L_2	6.84 n	7.00 n	7.97 n	7.32 n	9.89 n	Н
7	C_3	20.1 p	2.35 p	18.4 p	22.6 p	17.0 p	Н
1	P _{out1}	15.3	18.8	22.8	28.4	11.2	W
2	η	49.7	63.7	72.9	58.4	81.7	%
3	THD	0.163	0.239	0.512	0.394	3.03	%
4	$I_{ m davg}$	2.56	2.44	2.59	4.01	1.15	A
5	$P_{ m diss}$	13.6	8.42	6.65	16.0	1.84	W



Osnova				
Multiobjektova	á			
Skalarizace p	roblému			
Rovnoměrné	pokrytí			
<mark>2-D</mark> opt.: Nízk	košumový			
3-D opt.: Výko	onový			
4-D opt.: Vide	eo zesilovač			
Závěr				
Domovsk	rá stránka			
44	>>			
→				
Strana 17 z 23				
<i>Z</i> pět				
Celá obrazovka				
Zavřít				

Výsledky: časové průběhy pro vybraných pět řešení





Osnova

Multiobjektová...

Skalarizace problému Rovnoměrné pokrytí...

2-D opt.: Nízkošumový...

opt.: Výkonový...

4-D opt.: Video zesilovač

Závěr

Domovská stránka

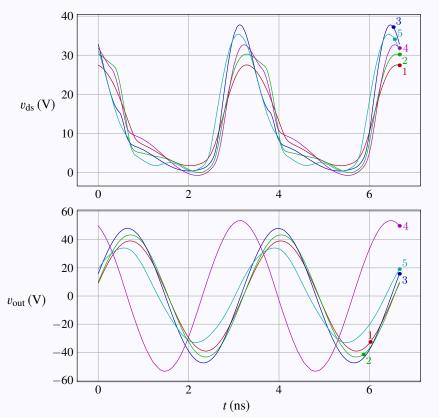
Strana 18 z 23

Zpět

Celá obrazovka

Zavřít

Výsledky: časové průběhy pro vybraných pět řešení (pokračování)





Osnova Multiobjektová... Skalarizace problému

Rovnoměrné pokrytí ... 2-D opt.: Nízkošumový ...

opt.: Výkonový...

4-D opt.: Video zesilovač

Závěr

Domovská stránka



Strana 19 z 23

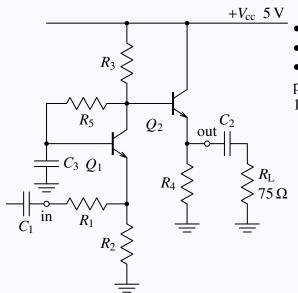
Zpět

Celá obrazovka

Zavřít

7. 4-D opt.: Video zesilovač

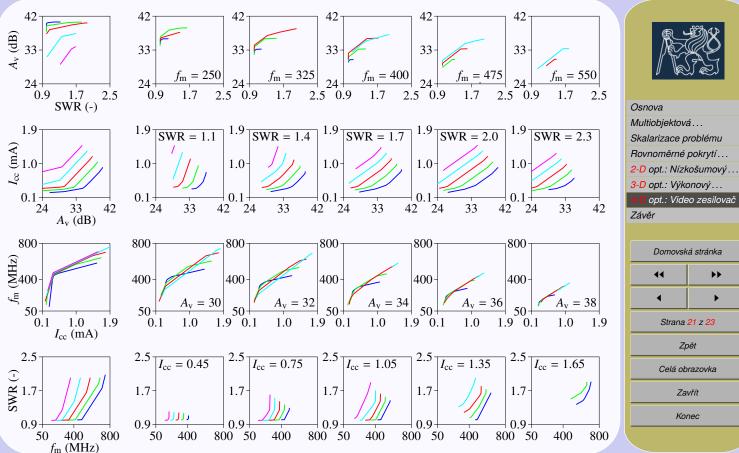
Video zesilovač se vstupem přizpůsobeným impedanci zdroje 75 Ω s výstupem do zátěže 75 Ω a kapacitou výstupu 1 V_{pp} . Kmitočet f_m pro 3 dB pokles má být co největší, nízkofrekvenční napěťový zisk A_v by měl být kladný a co největší a celkový stejnosměrný napájecí proud I_{cc} by měl být co nejmenší. Jako proměnné pro návrh budou použity rezistory R_1-R_5 . Má se i minimalizovat SWR (Standing Wave Ratio).



- minimalizovat SWR, I_{cc} ,
- maximalizovat A_{v} , f_{m} ,
- vzhledem k podmínce $V_{\rm out} \leq 3.5 \, {\rm V},$ přičemž toto omezení $V_{\rm out}$ zajišťuje požadovanou 1 ${\rm V_{pp}}$ kapacitu.









Rovnoměrné pokrytí...

opt.: Video zesilovač

Domovská stránka

••

Strana 21 z 23

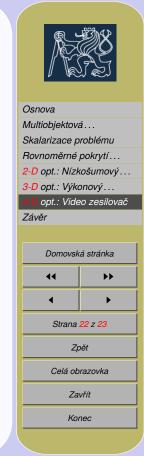
Celá obrazovka

Křivky v prvním řádku grafů reprezentují *nepodřadné* body pro proudy I_{cc} 0.45, 0.75, 1.05, 1.35, a 1.65 mA.

Křivky v <u>druhém</u> řádku grafů reprezentují *nepodřadné* body pro kmitočty $f_{\rm m}$ 250, 325, 400, 475 a 550 MHz.

Křivky v <u>třetím</u> řádku grafů reprezentují *nepodřadné* body pro poměr stojatých vln SWR 1.1, 1.4, 1.7, 2.0 a 2.3.

Křivky v <u>čtvrtém</u> řádku grafů reprezentují *nepodřadné* body pro zesílení $A_{\rm v}$ 30, 32, 34, 36 a 38 dB.



8. Závěr

- Bylo demonstrováno technicky velmi užitečné použití semiautomatické a posteriori metody založené na asymptoticky rovnoměrném pokrytí referenčního souboru (vede na přibližně rovnoměrné pokrytí Paretovy plochy, což je z uživatelského technického hlediska velmi významné)
- (Formální důkaz rovnoměrnosti pokrytí byl proveden matematickou indukcí v našem článku v Solid-State Electronics².)
- Metoda spolehlivě pracuje v kmitočtové i časové doméně. (Nároky pro výpočty v časové doméně jsou ovšem výrazně větší, úlohy v tomto případě nemohou běžet v reálném čase...)



Osnova	Osnova		
Multiobjektova	á		
Skalarizace p	roblému		
Rovnoměrné	pokrytí		
2-D opt.: Nízk	košumový		
3-D opt.: Výko	onový		
4-D opt.: Vide	eo zesilovač		
Závěr			
Domovsk	rá stránka		
← →			
→			
Strana 23 z 23			
Zpět –			
Celá obrazovka			
Zavřít			
Konec			

8. Závěr

- Bylo demonstrováno technicky velmi užitečné použití semiautomatické a posteriori metody založené na asymptoticky rovnoměrném pokrytí referenčního souboru (vede na přibližně rovnoměrné pokrytí Paretovy plochy, což je z uživatelského technického hlediska velmi významné)
- (Formální důkaz rovnoměrnosti pokrytí byl proveden matematickou indukcí v našem článku v Solid-State Electronics².)
- Metoda spolehlivě pracuje v kmitočtové i časové doméně. (Nároky pro výpočty v časové doméně jsou ovšem výrazně větší, úlohy v tomto případě nemohou běžet v reálném čase...)

A to je k úvodu vše, děkuji za pozornost.



²J. Dobeš, J. Míchal, V. Paňko, and L. Pospíšil, "Reliable procedure for electrical characterization of MOS-based devices," Solid-State Electronics, vol. 54, no. 10, pp. 1173–1184, Oct. 2010.