Oblouková míra

Úvod. Jde o jednoduché počty založené na logice toho, že pokud máme úhel φ reprezentující kompletní rotaci (uzavřený kruh), tak jeho hodnota je

$$\varphi = 360^{\circ} = 2\pi \text{ rad.}$$

Jak je vidět, můžeme úhel reprezentovat buď pomocí klasických stupňů (°, používáno spíše na základní škole nebo v aplikovaných oborech), nebo pomocí radiánů (rad, v matematice preferovaná volba).

Pokud se nad tím více zamyslíme, oblouková míra ("úhel v radiánech") je přirozenější, ač tak zprvu nepřipadá. Když bychom se totiž ptali na to, jak dlouhý oblouk s vytne úhel φ s ramenem o fixní délce r, dostaneme se ke vztahu $s=\varphi r$. V případě celé otočky je to přirozeně obvod kruhu $o=2\pi r$, což je jasné. Z tohoto triviálního případu je vidět, že ač často musíme překládat radiány do stupňů, protože stupně jsou "přirozenější", je to ve skutečnosti naopak. Stupně jsou pouze konstruktem lidí , kdežto elementární vzorec pro obvod kružnice je přeci platný vždy a tudíž úhel vyjádřený v radiánech je přirozená volba.

Bez zbytečného filosofování ², zadáno je převádět úhly vyjádřené ve stupních do radiánů a naopak. K tomu se rozhodně hodí mít universální přepočet oběma směry. Vyjdeme tedy z toho, že víme

$$2\pi = 360^{\circ},$$

přičemž již vynechávám psaní jednoty 'rad', protože se to většinou nepíše. Z toho je vidět, že

$$1 \text{ rad} = \frac{180^{\circ}}{\pi}$$

$$1^{\circ} = \frac{\pi}{180} \text{ rad}$$

¹Kdo to vlastně vymyslel, že budeme mít na plnou otočku stupňů zrovna 360°? Mohl jich být libovolný počet, stavaři třeba používají grady, kterých je na plnou otočku 400.

²Chtěl jsem jen uvést o co jde, protože sám vím, že na střední to učitelky nedělají a musel jsem si na tohle všechno přijít sám. Do té doby jsem stejně jako všichni, kdo se to učí, říkal, že je to sračka, nějaký radiány xD.

Úloha je zadána přimočaře, že máme převádět vyjádření úhlů mezi radiány a stupni. Tak tedy:

$$4^{\circ} = \frac{\pi}{45} \approx 0.06981317008,\tag{1}$$

$$15^{\circ} = \frac{\pi}{12} \approx 0.2617993878,\tag{2}$$

$$-40^{\circ} = \frac{-2\pi}{9} \approx -0.6981317008,\tag{3}$$

$$300^{\circ} = \frac{5\pi}{3} \approx 5.235987756,\tag{4}$$

$$168^{\circ} = \frac{14\pi}{15} \approx 2.9321531434,\tag{5}$$

$$-112^{\circ} = \frac{-28\pi}{45} \approx -1.9547687622,\tag{6}$$

$$\frac{3}{5}\pi = \frac{3}{5}180^{\circ} = 108^{\circ}, \tag{7}$$

$$\frac{7}{6}\pi = \frac{7}{6}180^{\circ} = 210^{\circ}, \tag{8}$$

$$\frac{7}{6}\pi = \frac{7}{6}180^{\circ} = 210^{\circ},\tag{8}$$

$$\frac{3}{10}\pi = \frac{3}{10}180^{\circ} = 54^{\circ},\tag{9}$$

$$\frac{3}{10}\pi = \frac{3}{10}180^{\circ} = 54^{\circ}, (9)$$

$$\frac{11}{4}\pi = \frac{11}{4}180^{\circ} = 495^{\circ}, (10)$$

$$\frac{11}{18}\pi = \frac{11}{18}180^{\circ} = 110^{\circ}, (11)$$

$$\frac{11}{18}\pi = \frac{11}{18}180^{\circ} = 110^{\circ},\tag{11}$$

$$5 = 5\frac{180^{\circ}}{\pi} = 286.47889757^{\circ}. \tag{12}$$