

# ZAMAN SERİLERİ ANALİZİ

## DÖNEM SONU PROJESİ



MİMAR SİNAN  
GÜZEL SANATLAR  
ÜNİVERSİTESİ

### HAZIRLAYANLAR

20201101061 Hatice Simay ÖZGÜL

20201101058 Ataman Önel ÜK

*Bir Havayolu Şirketinin Yolcuları Üzerinden Zaman Serisi Analizi*

Verinin Linki: <https://www.kaggle.com/datasets/ashfakyeafi/air-passenger-data-for-time-series-analysis>

# İÇERİK

- Veri Setinin Tanımı
  - A) Korelasyon Testi*
  - B) Otokorelasyon Testi*
  - C) Normallik Testi*
- Mevsimsellik ve Trend Analizi
- Durağanlaştırma (Fark Alma) İşlemi
- Uygun Model Karşılaştırması
  - 1. Doğrusal Regresyon Modeli*
  - 2. Birinci Farklar Modeli*
  - 3. Üstel Regresyon Modeli*
  - 4. Karesel Trend Modeli*
  - 5. Lojistik Trend Modeli*
  - 6. Kübik Trend Modeli*
  - 7. Logaritmik Trend Modeli*
- SONUÇ
- Karşılaşılabilecek Sorunlar
- Üstel Düzleştirme
- Veriyi Bileşenlere Ayırma
- ARIMA MODELLERİ

## Veri Setinin Tanımı

Ele almış olduğumuz bu veri seti 1949 ile 1960 yılları arasında bir havayolu şirketine ait yolcu bilgisini vermektedir. Toplamda iki değişken (ay ve yolcu) ile 144 gözlemden oluşmaktadır. Veride bulunan yolcu verileri, havayolu şirketi için gelecekteki yolcu talebini tahmin etmemize olanak sağlayacaktır.

### A) Korelasyon Testi

H0: Gözlemler arasında ilişki olmadığından bu veri bir zaman serisi değildir.

H1: Gözlemler arasında ilişki olduğundan bu veri bir zaman serisidir.

Covariance Analysis: Ordinary		
Date: 06/10/23 Time: 23:20		
Sample: 1949M01 1960M12		
Included observations: 144		
Correlation	MONTH	PASSEN...
Probability		
MONTH	1.000000	
	-----	
_PASSENGERS	0.923853	1.000000
	0.0000	-----

Tabloya baktığımızda en altta yer alan “0.000” değeri bize prob değerini vermektedir. Bu değer 0.05’ten küçük olduğu için H0 hipotezi reddedilir.

Veri setindeki gözlemlerin ilişkili olduğunu ve bu sayede veri setinin bir zaman serisi olduğunu söylemek mümkündür.

## B) Otokorelasyon Testi

H0: Otokorelasyondan söz edilemez.

H1: Otokorelasyon söz konusudur.

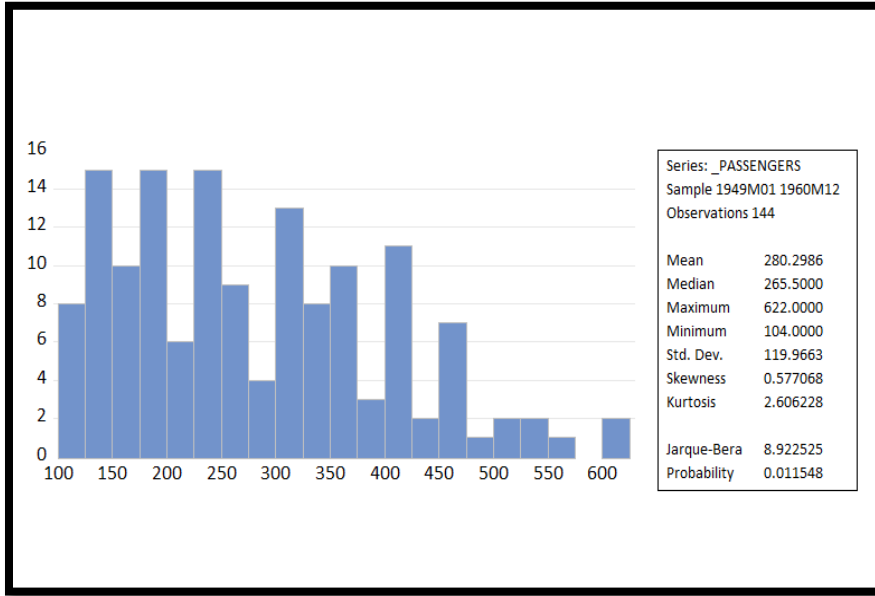
Date: 06/10/23 Time: 23:31							
Sample: 1949M01 1960M12							
Included observations: 144							
Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob		
		1	0.979	0.979	140.96	0.000	
		2	0.958	-0.010	276.94	0.000	
		3	0.938	-0.011	408.00	0.000	
		4	0.917	-0.010	534.19	0.000	
		5	0.896	-0.010	655.59	0.000	
		6	0.875	-0.010	772.26	0.000	
		7	0.854	-0.011	884.28	0.000	
		8	0.834	-0.010	991.71	0.000	
		9	0.813	-0.010	1094.6	0.000	
		10	0.792	-0.010	1193.1	0.000	
		11	0.772	-0.011	1287.3	0.000	
		12	0.751	-0.011	1377.1	0.000	
		13	0.731	-0.010	1462.8	0.000	
		14	0.710	-0.011	1544.4	0.000	
		15	0.690	-0.011	1621.9	0.000	
		16	0.669	-0.011	1695.5	0.000	
		17	0.649	-0.011	1765.3	0.000	
		18	0.629	-0.010	1831.3	0.000	
		19	0.609	-0.011	1893.6	0.000	
		20	0.589	-0.010	1952.3	0.000	
		21	0.569	-0.011	2007.6	0.000	
		22	0.549	-0.011	2059.5	0.000	
		23	0.529	-0.011	2108.1	0.000	
		24	0.509	-0.011	2153.6	0.000	
		25	0.490	-0.010	2195.9	0.000	
		26	0.470	-0.011	2235.3	0.000	
		27	0.451	-0.011	2271.8	0.000	
		28	0.431	-0.011	2305.5	0.000	
		29	0.412	-0.011	2336.6	0.000	
		30	0.393	-0.011	2365.1	0.000	
		31	0.374	-0.011	2391.1	0.000	
		32	0.355	-0.011	2414.8	0.000	
		33	0.337	-0.011	2436.3	0.000	
		34	0.318	-0.011	2455.6	0.000	
		35	0.300	-0.011	2472.9	0.000	
		36	0.281	-0.011	2488.3	0.000	

Bu hipotez testinde ele alınan konu için “Autocorrelation” adlı sütuna bakılması gerekmektedir. Güven sınırlarını aşan değerler görüldüğünden bu veri setinde otokorelasyon söz konusudur diyebilir ve H0 hipotezini reddedebiliriz.

### C) Normallik Testi

H0: Veri normal dağılmaktadır.

H1: Veri normal dağılmamaktadır.



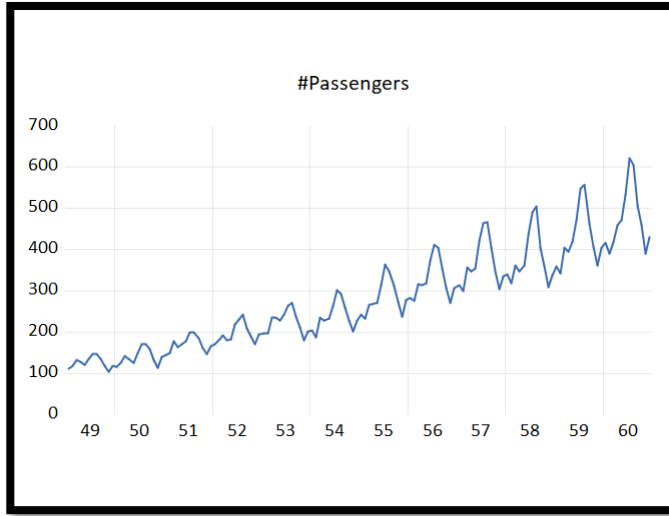
Yukarıdaki grafiğe baktığımızda veri setimizin sağa çarpık olduğunu görmekteyiz. ( Skewness değeri  $0.577 > 0$  )

Aynı zamanda basıklık olduğunu da söyleyebiliriz. (Kurtosis değeri  $2.60 < 3$ )

Son olarak Prob değerimiz  $0.011 < 0.05$  olduğu için H0 hipotezi reddedilir. Veri setinin normal dağılmadığı söylenebilir.

## Mevsimsellik ve Trend Analizi

Ele alınan veri setinde mevsimsellik ve trend olup olmadığı incelenmesi amacı ile aşağıda uygulanmış olan testler görülmektedir. Öncelikle grafik incelendiğinde veride mevsimsellik olmadığı, yukarı yönlü bir artış görüldüğü için trend olduğu yorumu yapılabilir. Ancak ne yazık ki grafik tek başına yeterli olmadığından hipotez testi ile bu yorum netleştirilmelidir.



Series:
PASSENGERS
Workfile: AIRPASSENGERS:Airp...

View
Proc
Object
Properties
Print
Name
Freeze
Sample
Genr
Sheet
Graph
Stats
Ide

Augmented Dickey-Fuller Unit Root Test on \_PASSENGERS

Null Hypothesis: \_PASSENGERS has a unit root
Exogenous: Constant
Lag Length: 13 (Automatic - based on SIC, maxlag=13)

	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	0.815369	0.9940
Test critical values:		
1% level	-3.481217	
5% level	-2.883753	
10% level	-2.578694	

MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Augmented Dickey-Fuller Test Equation
Dependent Variable: D(\_PASSENGERS)
Method: Least Squares
Date: 06/11/23 Time: 00:18
Sample (adjusted): 1950M03 1960M12
Included observations: 130 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
PASSENGERS(-1)	0.008790	0.010780	0.815369	0.4165
D(_PASSENGERS(-1))	-0.450254	0.089817	-5.013018	0.0000
D(_PASSENGERS(-2))	-0.269848	0.079207	-3.406865	0.0009
D(_PASSENGERS(-3))	-0.165852	0.082637	-2.007003	0.0471
D(_PASSENGERS(-4))	-0.261557	0.081030	-3.227887	0.0016
D(_PASSENGERS(-5))	-0.144911	0.083854	-1.728141	0.0866
D(_PASSENGERS(-6))	-0.255051	0.079480	-3.209007	0.0017
D(_PASSENGERS(-7))	-0.176240	0.082056	-2.147792	0.0338
D(_PASSENGERS(-8))	-0.329314	0.080383	-4.096824	0.0001
D(_PASSENGERS(-9))	-0.133213	0.085810	-1.552423	0.1233
D(_PASSENGERS(-10))	-0.284206	0.082400	-3.449118	0.0008
D(_PASSENGERS(-11))	-0.118059	0.085099	-1.387319	0.1680
D(_PASSENGERS(-12))	0.751272	0.082138	9.146417	0.0000
D(_PASSENGERS(-13))	0.384639	0.098696	3.897619	0.0002
C	4.228928	2.918552	1.448982	0.1501

R-squared
Adjusted R-squared
S.E. of regression
Sum squared resid
Log likelihood
F-statistic
Prob(F-statistic)

0.915206
0.904883
10.86801
13578.08
-486.6280
88.65887
0.000000

Mean dependent var
S.D. dependent var
Akaike info criterion
Schwarz criterion
Hannan-Quinn criter.
Durbin-Watson stat

2.353846
35.23231
7.717324
8.048193
7.851767
1.951089

Grafiğin yanında verilmiş olan “Augmented Dickey-Fuller” testi incelenecek şekilde bir hipotez testi yapılacak olursa,

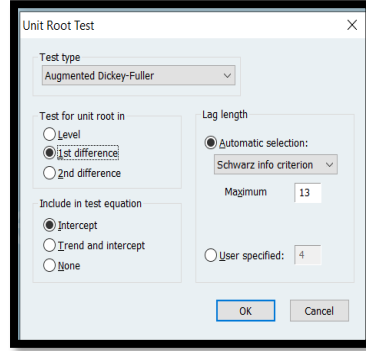
H0: Seri durağan değil, stokastik trende sahip, birim kök içermektedir.

H1: Seri durağan, stokastik trende sahip değil, birim kök içermemektedir.

Tabloda verilmiş olan Prob değerinin 0.9940 geldiği görülmektedir. Bu değer 0.05’ten büyük olduğu için H0 reddedilemez. Serinin durağan olmadığı, dolayısıyla durağanlaştırma yoluna gidilmesi ve bu şekilde analize devam edilmesi gerektiği kanısına varmaktayız.

## Durağanlaştırma (Fark Alma) İşlemi

Serinin birinci farkı alınarak durağanlık incelendiğinde, yanda da görüldüğü üzere yeni Prob değeri 0.057 gelmiştir. Bu değer hala 0.05'ten büyük olduğu için ikinci defa fark alma işlemi uygulanacaktır.



Series: \_PASSENGERS Workfile: AIRPASSENGERS:Airpasseng...

Augmented Dickey-Fuller Unit Root Test on D(\_PASSENGERS)

Null Hypothesis: D(\_PASSENGERS) has a unit root  
Exogenous: Constant  
Lag Length: 12 (Automatic - based on SIC, maxlag=13)

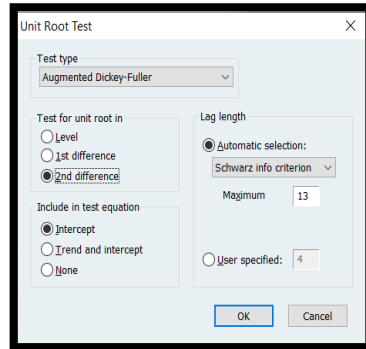
	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-2.829267	0.0570
Test critical values:		
1% level	-3.481217	
5% level	-2.863753	
10% level	-2.578694	

\*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Augmented Dickey-Fuller Test Equation  
Dependent Variable: D(\_PASSENGERS,2)  
Method: Least Squares  
Date: 06/11/23 Time: 01:06  
Sample (adjusted): 1950M03 1960M12  
Included observations: 130 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
D(_PASSENGERS(-1),2)	-2.080285	0.735268	-2.829267	0.0055
D(_PASSENGERS(-1),2)	0.648987	0.707940	0.916727	0.3612
D(_PASSENGERS(-2),2)	0.411473	0.653379	0.629761	0.5301
D(_PASSENGERS(-3),2)	0.278212	0.593149	0.469042	0.6399
D(_PASSENGERS(-4),2)	0.049230	0.537049	0.091668	0.9271
D(_PASSENGERS(-5),2)	-0.062794	0.476105	-0.131892	0.8953
D(_PASSENGERS(-6),2)	-0.287200	0.420045	-0.683736	0.4955
D(_PASSENGERS(-7),2)	-0.433086	0.359911	-1.203342	0.2313
D(_PASSENGERS(-8),2)	-0.732525	0.304010	-2.409539	0.0175
D(_PASSENGERS(-9),2)	-0.835490	0.242509	-3.445191	0.0008
D(_PASSENGERS(-10),2)	-1.090930	0.185894	-5.868546	0.0000
D(_PASSENGERS(-11),2)	-1.180102	0.133477	-8.841232	0.0000
D(_PASSENGERS(-12),2)	-0.401068	0.096467	-4.157560	0.0001
C	5.821280	2.165745	2.687888	0.0082
R-squared	0.838330	Mean dependent var	0.238462	
Adjusted R-squared	0.831419	S.D. dependent var	41.43227	
S.E. of regression	10.85030	Akaike info criterion	7.707704	
Sum squared resid	13656.57	Schwarz criterion	8.016515	
Log likelihood	-487.0007	Hannan-Quinn criter.	7.833184	
F-statistic	135.7674	Durbin-Watson stat	1.958123	
Prob(F-statistic)	0.000000			

İkinci fark alma işlemi sonrası Prob değeri 0.000 olduğundan 0.05 değerinden küçük gelmektedir. Artık bir önceki bölümde yazmış olduğumuz H0 hipotezini reddedebiliriz.



Series: \_PASSENGERS Workfile: AIRPASSENGERS:Airpas...

Augmented Dickey-Fuller Unit Root Test on D(\_PASSENGERS,2)

Null Hypothesis: D(\_PASSENGERS,2) has a unit root  
Exogenous: Constant  
Lag Length: 11 (Automatic - based on SIC, maxlag=13)

	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-16.38423	0.0000
Test critical values:		
1% level	-3.481217	
5% level	-2.863753	
10% level	-2.578694	

\*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

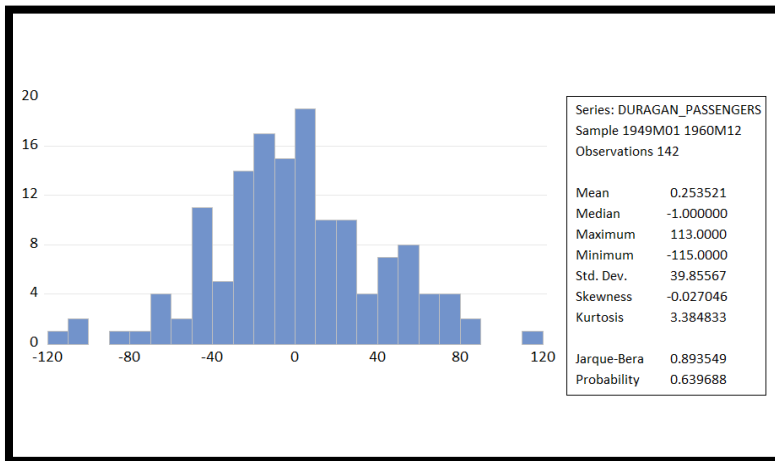
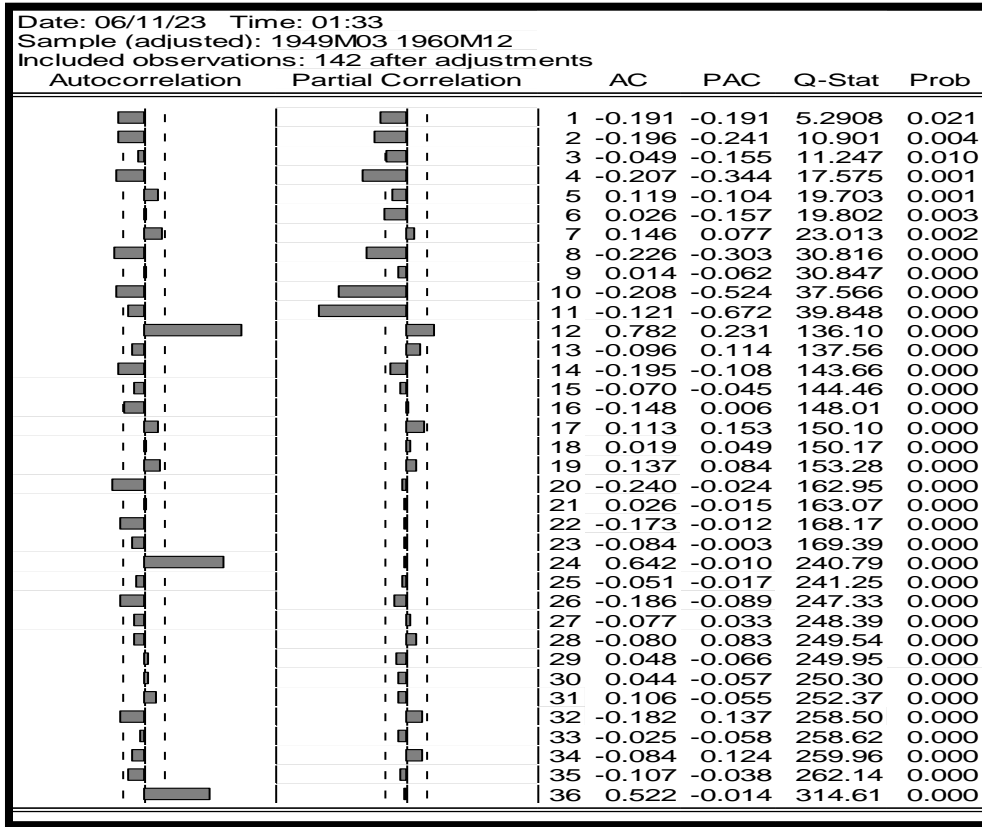
Augmented Dickey-Fuller Test Equation  
Dependent Variable: D(\_PASSENGERS,3)  
Method: Least Squares  
Date: 06/11/23 Time: 01:07  
Sample (adjusted): 1950M03 1960M12  
Included observations: 130 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
D(_PASSENGERS(-1),2)	-17.35066	1.058986	-16.38423	0.0000
D(_PASSENGERS(-1),3)	15.00970	0.981291	15.29587	0.0000
D(_PASSENGERS(-2),3)	13.58885	0.897177	15.14623	0.0000
D(_PASSENGERS(-3),3)	12.20646	0.814348	14.98924	0.0000
D(_PASSENGERS(-4),3)	10.75803	0.726351	14.81107	0.0000
D(_PASSENGERS(-5),3)	9.371892	0.640688	14.62832	0.0000
D(_PASSENGERS(-6),3)	7.925224	0.551046	14.38215	0.0000
D(_PASSENGERS(-7),3)	6.506906	0.462943	14.05530	0.0000
D(_PASSENGERS(-8),3)	4.956701	0.370168	13.39041	0.0000
D(_PASSENGERS(-9),3)	3.490154	0.276953	12.60198	0.0000
D(_PASSENGERS(-10),3)	1.944483	0.184688	10.52845	0.0000
D(_PASSENGERS(-11),3)	0.495280	0.093209	5.313669	0.0000
C	0.318910	0.981101	0.325053	0.7457
R-squared	0.971630	Mean dependent var	0.761538	
Adjusted R-squared	0.968720	S.D. dependent var	63.15894	
S.E. of regression	11.17038	Akaike info criterion	7.759049	
Sum squared resid	14598.97	Schwarz criterion	8.045802	
Log likelihood	-491.3382	Hannan-Quinn criter.	7.875566	
F-statistic	333.9202	Durbin-Watson stat	2.002072	
Prob(F-statistic)	0.000000			

Özetle, seri artık birim kök içermemekte ve durağanlaşmış olup 2. dereceden entegre bir seridir denilebilir.

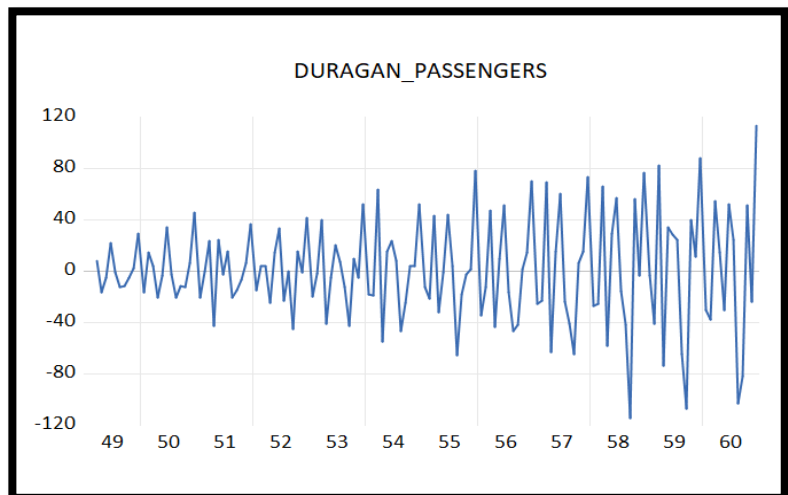
(*genr duragan\_passengers= d(\_passengers,2)* komutu ile durağanlaştırma işlemi kaydedilmiştir.)

Durağanlaştırma işlemi sonrası veriye ait yeni bilgiler aşağıda verilmiştir.



Jarque-Bera testinde  
olasılık değerine  
(prob=0.64) bakıldığında  
değerin 0.05'ten büyük  
olduğu görülmektedir.  
Dolayısıyla seri normal  
dağılım gösterir.

Durağanlaşmış veriye ait  
Çizgi Grafiği yanda  
verilmiştir.





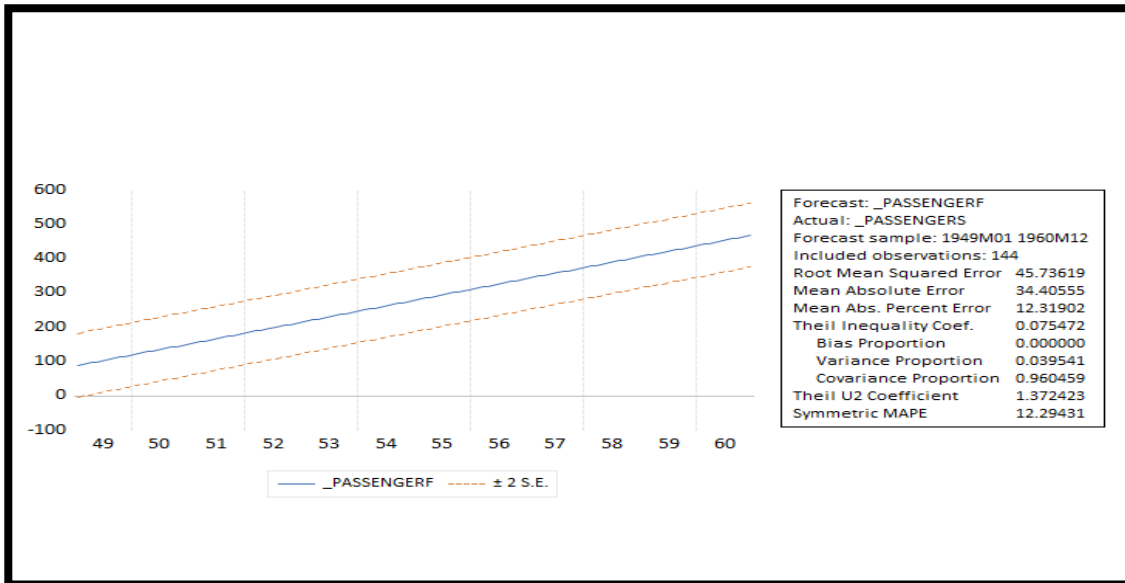
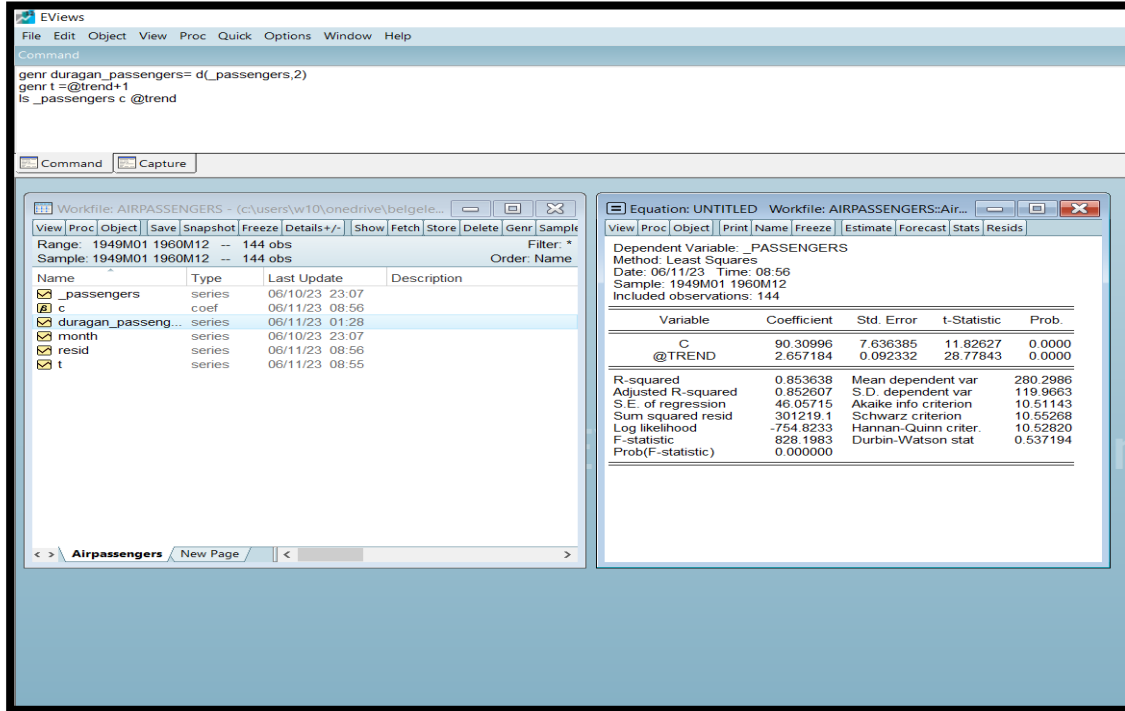
## Uygun Model Karşılaştırması

Seri durağan olduğundan trend modellerine girilebilir ve en küçük kareler yönteminden faydalanılarak hangi modelin uygun olduğu hesaplanabilir.

### 1. Doğrusal Regresyon Modeli

H0: Beta ve a katsayısı anlamsız, deterministik trend söz konusu değildir.

H1: Beta ve a katsayısı anlamlı, deterministik trend söz konusudur.



(`genr t =@trend+1` ve `ls _passengers c @trend` kodları kullanılmıştır.)

Her iki hipotezde de Prob değerinin, “0.05” değerinden küçük olduğu görülmektedir. Dolayısıyla H0 reddedilir, katsayı anlamlı ve deterministik trend vardır.

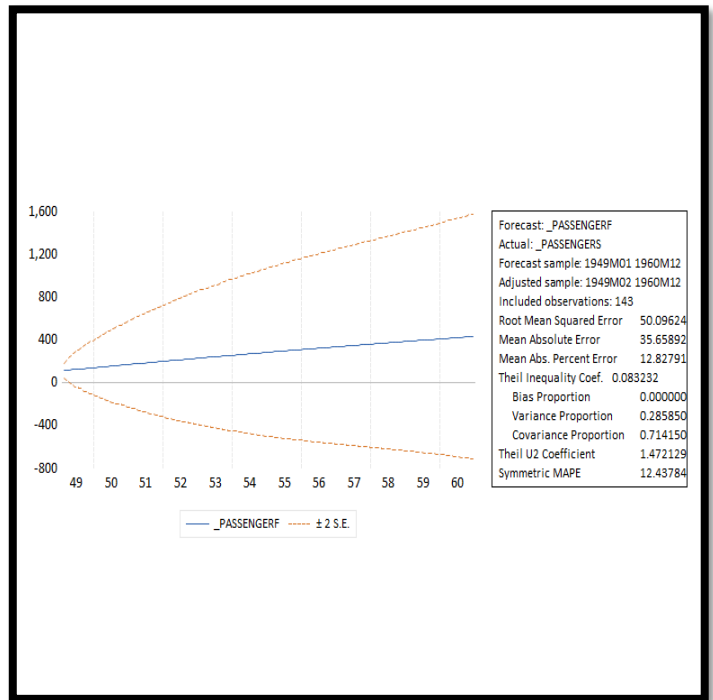
*Özetle doğrusal regresyon modeli anlamlıdır.*

## 2. Birinci Farklar Modeli

H0: Beta ve a katsayısı anlamsız, deterministik trend söz konusu değildir.

H1: Beta ve a katsayısı anlamlı, deterministik trend söz konusudur.

Equation: UNTITLED Workfile: AIRPASSENGERS::Air...				
View Proc Object Print Name Freeze Estimate Forecast Stats Resids				
Dependent Variable: D(_PASSENGERS)				
Method: Least Squares				
Date: 06/11/23 Time: 09:18				
Sample (adjusted): 1949M02 1960M12				
Included observations: 143 after adjustments				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	2.590860	5.695074	0.454930	0.6499
@TREND	-0.004904	0.068620	-0.071468	0.9431
R-squared	0.000036	Mean dependent var	2.237762	
Adjusted R-squared	-0.007056	S.D. dependent var	33.75428	
S.E. of regression	33.87315	Akaike info criterion	9.897010	
Sum squared resid	161782.1	Schwarz criterion	9.938448	
Log likelihood	-705.6362	Hannan-Quinn criter.	9.913848	
F-statistic	0.005108	Durbin-Watson stat	1.384482	
Prob(F-statistic)	0.943127			



(Is d(\_passengers) c @trend kodu kullanılmıştır.)

Her iki hipotezde de Prob değerinin, “0.05” değerinden büyük olduğu görülmektedir. Dolayısıyla H0 reddedilemez, katsayı anlamsız ve deterministik trend söz konusu değildir.

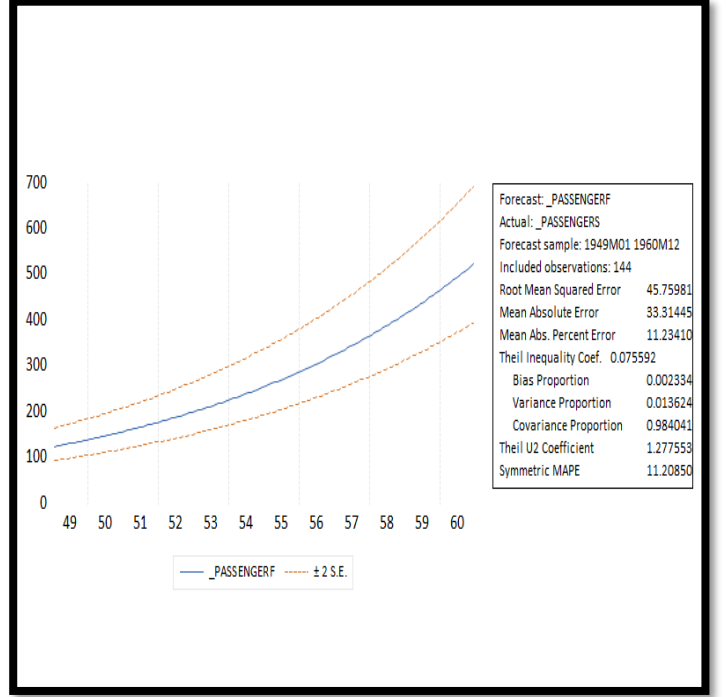
*Özetle birinci farklar modeli anlamsızdır.*

### 3. Üstel Regresyon Modeli

H0: Beta ve a katsayısı anlamsız, deterministik trend söz konusu değildir.

H1: Beta ve a katsayısı anlamlı, deterministik trend söz konusudur.

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS:A... View Proc Object Print Name Freeze Estimate Forecast Stats Resids				
Dependent Variable: LOG(_PASSENGERS) Method: Least Squares Date: 06/11/23    Time: 09:28 Sample: 1949M01 1960M12 Included observations: 144				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	4.823717	0.023053	209.2482	0.0000
@TREND	0.010048	0.000279	36.05034	0.0000
R-squared                      0.901500    Mean dependent var       5.542176				
Adjusted R-squared       0.900807    S.D. dependent var       0.441456				
S.E. of regression       0.139037    Akaike info criterion    -1.094366				
Sum squared resid       2.745030    Schwarz criterion       -1.053119				
Log likelihood           80.79437    Hannan-Quinn criter.   -1.077606				
F-statistic               1299.627    Durbin-Watson stat      0.587371				
Prob(F-statistic)       0.000000				



(Is log(\_passengers) c @trend kodu kullanılmıştır.)

Her iki hipotezde de Prob değerinin, “0.05” değerinden küçük olduğu görülmektedir. Dolayısıyla H0 reddedilir, katsayı anlamlı ve deterministik trend vardır.

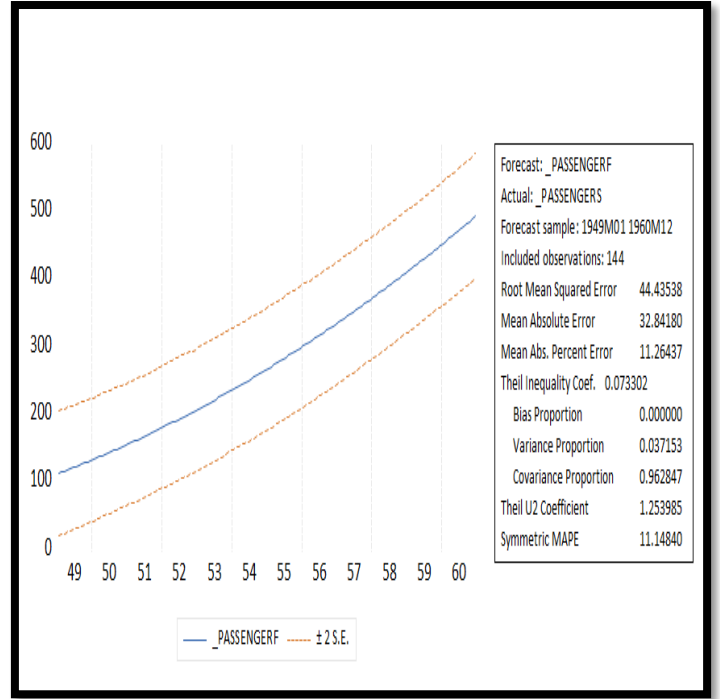
*Özetle üstel regresyon modeli anlamlıdır.*

#### 4. Karesel Trend Modeli

H0: Beta ve a katsayısı anlamsız, deterministik trend söz konusu değildir.

H1: Beta ve a katsayısı anlamlı, deterministik trend söz konusudur.

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS:Air... View Proc Object Print Name Freeze Estimate Forecast Stats Resids				
Dependent Variable: _PASSENGERS Method: Least Squares Date: 06/11/23    Time: 09:31 Sample: 1949M01 1960M12 Included observations: 144				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	114.0280	11.07226	10.29853	0.0000
@TREND	1.655012	0.357784	4.625726	0.0000
@TREND^2	0.007008	0.002421	2.894166	0.0044
R-squared                      0.861845    Mean dependent var       280.2986				
Adjusted R-squared       0.859886    S.D. dependent var       119.9663				
S.E. of regression       44.90561    Akaike info criterion     10.46762				
Sum squared resid       284328.4    Schwarz criterion       10.52949				
Log likelihood           -750.6683    Hannan-Quinn criter.   10.49276				
F-statistic                439.7976    Durbin-Watson stat       0.569392				
Prob(F-statistic)        0.000000				



(Is \_passengers c @trend @trend^2 kodu kullanılmıştır.)

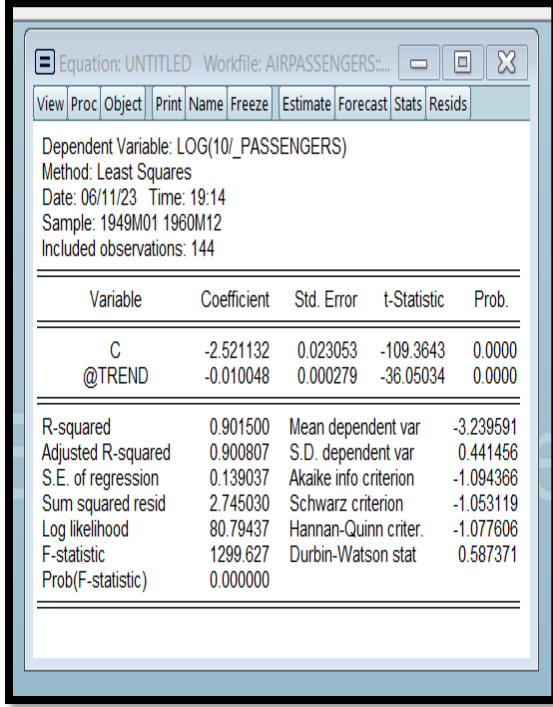
Her hipotezde Prob değerinin, “0.05” değerinden küçük olduğu görülmektedir. Dolayısıyla H0 reddedilir, katsayı anlamlı ve deterministik trend vardır.

*Özetle karesel trend modeli anlamlıdır.*

## 5. Lojistik Trend Modeli

H0: Beta ve a katsayısı anlamsız, deterministik trend söz konusu değildir.

H1: Beta ve a katsayısı anlamlı, deterministik trend söz konusudur.



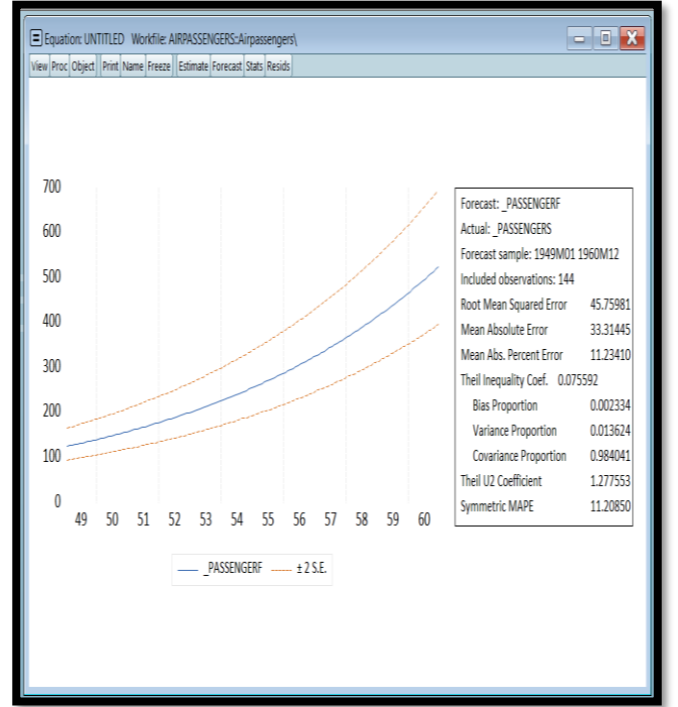
Equation: UNTITLED Workfile: AIRPASSENGERS:...

Dependent Variable: LOG(10/\_PASSENGERS)  
Method: Least Squares  
Date: 06/11/23 Time: 19:14  
Sample: 1949M01 1960M12  
Included observations: 144

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	-2.521132	0.023053	-109.3643	0.0000
@TREND	-0.010048	0.000279	-36.05034	0.0000

R-squared	0.901500	Mean dependent var	-3.239591
Adjusted R-squared	0.900807	S.D. dependent var	0.441456
S.E. of regression	0.139037	Akaike info criterion	-1.094366
Sum squared resid	2.745030	Schwarz criterion	-1.053119
Log likelihood	80.79437	Hannan-Quinn criter.	-1.077606
F-statistic	1299.627	Durbin-Watson stat	0.587371
Prob(F-statistic)	0.000000		



(ls log(10/\_passengers-1) c @trend kodu kullanılmıştır.)

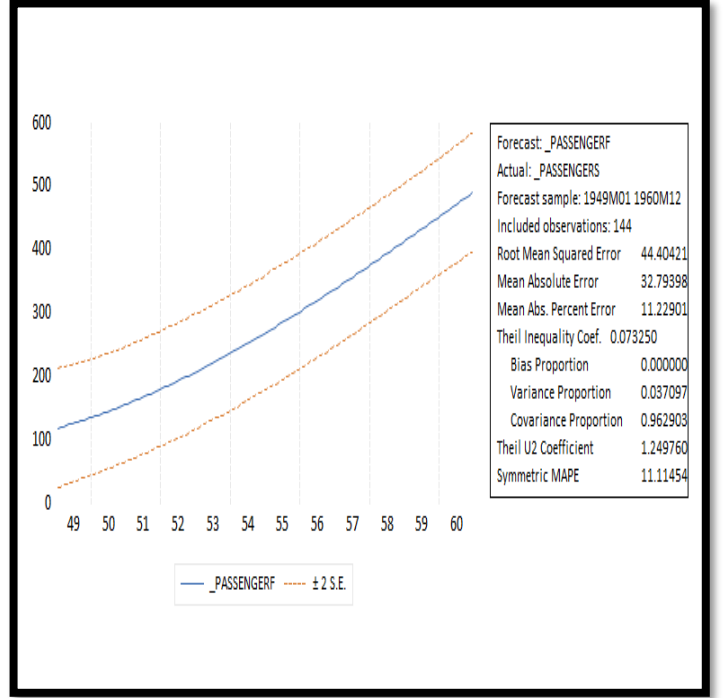
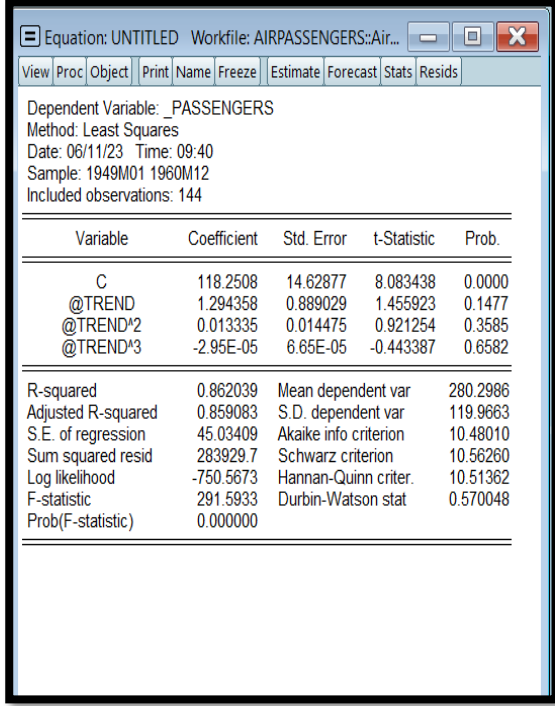
Her hipotezde Prob değerinin, “0.05” değerinden küçük olduğu görülmektedir. Dolayısıyla H0 reddedilir, katsayı anlamlı ve deterministik trend vardır.

*Özetle lojistik trend modeli anlamlıdır.*

## 6. Kübik Trend Modeli

H0: Beta ve a katsayısı anlamsız, deterministik trend söz konusu değildir.

H1: Beta ve a katsayısı anlamlı, deterministik trend söz konusudur.



(ls \_passengers c @trend @trend^2 @trend^3 kodu kullanılmıştır.)

Bu model ele alındığında a katsayısının Prob değerinin “0.05” değerinden küçük olması nedeniyle anlamlı olduğu ancak beta katsayılarının Prob değerlerinin “0.05” değerinden büyük olduğu görülmektedir.

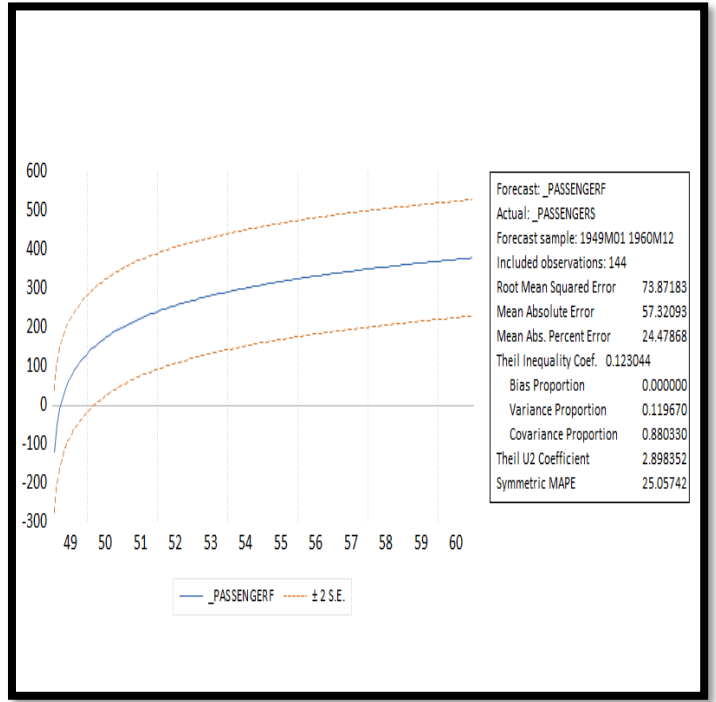
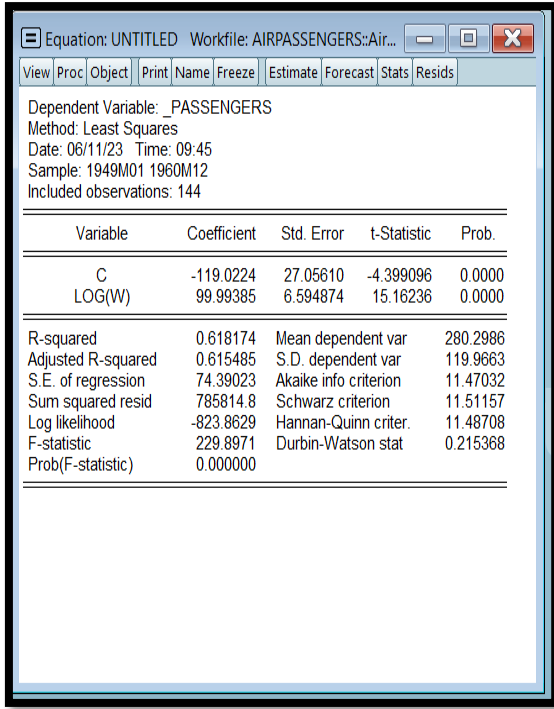
Dolayısıyla H0 hipotezi reddedilemez, deterministik trend söz konusu değildir.

*Özetle kübik trend modeli anlamsızdır.*

## 7. Logaritmik Trend Modeli

H0: Beta ve a katsayısı anlamsız, deterministik trend söz konusu değildir.

H1: Beta ve a katsayısı anlamlı, deterministik trend söz konusudur.



(series  $w = @trend + 1$  ve  $ls\_passengers$  c  $\log(w)$  kodları kullanılmıştır.)

Her iki hipotezde de Prob değerinin, “0.05” değerinden küçük olduğu görülmektedir. Dolayısıyla H0 reddedilir, katsayı anlamlı ve deterministik trend vardır.

*Özetle logaritmik trend modeli anlamlıdır.*

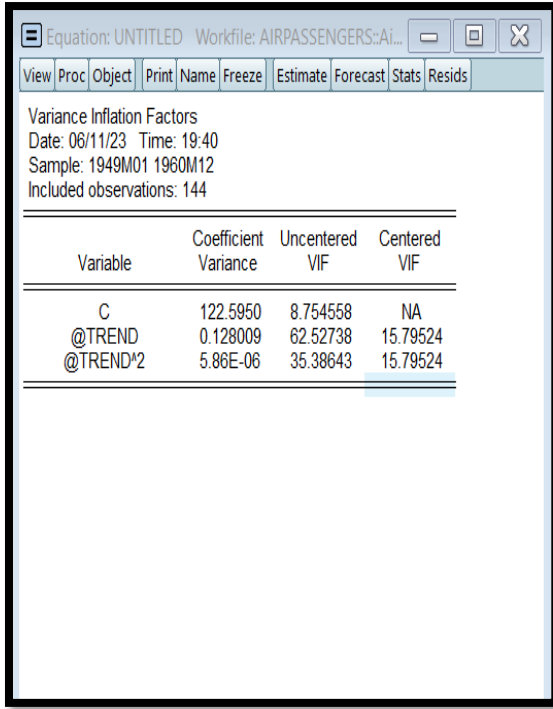
### **SONUÇ OLARAK;**

Birinci Farklar Modeli ve Kübik Trend Modeli bu veri seti için anlamsız çıktığından dolayı karşılaştırmaya alınmayacaktır. Diğer modeller arasında “Root Mean Squared Error” değerleri karşılaştırılacak olur ise en düşük değer “44.435” olarak Karesel Trend Modelinde olduğu görülmektedir.

*En uygun model “Karesel Trend Modeli” seçilmiştir.*

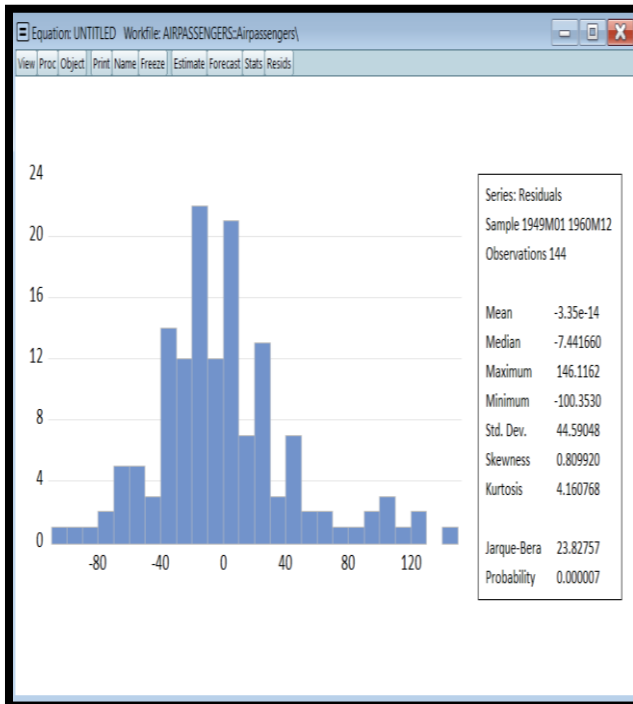
## KARŞILAŞILABİLECEK SORUNLAR NELERDİR?

- ÇOKLU BAĞLANTI PROBLEMİ VAR MI?



Centered VIF değerine bakılarak bu problemin var olup olmadığına bakılır. Görüldüğü üzere değerler 1-5 aralığı için fazla büyük olduğundan çoklu bağlantı probleminin varlığından söz edilebilir.

- VERİ NORMAL DAĞILIYOR MU?



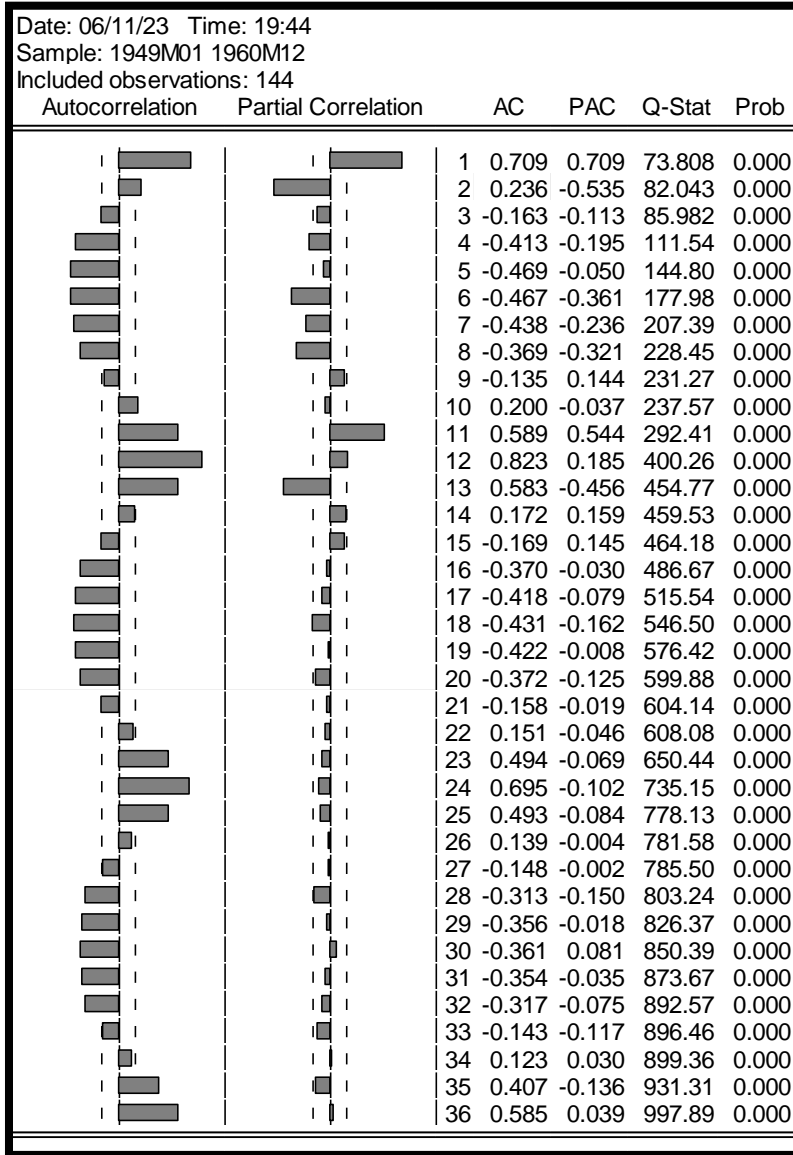
Prob değeri “0.05” değerinden küçük olduğu için H0 hipotezi reddedilmektedir. Dolayısıyla veri normal dağılmamaktadır diyebiliriz.



- OTOKORELASYON VAR MI?

H0 : Otokorelasyon yoktur.

H1 : Otokorelasyon vardır.



Güven sınırlarını aşan değerler olduğundan H0 hipotezi reddedilir, otokorelasyon vardır yorumunu yapabiliriz.

- DEĞİŞEN VARYANS PROBLEMİ VAR MI?

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS:...			
View	Proc	Object	Print   Name   Freeze   Estimate   Forecast   Stats   Resids
Heteroskedasticity Test: White			
Null hypothesis: Homoskedasticity			
F-statistic	11.58292	Prob. F(4,139)	0.0000
Obs*R-squared	35.99903	Prob. Chi-Square(4)	0.0000
Scaled explained SS	54.54648	Prob. Chi-Square(4)	0.0000
Test Equation:			
Dependent Variable: RESID^2			
Method: Least Squares			
Date: 06/11/23   Time: 19:45			
Sample: 1949M01 1960M12			
Included observations: 144			
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic   Prob.
C	256.9464	1237.381	0.207654   0.8358
@TREND^2	0.385670	3.452185	0.111718   0.9112
@TREND*@TREN...	-0.001231	0.036332	-0.033895   0.9730
@TREND	-8.112602	120.7870	-0.067165   0.9465
@TREND^2^2	6.70E-06	0.000126	0.053154   0.9577
R-squared	0.249993	Mean dependent var	1974.503
Adjusted R-squared	0.228410	S.D. dependent var	3522.632
S.E. of regression	3094.287	Akaike info criterion	18.94661
Sum squared resid	1.33E+09	Schwarz criterion	19.04973
Log likelihood	-1359.156	Hannan-Quinn criter.	18.98851
F-statistic	11.58292	Durbin-Watson stat	1.421042
Prob(F-statistic)	0.000000		

White Testi'ne bakıldığında Prob değerine (0.97) bakıldığında "0.05" değerinden büyük olduğundan değişen varyans sorunu söz konusu değildir.

- SIFIR ORTALAMA VARSAYIM KONTROLÜ

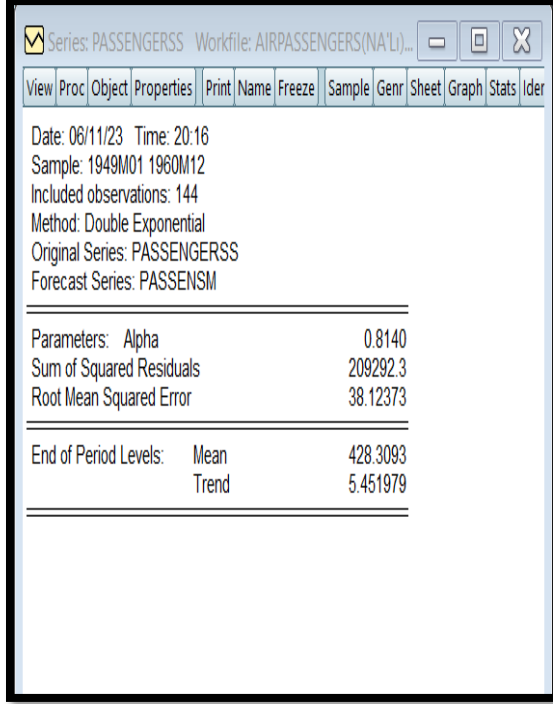
Series: RESID    Workfile: AIRPASSENGERS:Airpassengers\			
View	Proc	Object	Properties   Print   Name   Freeze   Sample   Genr   Sheet   Graph   Stats   Ider
RESID			
Mean	-3.35E-14		
Median	-7.441660		
Maximum	146.1162		
Minimum	-100.3530		
Std. Dev.	44.59048		
Skewness	0.809920		
Kurtosis	4.160768		
Jarque-Bera	23.82757		
Probability	0.000007		
Sum	-4.86E-12		
Sum Sq. Dev.	284328.4		
Observations	144		

Hatalar ortalamasına bakacak olursak sonuç "-3.35E-14" geldiğinden 0'a çok yakın bir değer olduğundan bu varsayımdan söz edilebilir.

## ÜSTEL DÜZLEŞTİRME

Bir önceki bölümde trend analizi yapılmıştı. Bu bölümde ise üstel düzleştime yöntemi yardımı ile modele ait zaman aralığı genişletilerek ileri vade için tahminleme yapılacaktır.

### 1. Çifte Üstel Düzleştime



Series: PASSENGERSS Workfile: AIRPASSENGERS(NA'L)...

Date: 06/11/23 Time: 20:16  
Sample: 1949M01 1960M12  
Included observations: 144  
Method: Double Exponential  
Original Series: PASSENGERSS  
Forecast Series: PASSENSM

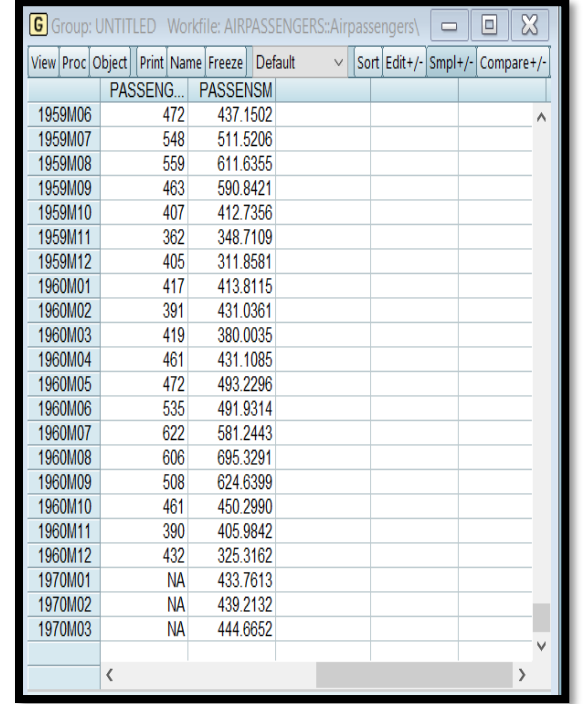
---

Parameters:	Alpha	0.8140
	Sum of Squared Residuals	209292.3
	Root Mean Squared Error	38.12373

---

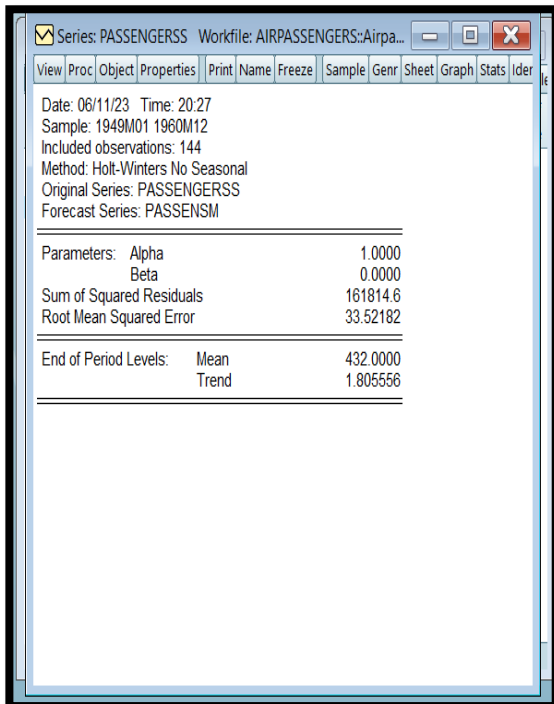
End of Period Levels:	Mean	428.3093
	Trend	5.451979

---



View	Proc	Object	Print	Name	Freeze	Default	Sort	Edit+/-	Smpl+/-	Compare+/-
		PASSENG...		PASSENSM						
1959M06			472	437.1502						
1959M07			548	511.5206						
1959M08			559	611.6355						
1959M09			463	590.8421						
1959M10			407	412.7356						
1959M11			362	348.7109						
1959M12			405	311.8581						
1960M01			417	413.8115						
1960M02			391	431.0361						
1960M03			419	380.0035						
1960M04			461	431.1085						
1960M05			472	493.2296						
1960M06			535	491.9314						
1960M07			622	581.2443						
1960M08			606	695.3291						
1960M09			508	624.6399						
1960M10			461	450.2990						
1960M11			390	405.9842						
1960M12			432	325.3162						
1970M01			NA	433.7613						
1970M02			NA	439.2132						
1970M03			NA	444.6652						

### 2. Holt-Winters Üstel Düzleştime



Series: PASSENGERSS Workfile: AIRPASSENGERS:Airpa...

Date: 06/11/23 Time: 20:27  
Sample: 1949M01 1960M12  
Included observations: 144  
Method: Holt-Winters No Seasonal  
Original Series: PASSENGERSS  
Forecast Series: PASSENSM

---

Parameters:	Alpha	1.0000
	Beta	0.0000
	Sum of Squared Residuals	161814.6
	Root Mean Squared Error	33.52182

---

End of Period Levels:	Mean	432.0000
	Trend	1.805556

---

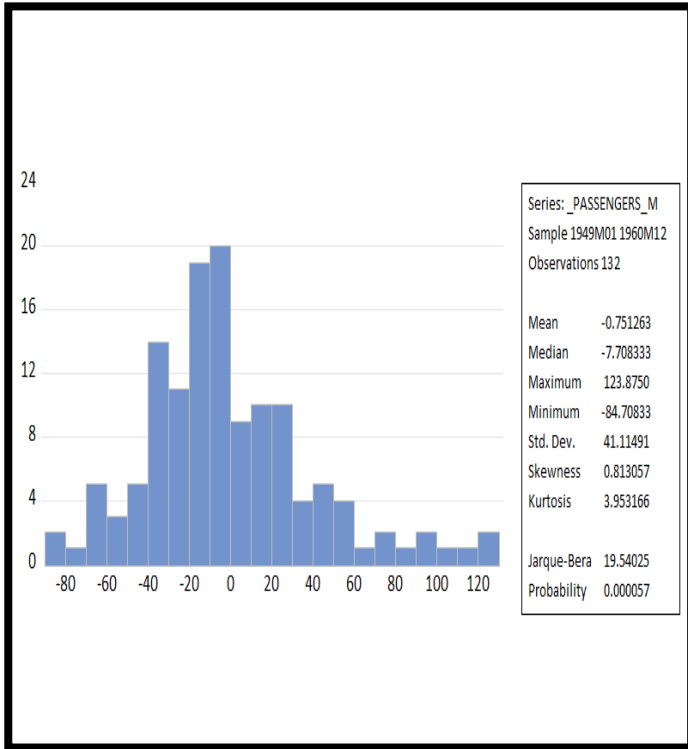
Tahminleme yapmak için Çifte Üstel ve Holt-Winters Üstel Düzleştime testleri yapıldığında Çifte Üstel Düzleştime değerleri daha küçük çıktığından tercih edilen yöntem olmuştur.

Boş gözlemler yerine yazılmış olan tahmin değerleri yukarıdaki tabloda gösterilmektedir.

## Veriyi Bileşenlere Ayırma

Aşağıda verilmiş olan kodlar kullanılarak veri bileşenlere ayrılmış olup bilgiler yanda ve aşağıda verilmiştir.

```
"genr _passengers2=0
_passengers2=@movavc(_passengers,12)
genr _passengers_m=0
_passengers_m=_passengers-_passengers2"
```



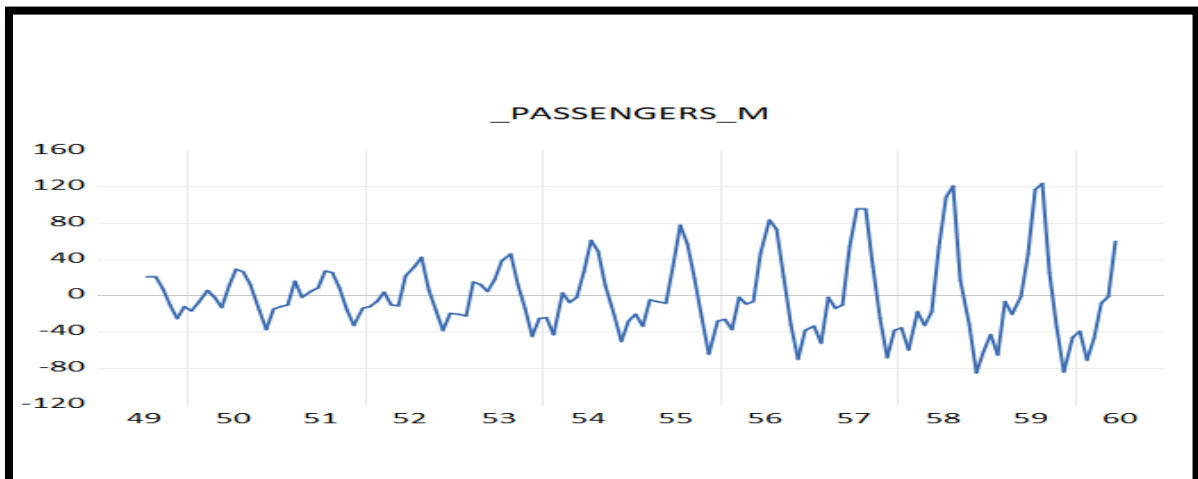
Null Hypothesis: \_PASSENGERS\_M has a unit root  
Exogenous: Constant  
Lag Length: 11 (Automatic - based on SIC, maxlag=12)

	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-3.254976	0.0193
Test critical values:		
1% level	-3.485586	
5% level	-2.885654	
10% level	-2.579708	

\*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Augmented Dickey-Fuller Test Equation  
Dependent Variable: D(\_PASSENGERS\_M)  
Method: Least Squares  
Date: 06/11/23 Time: 15:13  
Sample (adjusted): 1950M07 1960M06  
Included observations: 120 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
_PASSENGERS_M(-1)	-1.985453	0.609975	-3.254976	0.0015
D(_PASSENGERS_M(-1))	1.037644	0.563252	1.842237	0.0682
D(_PASSENGERS_M(-2))	0.750055	0.514368	1.458208	0.1477
D(_PASSENGERS_M(-3))	0.646896	0.468568	1.380582	0.1703
D(_PASSENGERS_M(-4))	0.401881	0.414690	0.969112	0.3347
D(_PASSENGERS_M(-5))	0.350464	0.368603	0.950789	0.3439
D(_PASSENGERS_M(-6))	0.071815	0.317563	0.226143	0.8215
D(_PASSENGERS_M(-7))	-0.027325	0.271187	-0.100762	0.9199
D(_PASSENGERS_M(-8))	-0.322941	0.215669	-1.497388	0.1372
D(_PASSENGERS_M(-9))	-0.363606	0.170156	-2.136906	0.0349
D(_PASSENGERS_M(-10))	-0.674004	0.115218	-5.849818	0.0000
D(_PASSENGERS_M(-11))	-0.683767	0.086083	-7.943138	0.0000
C	-0.141054	0.827482	-0.170462	0.8650
R-squared	0.934204	Mean dependent var	0.414236	
Adjusted R-squared	0.926825	S.D. dependent var	33.23153	
S.E. of regression	8.989424	Akaike info criterion	7.331978	
Sum squared resid	8646.644	Schwarz criterion	7.633957	
Log likelihood	-426.9187	Hannan-Quinn criter.	7.454613	
F-statistic	126.6031	Durbin-Watson stat	1.743855	
Prob(F-statistic)	0.000000			



## ARIMA MODELLERİ

### ARMA(1,0,0)

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS::Air... View Proc Object Print Name Freeze Estimate Forecast Stats Resids				
Dependent Variable: DURAGAN_PASSENGERS Method: ARMA Conditional Least Squares (Gauss-Newton / Marquardt steps) Date: 06/11/23    Time: 21:46 Sample (adjusted): 1949M04 1960M12 Included observations: 141 after adjustments Convergence achieved after 9 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.073119	2.755998	0.026531	0.9789
AR(1)	-0.202615	0.085633	-2.366085	0.0194
R-squared	0.038717	Mean dependent var		0.198582
Adjusted R-squared	0.031801	S.D. dependent var		39.99236
S.E. of regression	39.35133	Akaike info criterion		10.19702
Sum squared resid	215245.2	Schwarz criterion		10.23885
Log likelihood	-716.8899	Hannan-Quinn criter.		10.21402
F-statistic	5.598359	Durbin-Watson stat		2.041455
Prob(F-statistic)	0.019358			
Inverted AR Roots	- .20			

### ARMA(2,1,0)

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS::Air... View Proc Object Print Name Freeze Estimate Forecast Stats Resids				
Dependent Variable: DURAGAN_PASSENGERS Method: ARMA Conditional Least Squares (Gauss-Newton / Marquardt steps) Date: 06/11/23    Time: 21:53 Sample (adjusted): 1949M05 1960M12 Included observations: 140 after adjustments Convergence achieved after 9 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.047966	2.152620	0.022283	0.9823
AR(1)	-0.250665	0.085064	-2.946799	0.0038
AR(2)	-0.256132	0.085160	-3.007636	0.0031
R-squared	0.098067	Mean dependent var		0.321429
Adjusted R-squared	0.084900	S.D. dependent var		40.10925
S.E. of regression	38.36885	Akaike info criterion		10.15356
Sum squared resid	201687.2	Schwarz criterion		10.21660
Log likelihood	-707.7495	Hannan-Quinn criter.		10.17918
F-statistic	7.447984	Durbin-Watson stat		2.014020
Prob(F-statistic)	0.000850			
Inverted AR Roots	-.13+.49i	-.13-.49i		

## ARMA (0,0,1)

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS::Air...				
View	Proc	Object	Print	Name
Freeze	Estimate	Forecast	Stats	Resids
Dependent Variable: DURAGAN_PASSENGERS Method: ARMA Conditional Least Squares (Gauss-Newton / Marquardt steps) Date: 06/11/23    Time: 21:56 Sample (adjusted): 1949M03 1960M12 Included observations: 142 after adjustments Failure to improve likelihood (non-zero gradients) after 19 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients MA Backcast: 1949M02				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	-0.003241	0.086592	-0.037434	0.9702
MA(1)	-0.983683	0.009174	-107.2302	0.0000
R-squared	0.264119	Mean dependent var	0.253521	
Adjusted R-squared	0.258863	S.D. dependent var	39.85567	
S.E. of regression	34.31148	Akaike info criterion	9.922822	
Sum squared resid	164818.9	Schwarz criterion	9.964453	
Log likelihood	-702.5203	Hannan-Quinn criter.	9.939739	
F-statistic	50.24811	Durbin-Watson stat	1.380692	
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted MA Roots	.98			

## ARMA (0,1,1)

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS::Air...				
View	Proc	Object	Print	Name
Freeze	Estimate	Forecast	Stats	Resids
Dependent Variable: DURAGAN_PASSENGERS Method: ARMA Conditional Least Squares (Gauss-Newton / Marquardt steps) Date: 06/11/23    Time: 21:58 Sample (adjusted): 1949M04 1960M12 Included observations: 141 after adjustments Failure to improve likelihood (non-zero gradients) after 20 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients MA Backcast: 1949M03				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.006718	0.128366	0.052334	0.9583
AR(1)	0.302361	0.081533	3.708460	0.0003
MA(1)	-0.980806	0.009633	-101.8136	0.0000
R-squared	0.330352	Mean dependent var	0.198582	
Adjusted R-squared	0.320647	S.D. dependent var	39.99236	
S.E. of regression	32.96286	Akaike info criterion	9.849687	
Sum squared resid	149943.9	Schwarz criterion	9.912427	
Log likelihood	-691.4029	Hannan-Quinn criter.	9.875182	
F-statistic	34.03916	Durbin-Watson stat	1.826454	
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.30			
Inverted MA Roots	.98			





## ARMA(2,1,2)

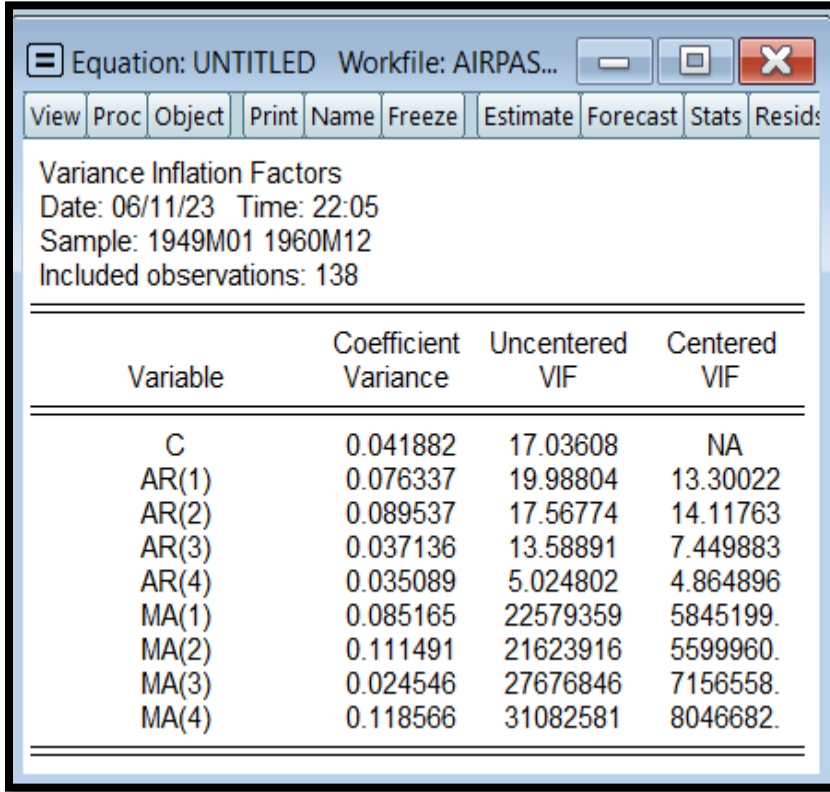
Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS::Air...				
View	Proc	Object	Print	Name
Freeze	Estimate	Forecast	Stats	Resids
Dependent Variable: DURAGAN_PASSENGERS Method: ARMA Conditional Least Squares (Gauss-Newton / Marquardt steps) Date: 06/11/23    Time: 22:00 Sample (adjusted): 1949M05 1960M12 Included observations: 140 after adjustments Failure to improve likelihood (non-zero gradients) after 21 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients MA Backcast: 1949M03 1949M04				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.041069	0.075872	0.541302	0.5892
AR(1)	-0.504566	0.109928	-4.589961	0.0000
AR(2)	0.063930	0.097255	0.657342	0.5121
MA(1)	-0.101721	0.079292	-1.282877	0.2017
MA(2)	-0.897704	0.095286	-9.421159	0.0000
R-squared	0.391251	Mean dependent var	0.321429	
Adjusted R-squared	0.373214	S.D. dependent var	40.10925	
S.E. of regression	31.75443	Akaike info criterion	9.789002	
Sum squared resid	136126.4	Schwarz criterion	9.894061	
Log likelihood	-680.2302	Hannan-Quinn criter.	9.831695	
F-statistic	21.69155	Durbin-Watson stat	1.874978	
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.10	-.61		
Inverted MA Roots	1.00	-.90		

## ARMA(4,2,4)

Equation: UNTITLED    Workfile: AIRPASSENGERS::Airpassen...				
View	Proc	Object	Print	Name
Freeze	Estimate	Forecast	Stats	Resids
Dependent Variable: DURAGAN_PASSENGERS Method: ARMA Conditional Least Squares (Gauss-Newton / Marquardt steps) Date: 06/11/23    Time: 22:01 Sample (adjusted): 1949M07 1960M12 Included observations: 138 after adjustments Failure to improve likelihood (non-zero gradients) after 18 iterations Coefficient covariance computed using outer product of gradients MA Backcast: 1949M03 1949M06				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	-0.021773	0.204651	-0.106393	0.9154
AR(1)	-0.192844	0.276291	-0.697975	0.4864
AR(2)	-0.210229	0.299228	-0.702572	0.4836
AR(3)	-0.126590	0.192708	-0.656899	0.5124
AR(4)	-0.163807	0.187321	-0.874469	0.3835
MA(1)	-0.273256	0.291830	-0.936354	0.3508
MA(2)	-0.319590	0.333903	-0.957134	0.3403
MA(3)	-0.132355	0.156672	-0.844791	0.3998
MA(4)	-0.274785	0.344335	-0.798017	0.4263
R-squared	0.409751	Mean dependent var	0.202899	
Adjusted R-squared	0.373146	S.D. dependent var	40.35575	
S.E. of regression	31.95129	Akaike info criterion	9.829296	
Sum squared resid	131694.2	Schwarz criterion	10.02020	
Log likelihood	-669.2214	Hannan-Quinn criter.	9.906876	
F-statistic	11.19398	Durbin-Watson stat	2.216170	
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.34-.57i	.34+.57i	-.44-.43i	-.44+.43i
Inverted MA Roots	1.00	-.01-.62i	-.01+.62i	-.70



## VİF DEĞERİ



Variable	Coefficient Variance	Uncentered VIF	Centered VIF
C	0.041882	17.03608	NA
AR(1)	0.076337	19.98804	13.30022
AR(2)	0.089537	17.56774	14.11763
AR(3)	0.037136	13.58891	7.449883
AR(4)	0.035089	5.024802	4.864896
MA(1)	0.085165	22579359	5845199.
MA(2)	0.111491	21623916	5599960.
MA(3)	0.024546	27676846	7156558.
MA(4)	0.118566	31082581	8046682.

## **SONUÇ OLARAK**

ARIMA modelleri ile seçmiş olduğumuz Karesel Trend Modeli'ne bakıldığında ARMA(4,2,4) modelinde  $R^2$  değeri "0,409" çıktığından ve VİF değerinde de bu doğrulandığından en anlamlı modelin ARMA(4,2,4) çıktığı söylenebilir.