

## Exercice 1 :

$$Q1] \quad \max \left( \sum_{o \in \text{objects}} \text{valeur}[o] \cdot y[o] \right)$$

$$\sum_{o \in \text{objects}} (\text{volume}[o] \cdot y[o]) \leq \text{Max}$$

$$\forall o \in \text{objects} : y[o] \in \{0, 1\}.$$

Q2] A la racine de l'arbre, la valeur des variables est :

$$A = 0$$

$$C = 1$$

$$B = 0,8$$

$$D = 1.$$

Q3]. La valeur de la borne supérieure est donnée par la solution optimale ((non entière))  $\max = 8,2$ .

• La valeur de la borne inférieure est 0 ((pas encore de meilleure solution trouvée))

Q3]. Fils gauche

$$A = 0$$

$$C = 1$$

$$B = 1 \text{ ((impossible))}$$

$$D = \frac{2}{3}$$

$$\text{Objectif} = 8$$

$$\text{borne sup} = 8$$

$$\text{borne inf} = 0$$

• Fils droit

$$A = 1$$

$$C = 1$$

$$B = 1$$

$$D = 1$$

$$\text{Objectif} = 8$$

$$\text{Objectif} = 8$$

$$\text{borne sup} = 8$$

$$\text{borne inf} = 8$$

Q5) Réponse 1:

L'algorithme a trouvé la solution optimale ((entière)) sur le fils droit.  $\Rightarrow$  Les autres solutions de ses fils sont  $<$ . La borne supérieure du fils droit est  $\leq$  à la solution trouvée. Donc toutes les solutions du fils droit sont  $\leq$  à la solution trouvée.

## Exercice 2

Q1) • Le nombre de vélos sortant est  $\leq$  au nombre de vélos présents;

$$\forall i \in [1, 3]: S^i \geq \sum_{j=1}^3 \text{Arc}(i, j)$$

• Les vélos entrants en fin de tour peuvent être stockés;

$$\forall i \in [1, 3]: S^i - \sum_{j=1}^3 \text{Arc}(i, j) + \sum_{j=1}^3 \text{Arc}(j, i) \leq c^i$$

• La 1<sup>ère</sup> contrainte n'est pas respectée à la station 1.

• La 1<sup>ère</sup> et la 2<sup>ème</sup> contrainte ne sont pas respectées à la station 2 & 3.

$$Q2) \quad S^2 - \sum_{j=1}^3 \text{Arc}(2, j) + \sum_{j=1}^3 \text{Arc}(j, 2)$$

Q3) • Contraintes vérifiées par  $S_t^i$ :

$$S_t^i \leq c^i$$
$$S_t^i = \sum_{j=1}^N d_t^{(i, j)}$$

$$S_{t+1}^i = S_t^i - \sum_{j=1}^N d_t^{(i, j)} + \sum_{j=1}^N d_t^{(j, i)}$$

Q4)  $R_t^{(i, j)}$ : nombre de vélos à repositionner ~~entre~~ de  $i$  vers  $j$  au temps  $t$ .

$$S_{t+1}^i = S_t^i - \sum_{j=1}^N d_t^{(i,j)} + \sum_{j=1}^N d_t^{(i,j)} - \sum_{j=1}^N R_t^{(i,j)} + \sum_{j=1}^N R_t^{(j,i)}$$

Q5] On suppose que le coût de déplacement entre  $i, j$  est ~~toujours~~ fixe  $c$ .

On veut donc minimiser le nombre de station  $i$  à des dates  
dates où l'on a besoin d'un déplacement

• Objective :  $\sum$

### Exercice 3 :

Q1] Le problème est de parcourir le graphe entre  $s$  et  $t$ , de sorte à :

• ~~Parcourir l'arête~~

- Sortir du nœud  $s$  (contrainte 2  $\Rightarrow$  Plus de sortie que d'entrées en  $s$ )
- Entrer au nœud  $t$  (contrainte 3  $\Rightarrow$  Plus d'entrées que de sorties en  $t$ )

- $\forall i, j \notin \{s, t\}$  passer le même nombre de fois par  $(i, j)$  et par  $(j, i)$ .

L'objectif est de minimiser le coût de ce parcours.

Q2] max

Q3] • Weak duality theorem :

$$z^* \geq v^*$$

• Strong duality theorem

$$z^* = v^* \quad ((\text{car } z^* \text{ et } v^* \text{ sont des solutions optimales de leurs problèmes respectifs}))$$

$$z^* \geq z_{RL}^*$$

car la relaxation linéaire d'un problème inclut la discrétisation entière du problème.