Lambert-CZ – nové zobrazení pro Česko

Jan Šimbera

3. prosince 2015

Abstrakt

V současnosti nejvíce rozšířené kartografické zobrazení pro Česko je Křovákovo zobrazení, které ale z mnoha ohledů nevyhovuje pro současnou GIS a kartografickou praxi. Tento dokument představuje alternativu založenou na Lambertově úhlojevném kuželovém zobrazení.

1 Popis zobrazení

Zobrazení je variantou Lambertova sečného úhlojevného (konformního) kuželového zobrazení z elipsoidu do roviny. Počítá s využitím referenčního elipsoidu WGS-84.

1.1 Parametry zobrazení

Parametry jsou následující:

- orientace os: standardní matematická
- základní poledník $\lambda_0 = 15^{\circ}$
- základní rovnoběžka $\varphi_0 = 50^{\circ}$
- sečné rovnoběžky:
 - $-\varphi_1 = 49^{\circ}15'$ $-\varphi_2 = 50^{\circ}30'$
- posun ve směru osy x (false easting) $\Delta x = 250\,000$ m
- posun ve směru osy y (false northing) $\Delta y = 200\,000$ m

1.2 Definiční soubor

Definiční WKT soubor má tvar:

```
PROJCS["Czechia_Simbera_Conformal_Conic",

GEOGCS["GCS_WGS_1984",

DATUM["D_WGS_1984",SPHEROID["WGS_1984",6378137.0,298.257223563]],

PRIMEM["Greenwich",0.0],

UNIT["Degree",0.0174532925199433]],

PROJECTION["Lambert_Conformal_Conic"],

PARAMETER["False_Easting",250000.0],

PARAMETER["False_Northing",200000.0],

PARAMETER["Central_Meridian",15.0],

PARAMETER["Standard_Parallel_1",49.25],

PARAMETER["Standard_Parallel_2",50.5],

PARAMETER["Latitude_Of_Origin",50.0],

UNIT["Meter",1.0]
]
```

1.3 Zobrazovací rovnice

1.3.1 Přímá transformace

Výsledné zobrazovací rovnice mají tvar:

$$x = \rho \sin \theta + \Delta x$$
$$y = \rho_0 - \rho \cos \theta + \Delta y,$$

kde

$$\rho(\varphi) = qt(\varphi)^n$$

$$\theta(\lambda) = n(\lambda - \lambda_0)$$

$$t(\varphi) = \sqrt{\frac{1 - \sin \varphi}{1 + \sin \varphi} \left(\frac{1 + e \sin \varphi}{1 - e \sin \varphi}\right)^e}$$

a

$$q = a \frac{M(\varphi_1)}{nt(\varphi_1)^n} = 11611769,657 \,\mathrm{m}$$

$$n = \frac{\ln M(\varphi_1) - \ln M(\varphi_2)}{\ln t(\varphi_1) - \ln t(\varphi_2)} = 0,764655442899$$

$$\rho_0 = \rho(\varphi_0) = 5361378,147 \,\mathrm{m}.$$

a a e jsou parametry elipsoidu. Pro WGS-84:

$$a = 6378137 \,\mathrm{m}$$

 $e = 0,006694380$

M je podélný poloměr křivosti elipsoidu:

$$M(\varphi) = \frac{\cos \varphi}{\sqrt{1 - e^2 \sin^2 \varphi}}$$

1.3.2 Inverzní transformace

TODO.

2 Zdůvodnění a diskuze

Takto navržené zobrazení má oproti Křovákově zobrazení následující výhody:

- Používá standardní elipsoid, v jehož souřadnicích je uváděna většina současných prostorových dat.
 Existuje pro něj globální transformace.
- Používá konvenční orientaci os, která nečiní problémy GIS softwaru. Hodnoty obou souřadnic jsou na celém území státu kladné.
- Je výpočetně méně náročné než Křovákovo zobrazení, neboť díky své přímé povaze a normální poloze používá pouze jeden krok.
- Hodnoty zkreslení jsou pro většinu území stejné jako u Křovákova zobrazení.
- Meridiánová konvergence je nižší a rovnoměrně rozložená kolem nuly, takže není třeba mapu celé republiky natáčet pro nezkreslené vnímání severního směru.

Obraz Česka se zeměpisnou sítí v tomto zobrazení je uveden na obrázku níže.

