

Le equazioni per i singoli nodi sono

$$\begin{aligned}
\langle \dot{S}_3 \rangle &= -\tau (\langle S_3 I_1 \rangle + \langle S_3 I_4 \rangle), & \langle \dot{S}_1 \rangle &= -\tau (\langle I_3 S_1 \rangle + \langle I_4 S_1 \rangle + \langle S_1 I_2 \rangle), \\
\langle \dot{I}_3 \rangle &= \tau (\langle S_3 I_4 \rangle + \langle S_3 I_1 \rangle) - \gamma \langle I_3 \rangle & \langle \dot{I}_1 \rangle &= \tau (\langle I_3 S_1 \rangle + \langle I_4 S_1 \rangle + \langle S_1 I_2 \rangle) - \gamma \langle I_1 \rangle, \\
\langle \dot{S}_4 \rangle &= -\tau (\langle I_3 S_4 \rangle + \langle S_4 I_1 \rangle), & \langle \dot{S}_2 \rangle &= -\tau \langle I_1 S_2 \rangle, \\
\langle \dot{I}_4 \rangle &= \tau (\langle I_3 S_4 \rangle + \langle S_4 I_1 \rangle) - \gamma \langle I_4 \rangle, & \langle \dot{I}_2 \rangle &= \tau \langle I_1 S_2 \rangle - \gamma \langle I_2 \rangle.
\end{aligned}$$

Tali equazioni dipendono da alcune coppie: tutte le disposizioni di archi con un nodo suscettibile ed un uno infetto. Abbiamo bisogno di equazioni addizionali

$$\begin{aligned}
\langle \dot{S}_3 I_4 \rangle &= \tau \langle S_3 S_4 I_1 \rangle - (\tau + \gamma) \langle S_3 I_4 \rangle - \tau \langle S_3 I_4 I_1 \rangle, \\
\langle \dot{S}_3 I_1 \rangle &= \tau (\langle S_3 I_4 S_1 \rangle + \langle S_3 S_1 I_2 \rangle) - (\tau + \gamma) \langle S_3 I_1 \rangle - \tau \langle S_3 I_4 I_1 \rangle, \\
\langle \dot{I}_3 S_4 \rangle &= \tau \langle S_3 S_4 I_1 \rangle - (\tau + \gamma) \langle I_3 S_4 \rangle - \tau \langle I_3 S_4 I_1 \rangle, \\
\langle \dot{S}_4 I_1 \rangle &= \tau (\langle I_3 S_4 S_1 \rangle + \langle S_4 S_1 I_2 \rangle) - (\tau + \gamma) \langle S_4 I_1 \rangle - \tau \langle I_3 S_4 I_1 \rangle, \\
\langle \dot{I}_3 S_1 \rangle &= -\tau (\langle I_3 I_4 S_1 \rangle + \langle I_3 S_1 I_2 \rangle) - (\tau + \gamma) \langle I_3 S_1 \rangle + \tau \langle S_3 I_4 S_1 \rangle, \\
\langle \dot{I}_4 S_1 \rangle &= -\tau (\langle I_3 I_4 S_1 \rangle + \langle I_4 S_1 I_2 \rangle) - (\tau + \gamma) \langle I_4 S_1 \rangle + \tau \langle I_3 S_4 S_1 \rangle, \\
\langle \dot{S}_1 I_2 \rangle &= -\tau (\langle I_3 S_1 I_2 \rangle + \langle I_4 S_1 I_2 \rangle) - (\tau + \gamma) \langle S_1 I_2 \rangle, \\
\langle \dot{I}_1 S_2 \rangle &= \tau (\langle I_3 S_1 S_2 \rangle + \langle I_4 S_1 S_2 \rangle) - (\tau + \gamma) \langle I_1 S_2 \rangle.
\end{aligned}$$

Per le triple

$$\begin{aligned}
\langle \dot{S}_3 \dot{S}_4 I_1 \rangle &= \tau \langle S_3 S_4 S_1 I_2 \rangle - (2\tau + \gamma) \langle S_3 S_4 I_1 \rangle, \\
\langle \dot{S}_3 \dot{I}_4 I_1 \rangle &= \tau (\langle S_3 S_4 I_1 \rangle + \langle S_3 I_4 S_1 I_2 \rangle) - 2(\tau + \gamma) \langle S_3 I_4 I_1 \rangle + \tau \langle S_3 I_4 S_1 \rangle, \\
\langle \dot{S}_3 \dot{I}_4 S_1 \rangle &= -\tau \langle S_3 I_4 S_1 I_2 \rangle - (2\tau + \gamma) \langle S_3 I_4 S_1 \rangle, \\
\langle \dot{I}_3 \dot{S}_4 I_1 \rangle &= \tau \langle S_3 S_4 I_1 \rangle - 2(\tau + \gamma) \langle I_3 S_4 I_1 \rangle + \tau \langle I_3 S_4 S_1 \rangle + \tau \langle I_3 S_4 S_1 I_2 \rangle, \\
\langle \dot{I}_3 \dot{S}_4 S_1 \rangle &= -\tau \langle I_3 S_4 S_1 I_2 \rangle - (2\tau + \gamma) \langle I_3 S_4 S_1 \rangle, \\
\langle \dot{I}_3 \dot{I}_4 S_1 \rangle &= \tau (\langle S_3 I_4 S_1 \rangle + \langle I_3 S_4 S_1 \rangle - \langle I_3 I_4 S_1 I_2 \rangle) - 2(\tau + \gamma) \langle I_3 I_4 S_1 \rangle.
\end{aligned}$$

Mancano

$$\begin{aligned}
\langle I_3 S_1 I_2 \rangle &= -2(\tau + \gamma) \langle I_3 S_1 I_2 \rangle + \tau \langle S_3 I_4 S_1 I_2 \rangle - \tau \langle I_3 I_4 S_1 I_2 \rangle \\
\langle I_3 S_1 S_2 \rangle &= -(\tau + \gamma) \langle I_3 S_1 S_2 \rangle + \tau \langle S_3 I_4 S_1 S_2 \rangle - \tau \langle I_3 I_4 S_1 S_2 \rangle \\
\langle S_4 S_1 I_2 \rangle &= -(\tau + \gamma) \langle S_4 S_1 I_2 \rangle - 2\tau \langle I_3 S_4 S_1 I_2 \rangle \\
\langle I_4 S_1 I_2 \rangle &= -2(\tau + \gamma) \langle I_4 S_1 I_2 \rangle + \tau \langle I_3 S_4 S_1 I_2 \rangle - \tau \langle I_3 I_4 S_1 I_2 \rangle \\
\langle I_4 S_1 S_2 \rangle &= -(\tau + \gamma) \langle I_4 S_1 S_2 \rangle + \tau \langle I_3 S_4 S_1 S_2 \rangle - \tau \langle I_3 I_4 S_1 S_2 \rangle \\
\langle S_3 S_1 I_2 \rangle &= -2\tau \langle S_3 I_4 S_1 I_2 \rangle - (\tau + \gamma) \langle S_3 S_1 I_2 \rangle
\end{aligned}$$

e le quadruple

$$\begin{aligned}\langle I_3 I_4 S_1 I_2 \rangle &= -3(\tau + \gamma) \langle I_3 I_4 S_1 I_2 \rangle + \tau (\langle S_3 I_4 S_1 I_2 \rangle + \langle I_3 S_4 S_1 I_2 \rangle) \\ \langle S_3 I_4 S_1 I_2 \rangle &= -(3\tau + 2\gamma) \langle S_3 I_4 S_1 I_2 \rangle \\ \langle I_3 S_4 S_1 I_2 \rangle &= -(3\tau + 2\gamma) \langle I_3 S_4 S_1 I_2 \rangle \\ \langle I_3 I_4 S_1 S_2 \rangle &= \tau (\langle S_3 I_4 S_1 S_2 \rangle + \langle I_3 S_4 S_1 S_2 \rangle) - 2(\tau + \gamma) \langle I_3 I_4 S_1 S_2 \rangle \\ \langle I_3 S_4 S_1 S_2 \rangle &= -(2\tau + \gamma) \langle I_3 S_4 S_1 S_2 \rangle \\ \langle S_3 I_4 S_1 S_2 \rangle &= -(2\tau + \gamma) \langle S_3 I_4 S_1 S_2 \rangle \\ \langle S_3 S_4 S_1 I_2 \rangle &= -(\tau + \gamma) \langle S_3 S_4 S_1 I_2 \rangle\end{aligned}$$