Performance Modeling Of Computer Systems And Networks

Relazione Progetto 2017/18

Simone Falvo smvfal@gmail.com



INDICE 1

Indice

1	1 Introduzione				
2	2 Modello Concettuale		3		
3	3 Modello di Specifica 3.1 Variabili 3.2 Vincoli 3.3 Metriche 3.3.1 Tempi di risposta 3.3.2 Popolazione media 3.3.3 Throughput 3.3.4 Interruzioni 3.4 Eventi		4 4 5 6 6 7 7 8 8		
4	4 Modello Computazionale 4.1 Strutture dati		9 9 11 11		
	 4.2 Generazione dell'input		12 14 14 15 16 17		
5	5 Modello Analitico 5.1 Calcolo della distribuzione stazionaria		17 18 19 20 20 21 21		
	5.8 Popolazione media: Cloud		22 23 23 24 24		

8	Conclusioni	47
7	Distribuzione Throughput del Cloudlet	46
	6.18 Popolazione Cloud Classe 2	44
	6.17 Popolazione Cloud Classe 1	
	6.16 Popolazione Cloudlet Classe 2	
	6.15 Popolazione Cloudlet Classe 1	40
	6.14 Throughput Sistema	
	6.13 Throughput Cloudlet	39
	6.12 Throughput Cloudlet Classe 2	37
	6.11 Throughput Cloudlet Classe 1	36
	6.10 Tempo di Risposta Sistema	35

3

1 Introduzione

In questa relazione viene descritta una possibile soluzione ad un problema di edge computing in cui è richiesto di ottimizzare le prestazioni di un sistema di computazione cloud, calibrando i parametri di un algoritmo per l'inoltro di task utente verso un cloudlet ed un server remoto.

Il sistema è in grado di eseguire task di due diverse classi in un cloudlet, situato ad un "hop" di distanza dall'utente, fintanto che le risorse lo consentono, altrimenti vengono inoltrati ed eseguiti in un server remoto. Inoltre, se la somma del numero di job presenti nel cloudlet è uguale al valore di soglia S e se vi è almeno un job di classe 2 in esecuzione, questo viene fatto migrare dal cloudlet al server remoto per far posto ad un task di classe 1 in arrivo, che ha una maggiore "priorità" di esecuzione nel cloudlet.

L'obbiettivo principale è quello di trovare il valore ottimale del parametro S affinché sia minimizzato il tempo di risposta medio.

Il problema è stato affrontato definendo un modello a code per il sistema in modo tale da poter valutare, tramite l'analisi e la simulazione, i tempi di risposta e le altre metriche di performance come il throughput e la popolazione media.

Il modello è stato validato analiticamente tramite lo studio dello stato del sistema a regime, calcolandone la distribuzione stazionaria e valutando le metriche di interesse in relazione ai possibili scenari.

La simulazione è stata realizzata implementando in linguaggio C un programma basato su eventi ed i risultati sono stati raccolti ed elaborati utilizzato il metodo "batch means" per avere una stima del comportamento del sistema a regime.

Nel seguito di questo documento verranno presentati i vari modelli di astrazione del sistema con i risultati che ne derivano, ed infine verrà fatto un cofronto in relazione ai possibili scenari analizzati.

2 Modello Concettuale

Nel modello concettuale il sistema viene descritto come un sistema di code connesse tra loro (figura 1), di quest'ultimo si distinguono i seguenti componenti:

Cloudlet: nodo del sistema che comprende un numero N di server senza coda che operano in parallelo con tassi di servizio specifici per classi di job.

Cloud: nodo del sistema che comprende un numero infinito di server senza coda che operano in parallelo con tassi di servizio specifici per classi di job.

Centro di setup: nodo del sistema che modella la fase di setup di un job interrotto, composto da un numero infinito di server senza coda che operano in parallelo con un tasso di servizio pari a $1/E[S_{setup}]$. Un job interrotto transita per questo centro prima di prendere servizio nel cloud ed il tempo ivi trascorso corrisponde al tempo necessario alla ri-esecuzione del job.

Controllore: componente che implementa la logica di routing in base all'occupazione del cloudlet tenendo conto del parametro di soglia S, non costituisce un centro di servizio in quanto la sua funzione è limitata all'inoltro dei job.

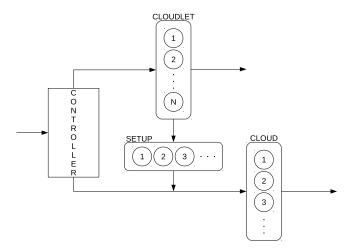


Figura 1: Modello concettuale del sistema

Ogni job che arriva al sistema passa prima per il controllore, il quale decide quale deve essere il nodo di esecuzione (cloud o cloudlet). Se arriva un job di classe 1 ed il cloudlet si trova nella condizione per cui almeno un suo server ha in esecuzione un job di classe 2 e la somma dei job presenti ha raggiunto il valore di soglia S, allora tale server deve sospendere il job e sostituirlo con quello appena arrivato di classe 1. Il job di classe 2 interrotto verrà poi inoltrato al server remoto (cloud), non prima però di aver trascorso un tempo necessario alla propria riesecuzione sul nuovo nodo, tale fase è modellata assumendo che il job venga eseguito in un centro intermedio (centro di setup).

3 Modello di Specifica

In questo modello vengono definite le variabili e le equazioni necessarie al calcolo delle metriche, inoltre viene descritta la logica con cui il sistema evolve a seguito degli eventi che si verificano ed i vincoli a cui esso deve sottostare.

3.1 Variabili

Di principale interesse sono le variabili che compongono lo stato del sistema, ovvero quelle che lo caratterizzano completamente, esse tengonono conto del numero di job in servizio, suddivisi per classe e per nodo di esecuzione, ad ogni istante di tempo e sono indicate nella tabella 1.

$n_1^{clet}(t)$	numero di job di classe 1 nel cloudlet al tempo t
$n_2^{clet}(t)$	numero di job di classe 2 nel cloudlet al tempo t
$n_1^{c\overline{l}oud}(t)$	numero di job di classe 1 nel cloud al tempo t
$n_2^{cloud}(t)$	numero di job di classe 2 nel cloud al tempo t
$n_{setup}(t)$	numero di job in fase di setup al tempo t

Tabella 1: Variabili che compongono lo stato del sistema

Le altre variabili utili al calcolo delle statistiche del sistema sono indicate nella tabella 2 e riguardano i tempi di risposta ed i completamenti, sempre suddivise per classe e nodo di esecuzione.

```
s_{1,i}^{clet} \\ s_{2,i}^{clet} \\ s_{1,i}^{cloud}
             tempo di servizio dell'i-esimo job di classe 1 eseguito nel cloudlet
             tempo di servizio dell'i-esimo job di classe 2 eseguito nel cloudlet
             tempo di servizio dell'i-esimo job di classe 1 eseguito nel cloud
s_2^{cloud,i}
             tempo di servizio dell'i-esimo job di classe 2 eseguito nel cloud
 s_{intr,i}^{clet} \ s_{intr,i}^{cloud} \ s_{intr,i}^{cloud} \ s_{i}^{setup}
             tempo di servizio nel cloudlet dell'i-esimo job interrotto
             tempo di servizio nel cloud dell'i-esimo job interrotto
             tempo di setup dell'i-esimo job interrotto
c_1^{clet}(t)
             numero di job di classe 1 completati nel cloudlet al tempo t
c_2^{clet}(t)
             numero di job di classe 2 completati nel cloudlet al tempo t
c_1^{cloud}(t)
             numero di job di classe 1 completati nel cloud al tempo t
c_2^{cloud}(t)
             numero di job di classe 2 completati nel cloud al tempo t
             numero di job interrotti al tempo t
n_{intr}(t)
```

Tabella 2: Variabili tempi di servizio e completamenti

3.2 Vincoli

Una volta definito lo stato del sistema e le variabili che lo compongono è necessario definire anche come esse sono relazionate ed i vincoli a cui sono sottoposte.

1. Ad ogni istante di tempo t devono valere le seguenti condizioni:

$$\begin{split} n_1^{clet}(t) + n_2^{clet}(t) & \leq N \\ n_1^{clet}(t) + n_2^{clet}(t) & \leq S & \text{se } n_2^{clet}(t) > 0 \end{split}$$

2. Stato iniziale $(t = t_{start})$:

$$\begin{array}{lll} n_1^{clet}(t) = n_2^{clet}(t) = n_1^{cloud}(t) = n_2^{cloud}(t) = n_{setup}(t) & = & 0 \\ c_1^{clet}(t) = c_2^{clet}(t) = c_1^{cloud}(t) = c_2^{cloud}(t) = c_{setup}(t) & = & 0 \end{array}$$

- 3. Il primo evento deve essere un arrivo
- 4. Dopo l'arrivo di un numero prefissato di job, i successivi arrivi vengono ignorati e non più processati. Il processo di arrivo si interrompe quando viene processato un numero prefissato di job. L'ultimo evento corrisponde al completamento dell'ultimo job.
- 5. La selezione dei server all'interno di un nodo non è regolata da nessun algoritmo, poiché metriche relative ai singoli server non sono rilevanti ai fini dell'applicazione.

3.3 Metriche

3.3.1 Tempi di risposta

Poiché i nodi del sistema sono sprovvisti di code, i tempi medi di risposta corrispono ai tempi medi di servizio, il calcolo viene quindi ridotto al rapporto tra la somma dei tempi di servizio sperimentati dai job in esame e la loro quantità, pertanto, per prima cosa è utile calcolare le somme dei tempi:

$$s_{j}^{clet} = \sum_{i=1}^{c_{j}^{clet}(t_{stop})} s_{j,i}^{clet} \qquad s_{j}^{cloud} = \sum_{i=1}^{c_{j}^{cloud}(t_{stop})} s_{j,i}^{cloud} \qquad j = 1, 2$$

$$s_{intr} = \sum_{i=1}^{n_{intr}(t_{stop})} (s_{intr,i}^{clet} + s_{intr,i}^{cloud} + s_{i}^{setup})$$

Con queste formule si è ottenuta la somma dei tempi di servizio dei job suddivisi per classe e nodo di esecuzione, ed anche una relativa esclusivamente ai job interrotti in cui vengono sommati i tempi associati ai differenti nodi che percorrono (cloudlet, setup e cloud).

È importante notare che il numero di job coinvolti è relativo ad un'istante di tempo corrispondente alla fine della finestra di osservazione $[t_{start}; t_{stop}]$, ove si è posto per semplicità $t_{start} = 0$.

Adesso per il calcolo dei tempi di risposta rimane da fare il rapporto con i completamenti relativi ai nodi oppure alle classi di interesse.

$$E[T_j^{clet}] = E[S_j^{clet}] = \frac{s_j^{clet}}{c_j^{clet}(t_{stop})} \qquad j = 1, 2$$
 (1)

$$E[T_j^{cloud}] = E[S_j^{cloud}] = \frac{s_j^{cloud}}{c_j^{cloud}(t_{stop})} \qquad j = 1, 2$$
 (2)

$$E[T_{intr}] = E[S_{intr}] = \frac{s_{intr}}{n_{intr}(t_{stop})}$$
(3)

$$E[T_1] = E[S_1] = \frac{s_1^{clet} + s_1^{cloud}}{c_1^{clet}(t_{stop}) + c_1^{cloud}(t_{stop})}$$
(4)

$$E[T_2] = E[S_2] = \frac{s_1^{clet} + s_1^{cloud} + s_{intr}}{c_2^{clet}(t_{stop}) + c_2^{cloud}(t_{stop})}$$
(5)

$$E[T] = E[S] = \frac{s_1^{clet} + s_1^{cloud} + s_2^{clet} + s_2^{cloud} + s_{intr}}{c_1^{clet}(t_{stop}) + c_1^{cloud}(t_{stop}) + c_2^{clet}(t_{stop}) + c_2^{cloud}(t_{stop})}$$
(6)

Nella formula 3 la somma dei tempi di servizio dei job interrotti viene divisa per il numero di interruzioni, che equivale al numero di completamenti.

Nella formula 5, in cui si calcola il tempo di risposta dei job di classe 2, vengono considerati i job della suddetta classe che passano esclusivamente per il cloudlet e per il cloud oltre ai job che subiscono le interruzioni, ma al denominatore non è presente il numero di job interrotti n_{intr} perché è già incluso nella variabile c_2^{cloud} , essendo tali job completati nel cloud. Lo stesso discorso vale per la formula 6.

3.3.2 Popolazione media

La popolazione media viene calcolata integrando le variabili in un'intervallo di tempo corrispondente alla finestra di osservazione della simulazione e dividendo per la lunghezza di quest'ultima. Le metriche globali possono essere calcolate sommando le opportune metriche locali, poiché sono relative tutte allo stesso intervallo di tempo.

$$E[N_j^{clet}] = \frac{1}{t_{stop} - t_{start}} \int_{t_{start}}^{t_{stop}} n_j^{clet}(t) dt \qquad j = 1, 2$$
 (7)

$$E[N_j^{cloud}] = \frac{1}{t_{stop} - t_{start}} \int_{t_{start}}^{t_{stop}} n_j^{cloud}(t) dt \qquad j = 1, 2$$
 (8)

$$E[N_{setup}] = \frac{1}{t_{stop} - t_{start}} \int_{t_{stop}}^{t_{stop}} n_{setup}(t) dt$$
 (9)

$$E[N_1] = E[N_1^{clet}] + E[N_1^{cloud}]$$
(10)

$$E[N_2] = E[N_2^{clet}] + E[N_2^{cloud}] + E[N_{setup}]$$
 (11)

$$E[N_{clet}] = E[N_1^{clet}] + E[N_2^{clet}]$$

$$\tag{12}$$

$$E[N_{cloud}] = E[N_1^{cloud}] + E[N_2^{cloud}]$$
(13)

$$E[N] = E[N_{cloud}] + E[N_{clet}] + E[N_{setup}]$$
(14)

$$= E[N_1] + E[N_2] \tag{15}$$

Può essere utile ricordare che i job interrotti sono job di classe 2, pertanto nel calcolo della popolazione media dei job di questa classe nel sistema (equazione 11), vanno considerati anche i job nel centro di setup.

3.3.3 Throughput

Il throughput viene calcolato come il numero di job completati in un intervallo di tempo corrispondente alla finestra di osservazione della simulazione.

Come per la popolazione media è sufficiente comporre i vari throughput locali per ottenere i throughput del sistema, dei singoli nodi oppure delle singole classi. Per esempio per il calcolo del throghput del sistema (equazione 21) si possono

sommare i throughput delle classi oppure i throughput dei nodi.

$$X_j^{clet} = \frac{c_j^{clet}(t_{stop})}{t_{stop} - t_{start}} \qquad j = 1, 2$$
 (16)

$$X_j^{cloud} = \frac{c_j^{cloud}(t_{stop})}{t_{stop} - t_{start}} \qquad j = 1, 2$$
 (17)

$$X_j = X_j^{clet} + X_j^{cloud} \qquad j = 1, 2 \tag{18}$$

$$X_{clet} = X_1^{clet} + X_2^{clet} (19)$$

$$X_{cloud} = X_1^{cloud} + X_2^{cloud} (20)$$

$$X = X_1 + X_2 = X_{clet} + X_{cloud} \tag{21}$$

Il throughput del centro di setup non è particolarmente interessante perché è un nodo interno che non emette job all'esterno del sistema, funge solo da nodo intermedio tra cloudlet e cloud, in definitiva il suo throughput non contriubuisce a quello del sistema.

3.3.4 Interruzioni

La percentuale di job interrotti viene calcolata sia rispetto al numero di job di classe 2 del sistema, sia rispetto al numero di job di classe 2 che passano per il cloudlet.

$$P_{intr} = \frac{n_{intr}(t_{stop})}{c_2^{clet}(t_{stop}) + c_2^{cloud}(t_{stop})}$$
(22)

$$P_{intr}^{clet} = \frac{n_{intr}(t_{stop})}{n_{intr}(t_{stop}) + c_2^{clet}(t_{stop})}$$
(23)

3.4 Eventi

Lo stato del sistema evolve a seguito di eventi di vario tipo:

- 1. Arrivo di un job di classe 1
- 2. Arrivo di un job di classe 2
- 3. Partenza di un job
- 4. Setup

L'algoritmo 1 mostra tale evoluzione e le azioni che vengono intraprese in ogni possibile caso.

In generale ad ogni arrivo viene stabilito il nodo di esecuzione in base allo stato del cloudlet e vengono aggiornate opportunamente le variabili, nel caso si debba sostituire un job di classe 2 con uno di classe 1 appena arrivato si provvede a rimuovere il relativo tempo di servizio $s_2^{clet,k}$ precedentemente aggiunto e a registrare l'ammontare di tempo $s_{intr,k}$ per cui il job è stato in esecuzione prima che

venisse interrotto. Nel caso in cui si verifica un evento di partenza viene incrementato la corrispondente variabile di completamento e nel caso di un evento di setup, il relativo job precedentemente interrotto può essere finalmente eseguito sul cloud. Si noti anche che, nell'aggiornamento delle variabili temporali, l'istante t' è corrisponde al momento in cui si verifica l'evento successivo a quello corrente che avviene all'istante t.

4 Modello Computazionale

Il modello computazionale consiste in un programma di simulazione di tipo nextevent che impiega il metodo "batch means" per il calcolo di tutte le metriche di interesse. A questo livello di astrazione del sistema si passa ad implementare tutto ciò che è stato definito formalmente nel modello di specifica, in particolare in questa sezione sono descritte le strutture dati impiegate per la rappresentazione delle variabili, le funzioni ed i costrutti che realizzano la logica del sistema, come vengono generati i dati di input ed infine le metodologie con cui vengono collezionati ed elaborati i dati di output.

4.1 Strutture dati

In primo luogo, vengono definite le strutture dati riguardanti la lista degli eventi possibili ed il clock che regola il tempo di simulazione, successivamente quelle che contegono i dati di output ed infine la struttura dati relativa alla principale entità manipolata nel sistema: il job.

4.1.1 Eventi e clock virtuale

Ad ogni istante la lista di eventi è così composta:

- prossimo arrivo di un job
- al più N completamenti di job nel cloudlet
- 0 o più completamenti di job nel cloud
- 0 o più completamenti di fase di setup dei job interrotti

non essendovi un numero finito di eventi da gestire, occorre realizzare la lista di eventi tramite una struttura dati dinamica, pertanto gli eventi vengono gestiti tramite una coda prioritaria, ordinata per scadenza, ovvero con una politica del tipo Least Remaining Time (figura 2).

Un generico evento è composto dai seguenti campi:

- L'istante in cui l'evento si verifica
- La tipologia di evento (arrivo, partenza, setup)
- Il job associato
- Un array contenente lo stato del sistema (la sua struttura verrà discussa più avanti)

Algorithm 1 Logica del sistema in base agli eventi

```
Arrivo di un job i di classe 1:
if n_1^{clet}(t) = N then
    esecuzione\ su\ cloud
    s_1^{cloud} \leftarrow s_1^{cloud} + s_{1,i}^{cloud}
    n_1^{cloud}(t') \leftarrow n_1^{cloud}(t) + 1
else if n_1^{clet}(t) + n_2^{clet}(t) < S then
    esecuzione su cloudlet
    s_1^{clet} \leftarrow s_1^{clet} + s_{1,i}^{clet}
   n_1^{clet}(t') \leftarrow n_1^{clet}(t) + 1
else if n_2^{clet}(t) > 0 then
    interruzione\ e\ setup\ job\ k\ di\ classe\ 2
    esecuzione su cloudlet job i di classe 1
    s_1^{clet} \leftarrow s_1^{clet} + s_{1,i}^{clet}
    s_2^{clet} \leftarrow s_2^{clet} - s_2^{clet,k}
    s_{intr} \leftarrow s_{intr} + s_{intr,k}
    s_{setup} \leftarrow s_{setup} + s_{setup,k}
    n_{setup}(t') \leftarrow n_{setup}(t) + 1
    n_1^{clet}(t') \leftarrow n_1^{clet}(t) + 1
    n_2^{clet}(t') \leftarrow n_2^{clet}(t) - 1
else
    esecuzione su cloudlet
    s_1^{clet} \leftarrow s_1^{clet} + s_{1,i}^{clet}
    n_1^{clet}(t') \leftarrow n_1^{clet}(t) + 1
end if
Arrivo di un job i di classe 2:
if n_1^{clet}(t) + n_2^{clet}(t) \ge S then
    esecuzione \ su \ cloud
    s_2^{cloud} \leftarrow s_2^{cloud} + s_2^{cloud,i} 
 n_2^{cloud}(t') \leftarrow n_2^{cloud}(t) + 1
    esecuzione su cloudlet
   \begin{aligned} s_2^{clet} &\leftarrow s_2^{clet} + s_{2,i}^{clet} \\ n_2^{clet}(t') &\leftarrow n_2^{clet}(t) + 1 \end{aligned}
end if
Partenza di un job di classe j dal cloudlet:
c_{j}^{clet}(t') \leftarrow c_{j}^{clet}(t) + 1
n_i^{clet}(t') \leftarrow n_i^{clet}(t) - 1
Partenza di un job di classe j dal cloud:
c_j^{cloud}(t') \leftarrow c_j^{cloud}(t) + 1
n_i^{cloud}(t') \leftarrow n_i^{cloud}(t) - 1
Setup:
\begin{array}{l} esecuzione \ su \ cloud \\ s_2^{cloud} \leftarrow s_2^{cloud} + s_2^{cloud,i} \end{array}
n_{setup}(t') \leftarrow n_{setup}(t) - 1
n_2^{cloud}(t') \leftarrow n_2^{cloud}(t) + 1
```

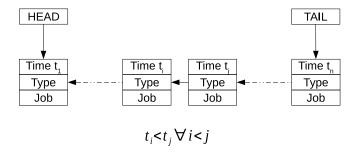


Figura 2: Coda prioritaria di eventi, ordinata per istante di scadenza

Ogniqualvolta viene creato un evento, questo viene inserito nella coda nella posizione opportuna tramite un'operazione di *enqueue*, affinché ogni operazione di *dequeue* estragga l'evento più imminente.

Il tempo di simulazione è regolato da un clock virtuale che tiene conto dell'istante corrente e del successivo in modo tale da poter considerare intervalli di tempo utili per il calcolo di statistiche di tipo time-averaged.

Impementazione Evento e Clock Virtuale (basic.h)

```
struct event {
    double time;
    struct job_t job;
    unsigned int type;
    unsigned int n[4];
};

typedef struct {
    double current;
    double next;
    /* simulation clock
    */
    current time
    */
    next (most imminent) event time */
} clock;
```

4.1.2 Variabili di Output

I dati che man mano devono essere raccolti durante la simulazione sono memorizzati in variabili suddivise in base alla tipologia e al nodo di esecuzione dei job. Per esempio, lo stato del sistema, così come il numero di arrivi e completamenti, è implementato tramite un array di dimensione 5, di cui ogni slot corrisponde ad una combinazione classe-nodo a cui il job può essere associato.

L'accesso ad uno slot dell'array viene effettuato tramite un indice che viene calcolato tramite la somma di macro che rappresentano le varie combinazioni, infatti, se si vuole considerare il numero di job di classe 1 in esecuzione nel cloud basta accedere all'array tramite l'indice che deriva dalla somma delle macro J_CLASS1 e CLOUD (0 + 2 = 2). La tabella 3 descrive le possibili combinazioni di macro legate all'indice di accesso.

4.1.3 Task

Un generico task, anche detto job, viene implementato come una struttura specifica dotata dei seguenti attributi:

	CLET	CLOUD	SETUP
J_CLASS1	0	2	
J_CLASS2	1	3	4

Tabella 3: Combinazioni per il calcolo dell'indice degli array

Definizione macro Nodi e Classi (basic.h)

id: identificatore univoco necessario ad effettuare un riordino dei job nel momento in cui vanno considerate le statistiche in un ordine corrispondente agli istanti di arrivo dei singoli job

class: specifica la classe del job, può assumere il valori J_CLASS1 e J_CLASS2 (macro definite nel file di configurazione);

node: specifica il nodo in cui il job è in esecuzione, può assumere i valori CLET, CLOUD, SETUP (macro definite nel file di configurazione), che corrispondono rispettivamente a cloudlet, cloud e nodo di setup;

service: array che memorizza i tempi di risposta seguendo la stessa regola delle combinazioni che riguarda anche lo stato del sistema. Un job di classe 1 in esecuzione nel cloud avrà un tempo di risposta non nullo nello slot relativo, un job interrotto avrà tempi di risposta non nulli negli slot riguardanti il nodo cloudlet, il nodo di setup ed il nodo cloud.

basic.h

```
struct job_t {
    unsigned long id;
    unsigned int class;
    unsigned int node;
    double service [5];
};
```

4.2 Generazione dell'input

I dati di input della simulazione, corrispondenti ai tempi di interarrivo e di servizio dei singoli job, vengono generati a runtime in base alle informazioni note sulle rispettive distribuzioni esponenziali. Per ottenere tali distribuzioni sono state utilizzate le funzioni delle librerie rvgs e rngs di Steve Park e Dave Geyer descritte in [1].

La funzione GetArrival(), ogniqualvolta viene chiamata, restituisce il più imminente istante di arrivo tra un job di classe 1 ed uno di classe 2 e memorizza

nella variabile j, passata per riferimento, la classe del job in questione. Tali istanti di arrivo vengono calcolati progressivamente a seguito della generazione dei tempi di interarrivo tra un job e l'altro, più precisamente, non appena viene restituito un istante di arrivo relativo al job di una classe, viene calcolato il successivo per la medesima classe.

La funzione GetService() restituisce un valore che deriva dalla generazione di un tempo di servizio esponenziale con media stabilita in base ai parametri j e n passati come argomento che indicano rispettivamente la classe ed il nodo di esecuzione del job.

Le funzioni in questione sono mostrate in figura 3. Si noti che prima di ogni chiamata alle funzioni della libreria rvgs viene selezionato, tramite la funzione SelectStream(), un flusso di generazione di numeri pseudo-casuali distinto, affinché sia garantita il più possibile l'indipendenza tra le sequenze di numeri generate.

```
dgen.c
```

```
double GetArrival(unsigned int *j)
    const double mean [2] = \{1/L1, 1/L2\};
    static double arrival [2] = {START, START};
    static int init = 1;
    double temp;
    if (init) {
        SelectStream (0);
        arrival[0] += Exponential(mean[0]);
        SelectStream (1);
        arrival[1] += Exponential(mean[1]);
        init=0:
    if (arrival[0] \le arrival[1])
        *j = 0;
    else
        *j = 1;
    temp = arrival[*j];
    SelectStream(*j);
    arrival[*j] += Exponential(mean[*j]);
    return temp;
}
double GetService(int j, int n)
    const double mean [4] = \{1/\text{M1CLET}, 1/\text{M2CLET},
                              1/M1CLOUD, 1/M2CLOUD,
                              1/MSETUP;
    SelectStream(j + n + 2);
    return Exponential (mean[j + n]);
```

Figura 3: Generatori tempi di arrivo e servizio

4.3 Flusso principale

Il programma che si occupa dell'esecuzione della simulazione è contenuto nel file cloudq.c. Il flusso di esecuzione principale consiste nell'eseguire le varie repliche della simulazione producendo, per ognuna di esse, dei file di output che vengono presi in input da altri programmi che si occupano di elaborare i dati, tali programmi sono denominati $bm_*.c$ e producono, per ogni replica e per ogni metrica, un campione di K=64 medie di batch di dimensione b pari al rapporto tra numero di job e K, sul quale viene calcolato un intervallo di confidenza del 95%.

Ogni replica della simulazione è composta dalle seguenti fasi:

- Inizializzazione: apertura dei file di output, reset delle variabili, settaggio del seme per il PRNG, generazione ed inserimento nella coda del primo evento di arrivo.
- 2. Processamento degli eventi: fintanto che la coda degli eventi non è vuota, viene aggiornata l'area relativa alla popolazione nel tempo di simulazione corrente, viene estratto l'evento in cima alla coda ed a seconda del tipo di evento si attuano le azioni descritte nell'algoritmo 1, questo processo viene mostrato in figura 4;
- 3. Terminazione: chiusura dei file di output e stampa su schermo dei risultati della replica.

4.3.1 Gestione degli eventi

A livello computazionale, le operazioni che corrispondono ai vari eventi (indicati con le macro specificate nel file basic.h) sono le seguenti:

E ARRIVL: evento di arrivo, a seconda della classe del job e dello stato del sistema, vengono aggiornate le corrispondenti variabili degli arrivi e quelle della popolazione corrente, tramite la funzione srvjob() viene creato e inserito nella coda un evento di partenza dal nodo in cui il job va concettualmente in esecuzione, per un tempo di servizio che viene generato tramite la funzione GetService() e memorizzato nell'apposita variabile del job. Se si verificano le condizioni per cui avviene l'interruzione di un job, tramite la funzione rplcjob() viene rimosso un evento di partenza relativo ad un job di classe 2 in esecuzione sul cloudlet, viene creato un evento di setup a cui viene associato il nodo rimosso con un nuovo tempo di servizio generato dalla funzione GetService(), infine viene creato ed immesso nella coda un evento di partenza dal cloudlet con associato il nuovo job appena arrivato. Una volta che un evento di arrivo viene processato, si genera il successivo e lo si inserisce nella coda. Si può osservare che, ad ogni istante, nella coda è presente un solo evento di arrivo, poiché un evento di tale tipo viene generato soltanto dopo che il precedente viene processato.

E_DEPART: evento di partenza, vengono aggiornate le variabili relative alla popolazione del sistema ed ai completamenti in base alla classe del job e al nodo di servizio, inoltre vengono scritti i dati correnti sui file di output, quindi, una metrica di interesse viene registrata ad ogni completamento di un job, anche quelle non relative ai singoli job come la popolazione media.

cloudq.c

```
initialize data structures */
while (queue.head != NULL) {
    e = dequeue_event(&queue);
    {\tt t.next} \; = \; e \!\! - \!\! > \!\! time \, ;
                                              /* next event time
    for (i = 0; i < 5; i++)
                                              /{*}\ update\ integral
        area[i] += (t.next - t.current) * n[i];
    t.current = t.next;
                                              /* advance the clock */
    switch (e->type) {
    case E_ARRIVL:
        /* process an arrival */
    case E SETUP:
        /* process an setup phase */
    case E_DEPART:
        /* process a departure */
         /* ..... */
         /* write data to outfile */
           ..... */
    default:
        handle error("unknown_event_type");
```

Figura 4: elaborazione degli eventi

E_SETUP: evento di setup, indica la terminazione della fase di setup di un job interrotto, viene generato un nuovo evento di partenza dal cloud e viene aggiornato lo stato della popolazione del sistema.

La figura 5 mostra il codice relativo alle funzioni srvjob() e rplcjob().

4.4 Produzione ed Elaborazione dell'Output

La simulazione viene eseguita un numero R di volte in modo da ottenere un campione di tale dimensione con cui generare un intervallo di confidenza al 95% per le statistiche ottenute. Le repliche della simulazione sono gestite con un ciclo for all'inizio del quale vengono re-inizializzate tutte le variabili e viene reimpostato il seme per il PRNG affinché le distribuzioni generate in ogni replica siano indipendenti. In ogni replica i valori delle variabili vengono scritti in modo iterativo su dei file di output che vengono poi elaborati tramite un successivo programma $(bm_*.c)$ per il calcolo delle metriche di interesse.

cloudq.c

```
double srvjob(struct job_t job, unsigned int node,
                   struct queue t *queue, clock t)
    double service = GetService(job.class, node);
    struct event *e = alloc_event();
    memset(e, 0, sizeof(struct event));
    job.node = node;
    job.service[job.class + node] = service;
    e \rightarrow job = job;
    e->time = t.current + service;
e->type = E_DEPART;
    enqueue_event(e, queue);
    return service;
}
/st return the cloudlet execution time of the removed job st/
\mathbf{double} \ \mathtt{rplcjob} \, (\mathbf{struct} \ \mathtt{queue\_t} \ \ast \mathtt{queue} \, , \ \mathtt{clock} \ \mathtt{t} \, , \ \mathbf{unsigned} \ \mathbf{int} \ \mathtt{n})
    double service;
                                              // remaining service time
    double left;
    double setup = GetService(J CLASS2 + SETUP);
    struct event *temp = alloc_event();
    struct job t *job = \&temp \rightarrow job;
    struct event *e = NULL;
    job \rightarrow class = J_CLASS2;
    job \rightarrow node = CL\overline{E}T;
    e = remove_event(queue, temp, rmpos(n));
    left = e->time - t.current;
    e->time = t.current + setup;
    e \rightarrow type = E_SETUP;
    job = \&e->job;
    job->node = SETUP;
    job->service[J_CLASS2 + SETUP] = setup;
     service = job->service[J_CLASS2 + CLET];
    job -> service [J_CLASS2 + \overline{C}LET] -= left;
    enqueue_event(e, queue);
    free (temp);
    return service - left;
```

Figura 5: Funzioni per la gestione dell'esecuzione dei job

4.4.1 Tempo di Servizio

Il file prodotto service.dat contiene le informazioni riguardanti i tempi di servizio di ogni job in base alla sua classe ed al nodo su cui è stato eseguito: ogni

riga corrisponde ad un singolo job tranne la prima in cui sono presenti i completamenti sempre suddivisi per combinazione classe-nodo, necessari al calcolo della grandezza dei batch. Infatti se durante la simulazione sono stati processati c_1 job di classe 1 ed c_2 job di classe 2, la dimensione dei relativi batch sarà rispettivamente c_1/K e c_2/K , con K pari al numero di batch del campione.

Poiché i tempi di servizio vengono scritti ad ogni completamento dei job, quindi in un ordine che non corrisponde a quello di arrivo, è necessario riordinare le righe del file, questo viene fatto tramite la chiamata di sistema system(), che permette di eseguire il comando shell per il riordino delle righe, a tale scopo viene inserito l'id del job (assegnato in ordine di arrivo) all'inizio di ogni riga.

Il programma bm_srv si occupa dell'elaborazione di questo file, leggendo riga per riga e riempiendo le apposite variabili, distinguendo la tipologia del job ed il nodo di esecuzione in base ai valori non nulli della riga.

Ogni metrica è implementata con un array di K elementi, i quali vengono popolati sommando esattamente b valori della metrica che compongono un batch. Al termine del ciclo di processamento delle righe, ogni elemento viene diviso per b per calcolare il valor medio.

In questo modo l'array costituisce un campione di dimensione K per la metrica, per il quale il programma calcola un intervallo di confidenza con un livello di significatività pari a $\alpha=0.05$.

4.4.2 Throughput, popolazione, e percentuale di interruzioni

I file throughput.dat, population.dat e interruption.dat contengono valori relativi rispettivamente al throughput, alla popolazione media e alla percentuale di job interrotti.

Anche se sono metriche che non si riferiscono direttamente ad un job, è stato comunque scelto l'evento di completamento come istante di campionamento, in modo da avere conformità tra tutti i file di output e controllo sul numero di valori che vengono raccolti, poiché il programma raccoglie una quantità di dati pari al numero di job che devono essere processati durante la simulazione.

I file vengono progressivamente generati, come per il file *service.dat*, scrivendo su ogni riga i valori corrispondenti alla combinazione classe-nodo.

L'elaborazione differisce invece perché ogni riga contribuisce al popolamento degli array, quindi ognuno di questi avrà i batch della stessa dimensione pari al rapporto tra il numero di righe N_JOBS e la dimensione del campione K.

5 Modello Analitico

In questa sezione viene mostrata la metodologia utilizzata per la stima delle statistiche. Nel modello analitico le statistiche si basano sui valori medi delle variabili aleatorie $S,\,N$ e X, corrispondenti rispettivamente al tempo di risposta, popolazione e throughput.

Per il calcolo delle metriche locali e globali, è stato inoltre necessario ottenere la distribuzione stazionaria dello stato del cloudlet, in modo tale da poter stabilire lo stato di tutto il sistema in condizioni di stazionarietà, e a tale scopo, si è modellato il cloudlet come una catena di markov.

5.1 Calcolo della distribuzione stazionaria

Il generico stato della catena di markov è rappresentato da una coppia di interi (n_1,n_2) che indicano la quantità di job della relativa classe presenti nel cloudlet. La frequenza di transizione da uno stato all'altro è regolata dai tassi di arrivo λ_1 e λ_2 e di completamento μ_1^{clet} e μ_2^{clet} che verranno indicati semplicemente con μ_1 e μ_2 , poiché la catena di markov è riferita soltanto al cloudlet.

La catena rispetta i vincoli imposti relativi alla somma delle variabili n_1 e n_2 , gli stati risultanti sono mostrati in figura 6: le freccie tratteggiate indicano il fatto che i job, al loro arrivo, vengono direttamente inoltrati al server remoto, mentre nel caso in cui arrivi un job di classe 1 nello stato (n_1, n_2) tale che $n_1 + n_2 = S$, si passa allo stato $(n_1 + 1, n_2 - 1)$ e ciò rappresenta una migrazione di un job di classe 2.

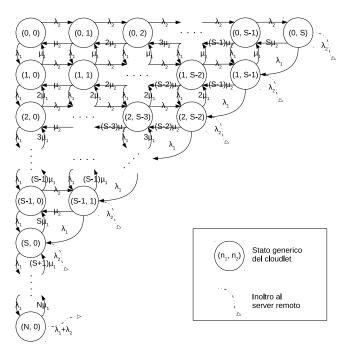


Figura 6: CTMC cloudlet

Per il calcolo della distribuzione stazionaria si è utilizzato un programma di calcolo basato su matrici scritto in Matlab, al fine di risolvere il seguente sistema

di equazioni di bilancio derivanti dall'analisi della catena.

$$\begin{cases} \lambda \pi_{(0,0)} - \mu_1 \pi_{(1,0)} - \mu_2 \pi_{(0,1)} = 0 \\ (\lambda + i \mu_1) \pi_{(i,0)} - \lambda_1 \pi_{(i-1,0)} + -(i+1) \mu_1 \pi_{(i+1,0)} + \\ -\mu_2 \pi_{(i,1)} = 0 \end{cases} \qquad \forall i = 1, \dots, S-1 \\ (\lambda + j \mu_2) \pi_{(0,j)} - \lambda_2 \pi_{(0,j-1)} - \mu_1 \pi_{(1,j)} + \\ -(j+1) \mu_2 \pi_{(0,j+1)} = 0 \qquad \forall j = 1, \dots, S-1 \\ (\lambda + i \mu_1 + j \mu_2) \pi_{(i,j)} - \lambda_1 \pi_{(i-1,j)} - (i+1) \mu_1 \pi_{(i+1,j)} + \\ -\lambda_2 \pi_{(i,j-1)} - (j+1) \mu_2 \pi_{(1,j+1)} = 0 \qquad \forall i, j = 1, \dots, S-1 : i+j < S \\ (\lambda_1 + i \mu_1 + j \mu_2) \pi_{(i,j)} - \lambda_1 (\pi_{(i-1,j)} + \pi_{(i-1,j+1)}) + \\ -\lambda_2 \pi_{(i,j-1)} = 0 \qquad \forall i, j = 1, \dots, S-1 : i+j = S \\ (\lambda_1 + S \mu_1) \pi_{(S,0)} - \lambda_2 \pi_{(0,S-1)} = 0 \\ (\lambda_1 + S \mu_1) \pi_{(S,0)} - \lambda_1 (\pi_{(S-1,0)} + \pi_{(S-1,1)}) + \\ -(S+1) \mu_1 \pi_{(S+1,0)} = 0 \\ (\lambda_1 + i \mu_1) \pi_{(i,0)} - \lambda_1 \pi_{(i-1,0)} - (i+1) \mu_1 \pi_{(i+1,0)} = 0 \qquad \forall i = S+1, \dots, N-1 \\ \sum_{(i,j) \in E} \pi_{(i,j)} = 1 \end{cases}$$

Si è quindi giunti ad ottenere le probabilità $\pi_{(n_1,n_2)}$ di trovarsi nello stato $(n_1,n_2) \in E$ in condizioni di stazionarietà, dove E è l'insieme dei possibili stati della catena.

A questo punto è possibile, sommando le opportune $\pi_{(n_1,n_2)}$, ricondursi alle probabilità che si verifichino determinati eventi che consentiranno di stimare le metriche di interesse.

5.2 Probabilità preliminari

Prima di tutto è conveniente sfruttare la distribuzione stazionaria per il calcolo di alcune probabilità preliminari, utili al calcolo dei tempi di risposta.

• *Probabilità di Accettazione*: probabilità che il sistema si trovi in uno stato in cui qualunque job viene accettato in esecuzione nel cloudlet

$$\Pi_A = \sum_{\substack{n_1, n_2:\\n_1 + n_2 < S}} \pi_{(n_1, n_2)} \tag{24}$$

• *Probabilità di Soglia*: probabilità che il sistema si trovi in uno stato in cui il valore di soglia è stato raggiunto

$$\Pi_S = \sum_{\substack{n_1, n_2:\\n_1 + n_2 \ge S}} \pi_{(n_1, n_2)} \tag{25}$$

• *Probabilità di Blocco*: probabilità che il sistema si trovi in uno stato in cui qualunque job viene direttamente inoltrato al server remoto (cloud)

$$\Pi_B = \sum_{\substack{n_1, n_2:\\n_1 + n_2 = N}} \pi_{(n_1, n_2)} \tag{26}$$

• *Probabilità di Interruzione*: probabilità che il sistema si trovi in uno stato in cui è possibili che un job venga interrotto

$$\Pi_I = \sum_{\substack{n_1, n_2:\\n_1 + n_2 = N\\n_2 > 0}} \pi_{(n_1, n_2)} \tag{27}$$

• Probabilità di Interruzione a seguito di Accettazione: probabilità che un job accettato nel cloudlet venga interrotto, calcolata rapportando la frequenza di interruzione di un job alla frequenza di accettazione

$$P_{intr}^{clet} = \frac{\lambda_1 \ \Pi_I}{\lambda_2 \ \Pi_A} \tag{28}$$

• Probabilità di Interruzione di un job di classe 2: probabilità che un job di classe 2 venga interrotto, ovvero che venga accettato nel cloudlet e interrotto

$$P_{intr} = \Pi_A \ P_{intr}^{clet} \tag{29}$$

5.3 Stabilità

Osservando il sistema, si nota che, grazie al server remoto, nel complesso è composto da un numero di risorse infinito, pertanto è possibile concludere che l'utilizzazione totale ρ sarà sempre inferiore a 1 e di conseguenza il throughput del sistema sarà uguale al tasso di arrivo $(X=\lambda)$, ovvero si può ipotizzare che il sistema sia stabile.

Sotto tale ipotesi è lecito ricorrere alla legge di Little, applicabile al sistema nel complesso e a tutti i nodi con risorse infinite, purtroppo il cloudlet non ha tale disponibilità.

5.4 Throughput

Per il calcolo del throughput si può sfruttare quindi la condizione di stabilità del sistema e dei suoi nodi, e poi calcolare il throughput del cloudlet sottraendo dal throughput del sistema quello del cloud, poiché le uscite dal nodo di setup non corrispondono a quelle del sistema.

Prima di ciò, però, è necessario ottenere i tassi di arrivo ai singoli nodi e ciò è possibile considerando i tassi di scarto del cloudlet:

- I job di classe 1 vengono scartati soltanto nel caso in cui il cloudlet si trova nello stato (N,0), ovvero quando vi sono esattamente N job di classe 1 in esecuzione.
- I job di classe 2 vengono scartati nel caso in cui il cloudlet si trova in uno stato in cui si è raggiunto il valore di soglia, oppure nel caso in cui avvenga una sostituzione con uno di classe 1.

In concusione si ottiene:

$$\lambda_1^{cloud} = \Pi_B \ \lambda_1$$
 $\lambda_2^{cloud} = \lambda_{setup} = (\Pi_S + P_{intr}) \ \lambda_2$

$$X_{j}^{cloud} = \lambda_{j}^{cloud} \qquad j = 1, 2$$

$$X_{cloud} = \lambda_{1}^{cloud} + \lambda_{2}^{cloud}$$

$$X^{setup} = \lambda_{setup}$$

$$X_{i} = \lambda_{i}$$

$$j = 1, 2$$

$$(30)$$

$$(31)$$

$$(32)$$

$$X_{cloud} = \lambda_1^{cloud} + \lambda_2^{cloud} \tag{31}$$

$$X^{setup} = \lambda_{setup}$$
 (32)

$$X_j = \lambda_j j = 1, 2 (33)$$

$$X = \lambda \tag{34}$$

$$X_j^{clet} = X_j - X_j^{cloud} \qquad j = 1, 2$$

$$(35)$$

$$X_{clet} = X - X_{cloud} (36)$$

5.5Tempo di risposta: Cloud

I tempi di risposta specifici per classe sono molto semplici da stimare, e sono pari al reciproco del rispettivo tasso di servizio:

$$E[S_1^{cloud}] = \frac{1}{\mu_1^{cloud}} \tag{37}$$

$$E[S_2^{cloud}] = \frac{1}{\mu_2^{cloud}} \tag{38}$$

Il tempo di risposta globale per il cloud è calcolato come una media pesata sul tipo di job che attraversano il nodo. Nello specifico si ha che una porzione pari a $\lambda_1^{cloud}/(\lambda_1^{cloud}+\lambda_2^{cloud})$ degli arrivi totali al cloudlet è di classe 1 e sarà in servizio per un tempo mediamente pari a $E[S_1^{cloud}]$, la restante porzione $(\lambda_2^{cloud}/(\lambda_1^{cloud}+\lambda_2^{cloud}))$ invece è di classe 2 e sarà in servizio per un tempo mediamente pari a $E[S_2^{cloud}]$.

Si ottiene quindi la formula seguente:

$$E[S_{cloud}] = \frac{\lambda_1^{cloud}}{\lambda_1^{cloud} + \lambda_2^{cloud}} E[S_1^{cloud}] + \frac{\lambda_2^{cloud}}{\lambda_1^{cloud} + \lambda_2^{cloud}} E[S_2^{cloud}]$$
(39)

5.6 Tempo di risposta: Cloudlet

Il tempo medio di risposta di un job di classe 1 per il cloudlet è banalmente il reciproco del tasso di servizio relativo:

$$E[S_1^{clet}] = \frac{1}{\mu_1^{clet}} \tag{40}$$

tale valore è indipendente dal paremtro S ed equivale a $2.\overline{2}$, mentre per quanto riguarda i job di classe 2, il tempo medio di servizio subisce una riduzione dovuta alle interruzioni. Infatti, poiché i job che hanno un tempo di servizio maggiore del valor medio $(1/\mu_2^{clet})$ permangono nel nodo per più tempo, sono più soggetti alle interruzioni, quindi non verranno inclusi nel calcolo del tempo medio ed incideranno maggiormente i job con un tempo di servizio minore. Si può stimare che, tale tempo di risposta medio, viene abbattuto di un fattore $E[S_r]$ proporzionale alla probabilità che un job venga interrotto.

$$E[S_r] = \frac{1}{\mu_2^{clet}} P_{intr}^{clet}$$

$$E[S_2^{clet}] = \frac{1}{\mu_2^{clet}} - E[S_r]$$
(41)

Tale stima è ragionevole, poiché se si ragiona al limite si ha che, in assenza di interruzioni, il tempo di risposta assume il valore normale $1/\mu_2^{clet}$, altrimenti, con una probabilità di interruzione pari a 1, assume giustamente il valore nullo, poiché non ci sarebbero completamenti in tali condizioni.

$$P_{intr}^{clet} \longrightarrow 0 \qquad \Rightarrow \qquad E[S_r] \to 0 \; ; \qquad E[S_2^{clet}] \to \frac{1}{\mu_2^{clet}}$$
 $P_{intr}^{clet} \longrightarrow 1 \qquad \Rightarrow \qquad E[S_r] \to \frac{1}{\mu_2^{clet}} \; ; \qquad E[S_2^{clet}] \to 0$

Il tempo di risposta medio globale per il cloudlet non può essere calcolato considerando la distribuzione degli arrivi nel nodo, perché esiste la possibilità che arrivi di classe 2 vengano interrotti e quindi che non contribuiscano al calcolo stesso. Per questo motivo si è considerato il tasso di uscita: una porzione pari a $X_1^{clet}/(X_1^{clet}+X_2^{clet})$ dei completaenti totali del cloudlet è di classe 1 e sarà stata in servizio per un tempo mediamente pari a $E[S_1^{clet}]$, la restante porzione $(X_2^{clet}/(X_1^{clet}+X_2^{clet}))$ invece è di classe 2 e sarà stata in servizio per un tempo mediamente pari a $E[S_2^{clet}]$. Si ottiene quindi la formula seguente:

$$E[S_{clet}] = \frac{X_1^{clet}}{X_1^{clet} + X_2^{clet}} E[S_1^{clet}] + \frac{X_2^{clet}}{X_1^{clet} + X_2^{clet}} E[S_2^{clet}]$$
(42)

5.7 Tempo di risposta: Sistema

Un job di classe 1, al suo arrivo nel sistema, può essere soggetto a due alternative: essere inoltrato nel cloud nel caso in cui il cloudlet sia saturo con probabilità Π_B , oppure essere eseguito nel cloudlet con probabilità $1 - \Pi_B$.

$$E[S_1] = (1 - \Pi_B) E[S_1^{clet}] + \Pi_B E[S_1^{cloud}]$$
 (43)

Prima di calcolare il tempo di risposta medio dei job di classe 2, è necessario calcolare il tempo di risposta medio di un job interrotto.

Tale tempo è composto dalla somma di tre componenti, partendo dall'ultima: il tempo medio di servizio nel nodo cloud pari a $E[S_{cloud}]$, il tempo medio di setup pari a $E[S_{setup}]$ ed infine il tempo medio di esecuzione nel cloudlet prima che il job venga interrotto.

La stima di quest'ultimo può essere effettuata similmente a quella del calcolo del tempo di risposta dei job di classe 2 nel cloudlet. Infatti anche in questo caso è necessario sottrarre un certa quantità al tempo che normalmente avrebbe impiegato in esecuzione se non ci fosse stata interruzione, ovvero $1/\mu_2^{clet}$. Sarebbe quindi ideale la relazione del tipo:

$$E[Y] = \frac{1}{\mu_2^{clet}} (1 - \beta P_{intr}^{clet}) \qquad 0 < \beta \le 1$$

perché si vuole che il tempo di esecuzione antecedente all'interruzione (qui indicato per semplicità con Y) diminuisca all'aumentare della probabilità di interruzione. Si noti che per $\beta=1$ si ottiene esattamente la formula di $E[S_2^{clet}]$, in questo caso però, non si vuole che il tempo di esecuzione tenda a 0 se la probabilità di interruzione fosse pari a 1, perché tale situazione non sarebbe realistica, infatti anche se ogni singolo job deve essere interrotto non si può pensare che

esso abbia un tempo di esecuzione nel cloudlet pari a 0. Per questo motivo, β funge da fattore di attenuazione che riduce l'incisività della probabilità di interruzione sul calcolo.

Tramite il confronto congiunto con le varie simulazioni al variare del parametro S, è stato scelto il un valore del fattore β pari a 0.95. Si è giunti quindi alla formula seguente per il calcolo del tempo medio di servizio di un job interrotto:

$$E[S_{intr}] = (1 - \beta P_{intr}^{clet}) \frac{1}{\mu_2^{clet}} + E[S_{setup}] + E[S_{cloud}] \qquad \beta = 0.95 \qquad (44)$$

Un job di classe 2 invece può avere tre diversi tempi di esecuzione in base ai seguenti casi:

- Il job viene inoltrato direttamente al cloud remoto perché si è raggiunto il valore di soglia, dove viene eseguito per un tempo mediamente pari a $E[S_2^{cloud}]$, questo avviene con probabilità Π_S ;
- Il job viene accettato nel cloudlet e non viene interrotto, il suo tempo di esecuzione è mediamente pari a $E[S_2^{clet}]$, questo accade con probabilità $\Pi_A(1-P_{intr}^{clet});$
- Il job viene eseguito nel cloudlet, viene interrotto ed inoltrato al server remoto in cui viene eseguito dopo una fase di setup, questo avviene con probabilità P_{intr} ed il tempo di esecuzione è mediamente pari a $E[S_{intr}]$;

Pertanto un job di classe 2 ha un tempo di risposta medio che deriva dalla seguente formula:

$$E[S_2] = \Pi_S E[S_2^{cloud}] + \Pi_A (1 - P_{intr}^{clet}) E[S_2^{clet}] + P_{intr} E[S_{intr}]$$
 (45)

Il tempo di risposta globale del sistema è calcolato analogamente al caso del cloud, con i tempi di servizio riferiti al sistema intero, si ha quindi:

$$E[S] = \frac{\lambda_1}{\lambda_1 + \lambda_2} E[S_1] + \frac{\lambda_2}{\lambda_1 + \lambda_2} E[S_2] \tag{46}$$

5.8 Popolazione media: Cloud

Per il calcolo della popolazione media del cloud si può sfruttare l'ipotesi di stabilità e applicare la legge di Little:

$$E[N_j^{cloud}] = \lambda_j^{cloud} E[S_j^{cloud}] \qquad j = 1, 2$$

$$E[N_{cloud}] = (\lambda_1^{cloud} + \lambda_2^{cloud}) E[S_{cloud}]$$
(47)

$$E[N_{cloud}] = (\lambda_1^{cloud} + \lambda_2^{cloud})E[S_{cloud}] \tag{48}$$

5.9 Popolazione media: Cloudlet

La popolazione media del cloudlet, sia per classe che globale, viene calcolata sommando il prodotto, relativo ad ogni stato, tra il numero di job presenti in

esso per la probabilità di trovarcisi in condizioni di stazionarietà, ovvero:

$$E[N_1^{clet}] = \sum_{(n_1, n_2) \in E} n_1 \, \pi_{(n_1, n_2)} \tag{49}$$

$$E[N_2^{clet}] = \sum_{(n_1, n_2) \in E} n_2 \, \pi_{(n_1, n_2)} \tag{50}$$

$$E[N_{clet}] = \sum_{(n_1, n_2) \in E} (n_1 + n_2) \,\pi_{(n_1, n_2)}$$
(51)

Popolazione media: Setup 5.10

Anche il nodo di setup può essere considerato stabile. Si può applicare la legge di Little con un tasso di arrivi a questo nodo pari al tasso di interruzione dei job di classe 2.

$$E[N^{cloud}] = \lambda_{setup} \ E[S_{setup}]$$
 (52)

5.11Popolazione media: Sistema

Sempre sfruttando l'ipotesi di stabilità si ottiene:

$$E[N_j] = \lambda_j E[S_j] \qquad j = 1, 2$$

$$E[N] = (\lambda_1 + \lambda_2) E[S] \qquad (53)$$

$$E[N] = (\lambda_1 + \lambda_2)E[S] \tag{54}$$

6 Risultati

La validazione dei modelli appena discussi è stata effettuata confrontando i risultati della simulazione con le stime dedotte dall'analisi, valutando quattro possibili scenari contraddistinti dal valore che assume il parametro S.

Ognuno di questi scenari è stato simulato facendo processare al programma lo stesso numero di job affinché le statistiche globali del sistema potessero essere confrontate. Tale numero è stato stabilito in base alle metriche che andavano valutate ed al numero di job che le riguardava.

Lo scenario con valore di soglia S=5, è quello in cui soltanto circa il 2%dei job di classe 2 è processato nel cloudlet e di questi circa il 90% vengono interrotti, ne risulta quindi che, in relazione al numero totale dei job che transitano nel sistema, solamente lo 0.14% sono job di classe 2 processati con successo nel cloudlet e l'1.37% sono job interrotti. In definitiva, al fine di avere una dimensione dei batch soddisfacente per il calcolo delle relative metriche, è stato scelto un numero totale di job pari a 500000. In questo modo si ottiene un numero di job di classe 2 processati con successo nel cloudlet pari a circa 700 e un numero di job interrotti pari a circa 6850, ciò significa che per un valore k = 64 corrispondente al numero di batch, si ottengono batch di dimensione 10 e 107 rispettivamente, che sono sufficienti a determinare intervalli di confidenza, seppur con un ampio margine di errore.

Quello appena descritto è il peggior scenario possibile, in cui si registra il minor numero di job per una determinata metrica, gli altri scenari vengono quindi simulati tutti con un numero totale di job pari a 500000, e a seconda del numero di job che verranno processati nei vari nodi e della loro tipologia, sono risultati intervalli di confidenza più o meno precisi.

Purtroppo è stato impossibile determinare risultati attendibili per i job di classe 1 che vengono processati nel cloud, poiché il loro numero è, per ogni scenario, talmente esiguo che per avere un batch di dimensione 10 sarebbero necessari almeno 3 milioni di job in tutto. Tuttavia, con un numero di 500000 job totali, si ottengono delle statistiche globali molto attendibili, ad esempio per il tempo medio di risposta del sistema, si ottiene una dimensione del batch pari a $|\frac{500000}{64}|=7812$.

Per ogni statistica vengono presentati grafici e tabelle, in cui vengono confrontati i risulatati osservati in 10 repliche della simulazione con la relativa stima del modello analitico, inoltre nelle tabelle viene anche indicato l'errore massimo ε_{max} che è stato commesso, corrispondente al massimo delle distanze tra la stima e l'estremo più lontano di ogni intervallo di confidenza.

6.1 Percentuale Interruzioni

Per comprendere al meglio l'analisi delle simulazioni ed il confronto con le stime effettuate è conveniente iniziare dalla presentazione dei risultati riguardanti la percentuale di job di classe 2 interrotti, poiché da questi dipendono la maggior parte delle metriche successive.

I grafici in figura 7 mostrano che, nei casi in cui S=20,15,10, la stima della percentuale di interruzione risulta leggermente inferiore dei valori osservati nelle simulazioni e l'errore massimo che viene commesso è di circa il 5-6%, mentre per quanto riguarda il caso in cui S=5 si ottiene una stima leggermente migliore, ma ciò è dovuto al basso valore della soglia che impedisce ai job di classe 2 di accedere al cloudlet, di conseguenza è stata riscontrata una maggiore variabilità dei valori delle simulazioni e si commette infatti un'errore massimo più alto pari al 7.6%.

La maggiore percentuale di job interrotti (circa del 30% considerando le varie repliche), si ottiene per S=10, mentre nei restanti due casi non si hanno valori troppo discordanti, differiscono infatti di circa un punto percentuale.

I valori delle simulazioni e gli errori relativi rispetto alla stima del modello analitico sono riportati nelle tabella 4.

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	0.2394 ± 0.0003	0.3015 ± 0.0006	0.2153 ± 0.0004	0.0217 ± 0.0002
R2	0.2395 ± 0.0005	0.3004 ± 0.0004	0.2148 ± 0.0005	0.0229 ± 0.0003
R3	0.2381 ± 0.0003	0.2991 ± 0.0003	0.2140 ± 0.0007	0.0204 ± 0.0001
R4	0.2371 ± 0.0002	0.2996 ± 0.0005	0.2186 ± 0.0013	0.0234 ± 0.0003
R5	0.2416 ± 0.0005	0.3021 ± 0.0006	0.2129 ± 0.0005	0.0227 ± 0.0003
R6	0.2388 ± 0.0002	0.2983 ± 0.0003	0.2170 ± 0.0008	0.0222 ± 0.0004
R7	0.2392 ± 0.0008	0.2977 ± 0.0003	0.2130 ± 0.0009	0.0217 ± 0.0003
R8	0.2381 ± 0.0008	0.2991 ± 0.0003	0.2177 ± 0.0005	0.0213 ± 0.0002
R9	0.2376 ± 0.0003	0.2988 ± 0.0003	0.2171 ± 0.0005	0.0233 ± 0.0003
R10	0.2385 ± 0.0004	0.2997 ± 0.0005	0.2202 ± 0.0010	0.0231 ± 0.0003
EST	0.2280	0.2879	0.2108	0.0219
ε_{max}	0.0141~(5.8%)	0.0148~(4.9%)	0.0104~(4.7%)	0.0018 (7.6%)

Tabella 4: percentuale job di classe 2 interrotti S=20

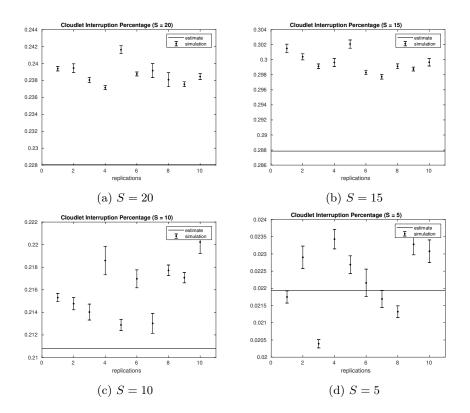


Figura 7: Percentuale di interruzioni

6.2 Tempo di Risposta Cloudlet Classe 1

Il tempo di risposta per un job di classe 1 che viene eseguito nel cloudlet è indipendente dal parametro S ed i risultati presentati in figura 8 e nella tabella 5 mostrano che tutti gli intervalli di confidenza calcolati comprendono il valore stimato e in tutti casi l'errore massimo è sotto la soglia dell'1%.

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	2.2231 ± 0.0105	2.2236 ± 0.0107	2.2233 ± 0.0106	2.2231 ± 0.0105
R2	2.2129 ± 0.0103	2.2131 ± 0.0104	2.2129 ± 0.0105	2.2129 ± 0.0103
R3	2.2262 ± 0.0096	2.2261 ± 0.0096	2.2259 ± 0.0097	2.2262 ± 0.0096
R4	2.2244 ± 0.0105	2.2165 ± 0.0104	2.2236 ± 0.0106	2.2244 ± 0.0105
R5	2.2230 ± 0.0107	2.2303 ± 0.0097	2.2222 ± 0.0107	2.2230 ± 0.0107
R6	2.2149 ± 0.0113	2.2218 ± 0.0103	2.2220 ± 0.0096	2.2149 ± 0.0113
R7	2.2250 ± 0.0106	2.2176 ± 0.0107	2.2210 ± 0.0089	2.2250 ± 0.0106
R8	2.2236 ± 0.0094	2.2171 ± 0.0102	2.2177 ± 0.0107	2.2236 ± 0.0094
R9	2.2183 ± 0.0104	2.2211 ± 0.0100	2.2217 ± 0.0113	2.2183 ± 0.0104
R10	2.2191 ± 0.0095	2.2168 ± 0.0119	2.2172 ± 0.0113	2.2191 ± 0.0095
EST	2.2222	2.2222	2.2222	2.2222
ε_{max}	0.0136~(0.6%)	$0.0178 \; (0.8\%)$	0.0134~(0.6%)	$0.0136 \ (0.6\%)$

Tabella 5: tempo di risposta cloudlet classe 1

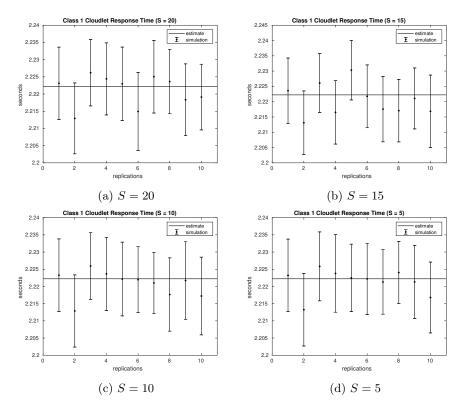


Figura 8: tempo di risposta cloudlet classe 1

6.3 Tempo di Risposta Cloudlet Classe 2

La figura 9 e la tabella 6 mostrano un tempo di risposta medio per i job di classe 2 eseguiti nel cloudlet che cresce/decresce in modo proporzionale ad S, ciò sta a indicare che la probabilità di interruzione di un job in esecuzione nel cloudlet (P_{intr}^{clet}) è inversamente proporzionale a S ed incide maggiormente nell'abbattimento del tempo di risposta laddove S è minore.

La stima effettuata, nei casi in cui S=20,15,10, è affidabile con un errore massimo del 5%, mentre, nel caso in cui S=5, gli intervalli di confidenza hanno un ampiezza eccessiva con un errore anche del 104%, quest'ultimo fatto è dovuto al basso valore del parametro di soglia che impedisce l'accesso ai job di classe 2 e all'elevato tasso di interruzione per i pochi che vengono accettati nel nodo, risulta così un ridotto numero di job di classe 2 che vengono processati nel cloudlet, e di conseguenza una dimensione dei batch troppo piccola per ottenere intervalli precisi.

6.4 Tempo di Risposta Cloudlet

I risultati della simulazione (figura 10 e tabella 7) mostrano come il clodlet reagisce in base ai diversi scenari:

S=5: l'esiguo numero di job di classe 2 processati nel cloudlet discusso in precedenza, fa sì che nel cloudlet è come se fossero eseguiti soltanto job di

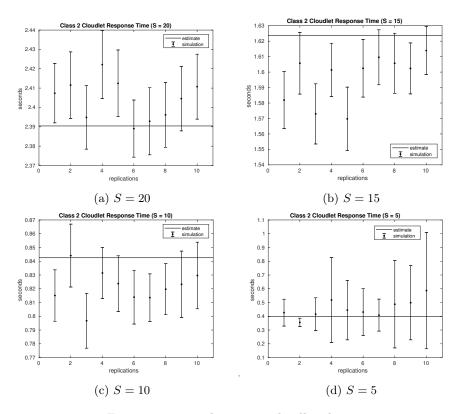


Figura 9: tempo di risposta cloudlet classe 2

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	2.4074 ± 0.0153	1.5819 ± 0.0184	0.8151 ± 0.0187	0.4265 ± 0.0976
R2	2.4115 ± 0.0172	1.6057 ± 0.0200	0.8441 ± 0.0228	0.3558 ± 0.0302
R3	2.3949 ± 0.0164	1.5730 ± 0.0195	0.7968 ± 0.0199	0.4156 ± 0.1189
R4	2.4221 ± 0.0175	1.6014 ± 0.0173	0.8314 ± 0.0185	0.5185 ± 0.3093
R5	2.4125 ± 0.0172	1.5697 ± 0.0206	0.8237 ± 0.0203	0.4449 ± 0.2161
R6	2.3891 ± 0.0148	1.6024 ± 0.0186	0.8139 ± 0.0196	0.4307 ± 0.1697
R7	2.3929 ± 0.0173	1.6096 ± 0.0178	0.8136 ± 0.0173	0.4085 ± 0.1162
R8	2.3962 ± 0.0168	1.6057 ± 0.0194	0.8197 ± 0.0186	0.4874 ± 0.3175
R9	2.4046 ± 0.0167	1.6024 ± 0.0165	0.8232 ± 0.0241	0.4984 ± 0.2696
R10	2.4107 ± 0.0168	1.6139 ± 0.0155	0.8296 ± 0.0242	0.5865 ± 0.4225
EST	2.3904	1.6238	0.8425	0.3980
ε_{max}	$0.0492\ (2.0\%)$	$0.0336 \ (2.1\%)$	0.0258 (3.2%)	$0.6110\ (104.2\%)$

Tabella 6: tempo di risposta cloudlet classe $2\,$

classe 1, infatti il tempo di risposta medio globale del nodo è molto vicino al tempo di risposta medio di quest'ultimi;

S=20: in questo caso le interruzioni comportano una riduzione significativa del tempo di servizio medio dei job di classe 2, pertanto il tempo di risposta medio globale del cloudlet ne risulta attenuato;

S=10,15: il maggior numero di interruzioni riduce di molto il tempo di servizio medio dei job di classe 2, in maniera tale da portare il tempo di risposta medio globale del cloudlet al di sotto del tempo che si avrebbe nel caso in cui fossero eseguiti soltanto job di classe 1.

Le stime effettuate si avvicinano ai valori delle simulazioni con un errore che va dallo 0.7% del caso in cui S=10 all' 1.7% del caso in cui S=5. Degno di nota è il fatto che, in quest'ultimo caso, l'errore sulla stima della statistica di classe 2 precedente non ha inciso particolarmente, sempre per via dell'esiguo numero di job processati della suddetta classe.

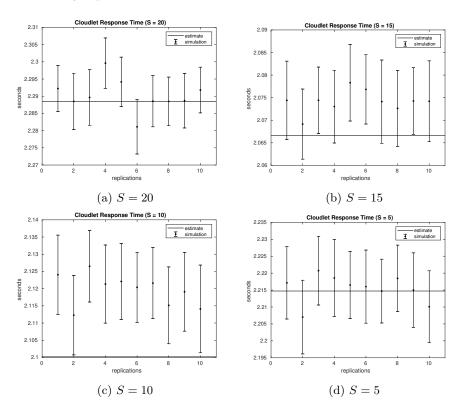


Figura 10: tempo di risposta cloudlet

6.5 Tempo di Risposta Cloud Classe 2

Il tempo di risposta per un job di classe 2 che viene eseguito nel cloud è indipendente dal parametro S ed i risultati presentati in figura 11 e nella tabella 8 mostrano che tutti gli intervalli di confidenza calcolati comprendono il valore stimato ed il valore dell'errore massimo è sotto la soglia dell'1% in ogni caso.

6.6 Tempo di Risposta Cloud

Il tempo di risposta del cloud è completamente dominato dai job di classe 2, infatti, come mostrano la figura 12 e la tabella 9, i risultati sono pressoché identici alla precedente metrica.

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	2.2922 ± 0.0067	2.0744 ± 0.0087	2.1240 ± 0.0115	2.2171 ± 0.0107
R2	2.2885 ± 0.0082	2.0691 ± 0.0078	2.1123 ± 0.0115	2.2070 ± 0.0109
R3	2.2896 ± 0.0081	2.0744 ± 0.0074	2.1265 ± 0.0104	2.2207 ± 0.0102
R4	2.2996 ± 0.0073	2.0730 ± 0.0081	2.1213 ± 0.0114	2.2186 ± 0.0113
R5	2.2942 ± 0.0072	2.0783 ± 0.0085	2.1221 ± 0.0110	2.2165 ± 0.0099
R6	2.2811 ± 0.0079	2.0768 ± 0.0077	2.1204 ± 0.0102	2.2160 ± 0.0108
R7	2.2885 ± 0.0074	2.0741 ± 0.0092	2.1216 ± 0.0103	2.2147 ± 0.0094
R8	2.2885 ± 0.0071	2.0726 ± 0.0084	2.1151 ± 0.0112	2.2185 ± 0.0098
R9	2.2887 ± 0.0079	2.0743 ± 0.0074	2.1191 ± 0.0115	2.2150 ± 0.0110
R10	2.2918 ± 0.0066	2.0742 ± 0.0090	2.1141 ± 0.0127	2.2101 ± 0.0106
EST	2.2884	2.0666	2.1002	2.2147
ε_{max}	0.0185~(0.8%)	$0.0201 \ (1.0\%)$	$0.0367 \ (1.7\%)$	0.0162~(0.7%)

Tabella 7: tempo di risposta cloudlet

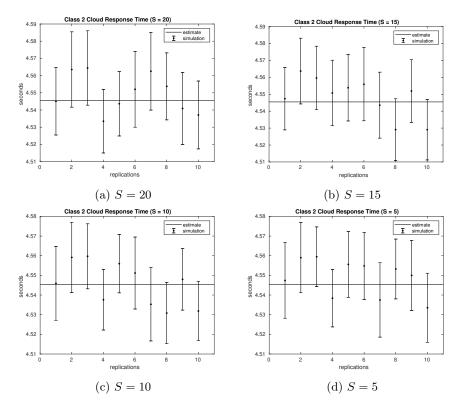


Figura 11: tempo di risposta cloud classe 2

6.7 Tempo di Risposta Job Interrotti

La figura 13 e la tabella 10, confermano che il tempo di risposta dei job interrotti ha un andamento analogo al tempo di risposta medio dei job di classe 2 processati con successo nel cloudlet, infatti si nota che tale tempo è direttamente proporzionale al parametro di soglia, quindi inversamente proporzionale alla probabilità di interruzione.

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	4.5450 ± 0.0196	4.5474 ± 0.0184	4.5460 ± 0.0188	4.5474 ± 0.0192
R2	4.5636 ± 0.0219	4.5637 ± 0.0194	4.5591 ± 0.0179	4.5590 ± 0.0179
R3	4.5644 ± 0.0216	4.5596 ± 0.0188	4.5597 ± 0.0165	4.5595 ± 0.0152
R4	4.5335 ± 0.0185	4.5507 ± 0.0193	4.5376 ± 0.0154	4.5384 ± 0.0146
R5	4.5436 ± 0.0187	4.5538 ± 0.0196	4.5560 ± 0.0148	4.5556 ± 0.0168
R6	4.5520 ± 0.0221	4.5559 ± 0.0216	4.5512 ± 0.0183	4.5548 ± 0.0171
R7	4.5626 ± 0.0226	4.5435 ± 0.0195	4.5353 ± 0.0186	4.5375 ± 0.0189
R8	4.5537 ± 0.0195	4.5291 ± 0.0182	4.5308 ± 0.0156	4.5533 ± 0.0152
R9	4.5409 ± 0.0209	4.5519 ± 0.0185	4.5480 ± 0.0157	4.5500 ± 0.0178
R10	4.5371 ± 0.0197	4.5291 ± 0.0179	4.5319 ± 0.0151	4.5335 ± 0.0176
EST	4.5455	4.5455	4.5455	4.5455
ε_{max}	0.0406~(0.9%)	$0.0376 \ (0.8\%)$	0.0316~(0.7%)	0.0314~(0.7%)

Tabella 8: tempo di risposta cloud classe 2

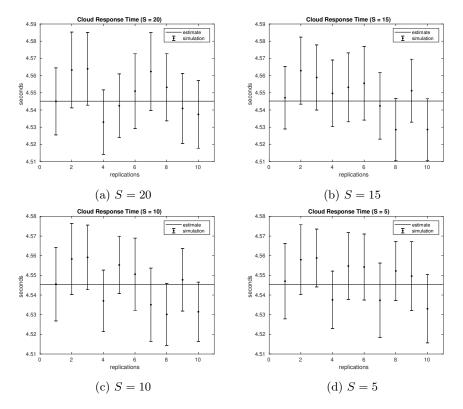


Figura 12: tempo di risposta cloud

Effettuando un confronto con i tempi di risposta del cloudlet, ci si rende conto di quanto costi l'interruzione di un job ed è quindi lecito aspettarsi che queste interruzioni incidano in maniera significativa sul tempo di risposta dei job di classe 2 del sistema.

Anche l'errore massimo che si è commesso con la stima della statistiche, sembra crescere con S, infatti per S=5 si ha un errore massimo dell'1.1% che

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	4.5450 ± 0.0195	4.5471 ± 0.0182	4.5455 ± 0.0187	4.5471 ± 0.0192
R2	4.5633 ± 0.0220	4.5629 ± 0.0195	4.5583 ± 0.0181	4.5580 ± 0.0178
R3	4.5639 ± 0.0211	4.5589 ± 0.0189	4.5591 ± 0.0164	4.5588 ± 0.0147
R4	4.5329 ± 0.0188	4.5497 ± 0.0194	4.5370 ± 0.0157	4.5376 ± 0.0146
R5	4.5424 ± 0.0185	4.5532 ± 0.0200	4.5553 ± 0.0146	4.5548 ± 0.0170
R6	4.5510 ± 0.0217	4.5555 ± 0.0214	4.5506 ± 0.0183	4.5542 ± 0.0168
R7	4.5624 ± 0.0226	4.5424 ± 0.0193	4.5351 ± 0.0186	4.5373 ± 0.0189
R8	4.5532 ± 0.0195	4.5286 ± 0.0181	4.5301 ± 0.0158	4.5523 ± 0.0151
R9	4.5409 ± 0.0204	4.5512 ± 0.0183	4.5478 ± 0.0159	4.5496 ± 0.0175
R10	4.5374 ± 0.0197	4.5287 ± 0.0179	4.5315 ± 0.0151	4.5330 ± 0.0174
EST	4.5451	4.5452	4.5453	4.5453
ε_{max}	0.0402~(0.9%)	0.0372~(0.8%)	0.0312~(0.7%)	$0.0305 \ (0.7\%)$

Tabella 9: tempo di risposta cloud

cresce fino ad arrivare al 2.5% nel caso in cui S=20.

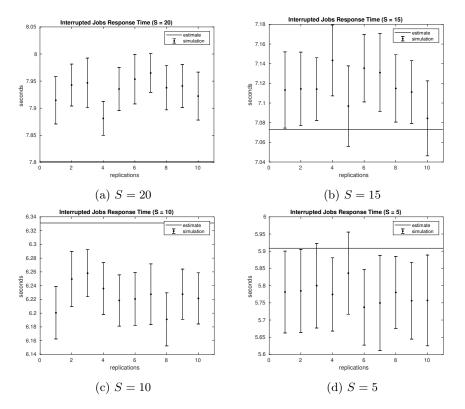


Figura 13: tempo di risposta job interrotti

6.8 Tempo di Risposta Sistema Classe 1

Il tempo di risposta globale dei job di classe 1 è completamente dominato dal tempo di risposta dei job processati nel cloudlet, essendo molto minore il numero

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	7.9146 ± 0.0437	7.1133 ± 0.0388	6.2006 ± 0.0381	5.7813 ± 0.1190
R2	7.9427 ± 0.0387	7.1144 ± 0.0374	6.2496 ± 0.0401	5.7846 ± 0.1207
R3	7.9467 ± 0.0458	7.1142 ± 0.0319	6.2580 ± 0.0342	5.7998 ± 0.1230
R4	7.8812 ± 0.0312	7.1434 ± 0.0361	6.2358 ± 0.0377	5.7744 ± 0.1065
R5	7.9354 ± 0.0398	7.0969 ± 0.0409	6.2184 ± 0.0373	5.8362 ± 0.1194
R6	7.9536 ± 0.0457	7.1355 ± 0.0343	6.2206 ± 0.0383	5.7372 ± 0.1102
R7	7.9649 ± 0.0358	7.1309 ± 0.0398	6.2275 ± 0.0441	5.7496 ± 0.1381
R8	7.9377 ± 0.0407	7.1149 ± 0.0343	6.1910 ± 0.0386	5.7802 ± 0.1045
R9	7.9410 ± 0.0397	7.1112 ± 0.0319	6.2276 ± 0.0365	5.7562 ± 0.1116
R10	7.9223 ± 0.0443	7.0844 ± 0.0381	6.2215 ± 0.0372	5.7570 ± 0.1319
EST	7.8016	7.0733	6.3310	5.9087
ε_{max}	0.1991~(2.5%)	$0.1062\ (1.5\%)$	0.1015~(1.6%)	0.0614~(1.1%)

Tabella 10: tempo di risposta job interrotti

di quelli eseguiti nel cloud. Infatti la figura 14 e la tabella 11 mostrano delle statistiche pressoché identiche a quelle relative al tempo di risposta dei job di classe 1 eseguiti nel coudlet, con un errore massimo inferiore all'1%.

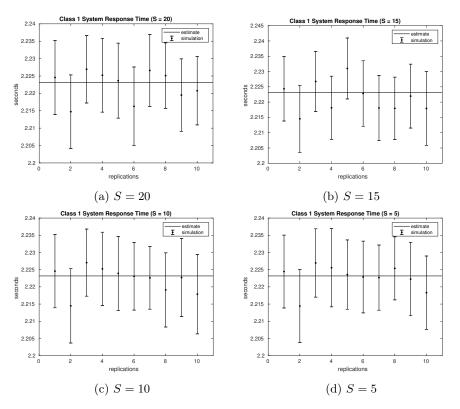


Figura 14: tempo di risposta sistema classe 1

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	2.2246 ± 0.0107	2.2244 ± 0.0105	2.2246 ± 0.0107	2.2245 ± 0.0106
R2	2.2147 ± 0.0106	2.2145 ± 0.0110	2.2145 ± 0.0108	2.2144 ± 0.0106
R3	2.2269 ± 0.0097	2.2268 ± 0.0098	2.2270 ± 0.0098	2.2270 ± 0.0099
R4	2.2252 ± 0.0106	2.2181 ± 0.0103	2.2252 ± 0.0106	2.2256 ± 0.0114
R5	2.2237 ± 0.0108	2.2310 ± 0.0100	2.2239 ± 0.0108	2.2236 ± 0.0101
R6	2.2163 ± 0.0113	2.2228 ± 0.0107	2.2231 ± 0.0098	2.2229 ± 0.0104
R7	2.2266 ± 0.0103	2.2181 ± 0.0106	2.2226 ± 0.0091	2.2227 ± 0.0095
R8	2.2251 ± 0.0094	2.2180 ± 0.0102	2.2191 ± 0.0108	2.2254 ± 0.0092
R9	2.2195 ± 0.0104	2.2220 ± 0.0104	2.2227 ± 0.0114	2.2223 ± 0.0107
R10	2.2208 ± 0.0098	2.2179 ± 0.0120	2.2179 ± 0.0115	2.2183 ± 0.0107
EST	2.2232	2.2232	2.2232	2.2232
ε_{max}	$0.0137 \ (0.6\%)$	$0.0178 \; (0.8\%)$	0.0136~(0.6%)	0.0138~(0.6%)

Tabella 11: tempo di risposta sistema classe 1

6.9 Tempo di Risposta Sistema Classe 2

La figura 15 e la tabella 12 mostrano che, nei casi in cui S=10,15,20, i risultati delle simulazioni che risultano essere leggermente superiori alle stime del modello analitico. Questo può essere dovuto al peso che esercitano i job interrotti nel calcolo, infatti si ritrova la stessa sottostima per quanto riguarda le percentuali di job interrotti mostrate all'inizio, ma con un errore massimo minore (al più del 3.5%). Inoltre nel caso in cui S=5, si ha una stima precisa con un errore massimo dello 0.7% perché vi sono un bassissimo numero di interruzioni.

Può essere interessante notare che si ottiene il minor tempo di risposta nello scenario per cui S=20, nel quale si sperimenta il massimo tempo di risposta dei job interrotti e una percentuale di interruzioni più alta del caso in cui si sperimenta un tempo di risposta più basso per i job interrotti(S=10). È evidente quindi che acquista un peso significativo anche il tempo di esecuzione nel cloud per quei job che ci finiscono direttamente, infatti nel caso in cui S=5, nonostante soltanto circa il 2% dei job viene interrotto, si registra comunque un tempo paragonabile ai casi in cui ci sono maggiori interruzioni, questo perché la maggior parte dei job di classe 2 viene direttamente inoltrata al cloud.

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	4.5284 ± 0.0160	4.7433 ± 0.0154	4.7245 ± 0.0188	4.5652 ± 0.0192
R2	4.5307 ± 0.0174	4.7473 ± 0.0170	4.7371 ± 0.0178	4.5771 ± 0.0180
R3	4.5319 ± 0.0199	4.7458 ± 0.0185	4.7381 ± 0.0166	4.5755 ± 0.0149
R4	4.5020 ± 0.0154	4.7448 ± 0.0173	4.7129 ± 0.0150	4.5564 ± 0.0145
R5	4.5242 ± 0.0142	4.7526 ± 0.0181	4.7311 ± 0.0139	4.5737 ± 0.0170
R6	4.5180 ± 0.0176	4.7456 ± 0.0208	4.7295 ± 0.0171	4.5724 ± 0.0171
R7	4.5351 ± 0.0177	4.7340 ± 0.0164	4.7175 ± 0.0185	4.5548 ± 0.0187
R8	4.5303 ± 0.0159	4.7222 ± 0.0151	4.7116 ± 0.0144	4.5697 ± 0.0155
R9	4.5150 ± 0.0157	4.7396 ± 0.0168	4.7271 ± 0.0161	4.5679 ± 0.0180
R10	4.5113 ± 0.0155	4.7181 ± 0.0170	4.7093 ± 0.0148	4.5510 ± 0.0173
EST	4.3935	4.6165	4.6920	4.5644
ε_{max}	0.1593~(3.5%)	0.1542 (3.2%)	0.0629~(1.3%)	$0.0307 \ (0.7\%)$

Tabella 12: tempo di risposta sistema classe 2

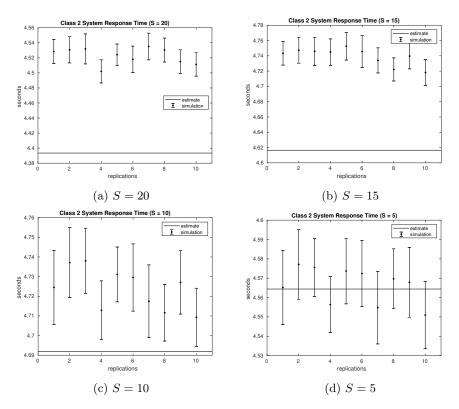


Figura 15: tempo di risposta sistema classe 2

6.10 Tempo di Risposta Sistema

Con l'aggiunta dei job di classe 1 nel calcolo del tempo di risposta globale del sistema, la situazione non cambia, infatti, come mostrato in figura 16 e tabella 13, si ottiene il minor tempo di risposta nel caso in cui S=20, e anche in questo caso è evidente l'influenza della percentuale di interruzione che induce alla sottostima, anche se con un errore massimo più contenuto (al più del 2.7%), più precisa è invece la stima del caso S=5 ($\varepsilon_{max}=0.5\%$).

In conclusione si è ottenuto che per un valore di S=20 si ottiene il tempo di risposta minimo pari a circa 3.61 secondi, perché, con un alto valore di soglia, si minimizzano gli inoltri diretti al cloud e si ha un numero di interruzioni contenuto (non più del 24% dei job di classe 2).

Nel caso in cui S=15 l'elevata percentuale di job interrotti ha influito nell'ottenere un tempo di risposta maggiore rispetto agli altri casi, mentre per un valore di soglia pari a 10, nonostante il ridotto tempo di risposta dei job interrotti e la bassa percentuale di interruzioni, si è ottenuto un tempo maggiore dei casi S=5,20 per via dell'influenza dei job di classe 2 eseguiti nel cloud

Per un valore di soglia S=5 si sperimenta un elevato numero di inoltri diretti al server remoto ma al tempo stesso una quantità minima di job interrotti, pertanto il tempo di risposta non è molto lontano dal valore minimo che assume nel caso in cui S=20.

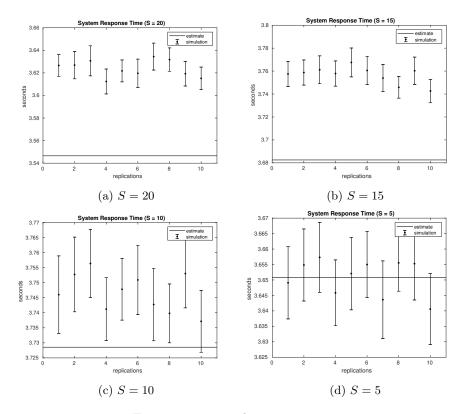


Figura 16: tempo di risposta sistema

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	3.6266 ± 0.0096	3.7575 ± 0.0109	3.7460 ± 0.0129	3.6491 ± 0.0117
R2	3.6269 ± 0.0121	3.7588 ± 0.0110	3.7527 ± 0.0124	3.6548 ± 0.0117
R3	3.6307 ± 0.0133	3.7611 ± 0.0122	3.7564 ± 0.0114	3.6573 ± 0.0113
R4	3.6124 ± 0.0110	3.7579 ± 0.0110	3.7412 ± 0.0105	3.6458 ± 0.0106
R5	3.6218 ± 0.0097	3.7675 ± 0.0126	3.7478 ± 0.0103	3.6521 ± 0.0117
R6	3.6197 ± 0.0125	3.7606 ± 0.0124	3.7509 ± 0.0115	3.6550 ± 0.0107
R7	3.6344 ± 0.0119	3.7539 ± 0.0119	3.7427 ± 0.0120	3.6436 ± 0.0126
R8	3.6318 ± 0.0103	3.7459 ± 0.0095	3.7398 ± 0.0098	3.6555 ± 0.0092
R9	3.6193 ± 0.0109	3.7603 ± 0.0119	3.7530 ± 0.0114	3.6553 ± 0.0117
R10	3.6152 ± 0.0100	3.7426 ± 0.0102	3.7372 ± 0.0103	3.6406 ± 0.0115
EST	3.5465	3.6825	3.7286	3.6508
ε_{max}	0.0999~(2.7%)	0.0976~(2.6%)	$0.0392\ (1.0\%)$	0.0179~(0.5%)

Tabella 13: tempo di risposta sistema

6.11 Throughput Cloudlet Classe 1

La figura 17 e la tabella 14 mostrano che il throughput del cloudlet relativo ai job di classe 1 è pressoché costante al variare del parametro S, ciò implica che l'evento in cui un job di classe 1 non viene accettato nel cloudlet avviente con probabilità remota in ogni caso.

La stima della statistica è affidabile con un errore massimo inferiore all'1%.

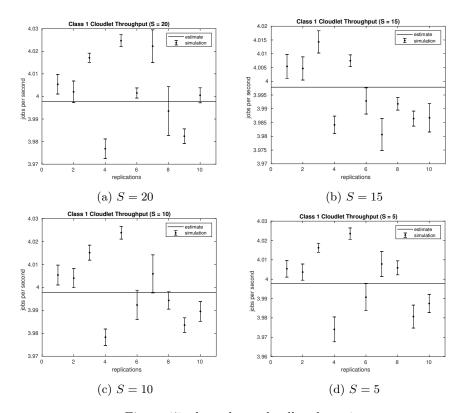


Figura 17: throughput cloudlet classe 1

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	4.0054 ± 0.0043	4.0054 ± 0.0043	4.0054 ± 0.0043	4.0054 ± 0.0043
R2	4.0021 ± 0.0048	4.0046 ± 0.0042	4.0040 ± 0.0042	4.0037 ± 0.0042
R3	4.0171 ± 0.0020	4.0143 ± 0.0040	4.0152 ± 0.0033	4.0162 ± 0.0023
R4	3.9768 ± 0.0043	3.9842 ± 0.0032	3.9783 ± 0.0036	3.9741 ± 0.0064
R5	4.0247 ± 0.0027	4.0074 ± 0.0022	4.0239 ± 0.0028	4.0236 ± 0.0029
R6	4.0015 ± 0.0022	3.9928 ± 0.0048	3.9924 ± 0.0064	3.9907 ± 0.0070
R7	4.0223 ± 0.0072	3.9806 ± 0.0058	4.0059 ± 0.0083	4.0079 ± 0.0065
R8	3.9935 ± 0.0108	3.9918 ± 0.0023	3.9943 ± 0.0038	4.0059 ± 0.0036
R9	3.9824 ± 0.0032	3.9864 ± 0.0027	3.9836 ± 0.0032	3.9807 ± 0.0059
R10	4.0005 ± 0.0033	3.9867 ± 0.0051	3.9895 ± 0.0043	3.9874 ± 0.0047
EST	3.9978	3.9978	3.9978	3.9978
ε_{max}	0.0317~(0.8%)	0.0205~(0.5%)	0.0288~(0.7%)	0.0286~(0.7%)

Tabella 14: throughput cloudlet classe 1

6.12 Throughput Cloudlet Classe 2

La figura 18 e la tabella 15 mostrano che il throughput del cloudlet relativo ai job di classe 2 aumenta al crescere del parametro S, di conseguenza risulta che di-

minuisce al crescere della probabilità di interruzione che, poiché è sottostimata, induce una sovrastima dei risultati delle simulazioni.

Quindi anche questa metrica risente dell'errore di approssimazione della percentuale di job di classe 2 interrotti, in particolare viene commesso un errore (anch'esso proporzionale ad S) pari ad al più il 36% nel caso in cui S=5, che non è di certo trascurabile.

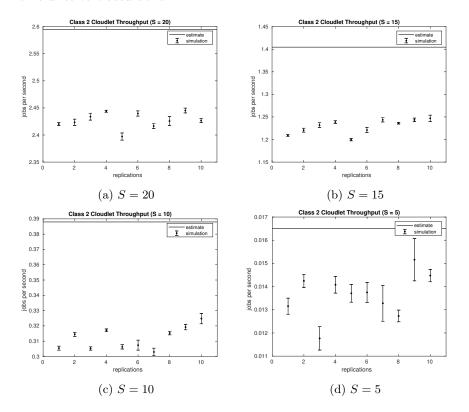


Figura 18: throughput cloudlet classe 2

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	2.4201 ± 0.0027	1.2090 ± 0.0019	0.3054 ± 0.0013	0.0132 ± 0.0003
R2	2.4234 ± 0.0058	1.2207 ± 0.0043	0.3145 ± 0.0013	0.0142 ± 0.0003
R3	2.4338 ± 0.0064	1.2320 ± 0.0053	0.3052 ± 0.0011	0.0118 ± 0.0005
R4	2.4438 ± 0.0019	1.2387 ± 0.0030	0.3171 ± 0.0009	0.0141 ± 0.0004
R5	2.3972 ± 0.0066	1.1996 ± 0.0026	0.3063 ± 0.0014	0.0137 ± 0.0004
R6	2.4397 ± 0.0048	1.2209 ± 0.0056	0.3074 ± 0.0033	0.0137 ± 0.0004
R7	2.4164 ± 0.0044	1.2436 ± 0.0047	0.3029 ± 0.0025	0.0133 ± 0.0008
R8	2.4257 ± 0.0084	1.2360 ± 0.0017	0.3153 ± 0.0012	0.0127 ± 0.0003
R9	2.4452 ± 0.0044	1.2436 ± 0.0038	0.3192 ± 0.0018	0.0152 ± 0.0009
R10	2.4267 ± 0.0035	1.2469 ± 0.0070	0.3248 ± 0.0034	0.0145 ± 0.0003
EST	2.5943	1.4046	0.3880	0.0165
ε_{max}	0.1905~(7.9%)	0.2024~(16.9%)	0.0826~(27.3%)	0.0042 (36.0%)

Tabella 15: throughput cloudlet classe 2

6.13 Throughput Cloudlet

La figura 19 e la tabella 16 mostrano che l'errore di approssimazione dovuto alla percentuale di job interrotti viene attenuato. Tale attenuazione risulta tanto più maggiore quanto lo è la probabilità di interruzione, poiché ogni interruzione implica un completamento in più di classe 1, che andrà ad influire sul calcolo del throughput.

L'andamento è sempre proporzionale ad S e la stima della statistica è affidabile con un errore massimo che va dal 2% al 4% nei casi in cui S=10,15,20, altrimenti nel caso in cui S=5 l'errore massimo è inferiore all'1%.

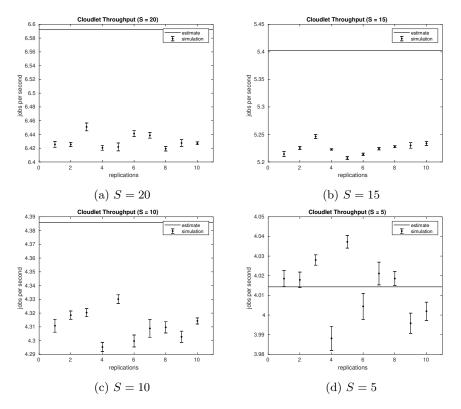


Figura 19: throughput cloudlet

6.14 Throughput Sistema

Le figure 20, 21 e 22 e la tabelle 17, 18 e 19 mostrano i risultati relativi al throughput del sistema sia per classe che globalmente in cui viene confermata l'ipotesi di stabilità sfruttata nel modello analitico, infatti risulta che i valori del throughput sono indipendenti dal parametro S ed equivalgono ai relativi tassi di ingresso.

Le stime approssimano bene i valori delle simulazioni con un errore massimo inferiore all'1%.

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	6.4255 ± 0.0042	5.2144 ± 0.0047	4.3108 ± 0.0047	4.0185 ± 0.0041
R2	6.4255 ± 0.0030	5.2254 ± 0.0028	4.3185 ± 0.0030	4.0179 ± 0.0040
R3	6.4510 ± 0.0057	5.2463 ± 0.0037	4.3204 ± 0.0030	4.0280 ± 0.0026
R4	6.4207 ± 0.0036	5.2228 ± 0.0013	4.2954 ± 0.0033	3.9881 ± 0.0062
R5	6.4219 ± 0.0057	5.2071 ± 0.0028	4.3302 ± 0.0032	4.0373 ± 0.0032
R6	6.4412 ± 0.0043	5.2138 ± 0.0023	4.2997 ± 0.0043	4.0044 ± 0.0066
R7	6.4387 ± 0.0041	5.2242 ± 0.0023	4.3089 ± 0.0064	4.0211 ± 0.0058
R8	6.4193 ± 0.0033	5.2277 ± 0.0019	4.3096 ± 0.0041	4.0186 ± 0.0035
R9	6.4276 ± 0.0050	5.2300 ± 0.0050	4.3028 ± 0.0041	3.9958 ± 0.0051
R10	6.4272 ± 0.0021	5.2336 ± 0.0038	4.3143 ± 0.0022	4.0019 ± 0.0046
EST	6.5922	5.4025	4.3858	4.0144
ε_{max}	0.1696~(2.6%)	$0.1926 \ (3.7\%)$	$0.0872\ (2.0\%)$	$0.0261 \ (0.6\%)$

Tabella 16: throughput cloudlet

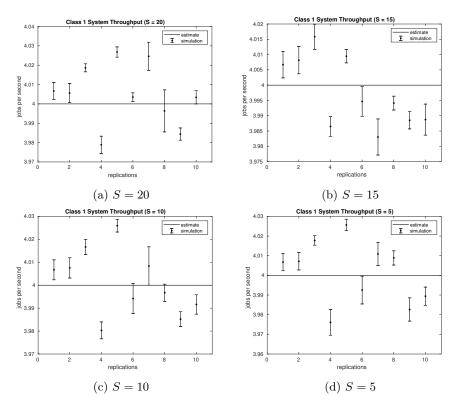


Figura 20: throughput sistema classe 1

6.15 Popolazione Cloudlet Classe 1

La figura 23 e la tabella 20 mostrano che i valori della popolazione media per i job di classe nel cloudlet sono pressoché costanti al variare del parametro S, a causa della bassa probabilità che un job di classe 1 venga inviato al server remoto. La stima approssima bene i risultati con un errore massimo pari all'1%.

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	4.0067 ± 0.0044	4.0067 ± 0.0043	4.0067 ± 0.0044	4.0067 ± 0.0044
R2	4.0056 ± 0.0050	4.0082 ± 0.0044	4.0076 ± 0.0044	4.0072 ± 0.0044
R3	4.0187 ± 0.0021	4.0158 ± 0.0041	4.0167 ± 0.0033	4.0178 ± 0.0024
R4	3.9789 ± 0.0044	3.9865 ± 0.0032	3.9803 ± 0.0037	3.9761 ± 0.0065
R5	4.0268 ± 0.0027	4.0095 ± 0.0022	4.0260 ± 0.0028	4.0257 ± 0.0029
R6	4.0035 ± 0.0022	3.9947 ± 0.0048	3.9942 ± 0.0065	3.9925 ± 0.0071
R7	4.0246 ± 0.0073	3.9830 ± 0.0059	4.0084 ± 0.0084	4.0109 ± 0.0059
R8	3.9964 ± 0.0109	3.9941 ± 0.0023	3.9967 ± 0.0037	4.0089 ± 0.0036
R9	3.9844 ± 0.0032	3.9885 ± 0.0028	3.9852 ± 0.0032	3.9827 ± 0.0059
R10	4.0034 ± 0.0034	3.9887 ± 0.0051	3.9916 ± 0.0042	3.9894 ± 0.0046
EST	4.0000	4.0000	4.0000	4.0000
ε_{max}	0.0319~(0.8%)	0.0199~(0.5%)	0.0288~(0.7%)	0.0286~(0.7%)

Tabella 17: throughput sistema classe 1

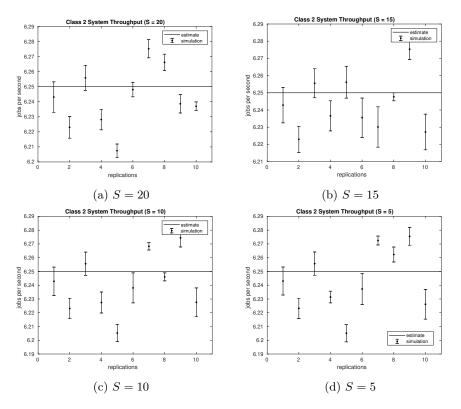


Figura 21: throughput sistema classe 2

6.16 Popolazione Cloudlet Classe 2

La figura 24 e la tabella 21 mostrano che la popolazione media dei job di classe 2 diminuisce al decrescere del parametro S, ciò è lecito poiché con l'abbassamento del valore di soglia vengono accettati sempre meno job di classe 2.

La stima commette un'errore che invece aumenta al decrescere di S, probabilmente dovuto a inprecisioni della distribuzione stazionaria, che saranno anche

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	6.2431 ± 0.0101	6.2428 ± 0.0103	6.2429 ± 0.0103	6.2430 ± 0.0102
R2	6.2230 ± 0.0072	6.2229 ± 0.0076	6.2231 ± 0.0074	6.2232 ± 0.0074
R3	6.2559 ± 0.0083	6.2556 ± 0.0084	6.2556 ± 0.0085	6.2557 ± 0.0084
R4	6.2282 ± 0.0068	6.2366 ± 0.0088	6.2274 ± 0.0076	6.2314 ± 0.0042
R5	6.2075 ± 0.0044	6.2562 ± 0.0092	6.2053 ± 0.0063	6.2051 ± 0.0063
R6	6.2481 ± 0.0048	6.2355 ± 0.0115	6.2381 ± 0.0109	6.2373 ± 0.0114
R7	6.2753 ± 0.0061	6.2301 ± 0.0117	6.2683 ± 0.0027	6.2725 ± 0.0032
R8	6.2661 ± 0.0055	6.2477 ± 0.0023	6.2461 ± 0.0029	6.2623 ± 0.0054
R9	6.2387 ± 0.0061	6.2753 ± 0.0060	6.2744 ± 0.0066	6.2755 ± 0.0065
R10	6.2370 ± 0.0029	6.2272 ± 0.0104	6.2276 ± 0.0105	6.2261 ± 0.0108
EST	6.2500	6.2500	6.2500	6.2500
ε_{max}	0.0381~(0.6%)	0.0313~(0.5%)	0.0384~(0.6%)	0.0386~(0.6%)

Tabella 18: throughput sistema classe 2

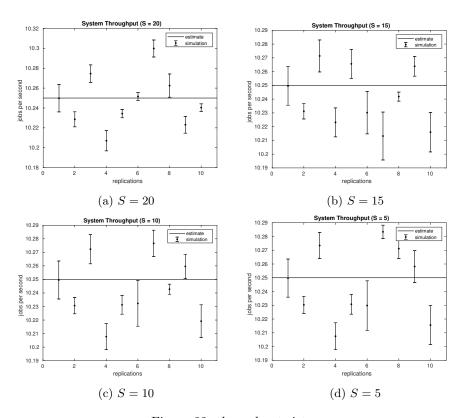


Figura 22: throughput sistema

la causa del valore approssimato della percentuale di interruzione.

6.17 Popolazione Cloud Classe 1

La figura 25 e la tabella 22 mostrano la popolazione media del cloudlet relativa ai job di classe 1 prossima allo 0, per il solito motivo della remota probabilità

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	10.2498 ± 0.0138	10.2496 ± 0.0140	10.2496 ± 0.0140	10.2497 ± 0.0139
R2	10.2286 ± 0.0076	10.2311 ± 0.0056	10.2306 ± 0.0060	10.2303 ± 0.0062
R3	10.2746 ± 0.0088	10.2714 ± 0.0116	10.2723 ± 0.0108	10.2734 ± 0.0095
R4	10.2071 ± 0.0102	10.2231 ± 0.0105	10.2077 ± 0.0096	10.2075 ± 0.0098
R5	10.2343 ± 0.0042	10.2656 ± 0.0105	10.2313 ± 0.0069	10.2308 ± 0.0072
R6	10.2516 ± 0.0039	10.2302 ± 0.0154	10.2323 ± 0.0168	10.2298 ± 0.0180
R7	10.2999 ± 0.0086	10.2132 ± 0.0174	10.2766 ± 0.0097	10.2834 ± 0.0048
R8	10.2625 ± 0.0117	10.2418 ± 0.0033	10.2428 ± 0.0037	10.2712 ± 0.0071
R9	10.2231 ± 0.0085	10.2638 ± 0.0072	10.2596 ± 0.0090	10.2582 ± 0.0116
R10	10.2404 ± 0.0038	10.2160 ± 0.0143	10.2192 ± 0.0121	10.2156 ± 0.0142
EST	10.2500	10.2500	10.2500	10.2500
ε_{max}	0.0584~(0.6%)	0.0330~(0.3%)	$0.0363 \; (0.4\%)$	$0.0382\ (0.4\%)$

Tabella 19: throughput sistema

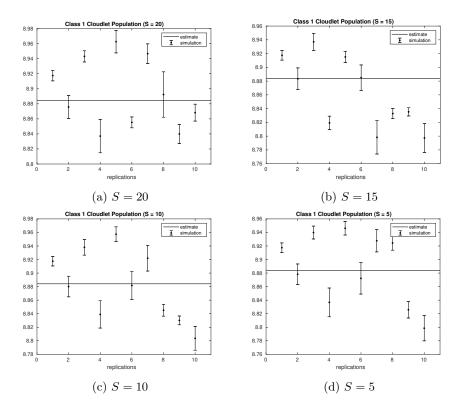


Figura 23: popolazione cloudlet classe 1

di blocco.

Il numero di job è talmente basso, che ogni replica della simulazione può produrre risultati molto variegati, infatti vengono prodotti intarvalli di confidenza ampi e la stima del modello analitico può commettere un errore anche del 65%.

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	8.9175 ± 0.0070	8.9175 ± 0.0070	8.9175 ± 0.0070	8.9175 ± 0.0070
R2	8.8757 ± 0.0154	8.8834 ± 0.0158	8.8801 ± 0.0152	8.8783 ± 0.0152
R3	8.9431 ± 0.0074	8.9370 ± 0.0124	8.9380 ± 0.0115	8.9399 ± 0.0095
R4	8.8371 ± 0.0222	8.8193 ± 0.0098	8.8389 ± 0.0202	8.8367 ± 0.0212
R5	8.9625 ± 0.0149	8.9151 ± 0.0082	8.9575 ± 0.0109	8.9462 ± 0.0100
R6	8.8553 ± 0.0072	8.8850 ± 0.0185	8.8816 ± 0.0205	8.8722 ± 0.0232
R7	8.9466 ± 0.0131	8.7982 ± 0.0242	8.9220 ± 0.0190	8.9277 ± 0.0165
R8	8.8924 ± 0.0302	8.8328 ± 0.0074	8.8451 ± 0.0088	8.9244 ± 0.0106
R9	8.8399 ± 0.0127	8.8353 ± 0.0060	8.8301 ± 0.0065	8.8258 ± 0.0122
R10	8.8683 ± 0.0112	8.7973 ± 0.0210	8.8036 ± 0.0176	8.7986 ± 0.0187
EST	8.8841	8.8841	8.8841	8.8841
ε_{max}	0.0933~(1.0%)	$0.0659 \ (0.7\%)$	0.0842~(0.9%)	0.0721~(0.8%)

Tabella 20: popolazione cloudlet classe 1

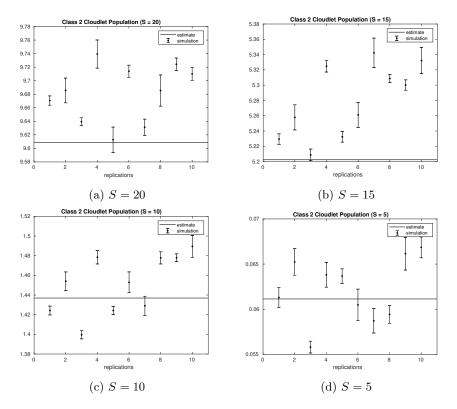


Figura 24: popolazione cloudlet classe 2

6.18 Popolazione Cloud Classe 2

La popolazione media del cloud relativa ai job di classe 2 varia in maniera opposta alla popolazione media del cloudlet, infatti cresce all'aumentare della probabilità di interruzione.

La figura 26 e la tabella 23 mostrano i risultati delle simulazioni a confronto con le stime del modello analitico e, anche per quanto riguarda l'errore massimo,

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	9.6707 ± 0.0069	5.2295 ± 0.0069	1.4243 ± 0.0045	0.0613 ± 0.0011
R2	9.6856 ± 0.0183	5.2579 ± 0.0164	1.4540 ± 0.0095	0.0652 ± 0.0015
R3	9.6394 ± 0.0059	5.2088 ± 0.0076	1.3996 ± 0.0042	0.0558 ± 0.0007
R4	9.7394 ± 0.0208	5.3249 ± 0.0077	1.4784 ± 0.0068	0.0638 ± 0.0014
R5	9.6128 ± 0.0188	5.2324 ± 0.0070	1.4243 ± 0.0041	0.0637 ± 0.0008
R6	9.7140 ± 0.0089	5.2611 ± 0.0164	1.4530 ± 0.0106	0.0605 ± 0.0018
R7	9.6312 ± 0.0120	5.3423 ± 0.0192	1.4291 ± 0.0097	0.0587 ± 0.0014
R8	9.6854 ± 0.0230	5.3087 ± 0.0054	1.4778 ± 0.0062	0.0594 ± 0.0010
R9	9.7243 ± 0.0092	5.3002 ± 0.0068	1.4780 ± 0.0039	0.0662 ± 0.0018
R10	9.7099 ± 0.0093	5.3322 ± 0.0171	1.4895 ± 0.0111	0.0669 ± 0.0012
EST	9.6087	5.2024	1.4370	0.0611
ε_{max}	0.1515~(1.6%)	0.1592 (3.0%)	0.0637~(4.3%)	0.0069~(10.3%)

Tabella 21: popolazione cloudlet classe 2

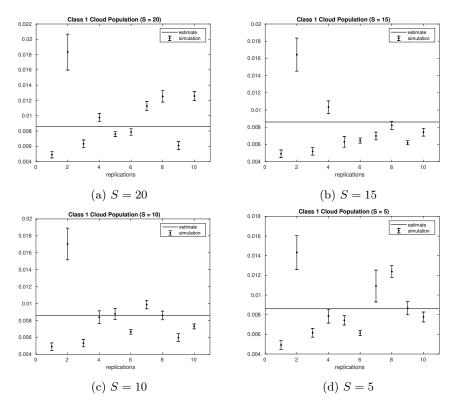


Figura 25: popolazione cloud classe 1

si ha un andamento inverso a quello relativo al cloudlet, infatti l'errore massimo aumenta al crescere di S. Inoltre, nei casi in cui S=10,15,20, la stima è leggermente inferiore ai risultati poiché il tasso di arrivo al nodo è proporzionale alla percentuale di interruzione, pertanto anche in questo caso ci si porta dietro l'errore di approssimazione.

	S = 20	S = 15	S = 10	S=5
R1	0.0049 ± 0.0004	0.0049 ± 0.0004	0.0049 ± 0.0004	0.0049 ± 0.0004
R2	0.0183 ± 0.0024	0.0164 ± 0.0019	0.0170 ± 0.0019	0.0143 ± 0.0017
R3	0.0063 ± 0.0005	0.0052 ± 0.0004	0.0053 ± 0.0004	0.0062 ± 0.0004
R4	0.0097 ± 0.0005	0.0103 ± 0.0007	0.0084 ± 0.0008	0.0079 ± 0.0007
R5	0.0076 ± 0.0003	0.0063 ± 0.0006	0.0088 ± 0.0006	0.0074 ± 0.0005
R6	0.0079 ± 0.0004	0.0064 ± 0.0003	0.0067 ± 0.0003	0.0061 ± 0.0003
R7	0.0113 ± 0.0006	0.0070 ± 0.0005	0.0099 ± 0.0005	0.0109 ± 0.0016
R8	0.0125 ± 0.0007	0.0082 ± 0.0005	0.0086 ± 0.0005	0.0124 ± 0.0006
R9	0.0061 ± 0.0005	0.0062 ± 0.0002	0.0060 ± 0.0005	0.0087 ± 0.0007
R10	0.0126 ± 0.0006	0.0074 ± 0.0005	0.0073 ± 0.0003	0.0078 ± 0.0005
EST	0.0086	0.0086	0.0086	0.0086
ε_{max}	0.0121~(65.9%)	0.0098~(59.3%)	0.0103~(60.5%)	0.0074~(51.9%)

Tabella 22: popolazione cloud classe 1

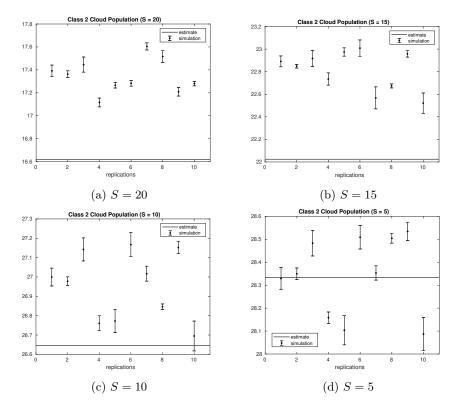


Figura 26: popolazione cloud classe 2

7 Distribuzione Throughput del Cloudlet

A seguito della validazione del modello analitico tramite l'esecuzione della simulazione, si è provato a stimare la distribuzione del throughput del cloudlet al variare del parametro S.

Dalla rappresentazione dei dati in un istogramma (figura 27a), sembra emergere la forma di una distribuzione esponenziale.

	S = 20	S = 15	S = 10	S = 5
R1	17.3911 ± 0.0508	22.8912 ± 0.0481	26.9995 ± 0.0462	28.3291 ± 0.0487
R2	17.3631 ± 0.0287	22.8482 ± 0.0162	26.9781 ± 0.0227	28.3499 ± 0.0253
R3	17.4461 ± 0.0659	22.9171 ± 0.0713	27.1424 ± 0.0596	28.4834 ± 0.0558
R4	17.1158 ± 0.0384	22.7350 ± 0.0544	26.7608 ± 0.0387	28.1584 ± 0.0248
R5	17.2666 ± 0.0249	22.9743 ± 0.0370	26.7727 ± 0.0602	28.1037 ± 0.0637
R6	17.2828 ± 0.0251	23.0087 ± 0.0723	27.1679 ± 0.0611	28.5090 ± 0.0511
R7	17.6046 ± 0.0309	22.5677 ± 0.0975	27.0170 ± 0.0386	28.3535 ± 0.0312
R8	17.5160 ± 0.0511	22.6737 ± 0.0178	26.8463 ± 0.0144	28.5050 ± 0.0216
R9	17.2087 ± 0.0371	22.9575 ± 0.0283	27.1525 ± 0.0322	28.5347 ± 0.0399
R10	17.2797 ± 0.0190	22.5209 ± 0.0901	26.6949 ± 0.0772	28.0868 ± 0.0725
EST	16.6166	22.0244	26.6456	28.3341
ε_{max}	1.0188~(5.8%)	$1.0567 \ (4.6\%)$	0.5835 (2.1%)	0.2405~(0.8%)

Tabella 23: popolazione cloud classe 2

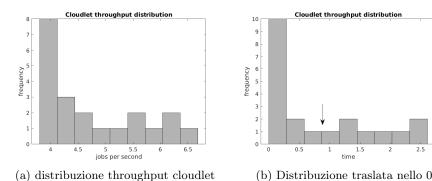


Figura 27: Istogrammi distribuzione throughput del cloudlet

Per la proprietà di mancanza di memoria della distribuzione, è lecito traslare il grafico in prossimità dello 0, e considerare il throughput come se fosse un tempo di vita residuo.

La costante di decadimento μ può essere stimata, sfruttando il fatto che dopo un tempo pari a $1/\mu$ viene meno circa il 63% dell'area sottesa dal curva che approssima la distribuzione. Quindi, si può stabilire tale tempo individuando il punto in cui viene tagliata fuori la suddetta porzione di "rettangoli", ciò avviene in prossimità dell'istante 1 in cui vengono lasciati a sinistra 13 unità su 21, pertanto si può concledere che il throughput del cloudlet è approssimabile con una variabile aleatoria esponenziale di parametro $\mu=1$.

La figura 28 mostra la funzione di ripartizione della distribuzione traslata nello 0.

8 Conclusioni

Tramite il confronto dei risultati della simulazione nei diversi scenari è stato possibile valutare le performance del sistema e delle sue componenti al variare del valore di soglia S, e stabilire la bontà del modello analitico mettendone in evidenza pregi e difetti.

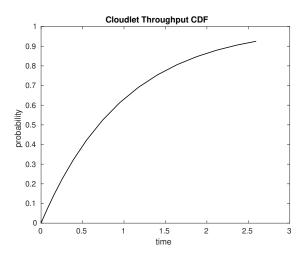


Figura 28: Funzione di ripartizione

Da tale confronto, sono emerse le seguenti conclusioni relative al modello analitico:

- il modello è particolarmente affidabile nella stime delle metriche relative ai job di classe 1, con una percentuale di errore massimo inferiore all'1%;
- nel calcolo della percentuale dei job interrotti di classe 2, si commette un errore significativo che si ripercuote, in maniera più o meno accentuata, sul resto delle metriche che coinvolgono le interruzioni dei job, tuttavia tale errore si attenua nelle metriche globali ed in quelle relative al sistema, consentendo un stima comunque soddisfacente della visione complessiva del sistema;
- l'affidabilità della stima di una metrica locale, dipende strettamente dalla quantità dei job che vengono processati nel nodo di interesse, per esempio è stato impossibile ottenere una stima accettabile riguardo ai job di classe 1 che sono stati eseguiti nel cloud e si è riscontrato un errore massimo non trascurabile nel caso di metriche relative a job di classe 2 eseguiti nel cloudlet per un valore di soglia pari a 5.

In merito alla simulazione, in particolare alle differenze nel comportamento del sistema in relazione al valore del parametro S, è emerso che i fattori che incidono maggiormente sono legati, come è intuibile, alle interruzioni ed agli inoltri diretti al cloud, poiché vi corrispondono i tempi di risposta maggiori.

In conclusione si è ottenuto che per un valore di S=20 si ottiene il tempo di risposta minimo, pari a circa 3.61 secondi, tuttavia, in tale caso, la stima commette un errore massimo del 2.7%.

Per un valore di soglia S=5, il tempo di risposta (3.65 secondi) non è molto lontano dal valore minimo che assume nel caso in cui S=20, però la stima è molto più affidabile, infatti si commette sempre un errore massimo inferiore all'1%. Pertanto, se si ha l'esigenza di avere un sistema altamente predicibile, con tale modello analitico risulterebbe vantaggioso configurare il sistema con un valore di soglia pari a 5.

8 CONCLUSIONI 49

Qualora si volesse replicare gli esperimenti effettuati, il codice della simulazione è disponibile al seguente indirizzo: https://github.com/smvfal/simcloud. Ogni simulazione è stata eseguita con un seme iniziale pari a 12345, su una macchina con sistema operativo GNU/Linux. Per eseguire l'esperimento è necessario eseguire prima il programma cloudq che produce i file con i valori osservati e li salva nella cartella data, infine eseguire i programmi con il prefisso bm_{-} per il calcolo degli intervalli di confidenza.

Riferimenti bibliografici

[1] Leemis L.M., Park S.K. : "Discrete-Event Simulation: A First Course." Pearson (2006)