

Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

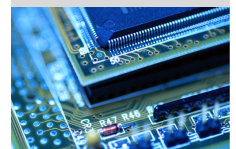
Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.1



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.2

Lezione R8

Algoritmi a conservazione di banda

Sistemi embedded e real-time

22 ottobre 2020

Marco Cesati

Dipartimento di Ingegneria Civile e Ingegneria Informatica
Università degli Studi di Roma Tor Vergata

Di cosa parliamo in questa lezione?

In questa lezione si discutono alcuni algoritmi a conservazione di banda utilizzati per integrare la gestione dei job aperiodici con gli schedulatori priority-driven

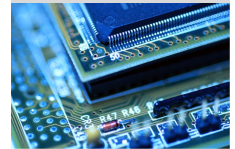
- 1 I server periodici
- 2 Il server procrastinabile
- 3 Il server sporadico
- 4 Il server CBS
- 5 Job aperiodici hard RT

Schedulazione di job aperiodici con polling

[Agg. 29.10.2020]

Algoritmi
a conservazione
di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.3

L'algoritmo di *schedulazione con polling* è basato su un task periodico (*server di polling* o *poller*) con fase 0, periodo p_s , tempo d'esecuzione e_s , e priorità massima

Il *server di polling* controlla la *coda di job aperiodici*: se è vuota, si auto-sospende fino al prossimo periodo, altrimenti esegue il job in cima alla coda per max e_s unità di tempo

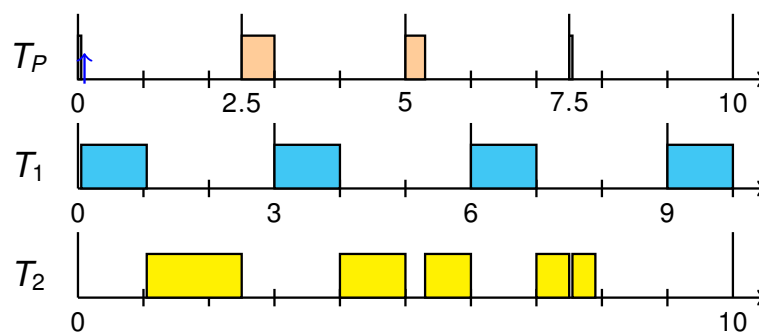
- Se i parametri del *poller* sono corretti, i job aperiodici non influiscono sulla schedulabilità dei task periodici
- Se il job aperiodico arriva subito dopo l'inizio del periodo del *poller*, non sarà eseguito fino al periodo successivo (i tempi di risposta non sono minimizzati)

$$T_P = (2.5, 0.5)$$

$$T_1 = (3, 1)$$

$$T_2 = (10, 4)$$

Job aper. A:
rilascio a 0.1
durata 0.8



Server periodici

I *server periodici* sono una classe di task periodici aventi:

- Periodo p_s , **budget** e_s , e dimensione $u_s = e_s/p_s$
- **Regola di consumo**: come il budget viene consumato
- **Regola di rifornimento**: come il budget viene ripristinato

Si dice che il server periodico è:

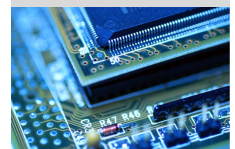
- **impegnato** quando ha lavoro da svolgere
- **idle** quando non ha lavoro da svolgere
- **eleggibile**, **pronto** o **schedulabile**: impegnato e con budget positivo

Esempio: il poller è assimilabile ad un server periodico

- impegnato quando la coda di job aperiodici è non vuota
- regola di consumo: sottrae il tempo impiegato ad eseguire un job aperiodico dal budget; **azzerà il budget se la coda è vuota**
- regola di rifornimento: il budget è impostato a e_s all'inizio di ogni periodo

Algoritmi
a conservazione
di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.4

Algoritmi a conservazione di banda

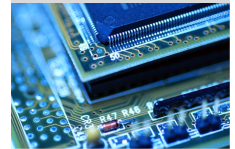
Il problema del server di polling è che il budget è perso non appena la coda di job aperiodici si svuota

Gli algoritmi basati su server periodici che non hanno questo problema sono definiti a *conservazione di banda*

Idea: preservare il budget quando il server periodico è idle per migliorare i tempi di risposta dei job aperiodici

Esistono molti tipi di algoritmi a *conservazione di banda*

- Server procrastinabile
- Server sporadico
- Server a utilizzazione costante
- Server a banda totale
- Algoritmo WFQ
- Algoritmo CBS



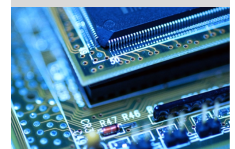
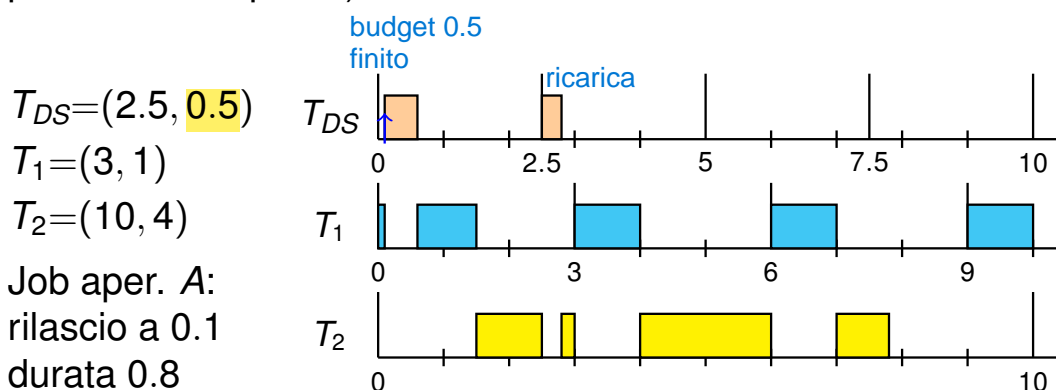
Server procrastinabile

Il *server procrastinabile* (o *deferrable server*) è il più semplice algoritmo a conservazione di banda

È caratterizzato da un periodo p_s , da un budget massimo e_s , e dalle seguenti regole:

- **Regola di consumo:** il budget è decrementato di uno per ogni unità di tempo in cui il server è in esecuzione
- **Regola di rifornimento:** il budget è impostato al valore e_s agli istanti $k \cdot p_s$, per $k = 0, 1, 2, \dots$

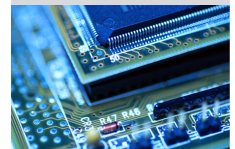
Nota: il budget non si accumula (quello non speso alla fine del periodo viene perso)



Schedulazione a priorità fissa con server procrastinabile

Algoritmi
a conservazione
di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

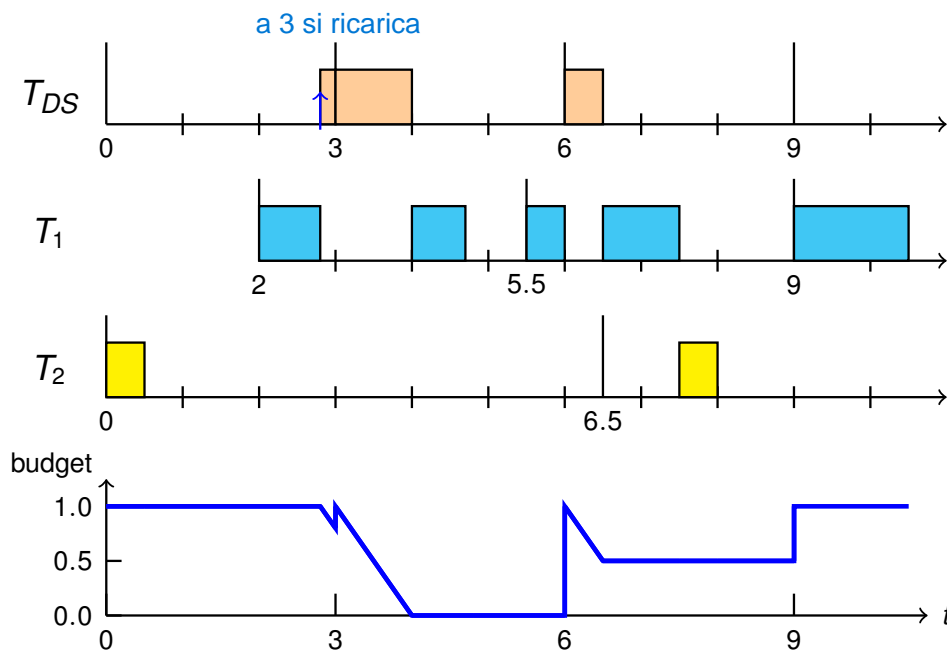
Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.7

Sistema: $T_{DS}=(3, 1)$, $T_1=(2.0, 3.5, 1.5, 3.5)$, $T_2=(6.5, 0.5)$

Job aperiodico A: arrivo a 2.8, durata 1.7

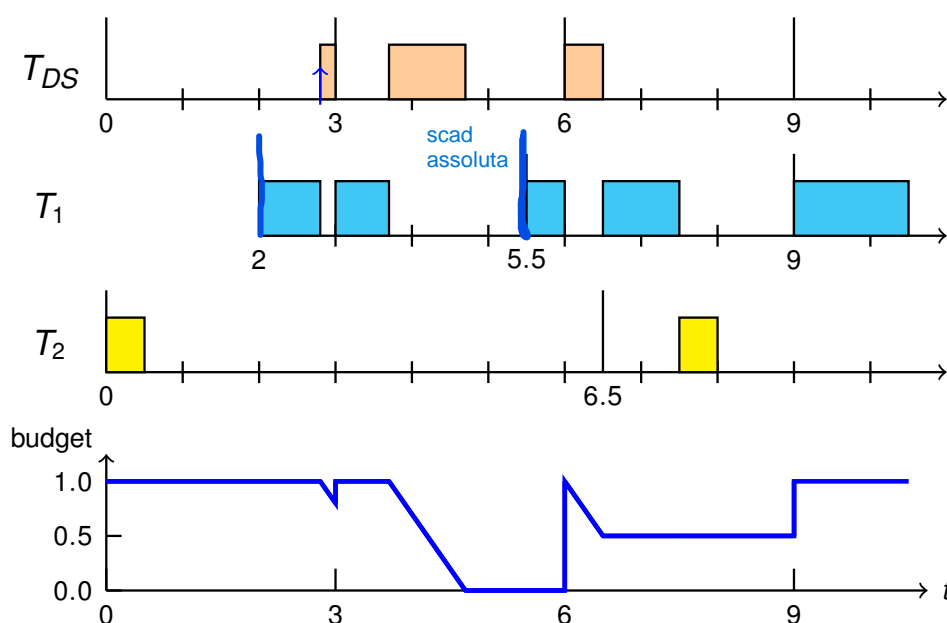


Schedulazione EDF con server procrastinabile

fase | periodo | es | scad rel

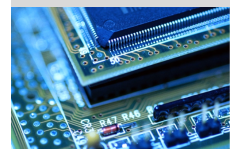
Sistema: $T_{DS}=(3, 1)$, $T_1=(2.0, 3.5, 1.5, 3.5)$, $T_2=(6.5, 0.5)$

Job aperiodico A: arrivo a 2.8, durata 1.7



Algoritmi
a conservazione
di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.8

Schedulabilità per priorità fissa con server procrastinabile

*È possibile applicare il test o le condizioni di schedulabilità per sistemi a **priorità fissa** con server procrastinabile? **Sì, ma...***

Il server procrastinabile non è identico agli altri task periodici:

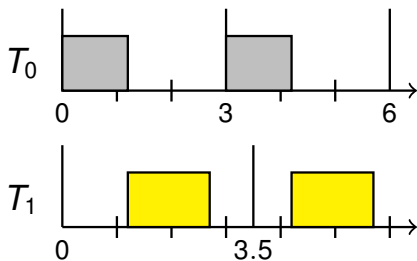
- Se il server è eleggibile e nessun task a priorità maggiore è in esecuzione, viene **subito attivato** dallo scheduler
- Un server con budget > 0 può diventare eleggibile in qualunque istante (dipende dagli arrivi dei job aperiodici)

No poller

$$T_0 = (3, 1.2), T_1 = (3.5, 1.5)$$

$$w_1(t) = 1.5 + \lceil t/3 \rceil 1.2$$

$$w_1(1.5) = 2.7 = w_1(2.7) \leq 3.5$$

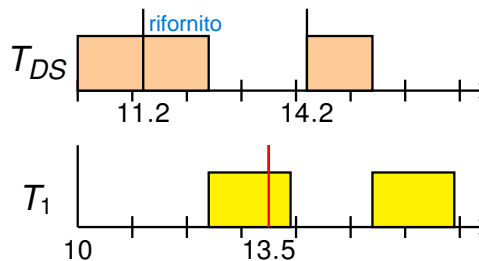


Si poller

$$T_{DS} = (3, 1.2), T_1 = (3.5, 1.5)$$

$$r_{1,c} = 10, r_A = 10, e_A > 3$$

$$\text{budget}(10) = 1.2, \text{fase} = 2.2$$



T1 manca scadenza, il problema è che T(DS) può partire in ogni istante.

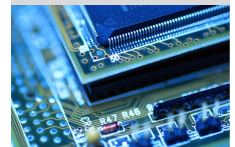
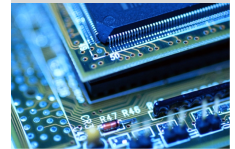
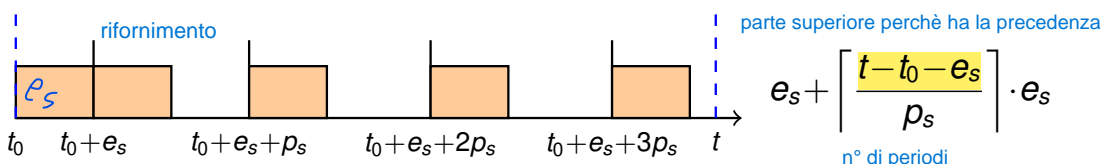
Istanti critici per sistemi con server procrastinabile

Lemma (Lehoczky, Sha, Strosnider, 1987, 2000)

In un sistema di task periodici indipendenti e interrompibili a priorità fissa con $D_i \leq p_i$, e con un server procrastinabile (p_s, e_s) con priorità massima, un **istante critico** di un task T_i si verifica all'istante t_0 se

- a t_0 è rilasciato un job di tutti i task T_1, \dots, T_i
- a t_0 il budget del server è e_s
- a t_0 è rilasciato almeno un job aperiodico che impegna il server da t_0 in avanti
- l'inizio del successivo periodo del server è a $t_0 + e_s$

Nelle ipotesi del lemma, quanto tempo di processore occupa al massimo il server procrastinabile nell'intervallo $(t_0, t]$?



Test di schedulabilità con server procrastinabile

Con priorità fissate ed un server procrastinabile di massima priorità, la **funzione di tempo richiesto** è:

quanto esegue il server

$$w_i(t) = e_i + b_i + e_s + \left\lceil \frac{t - e_s}{p_s} \right\rceil e_s + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k \quad \text{per } 0 < t \leq p_i$$

Il test controlla se $w_i(t) \leq t$ per i valori di $t \leq D_i$ tali che $t = h \cdot p_k$, oppure $t = e_s + h \cdot p_s$, oppure $t = D_i$ ($h = 0, 1, \dots$)

Analogamente per il **test di schedulabilità generale**:

$$w_{i,j}(t) = j e_i + b_i + e_s + \left\lceil \frac{t - e_s}{p_s} \right\rceil e_s + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k$$

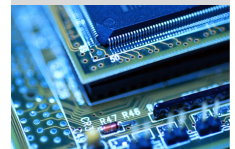
per $(j-1)p_i < t \leq (j-1)p_i + D_i$

Esempio: $T_{DS} = (3, 1.2)$, $T_1 = (3.5, 1.5)$

$$w_1(t) = 2.7 + \lceil (t - 1.2)/3 \rceil 1.2$$

$$w_1(1.5) = 3.9 = w_1(3.9) > 3.5 \Rightarrow T_1 \text{ non schedulabile!}$$

Se il server non ha priorità massima, il test fornisce una condizione solo **sufficiente** (può dare falsi negativi)



Condizione di schedulabilità **RM** con server procrastinabile

Teorema (Lehoczky, Sha, Strosnider, 1987, 2000)

Un server procrastinabile (p_s, e_s) ed n task periodici indipendenti e interrompibili con $p_i = D_i$ tali che

$$p_s < p_1 < \dots < p_n < 2p_s \quad \text{e} \quad p_n > p_s + e_s$$

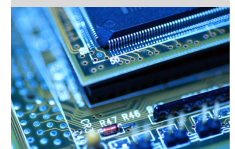
sono schedulabili con RM se l'utilizzazione totale dei task periodici e del server è minore o uguale a

$$U_{RM/DS}(n) = \frac{e_s}{p_s} + n \left[\left(\frac{e_s + 2p_s}{p_s + 2e_s} \right)^{1/n} - 1 \right]$$

è molto simile a Liu Layland nella forma, infatti prima c'era il "2" sotto l'esponenziale.

- Se $e_s = 0$, $U_{RM/DS}(n) = U_{RM}(n)$ come se il server non esistesse, ritorno a Liu Layland

- $\lim_{n \rightarrow \infty} U_{RM/DS}(n) = \frac{e_s}{p_s} + \ln \left(\frac{e_s + 2p_s}{p_s + 2e_s} \right)$



Se p_s, p_1, \dots, p_n non verificano le condizioni del teorema?

Applichiamo la condizione di schedulabilità task per task:

- Il server non ha alcuna influenza sui task aventi periodo minore di p_s
- Il server è schedulabile se lo è il corrispondente task periodico
- Per ogni task T_i con $p_i > p_s$, il server si comporta come un task periodico, tranne che può eseguire per un tempo e_s in più (tempo di blocco aggiuntivo):

$$\sum_{k=1}^i \frac{e_k}{p_k} + \frac{e_s}{p_s} + \frac{e_s + b_i}{p_i} \leq U_{RM}(i+1)$$

task stesso + server + blocco aggiuntivo (potrebbe eseguire due volte di fila)

Esempio: $T_{DS}=(3, 1.2)$, $T_1=(3.5, 1.5)$

$$\frac{1.5}{3.5} + \frac{1.2}{3} + \frac{1.2}{3.5} > 1 > U_{RM}(2) \Rightarrow T_1 \text{ forse non schedulabile!}$$

è sufficiente ma non necessario.

in questo esempio cade la condizione " $P_n > E_s + P_s$ "

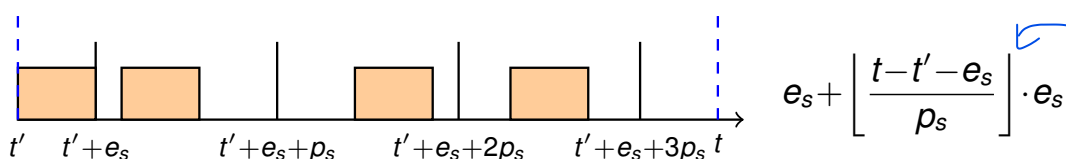
Condizione di schedulabilità EDF con server procrastinabile

Teorema (Ghazalie, Baker 1995)

Un task periodico T_i in un sistema di n task indipendenti e interrompibili è schedulabile con EDF insieme ad un server procrastinabile (p_s, e_s) se

$$\sum_{k=1}^n \frac{e_k}{\min(D_k, p_k)} + \frac{e_s}{p_s} \left(1 + \frac{p_s - e_s}{D_i} \right) \leq 1$$

Dim. (sketch per $D_k \geq p_k$) Un job di T_i rilasciato a r_i manca la scadenza a t ; $t' < t$ è l'ultimo istante in cui il processore è idle o esegue un job con scadenza $> t \Rightarrow r_i \geq t' \Rightarrow 1/(t - t') \leq 1/D_i$



$$t - t' < \sum_{k=1}^n \frac{e_k}{p_k} (t - t') + \frac{e_s}{p_s} (t - t' + p_s - e_s)$$

t-t' non mi è bastato per eseguire tutto il lavoro: eseguire TUTTI i job periodici + tempo preso dal server nell'intervallo tra parentesi.

Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.13

Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

tempo rubato dal server in questo lasso di tempo. "es" perchè a t' ha budget massimo, poi il resto è quante altre volte esegue. Inferiore perchè se "t" cade in mezzo, scarto quello che viene dopo.

SERT'20

R8.14

Server sporadici

Un server procrastinabile può ritardare i task di priorità minore più di un task periodico con identici parametri

I *server sporadici* sono una classe di server periodici completamente assimilabili come schedulabilità a task periodici con medesimi parametri

Un sistema con task periodici e *server sporadici* può essere analizzato tramite le condizioni ed il test di schedulabilità *generale* dei sistemi per task periodici

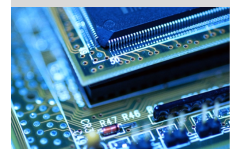
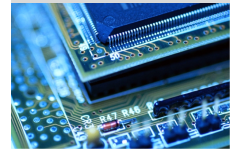
Esistono diversi tipi di *server sporadici*: la differenza è tutta nelle due regole di consumo e di rifornimento del budget

Regole più sofisticate:

- preservano il budget più a lungo o lo riforniscono più velocemente
- sono più difficili e costose da implementare

Definizioni per server sporadici in sistemi a priorità fissa

- Sistema \mathcal{T} di task periodici a priorità fissa
- Server sporadico $T_s = (p_s, e_s)$ con priorità π_s
- \mathcal{T}_H : insieme di task di \mathcal{T} con priorità maggiore di π_s
- *Intervallo totalmente occupato* di un insieme di task:
 - (1) prima dell'intervallo tutti i job sono stati completati,
 - (2) all'inizio viene rilasciato almeno un job, e
 - (3) la fine dell'intervallo è il primo istante in cui tutti i job rilasciati entro l'intervallo sono completati
- t_r : ultimo istante in cui è stato aumentato il budget
- t_f : primo istante dopo t_r in cui il server è in esecuzione
- t_e : istante che determina il momento del prossimo rifornimento (generalmente sarà a $t_e + p_s$)
- **BEGIN**: per ogni t , considerare l'ultima sequenza di intervalli totalmente occupati contigui dei task \mathcal{T}_H iniziata prima di t ; **BEGIN** è l'istante di inizio del primo intervallo totalmente occupato di questa sequenza
- **END**: l'istante finale della sequenza, se precedente a t , altrimenti ∞



Server sporadico semplice

Regola di consumo

In ogni istante $t > t_r$, il budget è decrementato di uno per ogni unità di tempo se una delle due condizioni C1 e C2 è vera:

C1 Il server è in esecuzione

C2 Il server è stato in esecuzione dopo t_r e inoltre $END < t$

Altrimenti (se C1 e C2 sono false) il budget è conservato

Regola di rifornimento

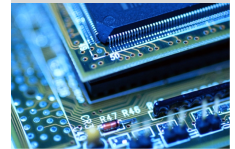
R1 Ad ogni rifornimento: $budget \leftarrow e_s$, $t_r \leftarrow$ istante corrente

R2 All'istante t_f : se $END = t_f$, $t_e \leftarrow \max(t_r, BEGIN)$; se $END < t_f$, $t_e \leftarrow t_f$

R3 Il prossimo rifornimento sarà a $t_e + p_s$, con due eccezioni:

(a) se $t_e + p_s < t_f$, il budget sarà rifornito non appena esaurito

(b) il budget sarà rifornito a $t_b < t_e + p_s$ se esiste un intervallo $[t_i, t_b)$ in cui nessun task di \mathcal{T} è eseguibile, ed un task di \mathcal{T} comincia l'esecuzione a t_b



Server sporadico semplice (2)

Significato di **C1**: nessun job del server esegue per un tempo maggiore di e_s in un periodo p_s

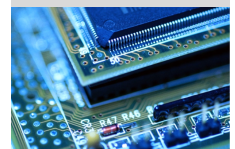
Significato di **C2**: il server conserva il budget se un task di \mathcal{T}_H è eseguibile oppure il server non ha mai eseguito da t_r ; altrimenti il budget è sempre consumato

Significato di **R2**:

- se nell'intervallo (t_r, t_f) sono stati sempre in esecuzione task di \mathcal{T}_H , il prossimo rifornimento sarà a $t_r + p_s$
- altrimenti il prossimo rifornimento sarà a $t_e + p_s$ ove t_e è l'ultimo istante di $(t_r, t_f]$ in cui *non* esegue un task di \mathcal{T}_H

Significato di **R3a**: il job del server ha atteso per più di p_s unità di tempo prima di iniziare l'esecuzione, quindi il job continua nel prossimo periodo (è richiesto il test di schedulabilità *generale*)

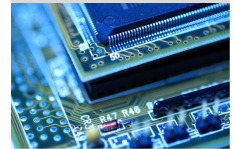
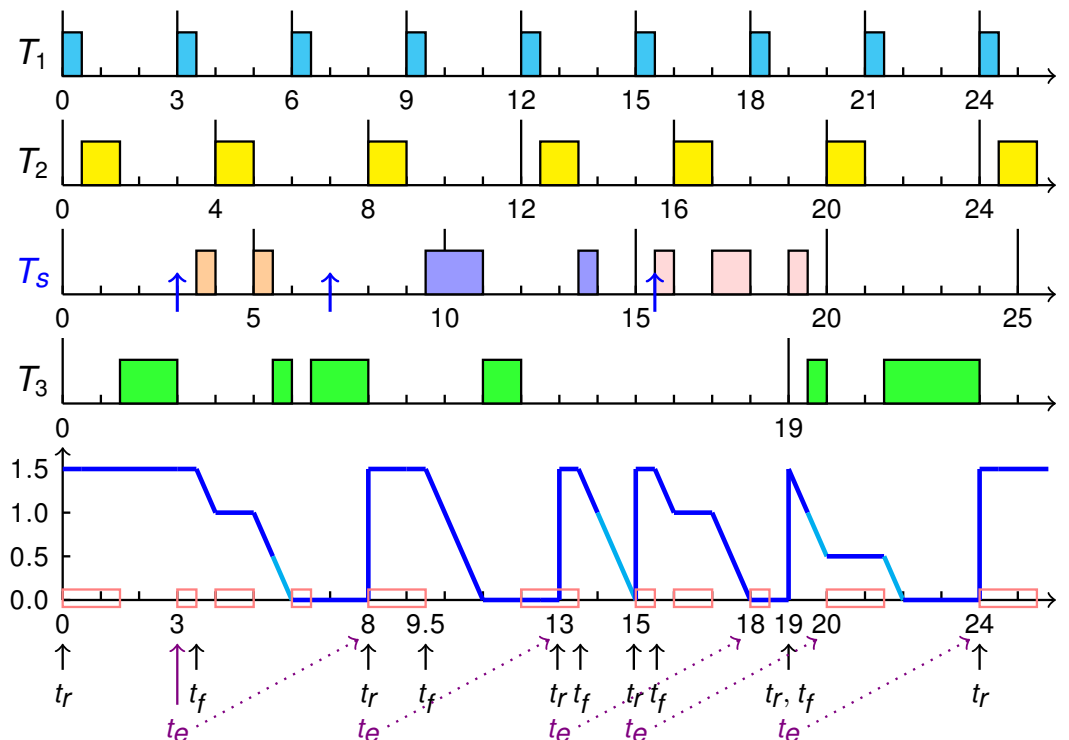
Significato di **R3b**: il budget è rifornito nell'istante iniziale di ogni intervallo totalmente occupato di \mathcal{T}



Schedulazione RM con server sporadico semplice

Sistema: $T_1=(3, 0.5)$, $T_2=(4, 1)$, $T_s=(5, 1.5)$, $T_3=(19, 4.5)$

Aperiodici: $A_1(r=3, e=1)$, $A_2(r=7, e=2)$, $A_3(r=15.5, e=2)$



Server sporadico/background

Esistono molte varianti di server sporadico, con regole sempre più complesse (e costose da implementare)

Variante più utile e diffusa: *server sporadico/background*

Differenza rispetto al server sporadico semplice: esegue sempre job aperiodici se nessun task periodico è eseguibile

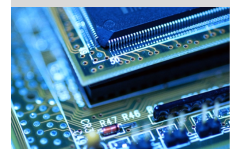
Regola di consumo

Identica a quella del server sporadico semplice, tranne che se nessun task periodico è eseguibile il budget è uguale a e_s

Regola di rifornimento

Identica a quella del server sporadico semplice, tranne R3b: il budget è ripristinato all'inizio di ogni intervallo in cui nessun task periodico è eseguibile; t_r (e ev. t_f) è la fine dell'intervallo

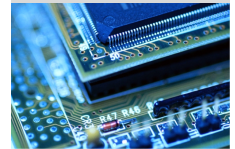
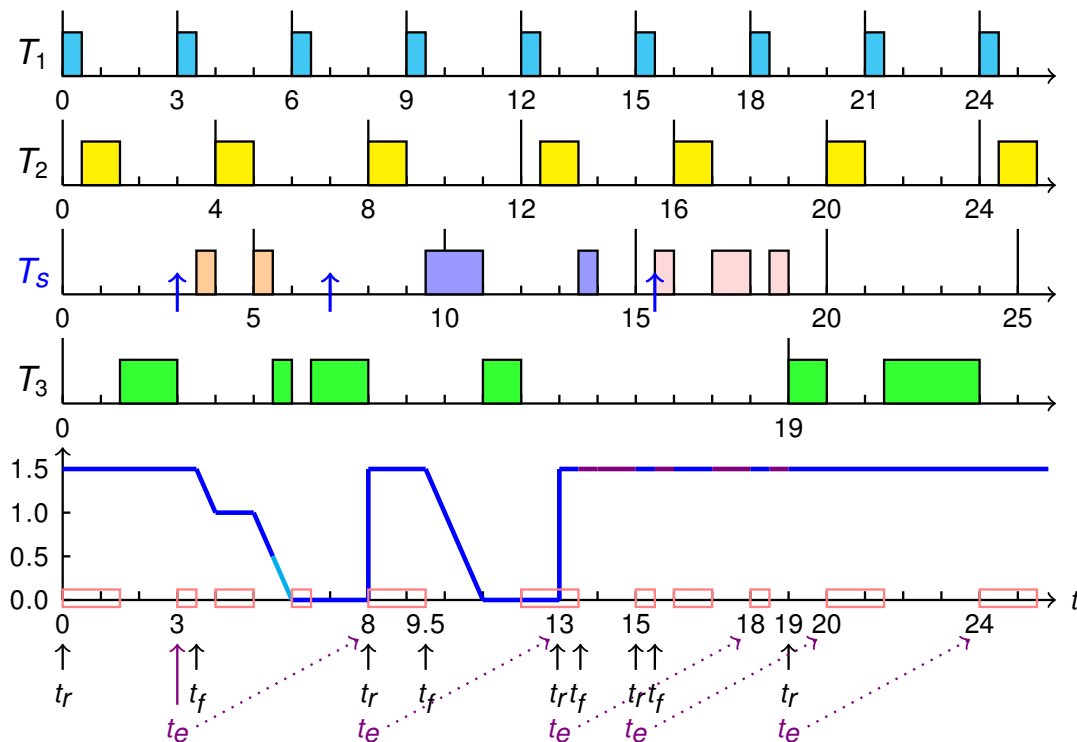
In effetti l'unico caso in cui *non* conviene usare un *server sporadico/background* al posto di uno semplice è quando si utilizzano più server sporadici per differenti tipi di job aperiodici



Schedulazione RM con server sporadico/background [Agg. 29.10.20]

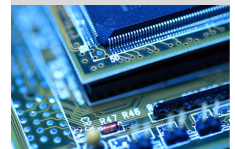
Sistema: $T_1=(3, 0.5)$, $T_2=(4, 1)$, $T_s=(5, 1.5)$, $T_3=(19, 4.5)$

Aperiodici: $A_1(r=3, e=1)$, $A_2(r=7, e=2)$, $A_3(r=15.5, e=2)$



Constant Bandwidth Server

- Inventato da L. Abeni e G. Buttazzo (1998)
- Server per job aperiodici integrabile in uno scheduler a priorità fissa a livello di job
 - Schedulazione di job aperiodici con i vantaggi di EDF rispetto a RM/DM
- Il server è “work conserving”
 - il processore non resta mai inutilizzato se almeno un job è eseguibile
- L'occupazione del processore del server non supera mai la frazione di tempo predefinita (*bandwidth costante*)
 - permette di isolare temporalmente i task periodici dal comportamento dei job aperiodici



Il funzionamento del CBS

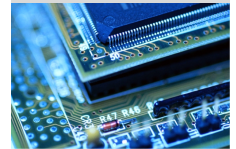
Un server CBS è caratterizzato da:

- il periodo p_s ,
- il budget massimo e_s
- il budget corrente c_s
- la scadenza assoluta corrente d_s

Il rapporto $u_s = \frac{e_s}{p_s}$ definisce la *bandwidth* del server

Il server CBS è schedulato con EDF insieme agli altri task periodici considerando la scadenza assoluta corrente d_s

Un sistema di task periodici T ed un server CBS sono schedulabili con EDF se e solo se $U_T + u_s \leq 1$



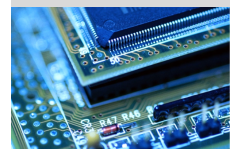
Il funzionamento del CBS (2)

Regola di aggiornamento della scadenza

- Inizialmente $d_s = 0$
- Non appena il budget corrente c_s si azzerà, $d_s \leftarrow d_s + p_s$ (scadenza posticipata \Rightarrow priorità del server diminuita)
- Se ad un certo istante t :
 - viene rilasciato un job aperiodico
 - il server non è impegnato (la coda dei job aperiodici è vuota)
 - vale la condizione $c_s \geq (d_s - t) \cdot u_s$allora $d_s \leftarrow t + p_s$

Regole di rifornimento e consumo del budget

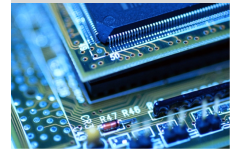
- Inizialmente $c_s \leftarrow e_s$
- c_s viene decrementato proporzionalmente all'esecuzione dei job aperiodici del server
- Se c_s si azzerà, $c_s \leftarrow e_s$ (il rifornimento è immediato)



Schedulazione EDF con server CBS

Algoritmi
a conservazione
di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

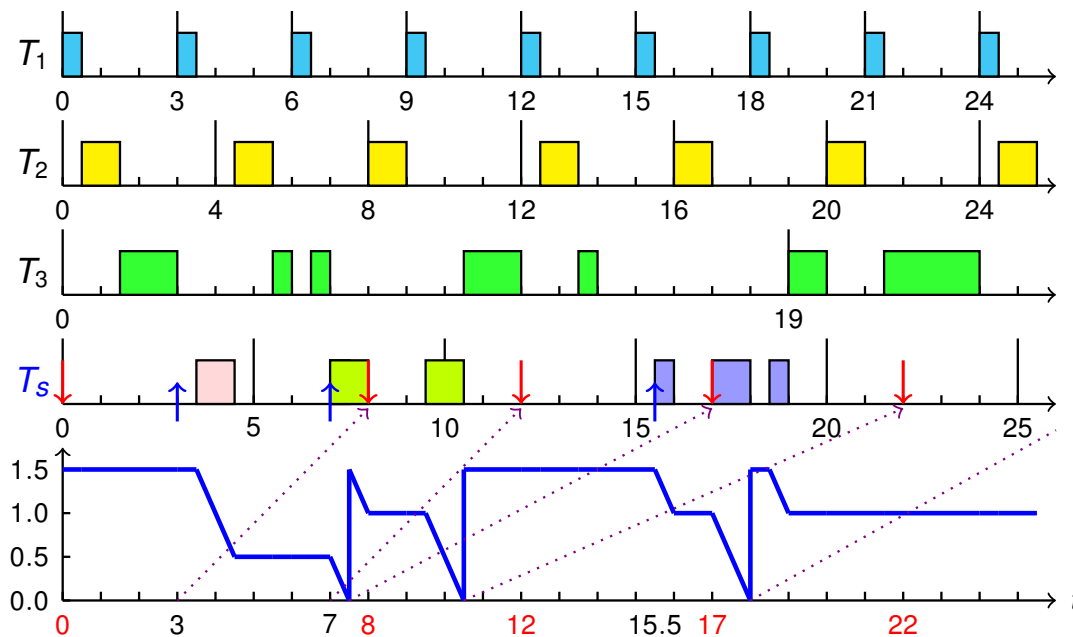
CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.25

Sistema: $T_s=(5, 1.5)$, $T_1=(3, 0.5)$, $T_2=(4, 1)$, $T_3=(19, 4.5)$
Aperiodici: $A_1(r=3, e=1)$, $A_2(r=7, e=2)$, $A_3(r=15.5, e=2)$



Schedulabilità EDF di job aperiodici hard real-time

La *densità di un job aperiodico* avente istante di rilascio r , massimo tempo di esecuzione e e scadenza d è $\frac{e}{d-r}$

Teorema

Un sistema di job aperiodici indipendenti e interrompibili è schedulabile con EDF se la densità totale di tutti i job attivi (nell'intervallo tra rilascio e scadenza) è in ogni istante ≤ 1

Dim. (sketch) Un job manca la scadenza a t ; sia $t' < t$ l'ultimo istante in cui il processore *non* ha eseguito un job con scadenza $\leq t \Rightarrow \sum_i e_i > t - t'$

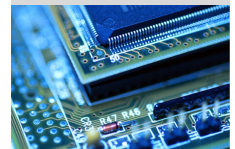
L'intervallo $(t', t]$ è partizionato in $(t'=t_1, t_2]$, $(t_2, t_3]$, \dots $(t_\ell, t_{\ell+1}=t]$ ove t_k è l'istante di rilascio o scadenza per qualche job

Sia \mathcal{X}_k l'insieme di job attivi in $(t_k, t_{k+1}]$ e sia Δ_k la loro densità

$$\sum_i e_i = \sum_{j=1}^{\ell} (t_{j+1} - t_j) \sum_{J_k \in \mathcal{X}_j} \frac{e_k}{d_k - r_k} = \sum_{j=1}^{\ell} \Delta_j (t_{j+1} - t_j) \leq t - t'$$

Algoritmi
a conservazione
di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

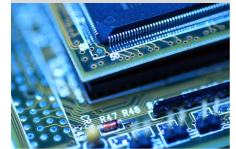
CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.26

Schedulabilità EDF di job aperiodici hard real-time (2)



[Schema della lezione](#)

[Server periodici](#)

[Server procrastinabili](#)

[Server sporadici](#)

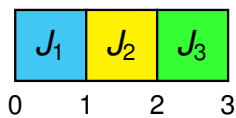
[CBS](#)

[Job aperiod. hard R.T.](#)

Consideriamo i job aperiodici $J_1:(r=0, e=1, d=2)$,
 $J_2:(r=0.5, e=1, d=2.5)$, e $J_3:(r=1, e=1, d=3)$

Intervalli:	$(0, 0.5]$	$(0.5, 1]$	$(1, 2]$	$(2, 2.5]$	$(2.5, 3]$
Job attivi:	J_1	$J_1 J_2$	$J_1 J_2 J_3$	$J_2 J_3$	J_3
Densità:	0.5	1.0	1.5	1.0	0.5

*Sono schedulabili con EDF? **Sì!***



La condizione del teorema è solo sufficiente!