# Performance Modeling of Computer Systems and Networks

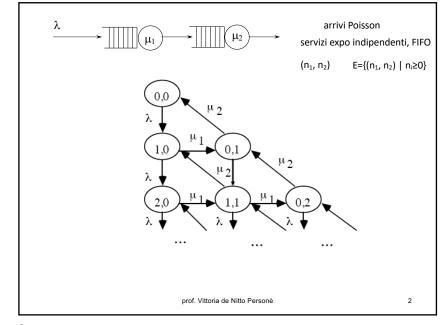
Prof. Vittoria de Nitto Personè

**Product Form** 

Università degli studi di Roma Tor Vergata Department of Civil Engineering and Computer Science Engineering

> Copyright © Vittoria de Nitto Personè, 2021 https://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/

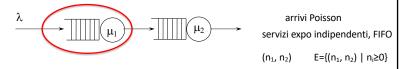




2

Partiamo da sistema vuoto avente stato (0,0). Le frecce rispettano un certo ordine: le frecce degli arrivi vanno sempre verso il basso (verticale).

Stesso discorso per i tassi di servizio, che sono sempre diagonali. Il grafo prodotto ha una struttura a lattice.



$$\rho^{n}(1-\rho) = Pr\{N_S = n\}^{M/M/1/FIFO}$$

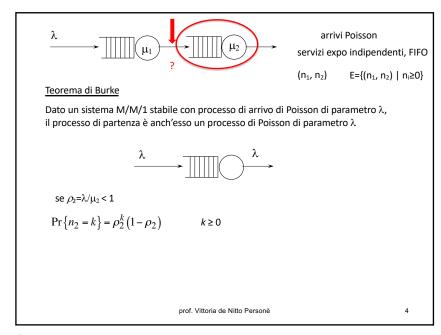
se 
$$\rho_1 = \lambda / \mu_1 < 1$$
  
Pr $\{n_1 = k\} = \rho_1^k (1 - \rho_1)$   $k \ge 0$ 

Guardiamo il primo centro (senza vedere ciò che c'è dopo) che riceve con tasso di Poisson, serve con tasso esponenziale, per ipotesi. Posso pensare alla soluzione M/M/1, che si comporta come una MG/PS, in cui tutti sono come se fossero in servizio in simultanea.

prof. Vittoria de Nitto Personè

Se l'utilizzazione rho < 1, allora posso scrivere come sopra. Poichè lavoro solo in rho\_1, allora userò rho\_1, non rho. Il primo centro è quindi risolvibile.

Il problema del secondo centro è: cosa gli entra?



- 4

Esiste il Teorema di Burke: dato processo M/M/1 stabile con arrivi Poisson di parametro lambda, allora anche il processo di partenza è un processo di Poisson di parametro lambda. Allora anche per questo secondo centro vale come prima, in rho\_2.

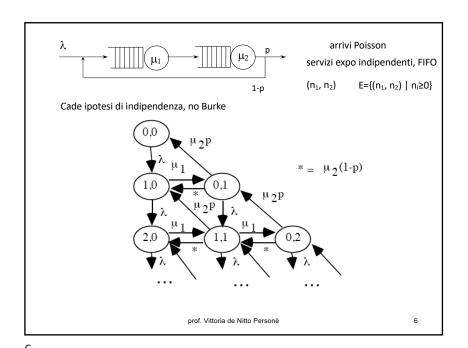
 $\lambda \qquad \qquad \text{arrivi Poisson} \\ \text{servizi expo indipendenti, FIFO} \\ \text{} (n_1, n_2) \qquad E = \{(n_1, n_2) \mid n_i \!\!\ge\!\! 0\}$ 

Per la proprietà di indipendenza

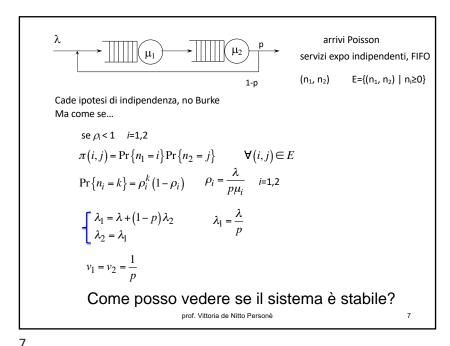
$$\pi(i, j) = \Pr\{n_1 = i\} \Pr\{n_2 = j\}$$
  $\forall (i, j) \in E$ 

Se introducessi il feedback che ritorna nella coda 1 con "1-p"?

prof. Vittoria de Nitto Personè 5

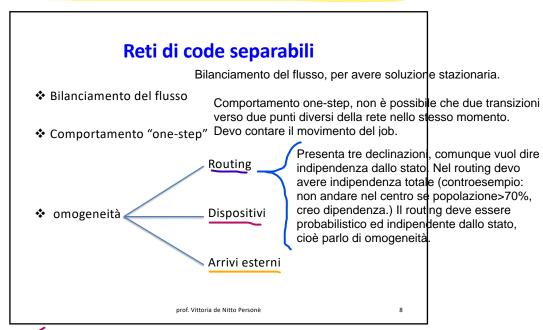


Questi due centri non sono totalmente indipendenti, quindi neanche Burke va bene. Tuttavia è come se si comportassero indipendentemente l'uno dall'altro. Posso calcolare come prima.



Devo vedere se i due rho sono minori di 1. Mi serve lambda da trovare, perchè c'è il feedback. Uso le equazioni di traffico.

Sotto certe ipotesi possiamo calcolare il tutto come prodotto dei singoli centri, con le formule già viste (multiserver con Erlang, etc...). Sotto quali ipotesi?



Nei dispositivi, il tasso di un certo dispositivo può dipendere solo da sè stesso (vedi processor sharing) ma non da altri. La condizione è interna.

Per gli arrivi esterni il tasso degli arrivi esterni su un determinato centro dipende solo rispetto al centro che stiamo considerando, non dagli altri.

## **BCMP**

- Aperte, chiuse, miste
- Routing probabilistico, senza memoria, indipendente dallo stato
- Servizi expo se lo scheduling prevede attese
- Servizi generali se lo scheduling è immediato (IS, PS, LIFO-prel)

prof. Vittoria de Nitto Personè

La versione della soluzione in forma prodotto più ampia. Mette insieme reti aperte, chiuse e miste. Il routing probabilistico, senza memoria e indipendente. Introduce le distribuzioni generali distinguendo se i centri prevedono attese (allora uso esponenziale), altrimenti se non si forma coda (c'è sempre server libero) uso infinite server. PS. LIFO-prel.

## Accennato

## Why MVA ??

- general topology networks
- low computational cost and easy of use

Software engineering

Theoretical computer science

Military applications

Web traffic modeling

Manufacturing

10

Web application performance prediction

Wireless Communication

prof. Vittoria de Nitto Personè

#### Web application performance prediction

- Á. Bogárdi-Mészöly, T. Levendovszky "A novel algorithm for performance prediction of web-based software systems". Performance Evaluation: Volume 68 Issue 1, Pages 45-57, January, 2011
- G. Franks, T. Al-Omaru, M. Woodside, O. Das, S. Derisavi "Enhanced modeling and solution of layered queueing networks". IEEE Transaction on Software Engineering, vol. 35 no. 2, pp. 148-161 (2009)

#### Web traffic modeling

- K. Avrachenkov, U. Yechiali "On tandem blocking queues with a common retrial queue". Computers & Operations Research 37 (2010), 1174-1180
- G. Casale, E. Smirni "MAP-AMVA: Approximate mean value analysis of bursty systems". 2009 IEEE/IFIP International Conference on Dependable Systems & Networks. (2009)
- L. Zhang, D. G. Down "Approximate Mean Value Analysis for Multi-core Systems". *International Symposium on Performance Evaluation of Computer and Telecommunication Systems SPECTS* **2015**

#### Software engineering

• Dorina C. Petriu, C. Murray Woodside "Approximate mean value analysis based on Markov chain aggregation by composition". Linear Algebra and its Applications 386 (2004) 335–358

#### Wireless Communication

• Y. Lin, V. W.S. Wong "Saturation Throughput of IEEE 802.11e EDCA Based on Mean Value Analysis". IEEE Wireless Communications and Networking Conference (2006)

prof. Vittoria de Nitto Personè

11

### Manufacturing

- L. Mönch, J. Zimmermann, S.J. Mason, J.W. Fowler "Multiple orders per job formation and release strategies in large-scale wafer fabs: a simulation study". *Journal of Simulation* (2011) 5, 25–43
- M.K. Omar, S. Kumar, Y. Suppiah "Performance analysis in a re-entrant operation with conbinational routing and yield probabilities". Applied Mathematical Modelling: Volume 33, Issue 3, March 2009, Pages 1601-1612
- M.Jain, Sandhya Maheshwari, K.P.S. Baghel "Queueing network modeling of flexible manufacturing system using mean value analysis". Applied Mathematical Modeling 32 (2008) 700-711

#### Military applications

 Xia Guoqing, Chen Hongzhao, Wang Yuanhui "Analysis of aircraft sortie generation process using closed queueing network model". 2010 International Conference on Intelligent Computation Technology and Automation (2010)

#### Theoretical computer science (process algebras)

- N. Thomas, Y. Zhao "Mean value analysis for a class of PEPA models." Computer Performance Engineering. (2009).
- Y. Zhao, N. Thomas "Comparing Methods for the Efficient Analysis of PEPA Models of Non-repudiation Protocols". 2009 15th International Conference on Parallel and Distributed Systems. (2009)
- G. Yaikhom, M. Cole, S. Gilmore "Combining measurement and stochastic modelling to enhance scheduling decisions for a parallel mean value analysis". Computational Science – ICCS 2006. Lecture notes on computer science, 2006. Volume 3992/2006. 929-936
- M. Tribastone "Approximate Mean Value Analysis of Process Algebra Models" 19th Annual IEEE International Symposium on Modelling, Analysis, and Simulation of Computer and Telecommunication Systems (2011)

NB

12

La bibliografia presentata non è esaustiva, ma è da intendersi solo a titolo di esempio

prof. Vittoria de Nitto Personè

12

```
MVA
              for i:=1 until M do
                                                      initialization
                    E(n_i(0)) = 0
             for n:=1 until N do {
  for i:=1 until M do {
                     E(t_i(n)) = \begin{cases} E(S_i) & delay center \\ E(S_i)(1 + E(n_i(n-1))) & queueing center \end{cases}
                for i:=1 until M do {
n
                   \lambda_{i}(n) = \frac{n}{\sum_{j=1}^{M} v_{j/E}(t_{j}(n))}E(n_{i}(n)) = \lambda_{i}(n)E(t_{i}(n))
                                                                                        Arrival Theorem
                                                             prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                                                                                             13
13
```

non posso applicare Little a lambda, perchè dovrei conoscere E(n\_i(n)) e E(t\_i(n)) che però essendo iterativi ancora non posso conoscere.