Lezione R8

Algoritmi a conservazione di banda

Sistemi embedded e real-time

22 ottobre 2020

Marco Cesati

Dipartimento di Ingegneria Civile e Ingegneria Informatica Università degli Studi di Roma Tor Vergata Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

Di cosa parliamo in questa lezione?

In questa lezione si discutono alcuni algoritmi a conservazione di banda utilizzati per integrare la gestione dei job aperiodici con gli schedulatori priority-driven

- I server periodici
- Il server procrastinabile
- Il server sporadico
- Il server CBS
- Job aperiodici hard RT

Algoritmi a conservazione di banda

R8.1

SERT'20

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

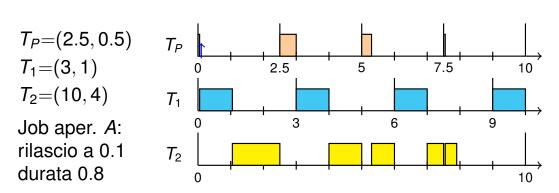
Schedulazione di job aperiodici con polling

[Agg. 29.10.2020]

L'algoritmo di schedulazione con polling è basato su un task periodico (server di polling o poller) con fase 0, periodo p_s , tempo d'esecuzione e_s , e priorità massima

Il server di polling controlla la coda di job aperiodici: se è vuota, si auto-sospende fino al prossimo periodo, altrimenti esegue il job in cima alla coda per max *e*_s unità di tempo

- Se i parametri del poller sono corretti, i job aperiodici non influiscono sulla schedulabilità dei task periodici
- Se il job aperiodico arriva subito dopo l'inizio del periodo del poller, non sarà eseguito fino al periodo successivo (i tempi di risposta non sono minimizzati)



Algoritmi a conservazione di banda Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20 R8.3

Server periodici

I server periodici sono una classe di task periodici aventi:

- Periodo p_s , budget e_s , e dimensione $u_s = e_s/p_s$
- Regola di consumo: come il budget viene consumato
- Regola di rifornimento: come il budget viene ripristinato

Si dice che il server periodico è:

- impegnato quando ha lavoro da svolgere
- idle quando non ha lavoro da svolgere
- eleggibile, pronto o schedulabile: impegnato e con budget positivo

Esempio: il poller è assimilabile ad un server periodico

- impegnato quando la coda di job aperiodici è non vuota
- regola di consumo: sottrae il tempo impiegato ad eseguire un job aperiodico dal budget; azzera il budget se la coda è vuota
- regola di rifornimento: il budget è impostato a e_s all'inizio di ogni periodo

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

Algoritmi a conservazione di banda

Il problema del server di polling è che il budget è perso non appena la coda di job aperiodici si svuota

Gli algoritmi basati su server periodici che non hanno questo problema sono definiti a *conservazione di banda*

Idea: preservare il budget quando il server periodico è idle per migliorare i tempi di risposta dei job aperiodici

Esistono molti tipi di algoritmi a conservazione di banda

- Server procrastinabile
- Server sporadico
- Server a utilizzazione costante
- Server a banda totale
- Algoritmo WFQ
- Algoritmo CBS

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.5

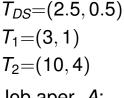
Server procrastinabile

Il *server procrastinabile* (o *deferrable server*) è il più semplice algoritmo a conservazione di banda

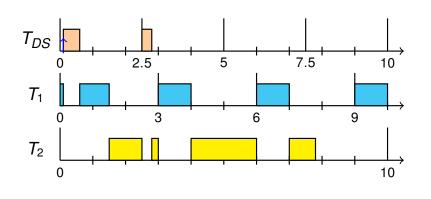
È caratterizzato da un periodo p_s , da un budget massimo e_s , e dalle seguenti regole:

- Regola di consumo: il budget è decrementato di uno per ogni unità di tempo in cui il server è in esecuzione
- Regola di rifornimento: il budget è impostato al valore e_s agli istanti $k \cdot p_s$, per k = 0, 1, 2, ...

Nota: il budget non si accumula (quello non speso alla fine del periodo viene perso)



Job aper. A: rilascio a 0.1 durata 0.8



Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

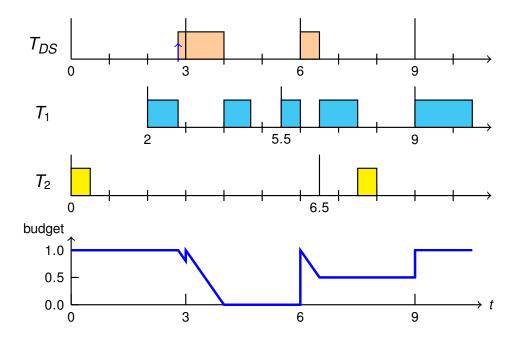
Server procrastinabili Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

Schedulazione a priorità fissa con server procrastinabile

Sistema: T_{DS} =(3, 1), T_1 =(2.0, 3.5, 1.5, 3.5), T_2 =(6.5, 0.5) Job aperiodico A: arrivo a 2.8, durata 1.7



Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

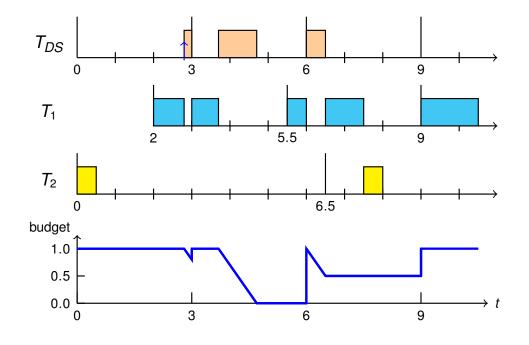
Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.7

Schedulazione EDF con server procrastinabile

Sistema: T_{DS} =(3,1), T_1 =(2.0,3.5,1.5,3.5), T_2 =(6.5,0.5) Job aperiodico A: arrivo a 2.8, durata 1.7



Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

Schedulabilità per priorità fissa con server procrastinabile

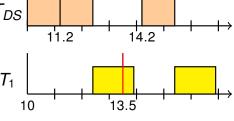
È possibile applicare il test o le condizioni di schedulabilità per sistemi a priorità fissa con server procrastinabile? Sì. ma. . .

Il server procrastinabile non è identico agli altri task periodici:

- Se il server è eleggibile e nessun task a priorità maggiore è in esecuzione, viene subito attivato dallo scheduler
- Un server con budget > 0 può diventare eleggibile in qualunque istante (dipende dagli arrivi dei job aperiodici)

$$T_0=(3,1.2), T_1=(3.5,1.5)$$
 $w_1(t) = 1.5 + \lceil t/3 \rceil 1.2$
 $w_1(1.5)=2.7=w_1(2.7) \le 3.5$
 $T_0 \longrightarrow 0$
 $T_1 \longrightarrow 0$
 $T_1 \longrightarrow 0$

$$T_{DS}$$
=(3, 1.2), T_1 =(3.5, 1.5)
 $r_{1,c}$ =10, r_A =10, e_A > 3
budget(10)=1.2, fase=2.2
 T_{DS}



Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.9

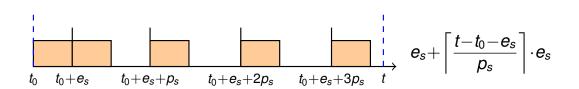
Istanti critici per sistemi con server procrastinabile

Lemma (Lehoczky, Sha, Strosnider, 1987, 2000)

In un sistema di task periodici indipendenti e interrompibili a priorità fissa con $D_i \leq p_i$, e con un server procrastinabile (p_s, e_s) con priorità massima, un istante critico di un task T_i si verifica all'istante to se

- a t_0 è rilasciato un job di tutti i task T_1, \ldots, T_i
- a t₀ il budget del server è e_s
- a t_0 è rilasciato almeno un job aperiodico che impegna il server da t_0 in avanti
- l'inizio del successivo periodo del server è a $t_0 + e_s$

Nelle ipotesi del lemma, quanto tempo di processore occupa al massimo il server procrastinabile nell'intervallo (t_0, t]?



Algoritmi di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

Test di schedulabilità con server procrastinabile

Con priorità fissate ed un server procrastinabile di massima priorità, la funzione di tempo richiesto è:

$$w_i(t) = e_i + b_i + e_s + \left\lceil \frac{t - e_s}{p_s} \right\rceil e_s + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k \quad \text{per } 0 < t \le p_i$$

Il test controlla se $w_i(t) \le t$ per i valori di $t \le D_i$ tali che $t = h \cdot p_k$, oppure $t = e_s + h \cdot p_s$, oppure $t = D_i$ (h = 0, 1, ...)

Analogamente per il test di schedulabilità generale:

$$w_{i,j}(t) = j e_i + b_i + e_s + \left\lceil \frac{t - e_s}{p_s} \right\rceil e_s + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k$$

$$per (j-1) p_i < t \le (j-1)p_i + D_i$$

Esempio: T_{DS} =(3, 1.2), T_1 =(3.5, 1.5)

$$w_1(t) = 2.7 + \lceil (t - 1.2)/3 \rceil 1.2$$

$$w_1(1.5) = 3.9 = w_1(3.9) > 3.5 \Rightarrow T_1 \text{ non schedulabile!}$$

Se il server non ha priorità massima, il test fornisce una condizione solo sufficiente (può dare falsi negativi)

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

Condizione di schedulabilità RM con server procrastinabile

Teorema (Lehoczky, Sha, Strosnider, 1987, 2000)

Un server procrastinabile (p_s, e_s) ed n task periodici indipendenti e interrompibili con $p_i = D_i$ tali che

$$p_s < p_1 < \cdots < p_n < 2 p_s$$
 e $p_n > p_s + e_s$

sono schedulabili con RM se l'utilizzazione totale dei task periodici e del server è minore o uguale a

$$U_{RM/DS}(n) = rac{e_s}{
ho_s} + n \left[\left(rac{e_s + 2 \, p_s}{
ho_s + 2 \, e_s}
ight)^{1/n} - 1
ight]$$



$$\bullet \lim_{n\to\infty} U_{RM/DS}(n) = \frac{e_s}{p_s} + \ln\left(\frac{e_s + 2p_s}{p_s + 2e_s}\right)$$

a conservazione di banda

R8.11

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

Condizione di schedulabilità RM con server procrastinabile (2)

Se p_s, p_1, \ldots, p_n non verificano le condizioni del teorema?

Applichiamo la condizione di schedulabilità task per task:

- Il server non ha alcuna influenza sui task aventi periodo minore di p_s
- Il server è schedulabile se lo è il corrispondente task periodico
- Per ogni task T_i con $p_i > p_s$, il server si comporta come un task periodico, tranne che può eseguire per un tempo e_s in più (tempo di blocco aggiuntivo):

$$\sum_{k=1}^{i} \frac{e_k}{p_k} + \frac{e_s}{p_s} + \frac{e_s + b_i}{p_i} \leq U_{RM}(i+1)$$

Esempio: T_{DS} =(3, 1.2), T_1 =(3.5, 1.5)

$$\frac{1.5}{3.5} + \frac{1.2}{3} + \frac{1.2}{3.5} > 1 > U_{RM}(2) \Rightarrow T_1$$
 forse non schedulabile!

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server procrastinabili

Server sporadici

Server periodici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.13

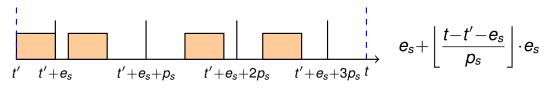
Condizione di schedulabilità EDF con server procrastinabile

Teorema (Ghazalie, Baker 1995)

Un task periodico T_i in un sistema di n task indipendenti e interrompibili è schedulabile con EDF insieme ad un server procrastinabile (p_s, e_s) se

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{e_k}{\min\left(D_k, p_k\right)} + \frac{e_s}{p_s} \left(1 + \frac{p_s - e_s}{D_i}\right) \leq 1$$

Dim. (sketch per $D_k \ge p_k$) Un job di T_i rilasciato a r_i manca la scadenza a t; t' < t è l'ultimo istante in cui il processore è idle o esegue un job con scadenza $> t \Rightarrow r_i \ge t' \Rightarrow 1/(t-t') \le 1/D_i$



$$t-t' < \sum_{k=1}^{n} \frac{e_k}{p_k} (t-t') + \frac{e_s}{p_s} (t-t'+p_s-e_s)$$

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

Server sporadici

Un server procrastinabile può ritardare i task di priorità minore più di un task periodico con identici parametri

I *server sporadici* sono una classe di server periodici completamente assimilabili come schedulabilità a task periodici con medesimi parametri

Un sistema con task periodici e server sporadici può essere analizzato tramite le condizioni ed il test di schedulabilità generale dei sistemi per task periodici

Esistono diversi tipi di server sporadici: la differenza è tutta nelle due regole di consumo e di rifornimento del budget

Regole più sofisticate:

- preservano il budget più a lungo o lo riforniscono più velocemente
- sono più difficili e costose da implementare

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.15

Definizioni per server sporadici in sistemi a priorità fissa

- ullet Sistema ${\mathcal T}$ di task periodici a priorità fissa
- Server sporadico $T_s = (p_s, e_s)$ con priorità π_s
- \mathcal{T}_H : insieme di task di \mathcal{T} con priorità maggiore di π_s
- Intervallo totalmente occupato di un insieme di task:
 - (1) prima dell'intervallo tutti i job sono stati completati,
 - (2) all'inizio viene rilasciato almeno un job, e
 - (3) la fine dell'intervallo è il primo istante in cui tutti i job rilasciati entro l'intervallo sono completati
- \bullet t_r : ultimo istante in cui è stato aumentato il budget
- t_f : primo istante dopo t_f in cui il server è in esecuzione
- t_e : istante che determina il momento del prossimo rifornimento (generalmente sarà a t_e+p_s)
- BEGIN: per ogni t, considerare l'ultima sequenza di intervalli totalmente occupati contigui dei task T_H iniziata prima di t; BEGIN è l'istante di inizio del primo intervallo totalmente occupato di questa sequenza
- END: l'istante finale della sequenza, se precedente a t, altrimenti ∞

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

Server sporadico semplice

Regola di consumo

In ogni istante $t > t_r$, il budget è decrementato di uno per ogni unità di tempo se una delle due condizioni C1 e C2 è vera:

C1 Il server è in esecuzione

C2 Il server è stato in esecuzione dopo t_r e inoltre END < t Altrimenti (se C1 e C2 sono false) il budget è conservato

Regola di rifornimento

R1 Ad ogni rifornimento: budget $\leftarrow e_s$, $t_r \leftarrow$ istante corrente

R2 All'istante t_f : se END = t_f , $t_e \leftarrow \max(t_f, \text{BEGIN})$; se END < t_f , $t_e \leftarrow t_f$

R3 Il prossimo rifornimento sarà a t_e+p_s , con due eccezioni:

- (a) se $t_e + p_s < t_f$, il budget sarà rifornito non appena esaurito
- (b) il budget sarà rifornito a $t_b < t_e + p_s$ se esiste un intervallo $[t_i, t_b)$ in cui nessun task di $\mathcal T$ è eseguibile, ed un task di $\mathcal T$ comincia l'esecuzione a t_b

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.17

Server sporadico semplice (2)

Significato di C1: nessun job del server esegue per un tempo maggiore di e_s in un periodo p_s

Significato di C2: il server conserva il budget se un task di \mathcal{T}_H è eseguibile oppure il server non ha mai eseguito da t_r ; altrimenti il budget è sempre consumato

Significato di R2:

- se nell'intervallo (t_r, t_f) sono stati sempre in esecuzione task di \mathcal{T}_H , il prossimo rifornimento sarà a $t_r + p_s$
- altrimenti il prossimo rifornimento sarà a t_e+p_s ove t_e è l'ultimo istante di $(t_r, t_f]$ in cui *non* esegue un task di \mathcal{T}_H

Significato di R3a: il job del server ha atteso per più di p_s unità di tempo prima di iniziare l'esecuzione, quindi il job continua nel prossimo periodo (è richiesto il test di schedulabilità *generale*)

Significato di R3b: il budget è rifornito nell'istante iniziale di ogni intervallo totalmente occupato di $\mathcal T$

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

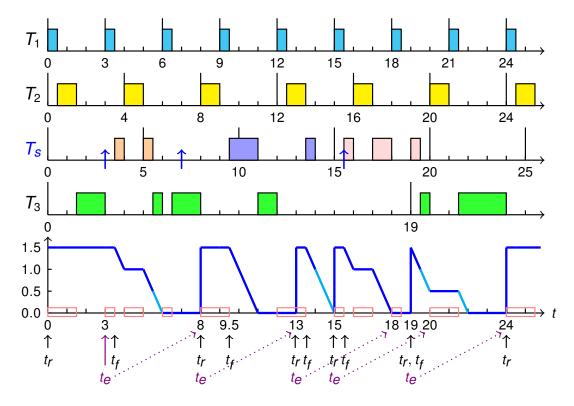
CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

Schedulazione RM con server sporadico semplice

Sistema: T_1 =(3,0.5), T_2 =(4,1), T_s =(5,1.5), T_3 =(19,4.5) Aperiodici: $A_1(r=3,e=1)$, $A_2(r=7,e=2)$, $A_3(r=15.5,e=2)$



Algoritmi a conservazione di banda Marco Cesati



Schema della lezione

Server procrastinabili

Server sporadici

Server periodici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20 R8.19

Server sporadico/background

Esistono molte varianti di server sporadico, con regole sempre più complesse (e costose da implementare)

Variante più utile e diffusa: server sporadico/background

Differenza rispetto al server sporadico semplice: esegue sempre job aperiodici se nessun task periodico è esegubile

Regola di consumo

Identica a quella del server sporadico semplice, tranne che se nessun task periodico è eseguibile il budget è uguale a e_s

Regola di rifornimento

Identica a quella del server sporadico semplice, tranne R3b: il budget è ripristinato all'inizio di ogni intervallo in cui nessun task periodico è eseguibile; t_r (e ev. t_f) è la fine dell'intervallo

In effetti l'unico caso in cui *non* conviene usare un server sporadico/background al posto di uno semplice è quando si utilizzano più server sporadici per differenti tipi di job aperiodici

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

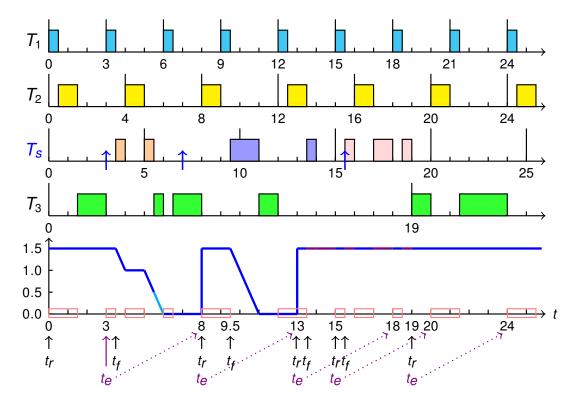
CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

Schedulazione RM con server sporadico/background [Agg. 29.10.20]

Sistema: T_1 =(3,0.5), T_2 =(4,1), T_s =(5,1.5), T_3 =(19,4.5) Aperiodici: $A_1(r=3,e=1)$, $A_2(r=7,e=2)$, $A_3(r=15.5,e=2)$



Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20 R8.21

Constant Bandwidth Server

- Inventato da L. Abeni e G. Buttazzo (1998)
- Server per job aperiodici integrabile in uno scheduler a priorità fissa a livello di job
 - Schedulazione di job aperiodici con i vantaggi di EDF rispetto a RM/DM
- Il server è "work conserving"
 - il processore non resta mai inutilizzato se almeno un job è eseguibile
- L'occupazione del processore del server non supera mai la frazione di tempo predefinita (bandwidth costante)
 - permette di isolare temporalmente i task periodici dal comportamento dei job aperiodici

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

Il funzionamento del CBS

Un server CBS è caratterizzato da:

- il periodo ps,
- il budget massimo es
- il budget corrente cs
- la scadenza assoluta corrente d_s

Il rapporto $u_s = \frac{e_s}{p_s}$ definisce la *bandwidth* del server

Il server CBS è schedulato con EDF insieme agli altri task periodici considerando la scadenza assoluta corrente d_s

Un sistema di task periodici T ed un server CBS sono schedulabili con EDF se e solo se $U_T + u_s \le 1$

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20 R8.23

Il funzionamento del CBS (2)

Regola di aggiornamento della scadenza

- Inizialmente $d_s = 0$
- Non appena il budget corrente c_s si azzera, $d_s \leftarrow d_s + p_s$ (scadenza posticipata \Rightarrow priorità del server diminuita)
- Se ad un certo istante t:
 - viene rilasciato un job aperiodico
 - il server non è impegnato (la coda dei job aperiodici è vuota)
 - vale la condizione $c_s \ge (d_s t) \cdot u_s$

allora $d_s \leftarrow t + p_s$

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

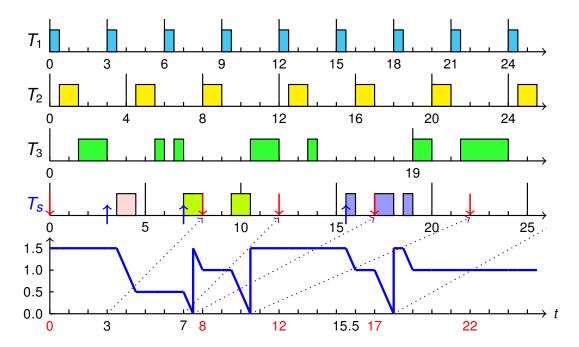
Regole di rifornimento e consumo del budget

- Inizialmente $c_s \leftarrow e_s$
- *c*_s viene decrementato proporzionalmente all'esecuzione dei job aperiodici del server
- Se c_s si azzera, $c_s \leftarrow e_s$ (il rifornimento è immediato)

SERT'20

Schedulazione EDF con server CBS

Sistema: T_s =(5, 1.5), T_1 =(3, 0.5), T_2 =(4, 1), T_3 =(19, 4.5) Aperiodici: $A_1(r=3, e=1)$, $A_2(r=7, e=2)$, $A_3(r=15.5, e=2)$



Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione Server periodici

Server procrastinabili Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

SERT'20

R8.25

Schedulabilità EDF di job aperiodici hard real-time

La *densità di un job aperiodico* avente istante di rilascio r, massimo tempo di esecuzione e e scadenza d è $\frac{e}{d-r}$

Teorema

Un sistema di job aperiodici indipendenti e interrompibili è schedulabile con EDF se la densità totale di tutti i job attivi (nell'intervallo tra rilascio e scadenza) è in ogni istante ≤ 1

Dim. (sketch) Un job manca la scadenza a t; sia t' < t l'ultimo istante in cui il processore *non* ha eseguito un job con scadenza $\leq t$ $\Rightarrow \sum_{i} e_{i} > t - t'$

L'intervallo (t', t] è partizionato in $(t'=t_1, t_2], (t_2, t_3], \ldots$ $(t_\ell, t_{\ell+1}=t]$ ove t_k è l'istante di rilascio o scadenza per qualche job

Sia \mathcal{X}_k l'insieme di job attivi in $(t_k, t_{k+1}]$ e sia Δ_k la loro densità

$$\sum_{i} e_{i} = \sum_{j=1}^{\ell} (t_{j+1} - t_{j}) \sum_{J_{k} \in \mathcal{X}_{j}} \frac{e_{k}}{d_{k} - r_{k}} = \sum_{j=1}^{\ell} \Delta_{j} (t_{j+1} - t_{j}) \leq t - t'$$

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili Server sporadici

CBS

Job aperiod. hard R.T.

Schedulabilità EDF di job aperiodici hard real-time (2)

Algoritmi a conservazione di banda

Marco Cesati



Schema della lezione

Server periodici

Server procrastinabili

Server sporadici

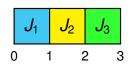
CBS

Job aperiod. hard R.T.

Consideriamo i job aperiodici $J_1:(r=0, e=1, d=2)$, $J_2:(r=0.5, e=1, d=2.5)$, e $J_3:(r=1, e=1, d=3)$

Intervalli: (0,0.5] (0.5,1] (1,2] (2,2.5] (2.5,3] Job attivi: J_1 J_1 J_2 J_1 J_2 J_3 J_2 J_3 J_3 Densita: 0.5 1.0 1.5 1.0 0.5

Sono schedulabili con EDF? Sì!



La condizione del teorema è solo sufficiente!

SERT'20