Performance Modeling of Computer Systems and Networks

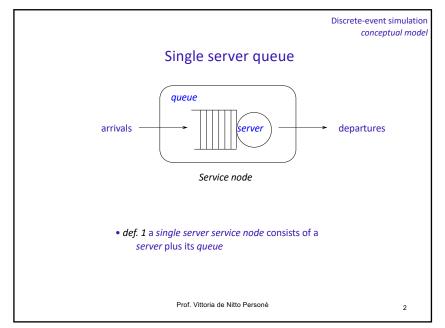
Prof. Vittoria de Nitto Personè

Analytical models (single resource)

Università degli studi di Roma Tor Vergata Department of Civil Engineering and Computer Science Engineering

Copyright © Vittoria de Nitto Personè, 2021





Disciplina di scheduling: algoritmo utilizzato per selezionare il job che deve entrare in servizio.

Inizialmente assumiamo NON PRELAZIONE e servizio CONSERVATIVO:

"Non prelazione" significa che un job entrato in servizio non può essere interrotto, bensì devi completare l'esecuzione.

"Conservativo" vuol dire che, nel momento in cui ci sia qualche job in attesa del servizio e il server è libero, quest'ultimo deve subito iniziare a processare i job in attesa, e quindi non può rimanere "con le mani in mano".

Questo secondo aspetto potrebbe portare a degli "svantaggi" nel caso in cui conoscessimo i tempi di arrivo e le priorità dei job, infatti potremmo "aspettare" un job più importante di quelli attualmente in attesa.

Questo "svantaggio" è però annullato dal fatto che i job non sono interrompibili, quindi non possiamo ragionare in questa ottica.

def. 2 queue discipline (scheduling / service order):
the algorithm used when a job is selected
from the queue to enter service

FIFO – first in, first out
LIFO – last in, first out
random – serve in random order
Priority – tipically shortest job first (SJF)

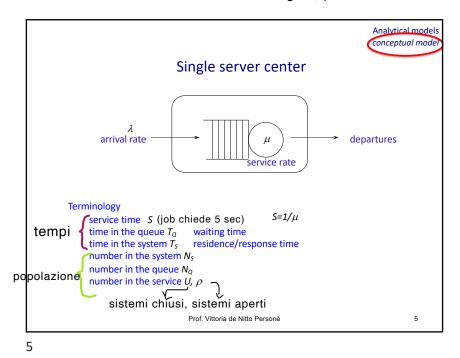
• FIFO (/ FCFS):

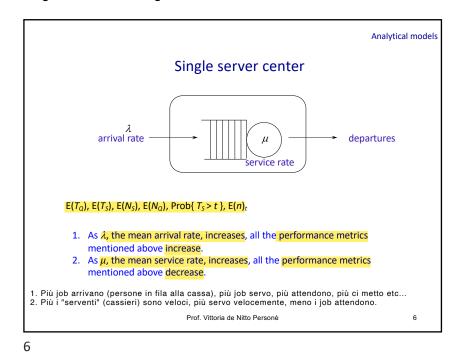
- The order of arrival and departure are the same
- A job cannot start service if the "previous" job has not left the node; this observation can be used to simplify the simulation
- Unless otherwise specified, assume FIFO with infinite queue capacity

• service is non-preemptive
- Once initiated, service of a job will continue until completion

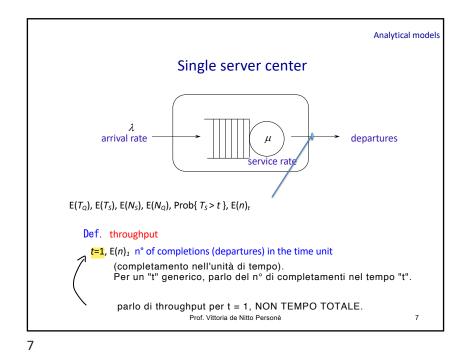
• service is conservative
- server will never remain idle if there is one or more jobs in the service node

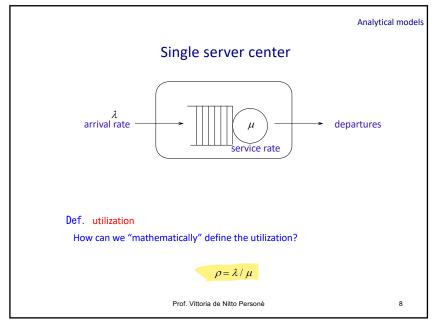
Analizziamo una coda a servente singolo, possiamo individuare la seguente terminologia:



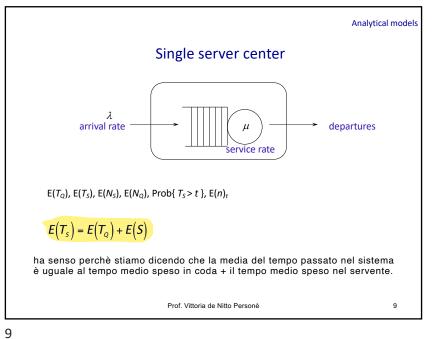


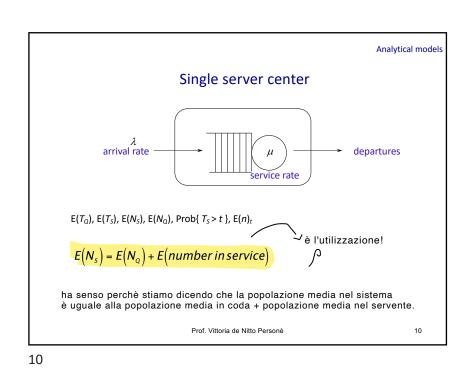
Spesso nei requisiti viene imposto che il tempo di risposta non deve superare un certo valore. Si può fare uno studio di probabilità sul tempo di risposta e studiare qual è la probabilità tale che Ts (tempo nel sistema) superi un certo valore "t", ovvero P(Ts > t), è un requisito di qualità.





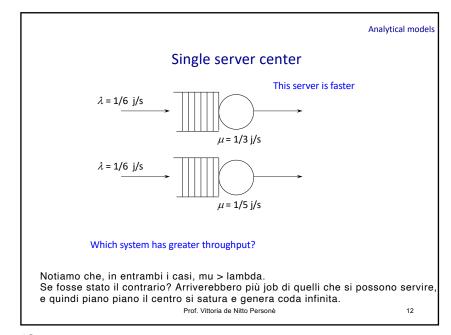
⁸ L'utilizzazione è la percentuale di tempo in cui si è occupati, rispetto al tempo che stiamo misurando.





Single server center Arrival rate departures $E(T_Q), E(T_S), E(N_S), E(N_Q), \operatorname{Prob}\{T_S > t\}, E(n)_t$ $E(N_S) = E(N_Q) + \rho$ infatti la popolazione media nel servente non è nient'altro che l'utilizzazione media del servente.

11



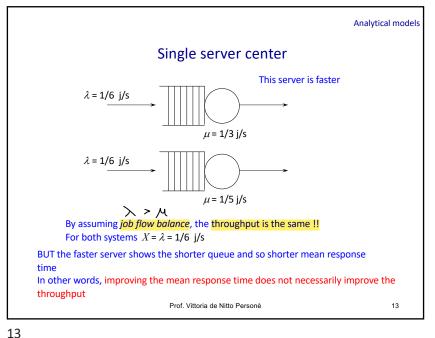
12

Entrambi i single server center hanno STESSO THROUGHPUT di 1/6 jobs/sec.

Ciò che cambia è il tempo di risposta e la lunghezza della coda, che nel server più veloce sono minori, ma ciò non ha nulla a che fare con il throughput.

TEMPI DI RISPOSTA SONO SCORRELATI DA THROUGHPUT.

Non importa quanto alto possa essere , il rate di completamento è comunque limitato, in questo esempio, dal rate di arrivo "rate in = rate out." Cambiare "mu" influenza il valore massimo del throughput, ma non quello attuale.

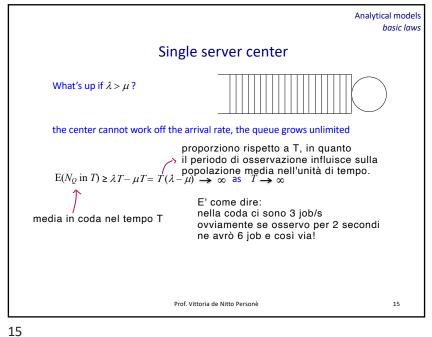


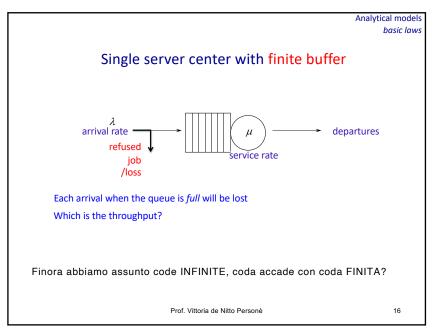
Analytical models basic laws Single server center (random) If the center is in stochastic equilibrium (stationary condition), $\lambda < \mu$, $\rho = \lambda / \mu < 1$ $E(n)_1 = X = \lambda$ Throughput is independent of the service rate μ throughput non dipende da mu If the center is **NOT** in stochastic equilibrium $\lambda > \mu$, $E(n)_1 = X = \mu$ the center cannot work off the arrival rate, the queue grows unlimited coda cresce e va a infinito. 14 Prof. Vittoria de Nitto Personè

Concettualmente, possiamo pensarla cosi:

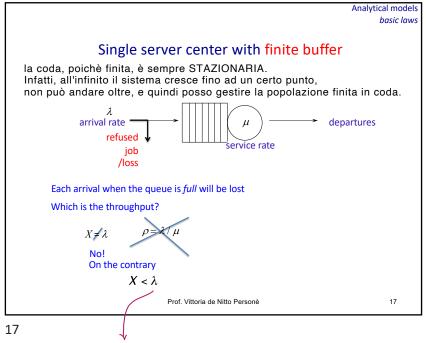
Ho due cassieri: cassiere A serve una persona in 3 minuti (mu = 1/3), cassiere B in 5 minuti (mu = 1/5). Una persona si aggiunge ad una delle due code 10 minuti dopo la precedente (quindi lambda = 1/10) In questo caso non importa quanto il cassiere sia veloce, perchè siamo comunque vincolati dagli arrivi dei clienti (quelli che arrivano = quelli che escono).

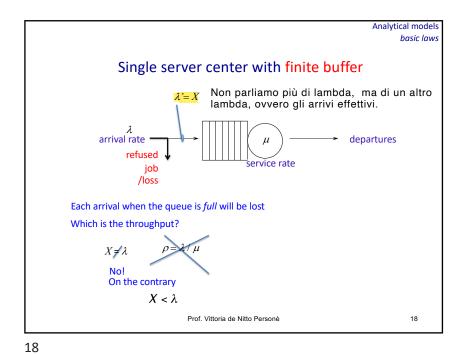
In pratica il throughput è il minimo tra lambda e mu, perchè vedere il minimo tra loro due mi dà informazioni anche sulla presenza o assenza di equilibrio stocastico.





Innanzitutto dobbiamo mantenere un CONTATORE per il numero di jobs in coda, in quanto all'arrivo di un nuovo job in coda dobbiamo poter dire se tale job è aggregabile in coda, o se dobbiamo scartarlo. Inoltre dobbiamo mantenere anche degli indici per identificare il tasso di perdita.





Questo perchè ricevo meno di lambda, in quanto devo considerare la perdita del sistema. Cosa possiamo dire dell'utilizzazione? Possiamo solamente dire che non è semplicemente lambda/mu, per dire altro dobbiamo fare analisi stocastica.

Consider a web server with a mean processing rate of 1.2 job/s. If the server receives requests with a rate of 0.45 job/s and it has 0.225 enqueued jobs on average, determine:

- a) the average utilization
- b) the average response time.

During rush hours the arrival rate grows of 20% and the average number of enqueued jobs becomes 0.3681818.

Determine:

19

- c) the performance metrics a) and b)
- d) which further increasing in arrival rate makes the server collapsing
- e) the performance metrics a) and b) for the limiting case d).

Prof. Vittoria de Nitto Personè

20

19

Let us consider a server that processes jobs with rate 0.8 jobs/s.

By assuming that the server receives jobs with a rate depending on the time slot as follows:

8.00 a.m. - 12.00 a.m. average arrival rate 1.5 jobs/s

12.00 a.m. – 2.00 p.m. average arrival rate 0.5 jobs/s

2.00 p.m. – 7.00 p.m. average arrival rate 1.5 jobs/s

7.00 p.m. – 9.00 p.m. average arrival rate 0.5 jobs/s

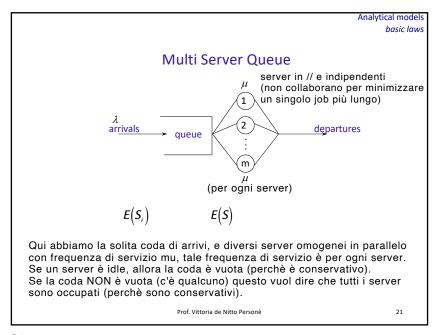
9.00 p.m. – 8.00 a.m. average arrival rate 0.05 jobs/s

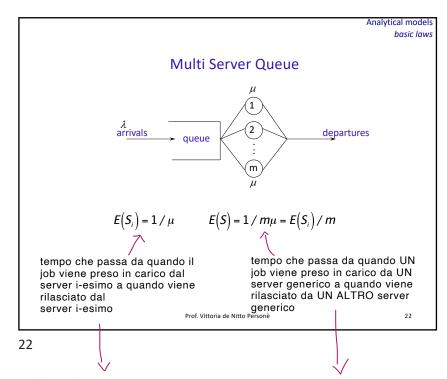
Determine:

- a) average arrival rate per day (24 hours)
- b) average utilization per day
- c) average throughput per day
- d) average throughput for each time slot

Please, justify and comment the results by indicating the used laws.

Prof. Vittoria de Nitto Personè



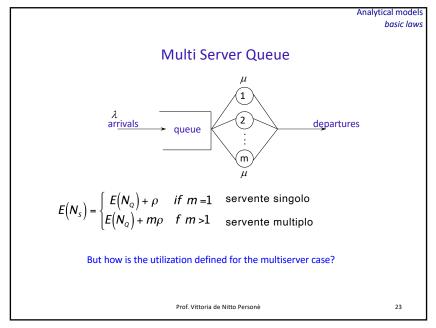


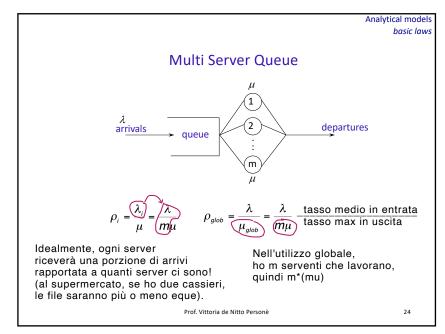
21

Vado alle poste. Ci sono due file. Mi concentro

sulla fila1 e vedo ogni quanto tempo il dipendente della fila1 termina il servizio con il cliente. Vado alle poste.

Ci sono due file. Non mi concentro più sulla fila singola, ma le osservo entrambe, e vedo generalmente ogni quanto un dipendente (di una delle due file, non mi importa quale) si libera.





23 24

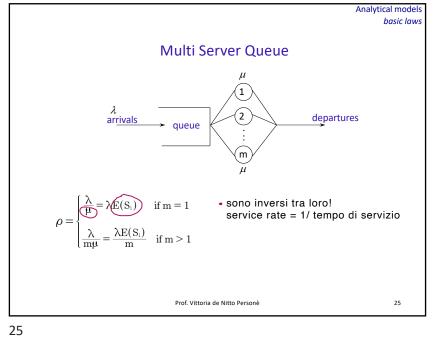
L'utilizzazione del singolo servente, e globale hanno stessa "formula", ma non ci danno le stesse informazioni!

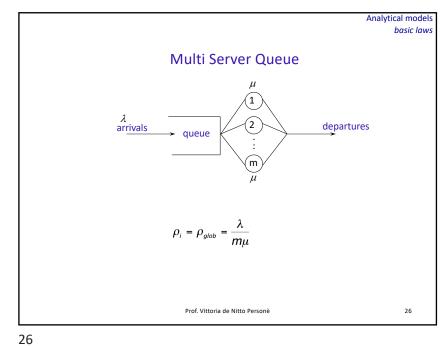
L'utilizzazione del singolo servente mi dice mediamente QUANTO viene utilizzato quel singolo servente. (es: ogni server è sfruttato al 65%) L'utilizzazione globale mi dice mediamente IL NUMERO DI SERVER UTILIZZATI su m totali (es: mediamente, uso 3 server su 5)

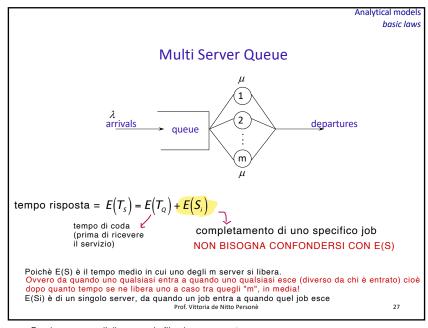
Ad esempio, se m = 10, e utilizzazione = 0.5

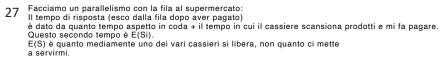
- Per il singolo servente: è sfruttato al 50% mediamente.
- A livello globale, utilizzo 10 * 0.5 = 5 server mediamente.

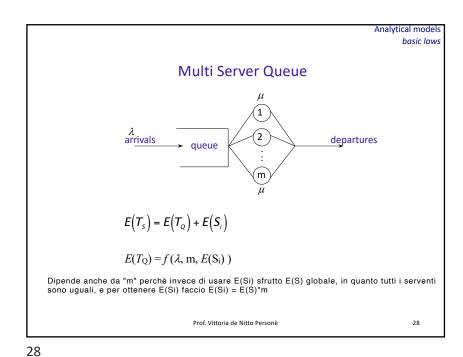
Ovviamente, se la popolazione nel sistema cresce e va a infinito, utilizzo tutti i server presenti!



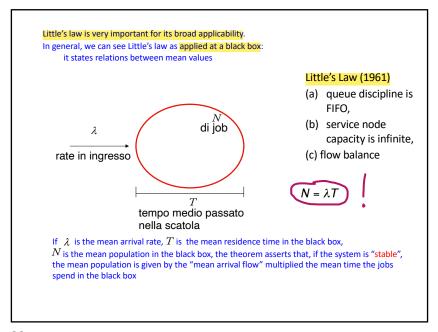


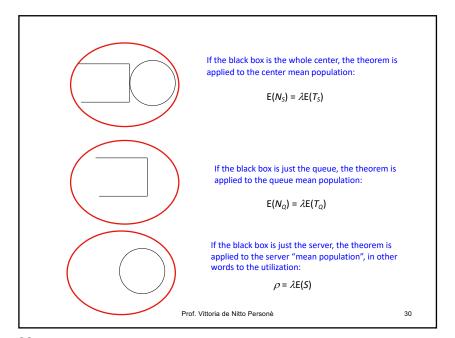




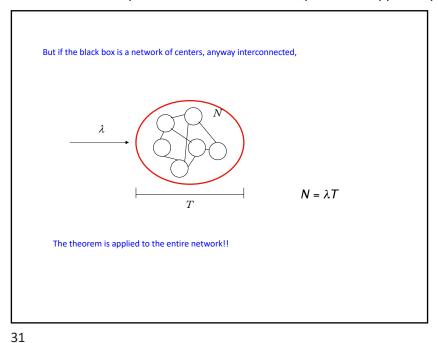


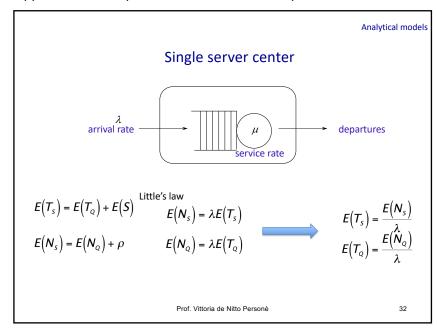
La legge di Law è cosi importante da poterla utilizzare anche mediante un approccio "black box", ovvero senza preoccuparci di vedere cosa c'è nel centro. "Black box" vuol dire che la legge di Law vale sia se vedo l'intero centro sia se vedo la coda singolarmente, o il singolo server.





Little vale anche se prendo un insieme di centri, perchè ho appunto questo approccio che mi porta a disinteressarmi di quello che c'è dentro





32 Qui abbiamo qualche applicazione della legge di Little, per trovare i tempi in funzione della popolazione e degli arrivi.

... ed ovviamente anche al Multi server Queue.

