

Performance Modeling of Computer Systems and Networks

Prof. Vittoria de Nitto Personè

Next Event Simulation Examples

Università degli studi di Roma Tor Vergata

Department of Civil Engineering and Computer Science Engineering

Copyright © Vittoria de Nitto Personè, 2021
https://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/

1

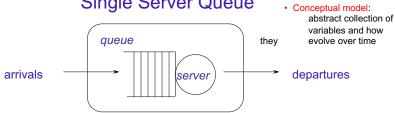
- 1. **Initialize** set simulation clock and first time of occurrence for each event type
- Process current event scan event list to determine most imminent event; advance simulation clock; update state
- 3. Schedule new events new events (if any) are placed in the event list
- Terminate Continue advancing the clock and handling events until termination condition is satisfied

Prof. Vittoria de Nitto Personè

2

Next-Event simulation conceptual model

Single Server Queue



- The *state* is number of jobs in the node at time t: l(t)
- Its time-evolution is guided by arrival-departure events:
 - An arrival causes l(t) to increase by 1
 - A departure causes *l(t)* to decrease by 1

Prof. Vittoria de Nitto Personè

3

3

Next-Event simulation specification model

Single Server Queue

 Specification model: collection of mathematical variables together with logic and equations

The state variable *l(t)* provides a complete characterization of the state of a ssq

$$l(t) = 0 \Leftrightarrow q(t) = 0 \text{ and } x(t) = 0$$

 $l(t) > 0 \Leftrightarrow q(t) = l(t) - 1 \text{ and } x(t) = 1$

Da I(t) posso effettivamente definire tutto.

Tutto ciò che è inutile/superfluo non va messo.

Posso scrivere queste formule solo se capisco bene il modello che sto definendo, se non me ne rendo conto allo 'step' prima posso tornare indietro e vedere cosa manca, ma idealmente a questo passo ci arrivo solo dopo aver catturato tutto.

Prof. Vittoria de Nitto Personè

I(t) ci dice tutto, non ci serve altro.

- The initial state l(0) can have any non-negative value, typically 0 Ha senso partire da 0, se parto dal sistema vuoto. Se partissi da un sistema già stabile, potrei usare altri valori.
- terminal state: any non-negative value
 - Assume at time τ arrival process stopped. Remaining jobs processed before termination
- some mechanism must be used to denote an event impossible
 - Only store possible events in event list
 - Denote impossible events with event time of ∞

stato iniziale, fisso un tempo 'tau' che, superato blocca i nuovi arrivi e fa servire gli ultimi job arrivati in ritardo.

se volessi tornare allo

Prof. Vittoria de Nitto Personè

Ę

5

13/04/2023

Next-Event simulation

- The simulation clock (current time) is *t* NextEvent guidata dal tempo, come detto è asincrono.
- The terminal ("close the door") time is τ istante terminale
- The next scheduled arrival time is t_a
- The next scheduled service completion time is t_c
- The number in the node (state variable) is *l* (in funzione di t)

Prof. Vittoria de Nitto Personè

6

Next-Event Simulation

Algorithm

- 1. Initialize: the clock
 - the event list (e.g. ssq arrival) the system state
- 2. Remove next event from the list
- 3. Advance simulation clock
- **4. Process** current event
- 5. Schedule new events (if any) generated from current event
- 6. Go to 2. until termination condition is satisfied

Nella coda singola, ad esempio, inizializziamo I(t=0) = 0, ovvero all'inizio non c'è nessuno. 5) ad esempio, se arriva un job e va nella coda, non schedulo il suo completamento, quello viene schedulato quando entra in servizio.

Se parto da centro vuoto vado subito in servizio, e quindi metto subito tempo completamento.

Prof. Vittoria de Nitto Personè

7

DE simulation computational model

7

ssq2.c

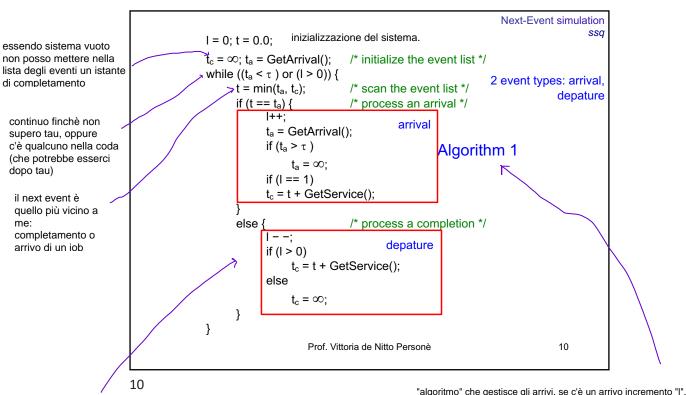
vecchio codice

```
int main(void)
                             /* job index */contaijob
                   = 0;
{ long index
                 = START; /* arrival time*/
  double arrival
                             /* delay in queue*/
  double delay;
  double service;
                             /* service time*/
  double wait;
                             /* delay + service*/
  double departure = START;
                            /* departure time*/
  struct {
    double delay;
                             /* sum of ... */
                      /*delay times */
      double wait;
                      /*wait times*/
      double service; /*service times */
      double interarrival; /* interarrival times */
  \} sum = {0.0, 0.0, 0.0};
PutSeed(123456789);
```

Prof. Vittoria de Nitto Personè

8

```
DE simulation
                                                  computational model
while (index < LAST) {
index++;
arrival
              = GetArrival();
if (arrival < departure)</pre>
    delay = departure - arrival; /* delay in queue */
else delay
                  = 0.0;
                                      /* no delay */
service = GetService();
wait = delay + service;
                                       time of departure */
departure
             = arrival + wait;
             += delay;
sum.delay
                                      questa è la parte che cambia.
sum.wait
             += wait;
sum.service += service;
                   Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                           9
```



se il prossimo tempo è quello di completamento, decremento la popolazione,

se c'è ancora qualcuno nel centro, devo generare il suo servizio, e quindi il suo istante di completamento. Se coda è vuota (I ==0), prossimo tempo di completamento è infinito, perché non c'è nessuno.

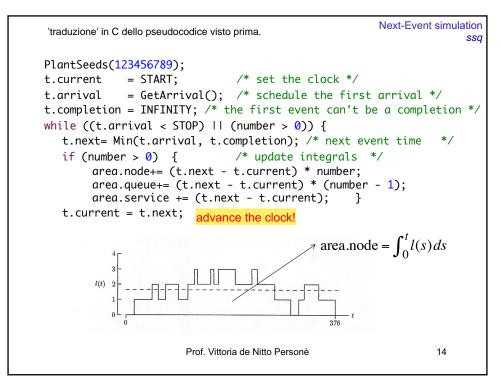
(qui siamo in coda infinita), genero prossimo evento arrivo, sennò il programma terminerebbe. Controllo se sono oltre la simulazione, se eccedo il tempo tau allora posto il tutto a infinito,

se partivo da sistema vuoto, I ==1, allora job sta per forza entrando in servizio, e quindi genero un evento di un altro tipo (il servizio), oltre a definire il prossimo tempo di completamento. NON SO ANCORA SE VIENE PRIMA DEL PROSSIMO t(a). 5

```
Next-Event simulation
Program ssq3
                                                         computational model
• number
                 represents l(t) (system state)
 struct t
                 represents time
    • t.arrival, t.completion
                                        event list
                                        ( t_a, t_c from algorithm 1)
    • t.current simulation clock ( t from algorithm 1)
                   next event time (min(t_a, t_c) from algorithm 1)
    • t.next
                   last arrival time
    • t.last
• struct area (time-averaged) statistics-gathering structure
    • \int_0^t l(s)ds evaluated as
                                 area.node
    • \int_0^t q(s)ds evaluated as
                                 area.queue
    • \int_0^t x(s)ds evaluated as
                                   area.service
                     Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                   11
```

```
Next-Event simulation
                     SSQ3.C NextEvent
#include <stdio.h>
#include <math.h>
                   /* the multi-stream generator */
#include "rngs.h"
#define START 0.0
#define STOP
               20000.0 /* terminal (close the door) time*/
#define INFINITY (100.0 * STOP) /* must be much larger than STOP */
                                     semplice funzione che calcola il minimo.
double Min(double a, double c)
{ if (a < c) return (a);
   else
         return (c);}
double Exponential(double m) ...
double Uniform(double a, double b) ... codice invariato
double GetArrival() ...
double GetService() ...
                       Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                12
```

```
Next-Event simulation
int main(void)
{ struct {
       double arrival; /* next arrival time */
       double completion; /* next completion time */
       double current; the clock! rrrent time */
       double next;
                           /* next (most imminent) event time */
                            /* last arrival time */
       double last;
  } t;
  struct {
       double node;
                      /* time integrated number in the node */
       double queue; /* time integrated number in the queue */
       double service; /* time integrated number in service */
               = \{0.0, 0.0, 0.0\};
  } area
                       /* used to count departed job */
  long index = 0;
  long number = 0;
                        /* number in the node */ system state
   number = numero job nel centro, index conta i job.
   Number è la nuova variabile introdotta.
                       Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                 13
```



14
Le varie 'area' lo calcolo come un integrale, ma essendo gradino è abbastanza semplice.
Moltiplico "number" (la y) per quanto tempo è stato in quello stato (la x).

```
Next-Event simulation
if (t.current == t.arrival) {
                                        process an arrival
   number++;
   t.arrival= GetArrival();
   if (t.arrival > STOP) {
     t.last= t.current;
     t.arrival = INFINITY;
                                           traduzione in C dello pseudocodice
   if (number == 1)
        t.completion = t.current + GetService();
}
else {
                                      process a completion
  index++;
   number--;
   if (number > 0)
        t.completion = t.current + GetService();
        t.completion = INFINITY;
   }
}
                        Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                  15
```

```
printf(" ... jobs", index);
printf(" average interarrival time ..", t.last / index);
printf(" average wait ...", area.node / index);
printf(" average delay ...", area.queue / index);
printf(" average service time ...", area.service / index);
printf(" average # in the node ... ", area.node / t.current);
printf(" average # in the queue ...", area.queue / t.current);
printf(" utilization ....", area.service / t.current);

t.current alla fine sarà l'ultimo istante della simulazione
```

World Views and Synchronization

• ssq2 produces:

while (index < LAST) {
 index++;
 arrival = GetArrival();
 if (arrival < departure)
 delay = departure - arrival;
 else delay = 0.0;
 service = GetService();
 wait = delay + service;
 departure = arrival + wait;
 sum.delay += delay;
 sum.wait += wait;
 sum.service += service;

Prof. Vittoria de Nitto Personè

17

17

ssq3 fa il contrario, calcola le POPOLAZIONI, non i tempi, e dopo aver calcolato le aree divide per il tempo, per calcolare le medie.

19

```
\tau \bar{l} = \int_0^\tau l(t) dt printf(" ... jobs", index); printf(" average interarrival time ...", t.last / index); printf(" average wait ...", area.node / index); printf(" average delay ...", area.queue / index); printf(" average service time ...", area.service / index); printf(" average # in the node ... ", area.node / t.current); \bar{l} = \frac{1}{\tau} \int_0^\tau l(t) dt printf(" average # in the queue ... ", area.queue / t.current); printf(" utilization ....", area.service / t.current);
```

World Views and Synchronization

- programs ssq2 and ssq3 simulate exactly the same system
- The two have different world views
 - ssq2 naturally produces job-averaged statistics (based upon process-interaction)

interazione tra processi, perchè vediamo arrivi e completamenti e come si collocano nel tempo.

 ssq3 naturally produces time-averaged statistics (based upon event-scheduling)

ssq3 si basa sullo scheduling di eventi nel tempo

Prof. Vittoria de Nitto Personè

21

21

Next-Event simulation

World Views and Synchronization

The programs should produce exactly the same statistics

• in ssq2 random variates are always generated in the alternating order: genero arrivo, poi servizio,

```
a_1, s_1, a_2, s_2, \dots poi arrivo, poi servizio...!
while (index < LAST) {
index++;
arrival
             = GetArrival();
if (arrival < departure)</pre>
     delay = departure - arrival;
else delay
service = GetService();
wait = delay + service;
           = arrival + wait;
departure
sum.delay += delay;
sum.wait
           += wait;
sum.service += service; }
```

Prof. Vittoria de Nitto Personè

22

World Views and Synchronization

• in ssq3 the order cannot be known a priori

```
 \begin{aligned} & \text{while } ((t_a < \tau \text{ }) \text{ or } (I > 0)) \, \{ \\ & t = \text{min}(t_a, t_c); \quad /^* \text{ scan the event list }^* / \\ & \text{ if } (t == t_a) \, \{ \qquad /^* \text{ process an arrival }^* / \\ & \text{ } | ++; \\ & t_a = \text{GetArrival}(); \\ & \text{ if } (t_a > \tau) \\ & t_a = \infty; \\ & \text{ if } (I == 1) \\ & t_c = t + \text{GetService}(); \\ & \} \\ & \text{ else } \{ \qquad /^* \text{ process a completion }^* / \\ & \text{ } | I - -; \\ & \text{ if } (I > 0) \\ & t_c = t + \text{GetService}(); \end{aligned}
```

genero all'inizio t(a) e t(c), perché le inizializzo. Dopo l'ordine dipende da chi è il minimo, quindi potrei generare più arrivi prima di produrre un tempo di servizio.

Prof. Vittoria de Nitto Personè

23

23

Next-Event simulation

World Views and Synchronization

The programs should produce exactly the same statistics solo se uso il multistream

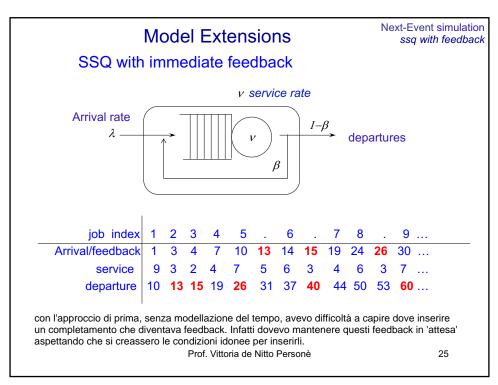
quindi uno stream per gli arrivi, ed uno per i servizi. ______ to do so requires rngs

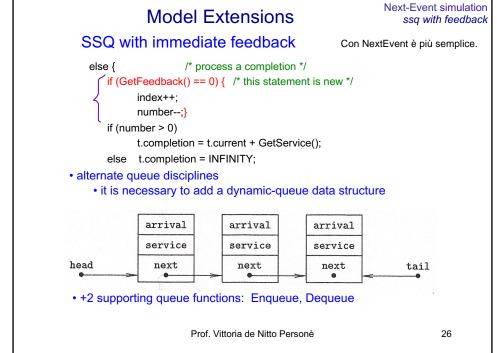
```
double GetArrival()
{ static double arrival = START;
   SelectStream(0);
   arrival += Exponential(2.0);
   return (arrival);}

double GetService()
{ SelectStream(1);
   return (Uniform(0.0, 1.5)+Uniform(0.0, 1.5));}
   con stesso stream non potrei analizzare come cambia la varianza.
```

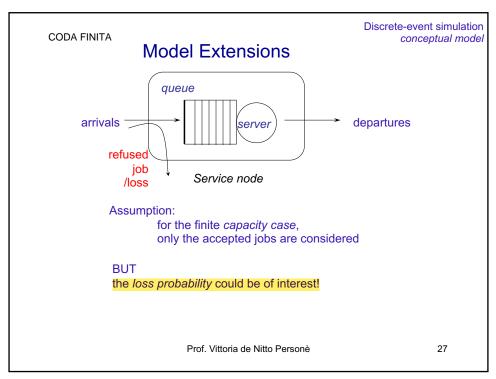
Prof. Vittoria de Nitto Personè

24





controllo se, completato un job, esso ha feedback o meno. Se non ha feedback, " index ++" perché un job esce, "number --" perchè nel centro c'è un job in meno.



```
Next-Event simulation
                                                             ssq with finite capacity
            Model Extensions
SSQ with finite capacity
if (t.current == t.arrival) {
                                      /* process an arrival */
    if (number < CAPACITY) {
                                        se c'è spazio,
                                        incremento numero nodi nel centro
        number++;
                                        se c'è solo un job, genero tempo di servizio.
        if (number == 1)
              t.completion = t.current + GetService();
                                        altrimenti:
    else
                                        incremento contatore di job rigettati,
                                        poi la dividerò per index (tutti i job trattati)
        reject++;
                                        e vedo probabilità di perdita.
    t.arrival = GetArrival();
    if (t.arrival > STOP) {
        t.last = t.current;
        t.arrival = INFINITY;
    }
}
                     Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                          28
```

Random Sampling

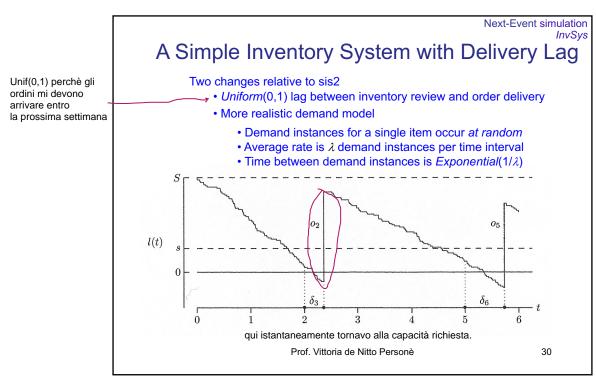
- · The structure of ssq3 facilitates adding sampling
- · Add a sampling event to the event list
 - Sample deterministically, every δ time units
 - Sample Randomly, every Exponential(δ) time units

Adesso ci interessiamo al campionamento, introducendo l'evento di campionamento. Esso può essere deterministico (ogni x job, ogni y job), oppure randomicamene, che vuol dire Esponenziale. Perchè il tempo che intercorre tra due eventi è esponenziale, essendo random.

Prof. Vittoria de Nitto Personè

29

29



30

Precedentemente, assumevano che le domande arrivassero spalmante sul tempo (7 domande in 7 giorni? 1 al giorno), ma non è detto sia per forza cosi. Per questo generiamo una esponenziale di media 1/lambda (inverso frequenza), che ci genera istanti di arrivo delle domande, e come vediamo in figura sono spaziati in modo diverso, in modo random. LA MEDIA, RISPETTO A PRIMA, NON CAMBIA.

La domanda è sempre "unitaria", però arrivi in modo random nell'intervallo di tempo (cioè la settimana), con frequenza media lambda.

Next-Event simulation InvSys

Comparison of Demand Models

sis2: used an aggregate demand for each time interval, generated as an Equilikely(10,50) random variate

- Aggregate demand per time interval is random
- Within an interval, time between demand instances is constant
- Example: if aggregate demand is 25, inter-demand time is 1/25=0.04 se domanda è 25, allora tempo tra domande è sempre 1/25
- Now using Exponential($1/\lambda$) inter-demand times
 - Demand is modeled as an arrival process
 - Average demand per time interval is λ domande generate come un processo di arrivo stocastico.

Prof. Vittoria de Nitto Personè

31

31

Next-Event simulation InvSys

Specification Level: States and Notation

- The simulation clock is *t* (real-valued)
- The terminal time is τ (integer-valued)
- Current inventory level is *l(t)* (integer-valued)
- Amount of inventory on order, if any, is o(t) (integer-valued)
 - Necessary due to delivery lag

livello inventario, ordini, ad un certo istante di tempo.

- *l(t)* and *o(t)* provide complete <u>state</u> <u>description</u>
- Initial state is assumed to be l(0)=S and o(0)=0
 Terminal state is assumed to be l(τ)=S and o(τ)=0
- Cost to bring I(t) to S at simulation end (with no lag) must be included in accumulated statistics

Prof. Vittoria de Nitto Personè

Next-Event simulation InvSys

Specification Level: Events

Three types of events can change the system state

- A demand for an item at time t
 I(t) decreases by 1
 richiesta di 1 articolo, che porta I(t) ad essere decrementata.
- An inventory review at integer-valued time t
 - $\begin{array}{ll} & \text{If } l(t) \geq \text{s} \rightarrow o(t) = 0 \\ & \text{If } l(t) < \text{s} \rightarrow o(t) = \text{S-}l(t) \end{array} \quad \text{a seconda delle scorte, definisco}$
- An *arrival* of an inventory replenishment order at time *t* terzo evento è l'arrivo dell'ordine,
 - *l(t)* increases by *o(t) o(t)* becomes 0

 replace the local definition of the local definition

Prof. Vittoria de Nitto Personè

33

33

Next-Event simulation InvSys

computational model

Algorithm 2: initialization

Time variables used for event list:

- *t_d*: next scheduled inventory *demand*
- *t_r*: next scheduled inventory *review*
- t_a: next scheduled inventory arrival
- ∞ denotes impossible events

Prof. Vittoria de Nitto Personè

```
Next-Event simulation
                                                                                             InvSys
                           Algorithm 2: main loop
                                                                         3 types of events:
             while (t < \tau) {
                                                                         demand, review, arrival
                              t = min(t_d, t_r, t_a);
                                                      /* scan the event list */
 Se prossimo evento è
                              if_{(t == t_d)}
                                                      /* process an inventory demand */
 la richiesta di un articolo,
                                 I--;
                                                        demand
 decremento gli oggetti
                                 t_d = GetDemand();
 nell'inventario,
 e genero la prossima
 domanda.
                              else if (t == t_r) {
                                                      /* process an inventory review */
                                       if (I < s) {
                                                             review
Se devo fare controllo inventario,
                                           o = S - I;
vedo quante scorte richiedere,
                                            \delta= GetLag();
si genera il delivery lag, e si
                                           t_a = t + \delta;
genera un nuovo arrivo, cioè
l'arrivo dell'ordine delle merci.
                                       t_r += 1.0;
se l'evento corrente è l'arrivo
                                 }
della merce,
                                                      /* process an inventory arrival */
                                  else {
incremento le scorte,
                                       I += o;
consumando le nuove scorte, e
                                       o = 0;
mettendo il prossimo arrivo di
                                       t_a = \infty;
scorte a infinito, perchè non so
quando avverrà.
            }
                                    Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                                          35
```

```
Next-Event simulation
Scritto in C
                                                                           InvSvs
       Program sis3
  • implements algorithm 2
                                               correspond to t_d, t_r, t_a
while (t.current < STOP) {
  t.next = Min(t.demand, t.review, t.arrive);
  if (inventory > 0)
   sum.holding += (t.next - t.current) * inventory;
  else (inventory <0)</pre>
                                                              è la parte di mancanza
     sum.shortage -= (t.next - t.current) * inventory; perchè inventory è <0
  t.current = t.next;
  if (t.current == t.demand) {
     sum.demand++; /* process an inventory demand */
     inventory--:
     t.demand = GetDemand();
  else
Similmente procedo al calcolo dell'area, vedendo il livello di scorte per il
tempo, in modo da ottenere l'holding.
                           Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                        36
```

Next-Event simulation InvSys

computational model

Program sis3

• State variables inventory and order correspond to $\mathit{l(t)}$ and $\mathit{o(t)}$

next event instant $(\min(t_d, t_r, t_a)$ in algorithm 2) • t.next

last arrival instant • t.last

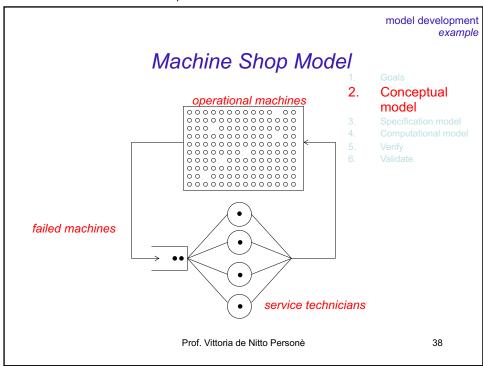
sum.hold and sum.short accumulate the time-integrated holding and shortage integrals

Prof. Vittoria de Nitto Personè

37

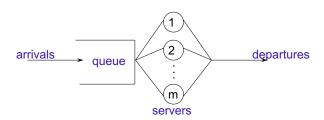
37

Implementazione del multi server



DE simulation Next-Event Simulation

Conceptual model: MSQ



Servers in a multi-server service node are called service channels

- m is the number of servers
- The server index is s = 1, 2, ..., m

The state includes:

the <u>number of jobs</u> in the node at time t: l(t)

the state of each server at at time t: $x_s(t)$ Se server fossero omogenei, non servirebbe x(t), perché se sono tutti uguali basta sapere quanti sono e numeri di job nel sistema. Per trattare un caso più generale, usiamo però x(t).

Prof. Vittoria de Nitto Personè

39

39

DE simulation
Next-Event Simulation

Specification Model: States and Notation

l(t) denotes the number of jobs in the service node at time t

- If $l(t) \ge m$, all servers are busy and q(t) = l(t) m
- If $l(t) \le m$, some servers are idle
- If servers are distinct, need to know which servers are idle

For s = 1, 2, ..., m define

 $x_s(t)$: the number of jobs in service (0 or 1) at server s at time t

ogni server o ha un job in servizio, o è idle.

The complete state description is l(t), $x_1(t)$, $x_2(t)$, ..., $x_m(t)$

$$q(t) = l(t) - \sum_{s=1}^{m} x_s(t)$$

job coda = job centro - serventi occupati

Prof. Vittoria de Nitto Personè

40

DE simulation Next-Event Simulation

Specification Model: Events

What types of events can change state variables $l(t), x_1(t), x_2(t), ..., x_m(t)$?

- arrival at time t
 - *l*(*t*) increases by 1
 - If l(t) < m, an idle server s is selected, and x_s(t) becomes 1 else all servers are busy
- A completion of service by server s at time t non solo da uno)
 - l(t) decreases by 1
 - if $l(t) \ge m$, a job is selected from the queue to enter service else $x_s(t)$ becomes 0

→ m+1 event types

Prof. Vittoria de Nitto Personè

41

41

DE simulation
Next-Event Simulation

Specification Model: Additional Assumptions

- The initial state is an empty node
 - l(0) = 0
 - $x_1(0)=x_2(0)=\ldots=x_m(0)=0$
 - The <u>first event</u> must be an arrival
- The arrival process is turned off at time τ
 - The node continues operation after time τ until empty
 - The <u>terminal state</u> is an empty node
 - The last event is a completion of service

For simplicity, all servers are independent and statistically identical

Equity selection is the server selection rule (lowest-utilized)

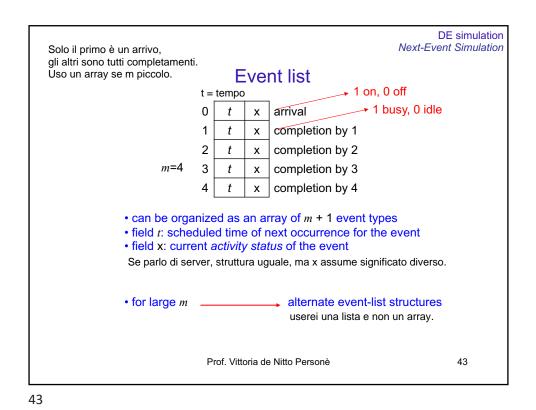
All of these assumptions can be relaxed

tutte queste assunzioni sono ipotesi, posso dunque cambiarle.

Prof. Vittoria de Nitto Personè

42

sistema continua per quei job arrivati prima di tau ma che concludono dopo tau, perchè devo svuotare il centro.



DE simulation Next-Event Simulation

Program msq

Implements this next-event multi-server service node simulation model

- number state variable l(t)
- state variables $x_1(t), x_2(t), ..., x_m(t)$ are part of the event list
- time-integrated statistic $\int_0^t l(\theta) d\theta$ array, records for each server • area
- sum
 - the sum of service times
 - the number served
- function NextEvent searches the event list to find the next event
- function FindOne searches the event list to find the longest-idle server (because equity selection is used)

Prof. Vittoria de Nitto Personè

```
DE simulation
                                                               Next-Event Simulation
program msq.c
typedef struct {
   double t;
   int
            х;
} event_list[SERVERS + 1]; dimensione "m+1"
    int NextEvent(event_list event)
     { int e;
                                             prima cerco il primo evento ad "1",
       int i = 0;
                                             poi confronta il tempo.
       while (event[i].x == \emptyset)
          i++; is the first active event, assume it is the next
       (e)= i;
       while (i < SERVERS) {</pre>
                                  look for the next active event
          if ((event[i].x == 1) && (event[i].t < event[e].t))
                                            tempo selezionato < corrente?
if it is previous, update e
             e = i; } server busy
       return (e);}
                            Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                         45
```

Seleziona il primo "1", se tempo simulazione non è finita, allora è l'arrivo.

Dopo confronta sui server che non sono vuoti, se l'istante di accadimento di quell'evento è minore dell'arrivo, poi continua il confronto con altri server. Perchè devo trovare evento di tempo minimo.

All'inizio è sicuramente l'arrivo, perchè i server stanno a 0, a 1 c'è solo processo degli arrivi.

```
DE simulation
                                                                  Next-Event Simulation
programma msq.c
  int FindOne(event_list event)
{ int s;
   int i = 1;
   while (event[i].x == 1)
      i++; first server idle
   (s) = i;
   while (i < SERVERS) {
                                 look for the next idle
       if ((\text{event}[i].x = 0) \&\& (\text{event}[i].t < \text{event}[s].t))
       s = i;  }
                        contrario di prima
                                                 if its completion is previous,
   return (s);}
                                                 it is idle since more time
  La findOne, similmente, cerca il primo servente libero e poi confronta su tutti quelli liberi.
  Cerca quello libero da più tempo, ovvero quello che dovrebbe avere utilizzazione più bassa.
                             Prof. Vittoria de Nitto Personè
                                                                             46
```

DE simulation Next-Event Simulation

Exercises

- 5.1.1, 5.1.2, 5.1.3
- 5.2.1, 5.2.2,
- 5.2.8: modify program msq to allow for a finite capacity (max r jobs); a. draw a histogram of the time between lost jobs at the node;

b. comment on the shape of this histogram.

Prof. Vittoria de Nitto Personè

47