Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 25/11/2022

Bài A. CSXOR

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho dãy số nguyên không âm $a=a_1,a_2,\ldots,a_n$. Hai dãy con $a_{i_1},a_{i_2},\ldots a_{i_k}$ và $a_{j_1},a_{j_2},\ldots a_{j_q}$ được gọi là ăn nhập nếu:

- k, q > 0
- $i_u \neq j_v \ \forall u, v;$
- $a_{i_1} \wedge a_{i_2} \wedge \ldots \wedge a_{i_k} = a_{j_1} \wedge a_{j_2} \wedge \ldots \wedge a_{j_q}$; ở đây \wedge là phép toán xor;
- $\max(i_1, i_2, \dots, i_k, j_1, j_2, \dots, j_q) \min(i_1, i_2, \dots, i_k, j_1, j_2, \dots, j_q) = k + q 1.$

Hãy đếm số cặp dãy con
 ăn nhập. Lưu ý là cặp dãy con x, y và y, x được xem là một cặp.

Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n;
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên không âm: $a_1, a_2, \ldots, a_n \ (a_i \leq 10^9);$

Kết quả

Ghi một số nguyên là kết quả bài toán, sau khi chia lấy dư cho $10^9 + 7$

Ví dụ

stdin	stdout
6	31
3 1 5 3 2 6	

Hạn chế

- Có 12% số test với $n \le 20$;
- Có 28% số test với $n \le 1000$;
- Có 60% số test với $n \le 10^5$;

Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 25/11/2022

Bài B. BDT1

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho hai dãy số thực k_1,k_2,\ldots,k_n và c_1,c_2,\ldots,c_n . Tìm dãy số thực x_1,x_2,\ldots,x_n sao cho $\sum_{i=1}^n k_i*x_i=0$; $x_i+c_i\geq 0 \forall i$ và $F=\sum_{i=1}^n \sqrt{x_i+c_i}$ đạt giá trị lớn nhất.

Dữ liệu vào

• Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n;

• Dòng thứ hai chứa n số thực: k_1, k_2, \dots, k_n ;

• Dòng thứ ba chứa n số thực: c_1, c_2, \ldots, c_n ;

Kết quả

Nếu không tồn tại dãy x thỏa mãn, ghi -1. Ngược lại, dòng đầu tiên ghi một số thực là giá trị lớn nhất của F; dòng thứ hai ghi n số thực là dãy x_1, x_2, \ldots, x_n tìm được; các số thực được in ra với ít nhất 2 chữ số sau dấu chấm thập phân.

Ví dụ

stdin	stdout
4	12.076
1.00 2.00 3.00 4.00	28.600 2.400 -3.267 -5.900
5.00 6.00 7.00 8.00	
2	-1
1.23 8.90	
5.67 -2.34	

Hạn chế

- Có 12% số test với $n \le 100$;
- Có 28% số test với $n \le 1000$;
- Có 60% số test với $n \le 10^5$;

Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 25/11/2022

Bài C. MINES

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Một lưới $n \times m$ với mỗi ô có thể chứa mìn hoặc không. Từ lưới mìn, ta xây dựng ma trận c kích thước $n \times m$ với $c_{i,j}$ là số lượng mìn trong 4 ô kề cạnh với ô (i,j) (ô nằm ngoài biên được xem là không có mìn). Rất tiếc lưới mìn và ma trận c đều bị dấu đi. Cho biết tính chẵn lẻ của một số phần tử của c, hãy đếm số lưới mìn khác nhau có thể có

Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n m $(1 \le 100)$;
- Dòng thứ i trong số n dòng tiếp theo ghi m số, số thứ j là -1/0/1 tương ứng là $c_{i,j}$ chưa biết/chẵn/lẻ. Số lượng số khác -1 không quá 100.

Kết quả

Ghi một số nguyên duy nhất là số lưới mìn khác nhau, sau khi chia lấy dư cho 1000000007.

Ví dụ

stdin	stdout
3 2	4
1 -1	
1 -1	
1 0	

Hạn chế

- Có 12% số test với $n, m \le 10$;
- Có 28% số test với $n, m \leq 30$;
- Có 60% số test với ràng buộc gốc;

Bài D. TRIMINO (icpc-hust-2021)

File dữ liệu vào: standard input File kết quả: standard output

Hạn chế thời gian: 1 second Hạn chế bộ nhớ: 256 megabytes

Cho bảng $n \times m$, mỗi ô vuông là kí tự "*" hoặc ".". Một trimino là 1 hình tạo thành bởi 1 ô vuông trung tâm và 2 ô vuông khác kề cạnh với ô trung tâm. Một hình trimino gọi là hình chữ L nếu 2 ô vuông đó có chung đỉnh.

Bạn có thể vẽ một số hình trimino chữ L trên bảng. Tâm của mỗi hình trimino phải chứa kí tự "*", và mỗi kí tự "*" phải nằm ở tâm của một trimino. Tất cả các ô vuông không phải trung tâm của các trimino đều phải chứa kí tự ".".

Đếm số cách vẽ thỏa mãn các điều kiên trên.

Dữ liệu vào

Dòng đầu tiên là số test T ($1 \le T \le 250000$). Với mỗi test:

- Dòng đầu tiên chứa 2 số nguyên n và m: số hàng và số cột của bảng $(2 \le n, m \le 100)$.
- Mỗi Dòng thứ i trong n dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa m kí tự mô tả dòng thứ i của bảng.

Tổng của $n \times m$ trong tất cả các test không quá 1000000.

Kết quả

Với mỗi test, in ra kết quả modulo 998244353 trên một dòng.

Ví dụ

standard input	standard output
3	4
3 3	1
	0
.*.	
3 3	
*	
•••	
*	
3 3	
•••	
*	
.*.	