#### Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 13/01/2023

## Bài A. WKMAX

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây Hạn chế bộ nhớ: 256MB

Cho trước một số nguyên dương k. Trọng số của một dãy số là tổng của k phần tử lớn nhất trong dãy, hoặc bằng tổng tất cả các phần tử trong dãy nếu dãy đó có ít hơn k phần tử.

Cho dãy số nguyên  $a=(a_1,a_2,\ldots,a_n)$  và số k. Hãy tính tổng trọng số của tất cả các đoạn con của a, tức là các dãy có dạng  $(a_L,a_{L+1},\ldots,a_H)$  với  $1\leq L\leq H\leq n$ .

#### Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương  $n \ k \ (k \le 100, \ n \le 10^5);$
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương:  $a_1, a_2, \ldots, a_n \ (a_i \leq 10^9)$ .

# Kết quả

Ghi một số nguyên là tổng trọng số sau khi chia lấy dư cho 1000000007.

## Ví dụ

stdin	stdout
6 3	164
3 1 5 3 2 6	

# Han chế

- Có 40% số test với  $n \le 1000$ ;
- Có 60% số test với  $n \le 10^5$ ;

#### Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 13/01/2023

## Bài B. STEPON

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây Hạn chế bộ nhớ: 512MB

Cho dãy số nguyên không âm  $a = (a_1, a_2, \ldots, a_n)$ . Cứ sau một ngày,  $a_{i+1}$  sẽ xor vào  $a_i$  với mọi  $1 \le i < n$  và  $a_n$  sẽ giữ nguyên. Tức là dãy a sẽ được thay thế bằng dãy  $(a_1 \wedge a_2, a_2 \wedge a_3, \ldots, a_{n-1} \wedge a_n, a_n)$ . Cho Q truy vấn dạng d, i: Hãy tính giá trị của  $a_i$  sau d ngày.

### Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n, Q;
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên:  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ ;
- Mỗi dòng trong Q dòng tiếp theo chứa hai số nguyên dương mô tả một truy vấn: d, i.

## Kết quả

Ghi Q dòng là kết quả cho Q truy vấn theo thứ tự đầu vào.

### Ví dụ

stdin	stdout
6 4	2
3 1 5 3 2 6	5
2 2	6
3 2	7
10 1	
10 1 100 2	

# Hạn chế

- Trong tất cả các test:  $1 \le n, Q \le 2 \times 10^5$ ;  $0 \le a_i, d \le 10^9$ ;
- Có 12% số test với  $d \le 500$ ;
- Có 28% số test với  $n \le 500$ ;
- $\bullet$  Có 60% số test với ràng buộc gốc.

#### Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 13/01/2023

### Bài C. KMIS

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây Hạn chế bộ nhớ: 1024

Với S là một tập các đoạn thẳng trên trục số, ta nói tập độc lập cực đại của S, ký hiệu MIS(S), là số lượng nhiều nhất các phần tử của S có thể chọn ra sao cho hai phần tử bất kỳ đều không có điểm chung. Ví dụ,  $MIS(\{[1,3],[2,4],[2,2],[3,5]\}) = 2$  vì có thể chọn ra  $\{[2,2],[3,5]\}$  thỏa mãn.

Cho ba số nguyên dương n,m,k. Hãy đếm số lượng tập S thỏa mãn:

- Các phần tử của S là các đoạn  $[l_i, r_i]$  thỏa mãn  $1 \le l_i \le r_i \le n$ ;
- S không chứa hai phần tử giống nhau. Tức là nếu  $i \neq j$  thì  $l_i \neq l_j$  hoặc  $r_i \neq r_j$ ;
- |S| = m;
- MIS(S) = k.

Lưu ý là thứ tự các phần tử trong S không quan trọng. Xáo trộn thứ tự các phần tử thì tập S vẫn không đổi.

### Dữ liệu vào

Chứa ba số nguyên dương  $n \ m \ k$ .

## Kết quả

Ghi một số nguyên là số tập S thỏa mãn, sau khi chia lấy dư cho 1000000007.

### Ví dụ

stdin	stdout
3 4 2	11

# Hạn chế

- Trong tất cả các test:  $n, m, k \leq 50$ ;
- Có 12% số test với  $n \leq 10$ ;
- Có 28% số test với k=2;
- $\bullet$  Có 60% số test với ràng buộc gốc.

# Bài D. XORCNT2

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây Hạn chế bộ nhớ: 1024MB

Cho dãy số nguyên  $(a_1, a_2, \ldots, a_n)$  và Q truy vấn. Mỗi truy vấn có dạng L, R: đếm số lượng i, j thỏa mãn  $L \leq i \leq j \leq R$  và  $a_i \leq (a_i \wedge a_{i+1}) \leq (a_i \wedge a_{i+1} \wedge a_{i+2}) \leq \ldots \leq (a_i \wedge a_{i+1} \wedge \ldots \wedge a_j)$ . Ở đây  $\wedge$  là phép toán xor (hay nim, hay hoặc triệt tiêu).

### Dữ liệu vào

- $\bullet$  Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên  $n \ Q \ o$ , trong đó o là tham số dùng để mã hóa dữ liệu sẽ được mô tả ở dưới;
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên:  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ ;
- Mỗi dòng trong số Q dòng tiếp theo chứa hai số nguyên: x y. Khi đó,  $L = 1 + \min((x 1 + o \times s)\%n, (y 1 + o \times s)\%n)$  với x là tổng kết quả các truy vấn trước truy vấn này.

## Kết quả

Với mỗi truy vấn, in ra kết quả trên một dòng.

#### Ví dụ

stdin	stdout
5 4 0	9
1 4 2 6 4	5
1 5	6
2 4	6
2 5	
1 3	

# Hạn chế

- Trong tất cả các test:  $n, q \le 3 \times 10^5$ ;  $0 \le a_i \le 10^9$ ;  $0 \le o \le 1$ ;  $1 \le x, y \le n$ ;
- Có 24% số test với  $n \le 1000$  và o = 0;
- Có 28% số test với o = 0;
- $\bullet\,$  Có 48% số test với ràng buộc gốc.