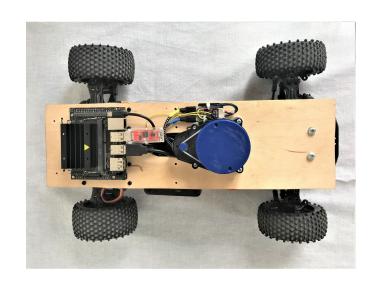
# Trajectory planning for fast moving cars

Šimon Rozsíval

Vedoucí práce: prof. RNDr. Roman Barták, Ph.D. Katedra Teoretické Informatiky a Matematické Logiky

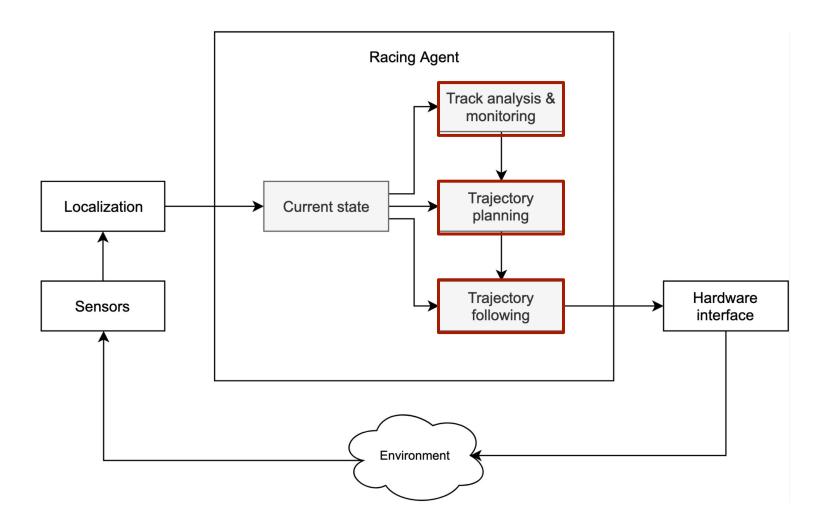
## Cíl diplomové práce

- Vytvořit autonomní závodní automobil, který bude schopen závodit na libovolném okruhu
  - Se znalostí mapy okruhu
  - Bez znalosti překážek umístěných na trati
- Otestovat implementaci na skutečném robotickém vozidle
  - Inspirace soutěží F1/10 UPenn



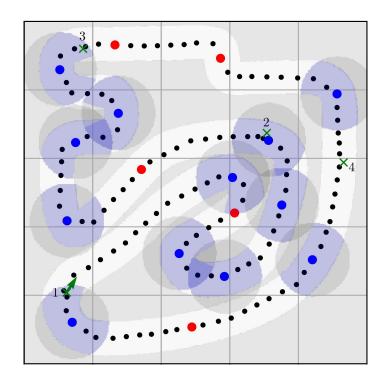


# Autonomní závodní agent



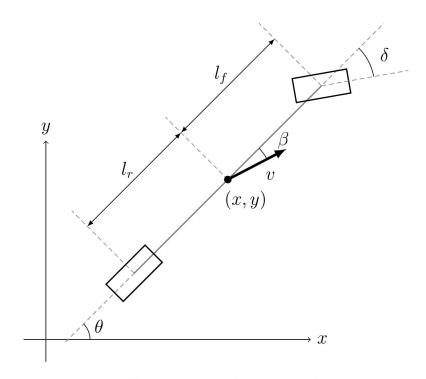
## Analýza mapy okruhu

- Předpoklad: Robot nebude schopen perfektně sledovat naplánovanou trasu
  - Po chvíli bude nutné trajektorii přeplánovat
- Plánování soustředěno jen na 2 zatáčky bezprostředně před vozidlem
  - Výrazné zmenšení prohledávaného prostoru
  - Umožňuje real-time plánování za jízdy
- Jednoduchý algoritmus pro detekci zatáček
  - Spuštěn jen jednou před začátkem závodu pro konkrétní okruh
  - Idea:
    - Najdeme "středovou čáru" trati ( ) v bitmapě
    - Vynecháme všechny body, které jsou "viditelné" z předchozího validního bodu
    - Sloučíme body, které jsou blízko
    - Vynecháme body, ve kterých se příliš nemění směr cesty (
    - Zbývající body prohlásíme za zatáčky ( )



## Plánování trajektorie

- Cíl:
  - najít trajektorii z výchozího stavu skrze 2 následující záchytné body bez kolize
  - o co nejlepší čas do cíle
- Spojitý stavový prostor
  - Konfigurace vozidla  $(x, y, \theta)$
  - $\circ$  Stav serva a motoru (δ,ω)
  - Počet navštívených záchytných bodů (m)
- Akce: dvojice  $(\delta_t, \tau_t)$
- Testované algoritmy:
  - Hybrid A\*
  - SEHS



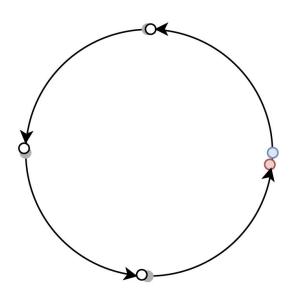
$$X = \{(x, y, \theta, m, \delta, \omega) \mid x, y, \omega \in \mathbb{R}, m \in \{0, 1, 2, \dots, l\}, \theta, \delta \in [0, 2\pi)\}.$$

$$U = \{(\delta_t, \tau_t) \mid \delta_t \in [\delta_{min}, \delta_{max}] \tau_t \in [-1, 1]\}$$

#### Plánování trajektorie

## Hybrid A\*

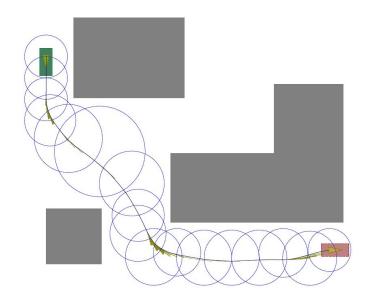
- Efektivní hledání ve spojitém stavovém prostoru
  - Stavový prostor uniformě rozdělen do diskrétních oblastí
  - Při otevření vrcholu si zapamatujeme jak přesný stav vozidla, tak i jeho diskrétní souřadnice
  - Každou diskrétní oblast expandujeme nejvýše jednou
- Úspěšně použit při DARPA Urban Challenge
  - Stanford Racing Team, vozidlo Junior
- Hrubost diskretizace má zásadní vliv na dobu hledání řešení i na kvalitu nalezeného řešení
  - Kvůli diskretizaci můžeme přijít o některá řešení



#### Plánování trajektorie

## Space Exploration guided Heuristic Search (SEHS)

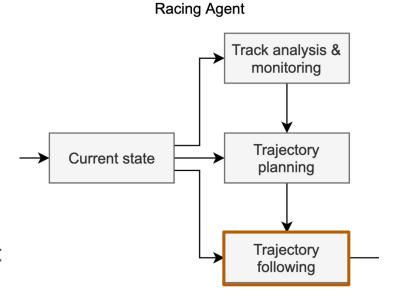
- Také diskretizuje stavový prostor
- 1. Fáze: Space Exploration
  - Najde cestu z překrývajících se kruhů z počátečního stavu do cíle
  - Všesměrový pohyb
- 2. Fáze: Heuristic Search
  - Algoritmus A\*
  - Místo uniformního rozdělení souřadnic (x, y) je vybrán index nejbližšího kruhu
- Autor: Chao Chen
  - Disertační práce na Technické univerzitě v Mnichově, 2016



Zdroj: Chao Chen, "Combining Space Exploration and Heuristic Search in Online Motion Planning for Nonholonomic Vehicles", 2016

## Sledování trajektorie

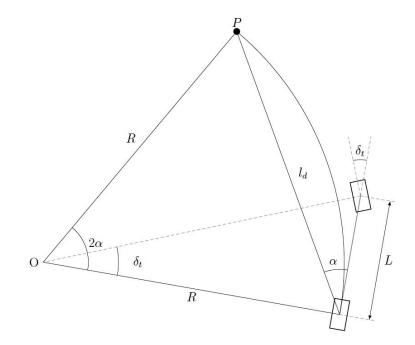
- Vstup:
  - Poslední naplánovaná trajektorie
  - Aktuální odhad stavu vozidla
- Výstup:
  - Řídící signál pro servo a motor
- Implementované a testované algoritmy:
  - Pure Pursuit
  - Dynamic Window Approach (DWA)



#### Sledování trajektorie

## Pure Pursuit

- Výpočet úhlu natočení předních kol
  - o uvažuje jen geometrii vozidla a pozici cíle
- Cíl P je nejzazší bod naplánované dráhy vzdálený od středu zadní nápravy maximálně I<sub>d</sub>
- Vzdálenost I<sub>d</sub> závisí na rychlosti vozidla
  - Čím rychlejší jízda tím větší výhled
- Cílovou rychlost akce volí algoritmus podle rychlosti v nejbližším bodě naplánované trajektorie



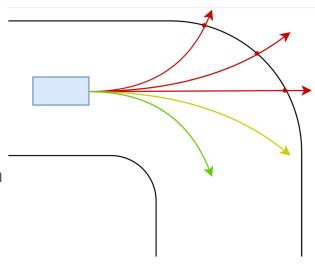
$$R = \frac{l_d}{2\sin\alpha}$$

$$\delta_t = \arctan\frac{L}{R} = \arctan\frac{2L\sin\alpha}{l_d} = \arctan\frac{2L\sin\alpha}{Kv}$$

#### Sledování trajektorie

# Dynamic Window Approach (DWA)

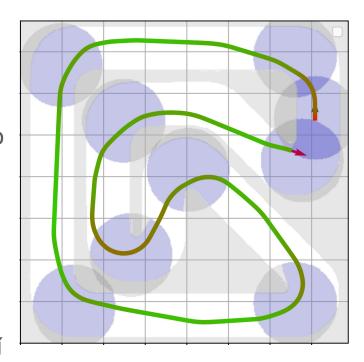
- Vybírá se akce z množiny přípustných akcí pro poslední známý stav vozidla
  - Pro každou vyzkouší, jak by se stav vozidla vyvíjel, kdyby byla tato akce zafixovaná pro nějaký konstantní časový interval (např. 0.5s).
  - Vyřadí se akce, které by vedly ke kolizi.
  - Pro zbývající akce se spočítají "chyby" sledování trajektorie:
    - Vzdálenost od překážek
    - Vzdálenost od naplánované dráhy
    - Rozdíl mezi naplánovanou a predikovanou rychlostí vozidla
    - Rozdíl mezi naplánovaným a predikovaným úhlem natočení vozidla
  - Vybere se akce s nejmenším váženým průměrem chyb



- Plánování trajektorie pro celé kolo
- Experimenty na robotickém vozítku
- Simulovaný závod

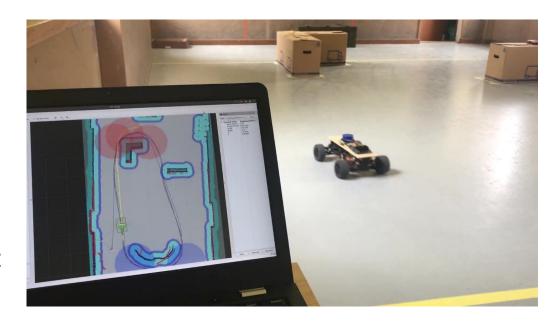
## Plánování trajektorie pro celé kolo

- Srovnání Hybrid A\* a SEHS
- Ze startovací pozice skrze všechny zatáčky
  - 6 různých závodních okruhů
- Zkoušeli jsme různé kombinace parametrů pro diskretizaci stavového prostoru
  - Zajímal nás vliv zvolených parametrů na kvalitu nalezeného řešení a na dobu hledání řešení
- Cílem bylo zjistit, zda je jeden z algoritmů výrazně lepší než druhý
  - Při vhodně zvolených parametrech
- Ani jeden z algoritmů však nebyl výrazně lepší
  - Každý z algoritmů "vyhrál" právě 3 závody ze 6 (čas do cíle)
  - Hybrid A\* měl často kratší výpočet, avšak ne výrazně



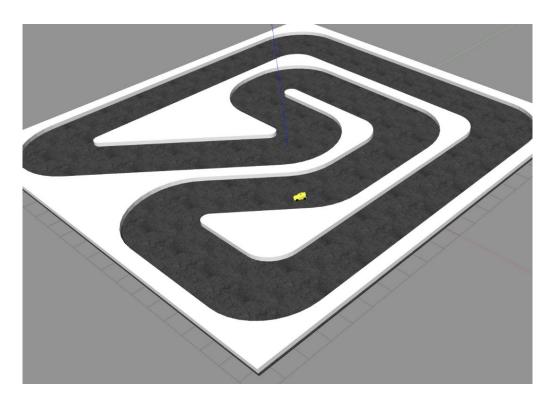
## Robotické vozítko

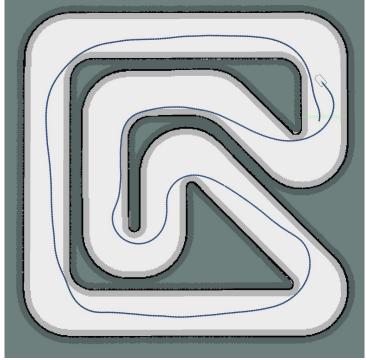
- Vlastní robotické vozítko se senzory a počítačem
  - o LIDAR, IMU, encoder
  - Nvidia Jetson Nano
- Problém s odometrií při vyšších rychlostech
- Při nižších rychlostech bylo auto schopno bezpečně jezdit po okruhu
  - o cca 1 m/s



# Simulovaný závod

- ROS Gazebo + konfigurace a testovací trať F1/10
  - https://github.com/f1tenth/f1tenth\_simulator





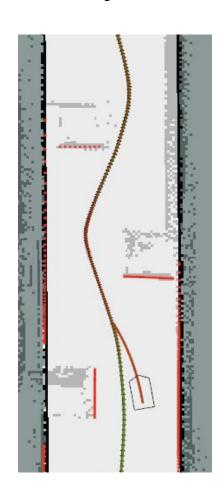
Hybrid A\* + DWA, čas kola 25.274s

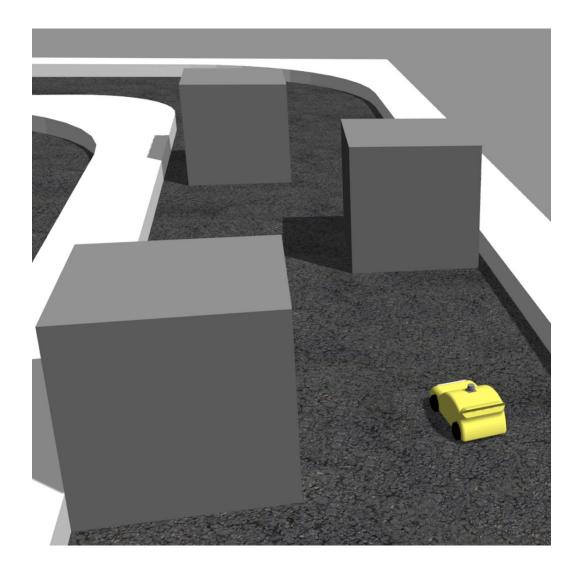
# Simulovaný závod

- Testovali jsme úspěšnost všech kombinací algoritmů
- Nejlepších výsledků jsem dosáhl s pomocí kombinace SEHS + DWA
- Podařilo se překonat referenční řešení pro danou trať
  - Pure Pursuit podél předdefinované trajektorie
  - o Implementace od týmu F1/10

Planning alg.	Following alg.	Avg. lap time [s]	Best lap time [s]	Max. speed $[m s^{-1}]$
SEHS	DWA	25.577	23.815	4.04
Hybrid A*	DWA	25.802	24.295	4.05
SEHS	Pure Pursuit	27.168	25.850	4.03
Hybrid A*	Pure Pursuit	27.484	25.667	4.01
Referenční řešení:			25.911	4.05

# Překážky





# Shrnutí výsledků

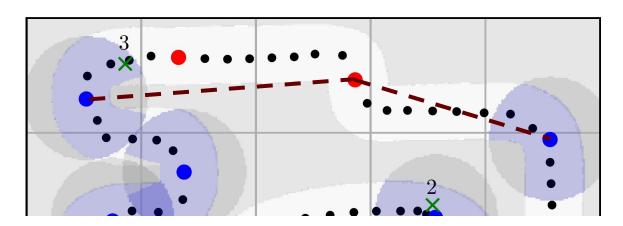
- Implementace algoritmů pro autonomní závodní auto
  - Díky segmentaci trati na jednotlivé úseky mezi zatáčkami zvládne auto přeplánovávat bez potíží během jízdy nehledě na délku okruhu
- Testování na robotickém vozítku
  - Nutnost omezit maximální rychlost na 1 m/s
  - Při vyšších rychlostech již docházelo k problémům s určováním odometrie z dat dostupných z použitých senzorů
- Ověření funkčnosti algoritmů v simulátoru
  - Dosažená rychlost 4.1 m/s (14.76 km/h) u modelu auta 1:10
    - To odpovídá rychlosti 41 m/s (147 km/h) u běžného auta
  - Podařilo se překonat referenční řešení, které sleduje předdefinovanou trajektorii
  - Auto se umí vyhnout i statickým překážkám na trati

Děkuji za pozornost

#### Segmentace závodního okruhu

## Nedetekovaná zatáčka

- V jednom konkrétním případě algoritmus v ukázce selhává
  - Důvod: "Vynecháme body, ve kterých se příliš nemění směr cesty"
    - Hraniční úhel stanoven na:  $\%\pi = 0.80\pi$  (144°)
    - Úhel v tomto případě:  $0.88\pi$  (159°)
- Při vyšší hodnotě hraničního úhlu však přibylo více falešně detekovaných zatáček u jiných okruhů



## Srovnání s jinými řešeními F1/10

- Soutěží F1/10 již proběhlo 6, avšak zdrojové kódy byly zveřejněny pouze pro řešení ze závodu F1tenth Porto Grand Prix 2018
  - https://github.com/f1tenth/F110CPSWeek2018
  - Z jiných ročníků nebyly zdrojové kódy zveřejněny
- Ve zdrojových kódech je ukázka 5 řešení
  - Všechna řešení jsou čistě reaktivní
    - žádná lokalizace
    - vybere řídící výstup jen z dat z LIDARu
  - Nejzajímavější je práce ČVUT (vítěz)
    - algoritmus Follow The Gap
    - snaží se držet uprostřed trati
    - rychlost je odvislá od úhlu zatáčení



## Zdůvodnění volby parametrů

- Pro plánování na celé kolo byla volena řada parametrů diskretizace
  - Hrubost mřížky (x, y)
  - o Počet různých natočení vozidla ( $\theta$ )
  - $\circ$  Počet různých úrovní natočení předních kol ( $\delta$ )
  - Počet různých úrovní rychlosti otáčení motoru (ω)
  - Časový kro pro integrování (Δt)
- Pro každou hodnotu byly 3 možnosti
- Zkoušeli jsme všechny různé kombinace
  - Výsledky experimentů pro všechny různé kombinace jsou uvedeny v tabulce v příloze práce
- Protože experiment bylo nutné pro každou hodnotu několikrát zopakovat (průměrná doba výpočtu na daném HW) a celý experiment trval dlouhou dobu, nebylo vyzkoušeno více různých variant

## Heuristika

- Shodná pro Hybrid A\* i SEHS
  - Euklidovská vzdálenost skrze všechny waypointy (s)
  - o při maximální rychlosti (v)
  - o → minimální potřebný čas do cíle (t = s / v)