

Tabla 2.1 Transformada z de funciones prácticas

N°	$f(t)$ F. Continua	$f(kT)$ F. Discreta	$F(S)$ T. de Laplace	$F(z)$ Transformada z
1	$\delta(t)$	$\delta(kT)$	1	1
2	$u(t)$	$u(kT)$	$\frac{1}{S}$	$\frac{z}{z-1}$
3	t	kT	$\frac{1}{S^2}$	$\frac{Tz}{(z-1)^2}$
4	t^2	$(kT)^2$	$\frac{2}{S^3}$	$\frac{T^2 z(z+1)}{(z-1)^3}$
5	t^3	$(kT)^3$	$\frac{6}{S^4}$	$\frac{T^3 z(z^2 + 4z + 1)}{(z-1)^4}$
6	e^{-at}	e^{-akT}	$\frac{1}{S+a}$	$\frac{z}{z-e^{-aT}}$
7	te^{-at}	kTe^{-akT}	$\frac{1}{(S+a)^2}$	$\frac{T e^{-aT} z}{(z-e^{-aT})^2}$
8	$t^2 e^{-at}$	$(kT)^2 e^{-akT}$	$\frac{2}{(S+a)^3}$	$\frac{T^2 e^{-aT} z(z+e^{-aT})}{(z-e^{-aT})^3}$
9	$\sin(bt)$	$\sin(bkT)$	$\frac{b}{S^2+b^2}$	$\frac{z \sin(bT)}{z^2 - 2z \cos(bT) + 1}$
10	$\cos(bt)$	$\cos(bkT)$	$\frac{S}{S^2+b^2}$	$\frac{z^2 - z \cos(bT)}{z^2 - 2z \cos(bT) + 1}$
11	$e^{-at} \sin(bt)$	$e^{-akT} \sin(bkT)$	$\frac{b}{(S+a)^2+b^2}$	$\frac{ze^{-aT} \sin bT}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos bT + e^{-2aT}}$
12	$e^{-at} \cos(bt)$	$e^{-akT} \cos(bkT)$	$\frac{S+a}{(S+a)^2+b^2}$	$\frac{z^2 - ze^{-aT} \cos bT}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos bT + e^{-2aT}}$
13	$1 - e^{-at}$	$1 - e^{-akT}$	$\frac{a}{S(S+a)}$	$\frac{(1-e^{-aT})z}{(z-1)(z-e^{-aT})}$
14	$1 - (1+at)e^{-at}$	$1 - (1+akT)e^{-akT}$	$\frac{a^2}{S(S+a)^2}$	$\frac{1}{z-1} - \frac{z}{z-e^{-aT}} - \frac{aT e^{-aT}}{(z-e^{-aT})}$
15	$e^{-at} - e^{-bt}$	$e^{-akT} - e^{-bkT}$	$\frac{b-a}{(S+a)(S+b)}$	$\frac{(e^{-aT} - e^{-bT})z}{(z-e^{-aT})(z-e^{-bT})}$
16	$be^{-bt} - ae^{-at}$	$be^{-bkT} - ae^{-akT}$	$\frac{(b-a)S}{(S+a)(S+b)}$	$\frac{[(b-a)z - (be^{-aT} - ae^{-bT})]z}{(z-e^{-aT})(z-e^{-bT})}$

Tabla 2.1 Transformada z de Funciones Prácticas (Continuación)

N°	$f(t)$ F. Continua	$f(kT)$ F. Discreta	$F(S)$ T. de Laplace	$F(z)$ Transformada z
17	$(1 - at)e^{-at}$	$(1 - akT)e^{-akT}$	$\frac{S}{(S + a)^2}$	$\frac{[z - (1 + aT)e^{-aT}]z}{(z - e^{-aT})^2}$
18	$at - 1 + e^{-at}$	$akT - 1 + e^{-akT}$	$\frac{a^2}{S^2(S + a)}$	$\frac{[(aT - 1 + e^{-aT})z + (1 - e^{-aT} - aTe^{-aT})]z}{(z - 1)^2(z - e^{-aT})}$
19		a^k		$\frac{z}{z - a}$
20		$a^{k-1} \quad k \geq 1$		$\frac{1}{z - a}$
21		ka^{k-1}		$\frac{z}{(z - a)^2}$
22		$k^2 a^{k-1}$		$\frac{z(z + a)}{(z - a)^3}$
23		$k^3 a^{k-1}$		$\frac{z(z^2 + 4az + a^2)}{(z - a)^4}$
24		$(-a)^k$		$\frac{z}{z + a}$
25		$a^k \cos(k\pi)$		$\frac{z}{z + a}$
26		$k(k - 1)a^{k-2}$		$\frac{2z}{(z - a)^3}$
27		$k(k - 1) \cdots (k - m + 2)$		$\frac{z(m - 1)!}{(z - 1)^m}$
28	$\frac{1}{S(S + a)(S + b)}$ $A = \frac{b(1 - e^{-aT}) - a(1 - b^T)}{ab(b - a)}$		$\frac{(Az + B)z}{(z - 1)(z - e^{-aT})(z - e^{-bT})}$ $B = \frac{ae^{-aT}(1 - e^{-bT}) - be^{bT}(1 - e^{-aT})}{ab(b - a)}$	
29	$1 - e^{-at}(\cos bt + \frac{a}{b} \sin bt)$		$\frac{a^2 + b^2}{S[(S + a)^2 + b^2]}$	$\frac{(Az + B)z}{(z - 1)(z^2 - 2ze^{-aT} \cos bT + e^{-2aT})}$
	$A = 1 - e^{-aT} \cos bT - \frac{a}{b} e^{-aT} \sin bT$		$B = e^{-2aT} + \frac{a}{b} e^{-aT} \sin bT - e^{-aT} \cos bT$	