بسمه تعالى

گزارش پروژه نهایی شبکه عصبی درس هوش مصنوعی سینا مظاهری

بخش اول)

اولین تابعی که برای یادگیری شبکه عصبی مورد نظر انتخاب شده؛ سهمی است که فرم ریاضی آن به شکل می باشد.

$$y = x^2$$

پس از بررسی شرایط مساله و از آنجایی که مساله ما رگرسیون است؛ تصمیم گرفته شد که از یک شبکه عصبی تمام متصل 4 لایه استفاده شود. این شبکه عصبی از توابع فعال سازی Sigmoid ، SELU ، SELU (به ترتیب) پشتیبانی می کند. و هم چنین پس از عبور داده از هر تابع، یک لایه BatchNormalaizer1D بر روی آن اعمال می شود که پارامتر هایش قابل یادگیری می باشند. این سبب می شود که بیش برازش شدن شبکه جلو گیری شود.

```
self.list_of_layers.append(nn.Sequential(
    nn.Linear(input_size, 758),
    nn.SELU(),
    nn.BatchNorm1d(758),
    nn.Linear(758, 500),
    nn.SELU(),
    nn.BatchNorm1d(500),
    nn.Linear(500, 256),
    nn.Sigmoid(),
    nn.BatchNorm1d(256),
    nn.Linear(256, 1),
    nn.BatchNorm1d(1),
))
```

همانطور که مشخص است ابتدا یک لایه 758 \times 1 و سپس 512 \times 758 بعد 256 \times 512 و در نهایت هم \times 256 استفاده شده است. ترتیب نزولی تعداد نورون ها آن هم به شکل توان های 2 تاثیر بسزایی در دقت شبکه داشته است. پس از طراحی شبکه نوبت به طراحی فرآیند یادگیری می رسد. ابتدا به اندازه 30000 نقطه در بازه \times 1 اعدادی تولید می کنیم و سپس تابع را به ازای این مقادیر حساب می نماییم.

```
x = torch.reshape(torch.linspace(-4 * torch.pi, 4 * torch.pi, 30000), (30000, 1))
y = torch.pow(x, 2)
```

حال پس از آن هم x ها و هم y ها را به روش امتیاز z نرمال می کنیم. یعنی :

$$y_{\text{normalized}} = \frac{y - \bar{y}}{\sigma_y}$$

$$x_{normalized} = \frac{x - \bar{x}}{\sigma_x}$$

شکل آن به صورت زیر می باشد:

```
ds = PrepareData(x, y)
```

```
def __init__(self, X, Y):
    self.X = X
    self.y = y
    self.mu_x = torch.mean(X)
    self.mu_y = torch.std(X)
    self.mu_y = torch.mean(y)
    self.std_y = torch.std(y)
    self.X = (self.X - self.mu_x) / self.std_x
    self.y = (self.y - self.mu_y) / self.std_y

def __len__(self):
    return len(self.X)

def __getitem__(self, idx):
    return self.X[idx], self.y[idx]
```

پس از آن که مجموعه داده ما حاضر شد حالا نوبت به بارگذاری و تقسیم بندی تصادفی مجموعه داده به دو دسته test و train دسته test می باشد که به شکل زیر آمده است. هر یک را به دسته های test تایی تقسیم بندی می کنیم و تنسور های ما برای آموزش به شکل test خواهند شد. خروجی درست نیز به همین شکل است و برای داده های تست هم همین شکلی می شود. و مجموعه آموزشی هم test درصد مقدار کل خواهد بود.

حالا فرآیند یادگیری را دنیال می کنیم این بدان شرح است که ابتدا مدل خود را می سازیم و میانگین مربعات خطا را برای سنجش خطای آن بر می گزینیم و الگوریتم بهینه سازی انتخابی ما برای مدل RMSprop با نرخ یادگیری دور حلقه یادگیری دور حلقه یادگیری یادگیری خواهد بود. (بقیه پارامتر های این الگوریتم پیش فرض است)تعداد 500 دور حلقه یادگیری شکل بهینه را برای ما تولید می کند. در هر بار یک دسته 64 تایی انتخاب می شود و پس از عبور از مدلی که پارامتر های وزنش با مقادیر نرمال استاندارد مقدار دهی اولیه شده اند؛ مقادیر خروجی حساب می شود و سپس میزان خطایش سنجیده شده و پارامتر های وزنی مدل یاد گرفته می شوند.

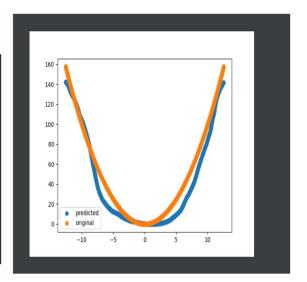
```
model = NeuralNetwork(x.shape[1], noise)
optimizer = torch.optim.RMSprop(model.parameters(), lr=0.001)
num_epochs = 500
all_losses = []
for e in range(num_epochs):
    batch_losses = []
    for idx, (Xb, yb) in enumerate(train_set):
        _X = Xb.float()
        _y = yb.float()
        pred = model(_X)
        loss = criterion(pred, _y)
        optimizer.zero_grad()
        loss.backward()
        optimizer.step()
        batch_losses.append(loss.item())
        all_losses.append(loss.item())
    mbl = torch.mean(torch.sqrt(torch.tensor(batch_losses)))
```

پس از تمرین دادن نقاط بر روی مدل مورد نظر، نوبت به ترسیم خروجی است که در ابتدا مدل از حالت ارزیابی خارج می شود و سپس از روی داده های تست مدل شروع به تست شدن می شود.

نتیجه برای سهمی به شکل زیر در می آید:

```
x = torch.reshape(torch.linspace(-4 * torch.pi, 4 * torch.pi, 30000), (30000, 1))
y = torch.pow(x, 2)
tup_1 = train(x, y, 2, None, False)
predict(torch.load("model_1.pth"), tup_1[1], tup_1[2], tup_1[3], 1, None)
```

```
Batch loss: 0.07074520736932755
Batch loss: 0.05060325562953949
Batch loss: 0.057494401931762695
Batch loss: 0.058407288044691086
Batch loss: 0.052889250218868256
Batch loss: 0.05006149411201477
Batch loss: 0.05184453725814819
Batch loss: 0.06921949237585068
Batch loss: 0.06921949237585968
Batch loss: 0.06921949237585968
Batch loss: 0.06498177349567413
Batch loss: 0.05181141942739487
Batch loss: 0.05181141942739487
Batch loss: 0.05329861119389534
Batch loss: 0.0697311218976974
Batch loss: 0.06097311218976974
Batch loss: 0.070724374604225159
Batch loss: 0.07083277916908264
Batch loss: 0.05836079642176628
Batch loss: 0.06345600634813309
Batch loss: 0.065268555521798134
```



برای تابع زیر نتیجه در پایینش آمده و معماری شبکه و فرآیند یادگیری تغییر نکرده است.

$$y = \frac{e^x}{\sin x + 4}$$

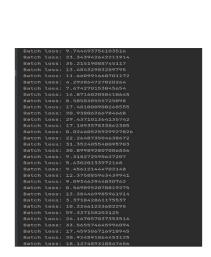
```
x = torch.reshape(torch.linspace(-4 * torch.pi, 4 * torch.pi, 30000), (30000, 1))
y = torch.exp(x) / (torch.sin(x) + 4)
tup_2 = train(x, y, 2, None, False)
predict(torch.load("model_2.pth"), tup_2[1], tup_2[2], tup_2[3], 2, None)
```

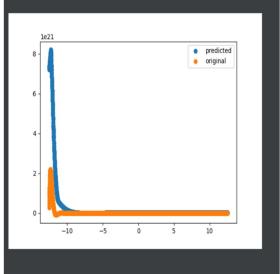


برای تابع زیر نیز، مقدار آزمایش شده است:

$$y = e^{-4x} \sin(-4x)$$

```
x = torch.reshape(torch.linspace(-4 * torch.pi, 4 * torch.pi, 30000), (30000, 1))
y = torch.exp((-4) * x) * (torch.sin(4 * x))
tup_3 = train(x, y, 3, None, False)
predict(torch.load("model_3.pth"), tup_3[1], tup_3[2], tup_3[3], 3, None)
```

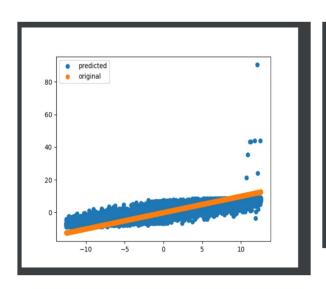


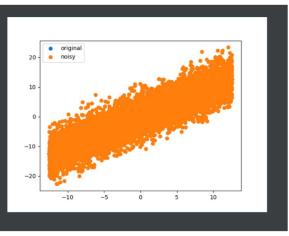


بخش دوم)

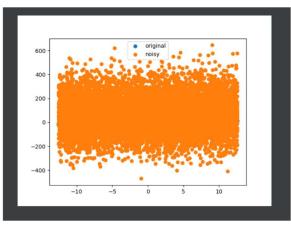
برای نمایش نویز نیز دو آزمایش زیر که به مقدار ورودی نویز اضافه می کند و شبکه یاد می گیرد آن را دی نویز کند؛ نیز انجام شده است. لازم به ذکر است که نویز آزمایش اول به شکل نرمال با میانگین صفر و انحراف از معیار 0.5 صورت گرفته است.

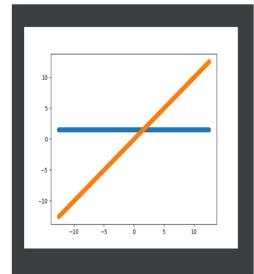
آزمایش اول





آزمایش دوم:





بخش سوم)

تابع دو متغیره که برای یادگیری انتخاب شده دارای فرم ریاضی زیر است و نتایج آن در تست زیر آمده و نمایش گرافیکی ندارد.

$$y = x_1^2 + x_2$$

Batch loss: 0.05882998928427696 Batch loss: 0.05745626986026764 Batch loss: 0.08977963775396347 Batch loss: 0.07232993841171265 Batch loss: 0.07318319380283356 Batch loss: 0.05510503053665161 Batch loss: 0.06382540613412857 Batch loss: 0.07030857354402542 Batch loss: 0.07373107224702835 Batch loss: 0.13182319700717926 Batch loss: 0.06156344339251518 Batch loss: 0.07727517932653427 Batch loss: 0.0639292299747467 Batch loss: 0.06998981535434723 Batch loss: 0.05569326877593994 Batch loss: 0.12593591213226318 Batch loss: 0.10798700153827667 Batch loss: 0.09624805301427841 Batch loss: 0.08946161717176437 Batch loss: 0.08764185011386871 Batch loss: 0.044410936534404755 Batch loss: 0.07097683101892471 Batch loss: 0.026434483006596565 Batch loss: 0.051706235855817795

بخش چهارم)

تابعی که به شکل قطعه ای طراحی شده و شامل نقاط پرش است شامل ضابطه زیر است که یاد گرفته شده همچنین نقاط پرش سبب شده است تا با شیب بسیار زیاد مقدار پیش بینی شده جهش کند.

$$y = \begin{cases} -x + 2 & x < 0 \\ x & 0 < x < 6 \\ 2x & 6 < x \end{cases}$$

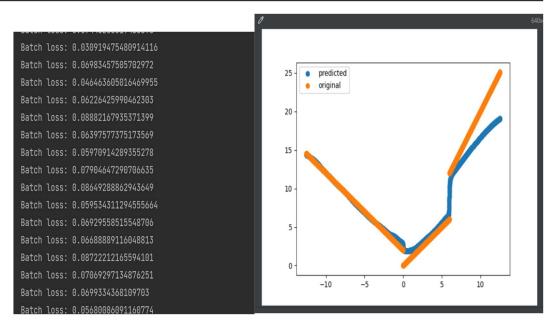
```
x = torch.reshape(torch.linspace(-4 * torch.pi, 4 * torch.pi, 30000), (30000, 1))
y = torch.empty(30000, 1)

for i in range(len(x)):
    if x[i, 0] < 0:
        y[i, 0] = (-1) * x[i, 0] + 2

elif 0 < x[i, 0] < 6:
        y[i, 0] = x[i, 0]

else:
        y[i, 0] = 2 * x[i, 0]

tup_4 = train(x, y, 4, None, False)
predict(torch.load("model_4.pth"), tup_4[1], tup_4[2], tup_4[3], 4, None)</pre>
```



بخش پنجم)

در این بخش که به کاربرد طبقه بندی پرداخته می شود از پایگاه داده MNIST استفاده شده که شامل عکس های 28×28 پیکسل می باشد و نمایانگر اعداد 0 تا 9 هستند. در واقع مساله عکس ها را به عنوان ماتریس خاکستری می گیرد و طبقه بندی شده شماره آن را اعلام می کند. معماری شبکه مانند قبل است فقط به اول آن یک لایه Flatten اضافه شده است تا آن را از تنسوری به ابعاد $28 \times 28 \times n$ (برای $n \times 28 \times 28$ تنسوری به ابعاد $28 \times 28 \times n$ (برای $28 \times 28 \times n$ تنسوری به ابعاد $28 \times 28 \times n$ تندیل کند و بعد آن را وارد شبکه می کند تا آن را تمرین کند همچنین به جای

یک خروجی حقیقی مقدار یک خروجی 10 تایی از لایه Softmax آورده می شود که احتمال نظیر هر کلاس را نشان دهد و در نهایت هم آرگومان آنی که احتمال بیشتری دارد به عنوان کلاس هدف بازگردانده می شود. تابع هزینه در این قسمت آنتروپی متقاطع (CrossEntropy) است که میزان تمایز دو توزیع احتمال حقیقی و ساخته شده را ارزیابی می کند. . عکس ها با استفاده از تکنیک CrossValidate که در انتهای حلقه batch آمده اند؛ ارزیابی می شوند. مقادیر batch ، 50 تایی هستند. لازم به ذکر است که عکس ها قبل از انجام عملیات نرمال می شوند. (n = 50)

تابع پیش بینی نیز تست های آزمایشی را طبقه بندی می کند:

عکس زیر درصد دقت درستی طبقه بندی هر کلاس را نشان می دهد.

```
C:\Users\Sina\Desktop\AI\venv\Scripts\pyth
Accuracy for class:
                        0 is 98.2 %
Accuracy for class:
                        1 is 96.9 %
Accuracy for class:
                        2 is 97.0 %
Accuracy for class:
                        3 is 96.1 %
Accuracy for class:
                        4 is 98.1 %
                        5 is 94.6 %
Accuracy for class:
Accuracy for class:
                        6 is 96.0 %
                        7 is 96.0 %
Accuracy for class:
Accuracy for class:
                        8 is 95.7 %
Accuracy for class:
                        9 is 95.3 %
```

بخش ششم)

حال برای Denoise عکس های این پایگاه داده معماری شبکه عصبی را تغییر می دهیم یعنی آن را به شکل زیر در می آوریم که شامل دو بخش انکدر و دیکدر می باشد. ابتدا انکدر ، عکس را فشرده می کند و خصوصیات اصلی آن را استخراج می کند و سپس دیکدر آن را به حالت اولیه بر می گرداند. لایه اول این شبکه شامل یک لایه نویز است که پس از نرمال شدن عکس ها به آن ها اعمال می شود. این نویز از توزیع نرمال با میانگین و

انحراف از معیار آمده در 3 آزمایشی که بعدا خواهیم گفت؛ بدست می آید. ابتدا دو لایه را اینجا نمایش می دهیم:

```
if denoising:
self.decoder = nn.Sequential(
                                                            self.encoder = nn.Sequential(
                                                                AdditiveGausNoise(mean, std).
   nn.BatchNorm2d(2).
                                                                nn.Conv2d(1, 2, (3, 3), padding=1),
   nn.ReLU().
                                                                nn.BatchNorm2d(2).
   nn.Conv2d(2, 2, (3, 3), padding=1),
                                                                nn.ReLU(),
   nn.BatchNorm2d(2),
   nn.ReLU(),
                                                                nn.BatchNorm2d(2).
                                                                nn.ReLU().
   nn.BatchNorm2d(2),
   nn.ReLU(),
   nn.Conv2d(2, 1, (3, 3), padding=1)
                                                                nn.BatchNorm2d(2).
                                                                nn.ReLU().
self.list_of_layers.append(self.encoder)
                                                                nn.Conv2d(2, 2, (3, 3), padding=1)
self.list_of_layers.append(self.decoder)
```

این لایه ها ترکیبی از کانوولشن 2 بعدی و رلو و نرمالسازی دسته ای می باشند. تا ویژگی های عکس را خلاصه کنند و مقدار نویز را از آن حذف کنند. نویز گاوسی هم برای داده های تست و تمرینی به دو شکل جدا پیاده سازی شده هم چنین کلاس AutoEncoder کل مجموعه داده را با خودش متناظر می کند تا به ازای هر عکس مقدار حقیقی اش را داشته باشیم. سایر موارد همان دسته بندی به مجموعه داده های آموزشی و آزمایشی است که نرمال شده اند.

```
pdef_addNoise(x, mean, std):
    return x + torch.distributions.Normal(mean, std).sample(sample_shape=torch.Size(x.shape))

pclass AdditiveGaugNoise(nn.Module):
    def __init__(self, mean, std):
        super()._init__()
        setf.mean = mean
        setf.std = std

def forward(self, x):
    if self.training:
        return addNoise(x, self.mean, self.std)
    else:
        return x

pclass AddGaussianNoise_1(object):
    def __init__(self, mean=0., std=1.):
        self.std = std
        self.mean = mean

def __call__(self, tensor):
    return tensor + torch.randn(tensor.size()) * self.std + self.mean

def __repr__(self):
    return self.__class__.__name__ + '(mean={0}, std={1})'.format(self.mean, self.std)
```

```
def __init__(self, dataset):
    def __init__(self, dataset):
        self.dataset = dataset

def __len__(self):
        return len(self.dataset)

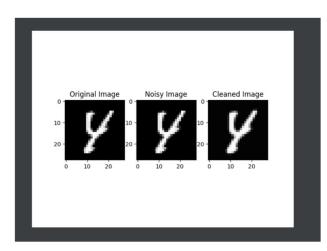
def __getitem__(self, idx):
        x, y = self.dataset.__getitem__(idx)
        return x, x
```

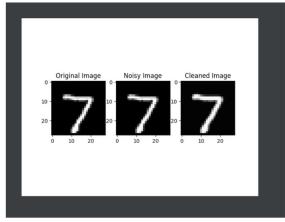
فرآیند یادگیری به شکل زیر می شود.

```
for inputs, labels in tqdm(trainloader, desc="Train Batch", leave=False, disable=disable_tqdm):
```

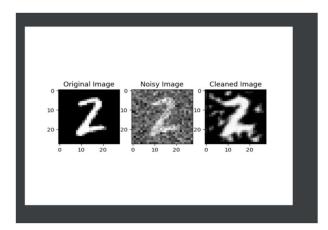
برای ارزیابی و نمایش نیز از دو تابع زیر استفاده می کنیم:

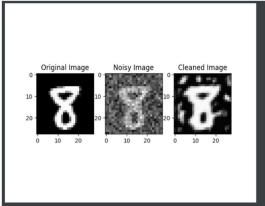
حال آزمایش اول را برای دو عکس که با توزیع نرمالی با میانگین 0 و انحراف از معیار 0.5 نویزی شده اند؛ نمایش می دهیم:

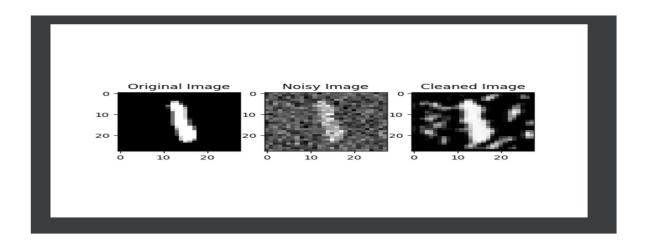




حال آزمایش دوم را که تفاوت را به خوبی نشان می دهد؛ برای سه عکس که با توزیع نرمالی با میانگین 0 و انحراف از معیار 1 نویزی شده اند؛ نمایش می دهیم:







حال آزمایش سوم ! برای سه عکس که با توزیع نرمالی با میانگین 0 و انحراف از معیار 2 نویزی شده اند! نمایش می دهیم:

