### **PLAYAPC**

### **PLAYAPC**

# Biblioteca gráfica para programadores inexperientes

**Sinayra Pascoal Cotts Moreira** 

Universidade de Brasília

Prof. Dr. José Carlos Loureiro Ralha

Universidade de Brasília

Prof. Dr. Alexandre Zaghetto,

Universidade de Brasília



A JOHN WILEY & SONS, INC., PUBLICATION

Copyright ©2007 by John Wiley & Sons, Inc. All rights reserved.

Published by John Wiley & Sons, Inc., Hoboken, New Jersey. Published simultaneously in Canada.

No part of this publication may be reproduced, stored in a retrieval system, or transmitted in any form

or by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording, scanning, or otherwise, except as

permitted under Section 107 or 108 of the 1976 United States Copyright Act, without either the prior

written permission of the Publisher, or authorization through payment of the appropriate percopy fee to

the Copyright Clearance Center, Inc., 222 Rosewood Drive, Danvers, MA 01923, (978) 750-8400, fax (978) 646-8600, or on the web at www.copyright.com. Requests to the Publisher for permission should

be addressed to the Permissions Department, John Wiley & Sons, Inc., 111 River Street, Hoboken,  $\rm NJ$ 

07030, (201) 748-6011, fax (201) 748-6008.

 $\label{limit} \mbox{Limit of Liability/Disclaimer of Warranty: While the publisher and author have used their best efforts in$ 

preparing this book, they make no representations or warranties with respect to the accuracy or completeness of the contents of this book and specifically disclaim any implied warranties of merchantability or fitness for a particular purpose. No warranty may be created or extended by sales

representatives or written sales materials. The advice and strategies contained herin may not be suitable for your situation. You should consult with a professional where appropriate. Neither the

publisher nor author shall be liable for any loss of profit or any other commercial damages, including

but not limited to special, incidental, consequential, or other damages.

For general information on our other products and services please contact our Customer Care Department with the U.S. at 877-762-2974, outside the U.S. at 317-572-3993 or fax 317-572-4002.

Wiley also publishes its books in a variety of electronic formats. Some content that appears in print.

however, may not be available in electronic format.

#### Library of Congress Cataloging-in-Publication Data:

```
Survey Methodology / Robert M. Groves . . . [et al.].
p. cm.—(Wiley series in survey methodology)
"Wiley-Interscience."
Includes bibliographical references and index.
ISBN 0-471-48348-6 (pbk.)
1. Surveys—Methodology. 2. Social
sciences—Research—Statistical methods. I. Groves, Robert M. II. Series.

HA31.2.S873 2007
001.4'33—dc22 2004044064
Printed in the United States of America.
```

10 9 8 7 6 5 4 3 2 1

À todos os alunos que queiram fazer trabalhos bonitinhos na primeira matéria de computação da UnB

### **CONTRIBUTORS**

### **CONTENTS IN BRIEF**

# PART I ALGORITMOS SEQUENCIAIS, CONDICIONAIS E COM REPETIÇÕES

| 1  | Algoritmos sequenciais                             | 3   |
|----|--|-----|
| 2  | Algoritmos condicionais                            | 11  |
| 3  | Algoritmos com repetição                           | 15  |
| PΑ | ART II ESTRUTURA DE DADOS N-DIMENSIONAIS HOMOGÊNEA | AS  |
| 4  | Vetores  | 25  |
| 5  | Matrizes   | 29  |
|    | PART III SUBALGORITMOS                             |     |
| 6  | Subalgoritmos                                      | 37  |
|    | PART IV RECURSÃO                                   |     |
| 7  | Recursão   | 47  |
|    | PART V EXERCÍCIOS EXTRAS                           |     |
| 8  | Exercícios extras                                  | 63  |
|    |  | vii |

## CONTEÚDO

| List of Figures                             | X     |
|---|-------|
| List of Tables                              | xiii  |
| Preface                                     | XV    |
| Acknowledgments                             | xvii  |
| Acronyms                                    | xix   |
| Glossary                                    | xxi   |
| List of Symbols                             | xxiii |
| Introduction Sinayra Pascoal Cotts Moreira. | XXV   |
| References                                  | XXV   |

# PART I ALGORITMOS SEQUENCIAIS, CONDICIONAIS E COM REPETIÇÕES

1 Algoritmos sequenciais 3 ix

| X  | CONTEÚDO  |    |
|----|---|----|
| 2  | Algoritmos condicionais                           | 11 |
| 3  | Algoritmos com repetição                          | 15 |
| PA | RT II ESTRUTURA DE DADOS N-DIMENSIONAIS HOMOGÊNEA | AS |
| 4  | Vetores   | 25 |
| 5  | Matrizes  | 29 |
|    | PART III SUBALGORITMOS                            |    |
| 6  | Subalgoritmos                                     | 37 |
|    | PART IV RECURSÃO                                  |    |
| 7  | Recursão  | 47 |
|    | PART V EXERCÍCIOS EXTRAS                          |    |
| 8  | Exercícios extras                                 | 63 |

X

### LIST OF FIGURES

| 1.1 | Plano Cartesiano de -100 à 100   | 4  |
|-----|--|----|
| 1.2 | Boneco Palito  | 6  |
| 1.3 | Estrela de Davi  | 9  |
| 2.1 | Determinação do quadrante de uma reta baseado no ângulo de inclinação dela | 12 |
| 3.1 | Duas espirais hiperbólicas girando   | 16 |
| 3.2 | Carro se movendo da posição -100 até a posição 100                         | 18 |
| 3.3 | Moinho de vento  | 21 |
| 4.1 | Gráfico do polinômio $-x^3$  | 26 |
| 5.1 | Pulsar   | 30 |
| 6.1 | Lançador Balístico   | 38 |
| 6.2 | Jogo Snake   | 41 |
| 7.1 | Solucionador da torre de Hanói   | 48 |
|     |  | vi |

#### XII LIST OF FIGURES

| 7.2 | Árvore Binária           | 52 |
|-----|--------------------------|----|
| 7.3 | Curva de Koch de ordem 3 | 53 |
| 7.4 | Floco de neve            | 55 |
| 7.5 | Curva de Sierpiski       | 57 |
| 8.1 | Simulador de inundação   | 65 |
| 8.2 | Lua em órbita espiral    | 70 |
| 8.3 | Sonar                    | 72 |

### LIST OF TABLES

| 3.1 | Teclas reconhecidas pela playAPC       | 19 |
|-----|--|----|
| 4.1 | Valor de verTipo da função CriaGrafico | 27 |
| 5.1 | Valor de nome da função Pintar         | 34 |

### **PREFACE**

This is an example preface. This is an example preface. This is an example preface.

R. K. Watts

Durham, North Carolina September, 2007

### **ACKNOWLEDGMENTS**

From Dr. Jay Young, consultant from Silver Spring, Maryland, I received the initial push to even consider writing this book. Jay was a constant "peer reader" and very welcome advisor durying this year-long process.

To all these wonderful people I owe a deep sense of gratitude especially now that this project has been completed.

G. T. S.

### **ACRONYMS**

UnB Universidade de Brasília

APC Análise e Programação de Algoritmos

### **GLOSSARY**

NormGibbs Draw a sample from a posterior distribution of data with an

unknown mean and variance using Gibbs sampling.

pNull Test a one sided hypothesis from a numberically specified

posterior CDF or from a sample from the posterior

sintegral A numerical integration using Simpson's rule

### **SYMBOLS**

- $A \quad {\rm Amplitude}$
- & Propositional logic symbol
- a Filter Coefficient
- B Number of Beats

#### INTRODUCTION

Sinayra Pascoal Cotts Moreira.

Departamento de Ciência da Computação - UnB Brasília, DF, Brasil

O índice de reprovação nas matérias iniciais do curso de Ciência da Computação da UnB tem crescido a cada semestre, bem como o índice de evasão. Apesar das tentativas de criar mais horários de plantão de dúvidas e maior disponibilidade dos monitores para essas disciplinas, o desinteresse se mantém. Visando aumentar o interesse dos alunos pelo curso, está sendo desenvolvida uma biblioteca gráfica 2D simplificada denominada playAPC. Para o discente, a playAPC deve ser usada para consolidar os conceitos aprendidos em Análise e Programação de Algoritmos (APC) através de modelagem gráfica. Dessa forma, os alunos podem interagir com outras disciplinas do curso de modo lúdico.

A playAPC foi desenvolvida utilizando a linguagem C++, a API OpenGL e a biblioteca GLFW 2.7. A API OpenGL deve ser suportada pela placa de vídeo presente no computador, sendo exigido a versão 1.3 no mínimo. O tutorial para instalação tanto da GLFW quanto da própria playAPC está disponível em detalhes no site Guia de Referência da playAPC <sup>1</sup>. Apesar da playAPC ter sido desenvolvida em C++, o seu uso é focado primariamente para alunos que estejam a programar em C, ou seja, não é necessário conhec-

 $<sup>^{1}\</sup>mbox{http://pt-br.playcb.wikia.com/wiki/Categoria:Instala\%C3\%A7\%C3\%A3o}$ 

#### **XXVI** INTRODUCTION

imento de C++ para utilizar a biblioteca, apenas utilizar a toolchain do g++ para compilar.

Neste livro, será disponibilizado uma série de exercícios usando da playAPC focando auxiliar os professores da Univerdade de Brasília (UnB) a desenvolverem novas práticas de laboratórios das turmas de APC.

#### **REFERENCES**

- [1] OpenGL SuperBible. Pearson Education Inc, 6 edition, 2014.
- [2] Marcus Geelnard and Camilla Berglund. GLFW Reference guide, 2010. API version 2.7.
- [3] Brian W. Kernighan and Dennis M. Ritchie. The C Programming Language. 1989.
- [4] Stanley B. Lippman, Josés Lajoile, and Barbara Moo. C++ Primer. 2013.

#### **PARTE I**

ALGORITMOS SEQUENCIAIS, CONDICIONAIS E COM REPETIÇÕES

### **CAPÍTULO 1**

### **ALGORITMOS SEQUENCIAIS**

#### Resumo

Estrutura sequencial é um conjunto de instruções que serão executadas em sequência. A sequência de cada instrução deve ser seguida apara a realização de uma tarefa.

#### **Problemas**

- $1.1.\,$ Exiba um plano cartesiano de -100 a 100 com espaçamento de 5 unidades.
- 1.2. Desenhe um boneco palito que utilize pelo menos uma vez as seguintes geometrias:
  - Círculo
  - ${\color{red} \bullet}$  Elipse
  - $\blacksquare$ Retângulo

- 4 ALGORITMOS SEQUENCIAIS
  - Triângulo
  - Quadrado
- 1.3. Exiba a estrela de Davi.

#### Soluções

#### Exercício 1.1

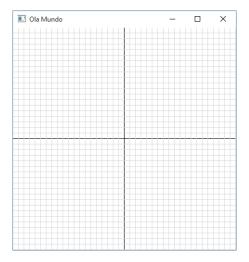


Figura 1.1 Plano Cartesiano de -100 à 100

Esta prática se refere a exibir um Plano Cartesiano na tela com espaçamento de 5 em 5 unidades, tanto no eixo x quanto no eixo y. Com ela, o aluno poderá notar a importância da ordem de chamada de funções da playAPC e a necessidade das funções AbreJanela e Desenha, além de verificar, com um exemplo simples, se a playAPC foi corretamente bem instalada.

Listagem 1.1 Código fonte de Plano Cartesiano

```
#include <playAPC/playapc.h>
int main(){

AbreJanela(400, 400, "Ola Mundo");

PintarFundo(255, 255, 255);
MostraPlanoCartesiano(5);

Desenha();
}
```

void AbreJanela (float largura, float altura, const char\* titulo)

A função Abre<br/>Janela, na linha 4, inicializa todas as variáveis utilizadas pela biblio<br/>teca, e preferencialmente é a chamada antes de qualquer outra função da play<br/>APC. Por padrão, o plano de renderização está limitado de (-100,100) em coordenadas<br/> x,y do plano cartesiano. Este valor pode ser alterado utilizando a função Mostra Plano<br/>Cartesiano antes de chamar Abre Janela. Seu primeiro argumento se refere a largura da janela, o segundo a altura, sendo ambos do tipo inteiro, e o terceiro se refere ao nome que a janela terá, sendo uma string.

```
void PintaFundo(int red, int green, int blue)
```

A função PintarFundo, na linha 6, é específica para pintar o fundo da janela de contexto aberto pela função AbreJanela. Seu argumentos utiliza o sistema de cores RGB (red, green, blue), utilizando a escala de 0 até 255.

```
void MostraPlanoCartesiano(int intervalo)
```

A função Mostra Plano<br/>Cartesiano, na linha 7 exibe o plano de coodernadas cartesianas, plano utilizado para o posicionamento das geometrias criadas pela play<br/>APC. Como as unidades no plano cartesiano não se referem ao posicionamento direto do pixel, a exibição do plano cartesiano com esta função serve de auxílio para o usuário posicionar suas geometrias na janela sem se preocupar com redimensionamento ou posição que a janela se encontra na tela do usuário. Para x=0 e y=0, as retas são pretas e as demais são cinza. Seu único argumento se refere de quantas em quantas unidades do plano terão uma reta vertical e horizontal da cor cinza.

```
void Desenha()
```

A função Desenha, na linha 9, realiza o loop de renderização. Todas as geometrias criadas até esta chamada de função serão renderizadas e permanecerão estáticas, não havendo a possibilidade de posteriores animações. Para encerrar o loop de renderização, basta fechar a janela clicando no botão de fechar ou apertando a tela ESC. Após fechar a janela, todo o contexto da playAPC será encerrado e as áreas de memórias alocadas serão liberadas.

#### Exercício 1.2

Esta prática se refere a exibir um boneco palito e praticar a grande maioria das geometrias pré-definidas existentes na playAPC. Os argumentos de cada função podem ser consultados no Guia de Referência da playAPC <sup>1</sup>

Listagem 1.2 Código fonte do boneco palito

```
#include <playAPC/playapc.h>
int main(){
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>http://pt-br.playAPC{}.wikia.com/wiki/Categoria:Geometrias

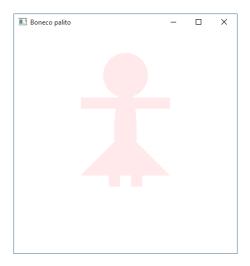


Figura 1.2 Boneco Palito

```
Ponto p;
        AbreJanela(400, 400, "Boneco palito");
PintarFundo(255, 255, 255);
5
6
7
        p.x = 0;
8
        p.y = 60;
9
        CriaCirculo(20, p); //(raio, ponto central)
Pintar(255, 233, 234);
10
11
12
13
         CriaElipse(10, 40, p); //(metade do maior raio da elipse,
14
              → metade do menor raio da elipse, ponto central)
         Pintar(255, 233, 234);
15
16
17
        p.x = -40;
        p.y = 30;
18
         CriaRetangulo(80, 10, p); //(base, altura, ponto esquerdo
19
        20
21
        p.x = -40;
22
         p.y = -30;
23
         CriaTriangulo (80, 40, p); //(base, altura, ponto esquerdo
24
             → inferior)
         Pintar(255, 233, 234);
25
26
        p.x = -15;
27
        p.y = -40;
28
        CriaQuadrado(10, p); //(lado, ponto esquerdo inferior) Pintar(255, 233, 234);
29
30
31
        p.x = 5;

p.y = -40;
32
33
```

```
CriaQuadrado(10, p);
35
        Pintar (255, 233, 234);
36
37
        Desenha();
 struct Ponto{
      float x;
      float y;
 Ponto, na linha 4, é uma estrutura do tipo float com dois membros, x e y,
```

os quais devem ser utilizados como coordenadas do plano cartesiano 2D. Esta estrutura possui sobrecarga para os seguintes operadores =, +, -, +=, -=, ==e !=.

```
• =
        Ponto p1, p2;
        (\ldots)
2
3
        p1 = p2;
 ■ + (ou -)
        Ponto p1, p2, p3;
2
        (\ldots)
3
        p1 = p2 + p3;
 ■ += (ou -=)
        Ponto p1, p2;
2
        (\ldots)
3
        p1 += p2;
 ■ == (ou !=)
        Ponto p1, p2;
1
2
        (\ldots)
3
        if(p1 == p2){
4
5
```

```
void Pintar(int red, int green, int blue);
void Pintar(int red, int green, int blue, geometrias_validas nome, int index);
```

A função Pintar, na linha 11 pode ser utilizada de duas formas. No caso da Listagem 1.2, a última geometria criada receberá a cor definida por esta função, utilizando o sistema de cores RGB. A segunda forma de utilizar esta função está ilustrada na Listagem 5.1.

```
int CriaCirculo (float raio, Ponto meio)
```

A função CriaCirculo, na linha 10, cria uma geometria do tipo CIRCULO, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu primeiro argumento é o tamanho do raio e o segundo argumento é onde estará centrado o círculo.

```
int CriaElipse (float a, float b, Ponto meio)
```

A função CriaElipse, na linha 14, cria uma geometria do tipo ELIPSE, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu primeiro argumento é a metade do maior eixo da elipse, o segundo é a metade do menor eixo da elipse e o terceiro argumento se refere onde a elipse estará centrada.

```
int CriaQuadrado (float lado, Ponto cantoesq)
```

A função CriaQuadrado, na linha 29, cria uma geometria do tipo QUADRADO, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu primeiro argumento é o tamanho do lado do quadrado e o segundo argumento é onde ficará localizado o ponto esquerdo inferior da geometria

```
int CriaRetangulo (float base, float altura, Ponto cantoesq)
```

A função CriaRetangulo, na linha 19, cria uma geometria do tipo RETAN-GULO, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu primeiro argumento é a base do retângulo, o segundo a altura não-negativa dele e o último é onde ficará localizado o ponto esquerdo inferior da geometria

```
int CriaTriangulo (float base, float altura, Ponto cantoesq)
```

A função CriaTriangulo, na linha 24, cria uma geometria do tipo TRIAN-GULO, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu primeiro argumento é a base do triângulo, o segundo a altura não-negativa dele e o último é onde ficará localizado o ponto esquerdo inferior da geometria

#### Exercício 1.3

Esta prática se refere a exibir a estrela de Davi, feita com dois triângulos. Um triângulo foi criado com a função CriaTriangulo e o outro com a função CriaPoligono. Verificamos nesta prática os argumentos de CriaTriangulo (base, altura e ponto esquerdo inferior) e, como não há como ter altura negativa, teve a necessidade de criar um polígono definido pelos três pontos p1, p2 e p3 para criar-se um triângulo de cabeça pra baixo.

Listagem 1.3 Código fonte da Estrela de Davi

```
#include <playAPC/playapc.h>
int main(){
    Ponto p1, p2, p3;
    AbreJanela(400, 400, "Estrela de Davi");

p1.x = -25;
```

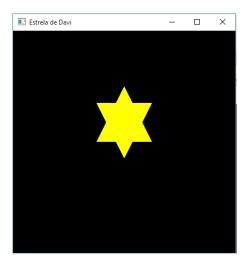


Figura 1.3 Estrela de Davi

```
p1.y = 0;
         CriaTriangulo (50, 50, p1); //(base, altura)
9
         Pintar (255, 255, 0);
10
11
         p1.x = -25;
12
         p1.y = 35;
13
         p2.x = 25;
15
         p2.y = 35;
16
17
         p3.x = 0;
18
         p3.y = -15;
19
          Cria Poligono\left(3\,,\ p1\,,\ p2\,,\ p3\right);\ //(\,quantidade\ de\ pontos\,,\ p1\,,\ p2\,,
20
         Pintar (255, 255, 0);
21
22
         Desenha();
23
```

#### int CriaPoligono (short int qtd, ...)

A função CriaPoligono, na linha 20, cria uma geometria do tipo POLIGONO, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu primeiro argumento é a quantidade de pontos que serão passados para esta função, e os seguintes argumentos serão os pontos propriamente ditos. Note que a playAPC é limitada no aspecto que esta função só consegue renderizar figuras convexas. Caso haja a necessidade de criação de figuras não-convexas, será necessário "quebrar" a geometria não-convexa em duas ou mais geometrias convexas.

## **ALGORITMOS CONDICIONAIS**

#### Resumo

Estrutura condicional expõe que a instrução ou bloco de instrução só seja executada se a condição for verdadeira.

#### **Problemas**

- 2.1. Escreva um programa que receba do usuário um valor de ângulo em graus, converta para radianos, exiba uma reta com comprimento de 50 unidades e pinte-a de acordo com as seguintes regras:
  - Se a reta pertencer ao primeiro quadrante, pinte-a de vermelho
  - Se a reta pertencer ao segundo quadrante, pinte-a de verde
  - Se a reta pertencer ao terceiro quadrante, pinte-a de azul
  - $\blacksquare$  Se a reta pertencer ao quarto quadrante, pinte-a de preto

#### Soluções

#### Exercício 2.1

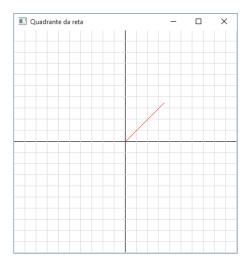


Figura 2.1 Determinação do quadrante de uma reta baseado no ângulo de inclinação dela

Esta prática exibe uma reta com cor variada de acordo com qual quadrante ela pertence. A função Pintar neste caso se refere a única geometria criada no programa, no caso, a reta.

Listagem 2.1 Código fonte do quadrante da reta

```
1 | #include <playAPC/playapc.h>
    #include <stdio.h>
    #include <math.h>
3
    #define HIP 50
5
    #define PI 3.14
    int main(){
        int angulo;
8
        float anguloRad;
9
        Ponto p1, p2;
10
11
        printf("Digite um angulo de 0 a 360 graus:");
scanf("%d", &angulo);
13
14
        p1.x = 0;
15
        p2.x = 0;
16
17
        anguloRad = (PI * angulo)/180;
18
19
        p2.y = sin(anguloRad) * HIP;
        p2.x = cos(anguloRad) * HIP;
21
22
```

```
AbreJanela(400, 400, "Quadrante da reta");
PintarFundo(255, 255, 255);
23
24
         MostraPlanoCartesiano(10);
25
26
         CriaReta(p1, p2);
27
28
         if(p2.x > 0){
29
              if (p2.y > 0)
30
                  Pintar(255, 0, 0); //vermelho: 1 quadrante
31
32
                  Pintar(0, 0, 0); //preto: 4 quadrante
33
34
35
36
                  Pintar(0, 255, 0); //verde: 2 quadrante
37
38
                  Pintar(0, 0, 255); //azul: 3 quadrante
39
40
41
         Desenha();
42
43
44
```

#### $int \ CriaReta \, (\, Ponto \ p1 \, , \ Ponto \ p2 \, )$

A função Cria Reta, na linha 27, cria uma geometria do tipo RETA, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu primeiro e segundo argumento são duas variáveis do tipo Ponto.

# ALGORITMOS COM REPETIÇÃO

#### Resumo

Estruturas de repetição são criadas para que diversas instruções sejam executadas um determinado número de vezes, enquanto a condição se manter verdadeira.

#### **Problemas**

3.1. Sabendo que a equação hiperbólica pode ser defina por

$$\begin{array}{rcl}
x & = & a\cos(\theta) \\
y & = & a\sin(\theta)
\end{array}$$

onde a é a assíntota para y e  $\theta$  o ângulo equivalente ao ângulo em coordenadas polares, exiba duas espirais hiberbólicas, onde uma delas está invertida em relação a outra e coloque-as para girar.

3.2. Exiba um carrinho se movendo de -100 à 100.

3.3. Construa um moinho de vento e coloque apenas as hélices para girar.

#### Soluções

#### Exercício 3.1

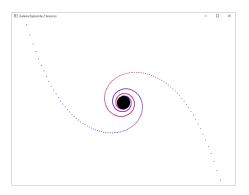


Figura 3.1 Duas espirais hiperbólicas girando

Esta prática ilustra como a função Desenha1Frame pode ser utilizada. Na linha 23 até a linha 36, a cada iteração são criados dois pontos, um de cada espiral.

Listagem 3.1 Código fonte da galáxia expiral

```
#include <playAPC/playapc.h>
   #include <math.h>
2
   int main (int argc, char * argv[]) {
4
5
     AbreJanela (960,960, "Galaxia Espiral de 2 brancos");
7
        Espiral Hiperbólica: equação em coordenadas cartesianas
          x = a*cos(t)/t
          y = a*sin(t)/t
10
11
           a é a assintota para y (reta paralela ao eixo x)
12
           t equivalente ao angulo em coordenadas polares
13
14
     Ponto p, q, r;
15
16
     // for (double t = 0; t < 4*PI; t += .01){
17
18
        /* espiral hiperbolica, caminhando do "fim" pro centro (0,0)
19
       p.x = 100*cos(t)/t;
20
       p.y = 100*\sin(t)/t;
21
22
     for (double t = 4*PI; t > 0; t = .05)
23
       p.x = 100*cos(t)/t; q.x = -p.x;
```

```
p.y = 100*\sin(t)/t;
                                       q.y = -p.y;
25
26
        CriaPonto (p);
27
        Pintar (200, 30, 100);
28
        Grafite(3);
29
30
        CriaPonto (q);
31
        Pintar (100, 30, 200);
32
        Grafite(3);
33
34
        Desenha1Frame();
35
36
37
38
      //A massive Black Hole in the very centre
39
      //If you want to see (the unseeable) black hole
40
      //paint the background on a different colour
41
42
      r.x = 0;
                   r.y = 0;
      CriaCirculo (8, r);
Pintar (0, 0, 0);
43
44
45
      for (double t=0; t += .5) {
46
        Gira(t);
47
        Desenha1Frame();
48
49
50
        //Depois de um tempinho, pinta o fundo de branco pra mostrar
        //o buraco negro
51
        if ( t > 200 ) PintarFundo (255, 255, 255);
52
53
         //quebra o loop e encerra o programa
54
         if (ApertouTecla(GLFW_KEY_ENTER)) return 0;
55
56
57
```

#### int CriaPonto (Ponto p)

A função CriaPonto, na linha 27, cria uma geometria do tipo PONTO, retornando um índice deste tipo de geometria. Seu único argumento é uma variável do tipo Ponto. Uma geometria do tipo PONTO é renderizada como um pixel.

```
void Grafite (int espessura)
```

A função Grafite, na linha 29, aumenta as linhas de rasterização da última geometria criada, variando de 1 a  $\infty$ . Por padrão, todas as geometrias começam com esta linha igual a 1. Esta função pode ser usada para deixar mais visível geometrias do tipo PONTO, que possuem 1 pixel de tamanho.

#### int Desenha1Frame()

A função Desenha1Frame, na linha 35, renderiza pelo menos  $\frac{1}{60}$  segundos da cena, possuindo um controle de 60 frames por segundo. Caso o usuário feche a janela ou aperte a tecla ESC, esta função retornará 0 e encerrará o processo de renderização. Caso contrário, retornará 1.

```
void Gira(float theta)
void Gira(float theta, int index)
```

A função Gira, na linha 47, é uma das três funções de transformação implementadas na playAPC. Há duas formas de utilizar esta função. No caso da Listagem 3.1, seu argumento é um ângulo  $\theta$  em graus e ele irá girar todas as geometrias criadas, recalculando a posição de cada pixel utilizando a Definição 1

Definição 1 Seja x a coordenada do eixo x original do ponto, y a coordenada do eixo y original do ponto, x' a coordenada resultado do eixo, y' a coordenada resultante do eixo y e  $\theta$  o ângulo em graus de rotação.

$$x' = x \cos \theta - y \sin \theta$$
$$y' = x \sin \theta + y \cos \theta$$

```
int ApertouTecla(int tecla)
```

A função Apertou Tecla, na linha 55, verifica se o usuário pressionou a tecla tecla naque la cena. Seu único argumento pode variar de acordo com a Tabela 3.1.

#### Exercício 3.2

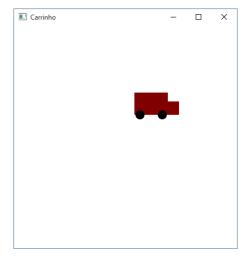


Figura 3.2 Carro se movendo da posição -100 até a posição 100

Esta prática exibe um carro construído com dois retângulos e dois círculos, agrupados com a função CriaGrupo, movendo-se da posição -100 até a posição

 Tabela 3.1
 Teclas reconhecidas pela playAPC

|  | rectas reconnectaas peta piayiti O                         |
|--|--|
| Valor  | Descrição  |
| GLFW_KEY_n   | Teclas alfanuméricas $(n \in (09) \text{ ou } n \in (AZ))$ |
| GLFW_KEY_SPACE   | Espaço   |
| GLFW_KEY_ESC   | Escape   |
| ${\tt GLFW\_KEY\_F} n$   | Function key $(n \in (025))$                               |
| GLFW_KEY_LEFT  | Seta para esquerda   |
| GLFW_KEY_UP  | Seta para cima   |
| $GLFW\_KEY\_DOWN$  | Seta para baixo  |
| $GLFW\_KEY\_RIGHT$   | Seta para direita  |
| $\operatorname{GLFW}_{\operatorname{KEY}}_{\operatorname{LCONTROL}}$ | Control esquerdo   |
| $\operatorname{GLFW}_{\operatorname{KEY}}\operatorname{RCONTROL}$    | Control direito  |
| GLFW_KEY_LALT  | Alt esquerdo   |
| $GLFW\_KEY\_RALT$  | Alt direito  |
| $GLFW\_KEY\_TAB$   | Tabulador  |
| GLFW_KEY_ENTER   | Enter  |
| GLFW_KEY_BACKSPACE   | Backspace  |
| GLFW_KEY_INSERT  | Insert   |
| $GLFW\_KEY\_DEL$   | Delete   |
| GLFW_KEY_PAGEUP  | Page up  |
| $\operatorname{GLFW}_{\operatorname{KEY}}\operatorname{PAGEDOWN}$    | Page down  |
| $GLFW\_KEY\_HOME$  | Home   |
| GLFW_KEY_END   | $\operatorname{End}$                                       |
| ${\tt GLFW\_KEY\_KP\_} n$  | Teclas numéricas do keypad $(n \in (09))$                  |
| GLFW_KEY_KP_DIVIDE   | Tecla dividir do keypad ( $\div$ )                         |
| GLFW_KEY_KP_MULTIPLY   | Tecla multiplicar do keypad ( $\times$ )                   |
| ${\tt GLFW\_KEY\_KP\_SUBTRAC}$                                       | T Tecla subtrair do keypad ( - )                           |
| $GLFW_KEY_KP_ADD$  | Tecla adição do keypad ( $+$ )                             |
| $GLFW_KEY_KP_EQUAL$  | Tecla igual do keypad ( $=$ )                              |
| GLFW_KEY_KP_NUMLOCE  | X Tecla Numlock do keypad ( = )                            |
| GLFW_KEY_CAPS_LOCK   | Caps lock  |
| GLFW_KEY_SCROLL_LOCK   | K Scroll lock  |
| $GLFW\_KEY\_PAUSE$   | Pause  |
| GLFW_KEY_MENU  | Menu   |

100. Nota-se que todas as geometrias que estão abaixo da função CriaGrupo pertencem a um único grupo, o grupo carro.

Listagem 3.2 Código fonte do carro andando

```
#include <playAPC/playapc.h>
 2
    int main(){
3
         Ponto p;
 4
         int carro;
5
 6
         AbreJanela(400, 400, "Carrinho");
PintarFundo(255, 255, 255);
 8
 9
         carro = CriaGrupo();
             p.x = -100;

p.y = 20;
11
12
              CriaRetangulo (30, 20, p);
13
              Pintar (128, 0, 0);
14
15
              p.x = -80;
16
              p.y = 20;
17
              CriaRetangulo (20, 12, p);
18
              Pintar(128, 0, 0);
19
20
21
              p.x = -95;
              p.y = 20;
22
              CriaCirculo(4, p);
23
              Pintar(0, 0, 0);
24
25
              p.x = -75;
              p.y = 20;
27
              CriaCirculo(4, p);
28
              Pintar(0, 0, 0);
30
31
         for (p.x = -100; p.x < 100; p.x++){
32
             Move(p, carro);
33
34
              Desenha1Frame();
35
         Desenha();
36
```

#### int CriaGrupo()

A função CriaGrupo, na linha 33, agrupará todo um conjunto de geometrias, associando todas a uma única variável, em um único conjunto. Desta forma, é possível transformar um conjunto de geometrias de forma independente, apenas referenciando a variável do grupo.

#### Exercício 3.3

Esta prática exibe um moinho de vento criado com um grupo composto por um triângulo e um retângulo, o grupo moinho, e outro grupo composto pelas hélices, o grupo grupo. Somente o grupo sofre a ação de girar.

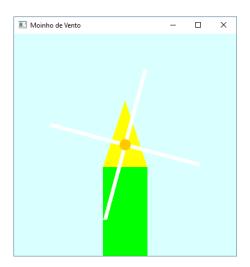


Figura 3.3 Moinho de vento

Listagem 3.3 Código fonte do moinho

```
#include <playAPC/playapc.h>
 2
     int main (){
3
           int angulo = 1;
 4
           int helices , moinho;
Ponto p1 , p2;
 5
 6
           \label{eq:abreJanela} AbreJanela(400, 400, "Moinho de Vento"); \\ PintarFundo(217,255,255); \\ //MostraPlanoCartesiano(10); \\ \end{cases}
 8
 9
10
11
           moinho = CriaGrupo();
12
                 p1.x = -20;

p1.y = -20;
14
15
                  CriaTriangulo (40,60,p1);
16
                 Pintar (255, 255, 0);
17
18
                 p1.x = -20;

p1.y = -100;
19
20
                 CriaRetangulo (40,80,p1);
21
                 Pintar(0, 255, 0);
22
23
            helices = CriaGrupo();
24
25
                 p1.x = 0;
26
                 p1.y = 0;
// Hélice 1
27
28
29
                 p2.x = 0;
                 p2.y = 70;
CriaReta(p1, p2);
30
31
```

```
Pintar (255, 255, 255);
32
                Grafite(8);
33
34
                // Hélice 2
35
                p2.x = 70;
36
               p2.y = 0;
CriaReta(p1, p2);
Pintar(255, 255, 255);
37
38
39
                Grafite (8);
40
41
                // Helice 3
42
                p2.x = 0;

p2.y = -70;
43
44
                CriaReta(p1, p2);
Pintar(255, 255, 255);
45
46
47
                Grafite(8);
48
49
                // Helice 4
                p1.x = -70;

p2.y = 0;
50
51
                CriaReta(p1, p2);
Pintar(255, 255, 255);
Grafite(8);
52
53
54
55
                p1.x = 0;

p1.y = 0;
56
57
                CriaCirculo(5,p1);
58
                Pintar (255, 200, 0);
59
60
          while (angulo > 0)
61
                Desenha1Frame();
62
                Gira(angulo, helices);
63
                angulo++;
64
65
66
          Desenha();
67
          return 0;
69 }
```

# ESTRUTURA DE DADOS N-DIMENSIONAIS HOMOGÊNEAS

## **VETORES**

#### Resumo

Vetores são um tipo de estrutura que podem armazenar um tamanho fixo de elementos do mesmo tamanho e mesmo tipo, alocados em memória contígua. Utiliza-se vetores como um tipo de lista unidimensional, acessada através de índices.

#### **Problemas**

4.1. Exiba o gráfico do polinômio  $-x^3$  para  $-50 \le x \le 50$ .

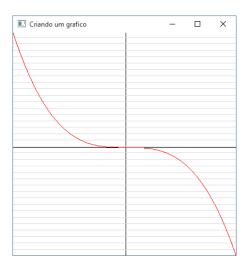
#### Soluções

#### Exercício 4.1

Esta prática mostra como construir um gráfico a partir de um vetor de Pontos. Cada posição em y de cada ponto é calculada dentro do loop. Por padrão,

play<br/>APC, Primeira edição. By Sinayra P.C. Moreira Copyright © 2016 John Wiley & Sons, Inc.

25



**Figura 4.1** Gráfico do polinômio  $-x^3$ 

os limites da janela de exibição da playCB vão de -100 à 100, entretanto, os valores em y nesta função variam de -125.000 até 125.000, tendo a necessidade de mudar o limite de exibição com a função MudaLimitesJanela(125000).

Listagem 4.1 Código fonte de polinômio

```
#include <playAPC/playapc.h>
    #include <math.h>
2
3
    int\ main()\{
4
        Ponto p[100];
5
        int i, j;
6
        MudaLimitesJanela (125000);
9
        AbreJanela(400, 400, "Criando um grafico");
PintarFundo(255, 255, 255);
10
11
        MostraPlanoCartesiano (7000);
12
13
        14
15
            p[i].x = j;
16
             p[i] \cdot y = -pow(p[i] \cdot x, 3);
17
18
19
        CriaGrafico(100, p, 1);
20
21
        Pintar(255, 0, 0);
22
        Desenha();
23
24
```

void MudaLimitesJanela(int limite);

Tabela 4.1 Valor de verTipo da função CriaGrafico

| Valor                                      | Descrição   |
|--|---|
| 0  | Não redimensiona a tela   |
| 1  | Redimensiona a tela a fim de comportar toda a função dentro da janela de renderiz |
| 2  | Redimensiona a tela a fim de comportar toda a função dentro da janela de rendediz |
| sem interferir na escala de ambos os eixos |   |

A função Muda Limites<br/>Janela, na linha 83, muda o limite da visualização do plano cartesiano, indo de valores<br/> -limite até limite, tanto em x quanto em<br/> y.Esta função deve ser chamada antes da função Abre<br/>Janela.

int CriaGrafico(short int index, Ponto \*p, short int verTipo);

A função CriaGrafico, na linha ??, cria uma geometria do tipo GRAFICO, retornando um índice deste tipo de geometria. A partir de um vetor de pontos p de tamanho index, esta função cria uma sequência de retas que ligam cada ponto definido pelo vetor. O seu terceiro argumento, verTipo, se refere o modo de visualização do gráfico, recebendo os parâmetros descritos na Tabela 4 1

## **MATRIZES**

#### Resumo

Assim como vetores, matrizes são um tipo de estrutura que armazena dados de mesmo tamanho e mesmo tipo, mas são utilizadas de maneira n-dimensional. O modo mais comum de utilizar matriz é usando-a na forma bidimensional, onde os dados são tratados como se estivessem numa tabela, com linhas e colunas.

#### **Problemas**

5.1. Mostre graficamente o jogo da vida para uma matriz com 17 linhas e 17 colunas com a seguinte população inicial onde a população inicial estará VIVA para as seguintes posições na matriz:

$$(1,5), (2,5), (3,5), (3,6), (5,1), (5,2), (5,3), (5,6), (5,7), (6,3), (6,5), (6,7), (7,5), (7,6)$$

#### Soluções

#### Exercício 5.1

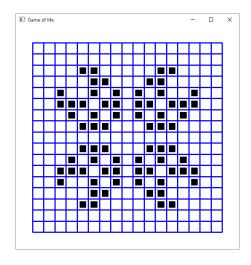


Figura 5.1 Pulsar

Esta prática mostra como utilizar o retorno das função CriaQuadrado, que esta retorna o índice da geometria criada. O seu índice é utilizado na função Pintar, que recebe, além do índice, o tipo da geometria. Como foi utilizado a função CriaQuadrado, o tipo de geometria é QUADRADO. Se fosse utilizado CriaCirculo, seria utilizado o tipo CIRCULO e assim sucessivamente.

Listagem 5.1 Código fonte do jogo da vida

```
1 | #include <playAPC/playapc.h>
     #include <stdio.h>
      #include <stdlib.h>
3
      #include<time.h>
     #define LINHAS 17
      #define COLUNAS 17
#define VIVO 1
6
      #define MORTO 0
      void waitFor (unsigned int );
11
12
      int main(){
13
              \begin{array}{ll} \text{int} & \operatorname{geracaoAtual}\left[\operatorname{LINHAS}\right]\left[\operatorname{COLUNAS}\right], & \operatorname{proximaGeracao}\left[\operatorname{LINHAS}\right]\left[\right. \\ & \hookrightarrow \left. \operatorname{COLUNAS}\right], & \operatorname{geoIndex}\left[\operatorname{LINHAS}\right]\left[\operatorname{COLUNAS}\right]; \end{array}
14
              int l, c, i, j, soma, r, s, n, ESTADO, deltaQuad=10, largQuad = \hookrightarrow 6, marg = 2;
15
              Ponto p1, p2, p3;
17
```

```
// Define o Janela
19
        20
21
22
23
        24
25
        .
[[]]]]]]]]]]]
26
27
28
        // Desenha as retas horizontais
        p1.x = -85;
29
        p1.y = 85;
30
        p2.x = 85;
31
        p2.y = 85;
32
        for (i = 0; i < LINHAS+1; i++){
33
        CriaReta(p1, p2); Pintar(0, 0, 255); Grafite(3); //cima
34
        pl.y -= deltaQuad;
35
36
        p2.y -= deltaQuad;
37
        // Desenha as retas verticais
38
        p1.x = -85;
        p1.y = 85;
40
        p2.x =
41
                -85;
        p2.y = -85;
42
         for (i = 0; i < COLUNAS+1; i++) \{ 
43
        CriaReta(p1, p2); Pintar(0, 0, 255); Grafite(3); //cima
44
        p1.x += deltaQuad;
45
        p2.x \leftarrow deltaQuad;
46
47
48
        // Desenha celulas
49
        pl.y = 85-deltaQuad+marg;
50
        for (i = 0; i < LINHAS; i++){
51
52
        p1.x = -85 + marg;
53
            for (j = 0; j < COLUNAS; j++){
                 geoIndex\,[\,i\,]\,[\,j\,]\,=\,CriaQuadrado\,(\,largQuad\,,\ p1\,)\,;
54
                 Pintar(0, 0, 0, QUADRADO, geoIndex[i][j]);
                 p1.x += deltaQuad;
56
57
        pl.y -=deltaQuad;
58
59
60
        61
        // Joga o jogo //
///////////////
62
63
        // Preenche o fundo com o valor MORTO
64
        for (l=0; l \leq LINHAS; l++){
65
            for (c=0; c<COLUNAS; c++){
geracaoAtual[1][c]=MORIO;
66
67
68
69
        }
70
71
        // Define as celulas vivas no no canto superior esquerdo
        geracaoAtual[1][5] = VIVO;
geracaoAtual[2][5] = VIVO;
72
73
        geracaoAtual[3][5] = VIVO; geracaoAtual[3][6] = VIVO;
```

```
geracaoAtual[5][1] = VIVO; geracaoAtual[5][2] = VIVO;
75
              \hookrightarrow geracaoAtual[5][3] = VIVO; geracaoAtual[5][6] = VIVO;

→ geracaoAtual [5] [7] = VIVO;

         geracaoAtual[6][3] = VIVO; geracaoAtual[6][5] = VIVO;
76
              \hookrightarrow geracaoAtual [6] [7] = VIVO;
         geracaoAtual[7][5] = VIVO; geracaoAtual[7][6] = VIVO;
77
78
         // Realiza a reflexao do padrao
79
         for (1 = 0; 1 < LINHAS/2; 1++){
80
              for (c = 0; c < COLUNAS/2; c++){
81
                  geracaoAtual[(LINHAS-1)-1][c] = geracaoAtual[1][c];//
82
                       \hookrightarrow Inferior esquerdo
                  geracaoAtual[1][(COLUNAS-1)-c] = geracaoAtual[1][c];//
83
                       → Superior direito
                  geracaoAtual[(LINHAS-1)-l][(COLUNAS-1)-c] =

→ geracaoAtual[1][c]; // Inferior direito

              }
85
         }
87
         while (1) {
88
89
              // Faz a copia da geracao atual para a geracao anterior
90
              for (1 = 0; 1 < LINHAS; 1++){
91
                  for (c = 0; c < COLUNAS; c++){
92
                       proximaGeracao[l][c] = geracaoAtual[l][c];
93
94
              }
95
96
              for (l=0; l<LINHAS; l++){}
97
                  for (c=0; c<COLUNAS; c++){
98
                       if(proximaGeracao[l][c]==1){
99
                            printf("%c", 219);
100
                            Pintar(0, 0, 0, QUADRADO, geoIndex[l][c]);
101
102
                       } else{
                            printf("%c", proximaGeracao[1][c], ' ');
Pintar(255, 255, 255, QUADRADO, geoIndex[1][c])
103
104
105
106
                  printf("\n");
107
108
               Desenha1Frame();
109
110
              // Conta a quantidade de vizinhos de uma celula
111
              for (l = 1; l < LINHAS-1; l++){}
112
                  for (c = 1; c < COLUNAS-1; c++)
113
                      ESTADO = proximaGeração [l][c];
114
                       soma = 0;
115
                       for (r = l-1; r < l+2; r++)
116
117
                            for (s = c-1; s < c+2; s++)
                                    soma+=proximaGeracao[r][s];
118
119
                       if (proximaGeracao[1][c] == VIVO) soma--;
120
121
                        //{\rm Define} se uma celula deve morrer, permanecer
122

→ viva ou nascer
```

```
if ((ESTADO = VIVO && soma < 2) || (ESTADO = VIVO
123
                            \rightarrow && soma > 3) {
                           geracaoAtual[1][c] = MORIO;
124
                       }else if ((ESTADO = VIVO && (soma > 2 \mid \mid soma <=
125
                           \rightarrow 3)) || (ESTADO = MORTO && soma = 3)){
                           geracaoAtual[1][c] = VIVO;
126
127
128
129
130
              waitFor (1);
             system("cls");
131
132
133
         Desenha();
134
135
         return 0;
136
137
138
    void waitFor (unsigned int secs) {
         unsigned int retTime;
139
                                            // Get finishing time.
         retTime = time(0) + secs;
140
         while (time(0) < retTime);
                                           // Loop until it arrives.
141
142
```

```
void Pintar(int red, int green, int blue);
void Pintar(int red, int green, int blue, geometrias_validas nome, int index);
```

A função Pintar, na linha 55 pode ser utilizada de duas formas. No caso da Listagem 5.1, como cada índice do tipo QUADRADO está salvo na matriz geoIndex, na linha 54, este índice é passado para o quinto argumento da função Pintar. Desta forma, apenas aquela geometria com o valor daquele índice será pintada com as cores especificadas pelos valores red, green e blue. O quarto argumento é justamente o tipo de geometria, podendo variar de acordo com a função Cria utilizado. A outra forma de utilizar esta função está ilustrada na Listagem 1.2. De forma resumida, o argumento nome, do tipo geometrias\_validas, pode receber os valores descritos na Tabela 5.1.

 $\textbf{Tabela 5.1} \quad \text{Valor de nome da função Pintar}$ 

| Retorno da função                |
|----------------------------------|
| CriaCirculo                      |
| CriaQuadrado                     |
| CriaCircunferencia               |
| CriaRetangulo                    |
| CriaElipse                       |
| CriaGrafico                      |
| CriaPonto                        |
| CriaReta                         |
| CriaPoligono e CriaPoligonoVetor |
| CriaTriangulo                    |
|                                  |

## PARTE III

# FUNÇÕES

# **FUNÇÕES**

#### Resumo

Uma função é um conjunto de instruções que, ao final da função, executa uma tarefa. Todo programa C possui pelo menos uma função, a main.

#### **Problemas**

- 6.1. Crie dois retângulos e posicione-os aleatoriamente em x. Coloque uma circunferência no topo do primeiro retângulo e receba do usuário dois valores: ângulo e velocidade. Dado estes valores, calcule e exiba a trajetória balística da circunferência sendo lançada para o outro retângulo. Exiba mensagem caso o usuário consiga acertar o prédio ou não e, em seguida, caso o usuário deseje jogar novamente, sorteie novamente a posição dos retângulos.
- 6.2. Crie o jogo Snake com as seguintes configurações
  - A cabeça não pode estar na mesma posição que o corpo

 A cabeça não pode estar na mesma posição que a parede SUGESTÃO: Utilize a lógica do exercício 4.1

#### Soluções

#### Exercício 6.1

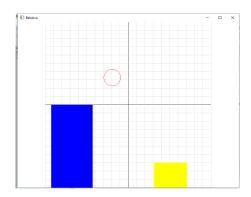


Figura 6.1 Lançador Balístico

Esta prática ilustra como a função Limpa Desenho é usada para poder redesenhar outras cenas.

Listagem 6.1 Código fonte do lançador balístico

```
#include <playAPC/playapc.h>
   #include <time.h>
2
3
   int\ colisao Bolinha Retangulo (int\ raio\ ,\ int\ largura predio\ ,\ Ponto\ alvo
4
        → , Ponto partida , Ponto movimentacao) {
5
        if \, (\ movimentacao.y \ - \ raio <= \ alvo.y
            && movimentacao.y - raio > alvo.y - 1
                                                            //tolerancia
                 → para pousar no eixo y
            && movimentacao.x + raio < alvo.x + largurapredio
            && movimentacao.x >= alvo.x
9
10
        else if (fabs(movimentacao.x + raio) > 100 || fabs(movimentacao.
12
             \hookrightarrow y + raio) > 100)
            return 2;
13
        else
14
             return 0;
15
16
17
       main(){
19
        Ponto p, alvo, partida;
```

```
float theta, v0, t;
21
22
      int colisao = 1, resposta, bolinha;
23
      AbreJanela (800,600, "Balistica");
24
      srand(time(NULL));
25
      do{
26
          MostraPlanoCartesiano(10);
27
          PintarFundo (255, 255, 255);
28
      ////////Predio Azul
29
          CriaGrupo(); //Separa os grupos - este e o grupo dos
30
              → predios
             if(colisao == 1) //Comeca uma nova fase p.x = rand()%20 - 100; //-100 para comecar do lado
31
32
                    ⇔ esquerdo da tela
             else //Repete fase anterior
33
                p.x = partida.x - 25;
34
35
             p.y = 0;
             CriaRetangulo (50, -100, p);
36
             Pintar(0, 0, 255);
37
38
          39
      40
41
             \begin{array}{l} \mbox{if(colisao == 1) //Comeca uma nova fase} \\ \mbox{alvo.x} = (\mbox{p.x}) + \mbox{rand()\%50} + 100; \end{array}
42
43
             else //Repete a fase anterior
44
                 alvo.x = alvo.x;
45
             alvo.y = -70;
46
             CriaRetangulo (40, -90, alvo);
47
             Pintar(255, 255, 0);
48
49
          50
      51
52

→ da bolinha

             partida.x = p.x + 25; //25 para estar no meio de um
53
                 → predio de largura 50
             partida.y = 10;
             CriaCircunferencia (10, partida);
55
             Pintar(255, 0, 0);
56
57
          58
          Desenha1Frame();
59
          printf("Angulo: ");
scanf("%f", &theta);
61
62
          printf("\nVelocidade: ");
```

```
scanf("%f", &v0);
64
65
             t = 0;
66
             theta = theta * PI/180;
67
             colisao = 0;
68
             do{
69
                 if (!colisao){
70
                      p.x = partida.x + v0 * cos(theta) * t;
71
                      p.y = partida.y + v0 * \sin(\text{theta}) * t - ((1/2.0) * \rightarrow (9.8) * (\text{t*t}));
72
                      Move(p, bolinha);
73
                      t += 0.01; //tempo
74
75
76
                  colisao = colisaoBolinhaRetangulo(10, 40, alvo, partida
77
78
79
                 Desenha1Frame();
             }while(!colisao);
//printf("Tipo de colisao: %d\n", colisao);
80
81
82
             LimpaDesenho(); //Limpo o desenho para comecar uma nova
83
                  \hookrightarrow fase
             if (colisao == 1)
84
                 printf("\nYay! Quer jogar um novo jogo?");
85
86
            87
88
89
90
        } while (resposta);
91
92
93
        Desenha();
94
        return 0;
95
```

#### void LimpaDesenho()

A função Limpa Desenho, na linha ??, destrói todas as geometrias e retorna toda a play APC para o estado padrão, com exceção dos limites do plano cartesiano.

#### Exercício 6.2

Esta prática ilustra como a função Aperta Tecla e Muda Limites<br/>Janela podem ser utilizadas: a primeira para lidar com input de teclado  $^1$  e a segunda para a<br/>justar o plano onde as geometrias serão desenhadas.

 $<sup>^{1} \</sup>rm http://pt\text{-}br.playcb.wikia.com/wiki/Aperta\_Tecla$ 

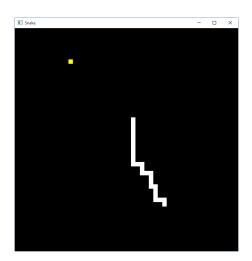


Figura 6.2 Jogo Snake

Listagem 6.2 Código fonte de Snake

```
1 | #include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
    #include <playAPC/playapc.h>
3
   #define ESQ GLFW_KEY_LFFT
#define DIR GLFW_KEY_RIGHT
5
    #define CIMA GLFW_KEY_UP
    #define BAIXO GLFW_KEY_DOWN
    #define TAM 50
10
11
    typedef enum{
12
         CABECA,
13
         CORPO,
         COMIDA,
15
         VAZIO
16
    }tipoCobra;
17
18
    typedef struct{
19
         int direcao; //se tipo nao for vazio, indica direcao
20
         tipoCobra tipo; //como sera pintado
21
         int index; //indice do quadrado a ser pintado
22
    }tipoCelula;
23
24
    void inicializaMatriz(tipoCelula m[TAM][TAM], int pos_i, int pos_j)
25
          \hookrightarrow {
         Ponto p;
26
27
          printf("Aguarde enquanto o jogo inicializa\n");
28
29
         \begin{array}{lll} p.\,y \, = \, TAM/2 & - & 1\,; \\ for\,(\,int\ i \, = \, 0\,; \ i \, < \, TAM; \ i++)\{ \end{array}
30
```

```
p.x = -(TAM/2);
32
               for (int j = 0; j < TAM; j++){
33
                    \begin{array}{l} m[\,j\,][\,i\,].\,index\,=\,CriaQuadrado\,(1\,,\,\,p)\,;\\ m[\,j\,][\,i\,].\,tipo\,=\,VAZIO\,; \end{array} 
34
35
                    //printf("m[\%d][\%d] = \%d - P(\%f,\%f)\n", i, j, m[i][j].
36
                    \mapsto \operatorname{index}, \ p.x, \ p.y);
\operatorname{Pintar}(0, \ 0, \ 0);
37
                    p.x++;
38
39
40
              p.y--;
41
          Pintar(255, 255, 255, QUADRADO, m[pos_i][pos_j].index);
42
         m[\,pos\_i\,]\,[\,pos\_j\,]\,.\,direcao\,=\,CIMA;
43
         m[pos_i][pos_j].tipo = CABECA;
44
45
46
    int \ bateu(tipoCelula \ m[TAM] [TAM] \ , \ int \ pos\_i \ , \ int \ pos\_j) \{
47
          if (m[pos\_i][pos\_j]. \ tipo = CORPO \ || \ m[pos\_i][pos\_j]. \ tipo =

→ CABECA) {

               printf("CORPO\n");
49
               return 1;
50
51
          else if (pos_i >= TAM \mid pos_j >= TAM \mid pos_i < 0 \mid pos_j < 0)
52
               printf("LIMITE DA TELA\n");
53
54
               return 1;
55
56
57
          return 0;
    }
58
    void atualizaPosicao(int direcao, int *npos_i, int *npos_j){
59
           switch (direcao) {
60
               case ESQ:
61
                    (*npos_i) --;
62
63
               break;
               case DIR:
64
                    (*npos_i)++;
               break;
66
               case CIMA:
67
                    (*npos_j)--;
68
               break;
69
               case BAIXO:
70
                    (*npos_j)++;
71
72
               break:
73
    }
74
75
    void updateTeclado(int *direcao, int *npos_i, int *npos_j){
76
          if (ApertouTecla (ESQ) && *direcao != DIR)
77
78
               (*direcao) = ESQ;
79
          if (ApertouTecla(DIR) && *direcao != ESQ)
80
81
               (*direcao) = DIR;
82
          if\left(ApertouTecla\left(CIMA\right) \ \&\& \ *direcao \ != \ BAIXO)
83
               (*direcao) = CIMA;
```

```
85
         if (ApertouTecla(BAIXO) && *direcao != CIMA)
86
             (*direcao) = BAIXO;
87
88
         atualizaPosicao((*direcao), npos_i, npos_j);
89
90
91
     //retorna se comeu comida
92
    int updateCabeca(tipoCelula m[TAM] [TAM], int pos_i, int pos_j, int
93
         → direcao) {
         int comeu = 0;
94
95
         Pintar(255, 255, 255, QUADRADO, m[pos_i][pos_j].index);
96
        m[pos_i][pos_j].direcao = direcao;
97
98
         if (m[pos_i][pos_j].tipo == COMIDA)
99
             comeu = 1;
100
101
        m[pos_i][pos_j].tipo = CABECA;
102
103
         return comeu;
104
105
106
    void updateRastro(tipoCelula m[TAM] [TAM], int pos_i, int pos_j){
107
        Pintar(0, 0, 0, QUADRADO, m[pos_i][pos_j].index);
m[pos_i][pos_j].tipo = VAZIO;
108
109
110
111
     void sorteiaComida (tipoCelula m[TAM] [TAM]) {
112
113
114
         int pos_i, pos_j;
115
         do{
             pos_i = rand()\%TAM;
116
             pos_j = rand()%TAM;
117
         118
119
         Pintar(255, 255, 0, QUADRADO, m[pos_i][pos_j].index);
120
121
        m[pos\_i][pos\_j].tipo = COMIDA;
122
123
124
    int main(){
125
         tipoCelula m[TAM] [TAM]; //-100 a 100 pra cima e pra baixo, cada
126
             → quadrado
         int pos_i = TAM/2; //posicao i da cabeca
127
         int pos_j = TAM/2; //posicao j da cabeca
128
         int aberto;
129
130
         int pos_i = pos_i; //posicao i do rabo
131
         int rpos_j = pos_j; //posicao j do rabo
132
133
         int direcao = CIMA;
134
         MudaLimitesJanela (TAM/2);
135
         AbreJanela (650, 650, "Snake");
PintarFundo (255, 0, 0);
136
137
         //MostraPlanoCartesiano(5);
138
```

```
139
         inicializaMatriz\left(m,\ pos\_i\,,\ pos\_j\right);
140
141
         sorteiaComida(m);
142
143
          while (1) {
144
              int \ npos\_i = pos\_i \,, \ npos\_j = pos\_j \,;
145
146
              updateTeclado(\&direcao\;,\;\&npos\_i\;,\;\&npos\_j\;)\;;
147
              m[pos\_i][pos\_j].direcao = direcao; //ultima posicao da

→ cabeca recebe direcao que cabeca foi

               if(!bateu(m, npos_i, npos_j)){
149
150
                   int comeu;
151
                   comeu = updateCabeca(m, npos_i, npos_j, direcao);
152
153
                   if (comeu)
                        sorteiaComida(m);
154
155
                   else{
                        updateRastro(m, rpos_i, rpos_j);
156
                        atualizaPosicao (m[rpos_i][rpos_j]. direcao, &rpos_i,
157
                             \hookrightarrow &rpos_j);
                       m[rpos\_i][rpos\_j].tipo = CORPO;
158
159
160
                   pos\_i = npos\_i;
161
162
                   pos\_j = npos\_j;
163
                   printf("C(\%d, \%d)\t R(\%d, \%d)\n", pos\_i, pos\_j, rpos\_i,
164
                        \hookrightarrow rpos_j);
              }
165
              else
166
                   break;
167
168
              aberto = Desenha1Frame();
169
170
              aberto = Desenha1Frame();
              aberto = Desenha1Frame();
171
172
               if (!aberto)
                   break;
173
         }
174
175
          printf("O jogo acabou!\n");
176
177
          if (aberto)
178
              Desenha();
179
180
         return 0;
181
182
```

## **PARTE IV**

# **RECURSÃO**

## **CAPÍTULO 7**

# **RECURSÃO**

### Resumo

Recursão é uma sub-rotina que pode invocar a si mesma, contendo, a cada chamada, uma pedaço menor da solução final.

### **Problemas**

- 7.1. Exiba passo a passo a solução da Torre de Hanói para, no máximo, 5 discos.
- 7.2. Construa uma árvore binária recursiva onde o usuário oferece altura, profundidade e angulo entre ramos.
- 7.3. Sabendo que a curva de Koch é construída que toma, como base, um segmento de reta de tamanho n. Na extremidade deste primeiro segmento, desenha-se outro segmento de reta de tamanho n, porém com uma curvatura de 60 em relação ao primeiro. Na extremidade deste segundo segmento, desenha-se outra curva de reta de tamanho n, mas agora com

a curvatura de 120 em relação ao primeiro. Por fim, desenha-se outro segmento de reta de tamanho n na extremidade do terceiro segmento.

- (a) Exiba a curva de Koch de ordem n
- (b) Exiba um floco de neve de ordem n baseado na curva de Koch
- 7.4. A curva de Sierpiński é uma curva do tipo space-filling curve, a qual significa que ela tenta ocupar todo espaço disponível sem ser cruzar. Ela pode ser implementada utilizando quatro funções mutuamente recursivas, A, B, C e D.
  - O programa inicia com uma curva básica S dada pelo padrão A ↘, B
     ✓, C ↘ e D ↗. As setam indicam a virada do ângulo que as retas fecham os desenhos das funções.
  - $\blacksquare$  A curva A é dada pelo padrão A  $\searrow$  , B  $\rightarrow$  , D  $\nearrow$  A
  - $\blacksquare$  A curva B é dada pelo padrão B  $\swarrow$  , C  $\downarrow$  , A  $\searrow$  B
  - $\blacksquare$  A curva C é dada pelo padrão C  $\nwarrow$  , D  $\longleftarrow$  , B  $\swarrow$  C
  - $\blacksquare$  A curva D é dada pelo padrão D  $\nearrow$  , A  $\uparrow$  , C  $\nwarrow$  D

Com esta configuração, exiba a curva de Sierpiński para ordem n.

### Soluções

### Exercício 7.1

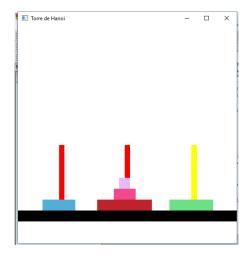


Figura 7.1 Solucionador da torre de Hanói

Esta prática ilustra como mover cada geometria utilizando retorno da função CriaGrupo para mover cada peça da torre de Hanoi para uma posição específica.

Listagem 7.1 Código fonte da torre de Hanói

```
#include <stdio.h>
   #include <playAPC/playapc.h>
2
3
   #define CHAO -70
   #define POSX_A -62.5
#define POSX_B -2.5
5
   #define POSX_C 58.5
   typedef struct{
        int index, largura, label;
10
11
        float posicao;
        char torre;
12
   }discoHanoi;
13
   //discoHanoi.index : se refere ao indice do grupo, retornado pela
        → funcao CriaGrupo
    //discoHanoi.label: qual a numeracao do disco, do menor para o
15
        \hookrightarrow maior
    //discoHanoi.posicao: em qual posicao do plano cartesiano o disco
16
        → esta
    //discoHanoi.torre: em qual torre que ele esta
    //discoHanoi.largura: largura do disco
18
19
    //Aqui eu conto quantos discos tem em uma torre
20
   int contDiscos(discoHanoi disco[], int discoindex, char torre, int
21
        \hookrightarrow numDiscos){
        int i, total;
22
23
24
        total = 0;
        for(i = 0; i < numDiscos; i++){
25
26
             if(i != discoindex){
                 if(disco[i].torre == torre)
27
                     total++;
28
30
31
        return total;
32
33
    //Aqui eu movo os discos para a torre
34
   void moveHanoi(int n, discoHanoi discos[], char torre, int
35
        → numDiscos){
36
        Ponto p;
        int i, disco, discoindex, auxposicao;
37
38
        //////Procurando o disco que tenho que mover
39
        for (i = 0; i < numDiscos; i++){
40
            if (discos[i].label = n){
41
                 disco = discos[i].index; //O grupo que este disco
42
                     \hookrightarrow pertence
                 discoindex = i; //A posicao do vetor de discoHanoi que

→ este disco esta

44
                 break;
```

```
45
46
47
         //Aqui eu movo na coordenada x o meu disco
48
         if(torre == 'B'){
p.x = POSX_B - discos[i].largura/2;
49
50
              discos [discoindex].torre = 'B';
51
52
         else if (torre == 'C'){
   p.x = POSX_C - discos[i].largura/2;
53
54
              discos[discoindex].torre = 'C';
55
56
         else{
57
              p.x = POSX_A - discos[i].largura/2;
58
              discos [discoindex]. torre = 'A';
59
60
61
62
         //posicao do chao + quantos discos tem naquela torre
         \begin{array}{l} \text{p.y} = \text{CHAO} + \text{contDiscos}(\text{discos}\,,\,\,\text{discoindex}\,,\,\,\text{torre}\,,\,\,\text{numDiscos}) \ ^* \\ \hookrightarrow \ 10; \ //\text{vezes} \ \text{largura} \ \text{de} \ \text{cada} \ \text{disco} \end{array}
63
         Move(p, disco);
65
66
         while (! Apertou Tecla (GLFW_KEY_ENTER))
67
              Desenha1Frame();
68
69
70
    void hanoi(int n, discoHanoi disco[], char a, char b, char c, int
71
         → numDiscos){
      /* mova n discos do pino a para o pino b usando
72
        o pino c como intermediario
73
74
         if (n = 1){
75
              printf("\nmova disco %d de %c para %c\n", n, a, b);
76
77
              moveHanoi(n, disco, b, numDiscos);
78
         _{\rm else}
80
              hanoi(n - 1, disco, a, c, b, numDiscos);
81
              82
              moveHanoi(n, disco, b, numDiscos);
83
84
              hanoi(n - 1, disco, c, b, a, numDiscos);
85
         }
86
87
88
    int main(void){
89
90
         int numDiscos, i;
         discoHanoi disco[5];
91
         Ponto p;
92
93
94
              printf("\nDigite uma quantidade de discos menor ou igual a
95
```

```
scanf("%d", &numDiscos);
96
          \ while (numDiscos > 5 || numDiscos <= 0); //Pergunte a
97
               ← quantidade de discos de novo se o usuario colocar um
               \hookrightarrow numero maior que 5 ou menor ou igual a 0
98
          AbreJanela(500, 500, "Torre de Hanoi");
PintarFundo(255, 255, 255);
99
100
101
          102
          CriaGrupo(); //Grupo das coisas que nao se mexem
103
          //Chao
104
          p.x = -100;
105
          p.y = -80;
106
          CriaRetangulo(200, 10, p);
107
          Pintar (0, 0, 0);
108
109
110
          //A
          p.x = POSX\_A;

p.y = CHAO;
111
112
          CriaRetangulo (5, 60, p);
113
          Pintar (255, 0, 0);
114
115
116
          p.x = POSX_B;
117
          p.y = CHAO;
118
          CriaRetangulo (5, 60, p);
119
          Pintar(255, 0, 0);
120
121
          //C
122
          p.x = POSX_C;
123
          p.y = C\!H\!A\!O;
124
          CriaRetangulo(5, 60, p);
125
          Pintar (255, 255, 0);
126
127
          128
          p.y = CHAO;

for(i = 0; i < numDiscos; i++){
129
130
131
               disco[i].index = CriaGrupo(); //Cada disco tem que estar em
132
               → um grupo para poderem se mover independente disco[i].largura = 10 * (numDiscos - i); //largura do disco
133
                        pra torre ficar bonitinha
               \begin{array}{l} disco\left[\,i\,\right]. posicao \,=\, p.\,y; \,\,//posicao \,\, original \,\, do \,\, disco \,\, disco\left[\,i\,\right]. \, torre \,\,=\,\, {}^{'}A'; \,\,//torre \,\, de \,\, partida \end{array}
134
135
               disco[i].label = numDiscos - i; //Label para os discos
136
               p.x = POSX\_A - disco[i].largura/2;
137
138
               CriaRetangulo\left(\,disco\left[\,i\,\right].\,largura\,\,,\  \  10\,,\  \, p\right)\,;
139
140
               Pintar(rand()%256, rand()%256, rand()%256);
141
               p.y += 10;
142
          }
143
144
          printf("Agora vou mostrar passo a passo como se resolve esta
145

→ torre. Aperte enter para o proximo passo");
```

```
while (! ApertouTecla (GLFW_KEY_ENIER))
146
             Desenha1Frame();
147
148
         hanoi(numDiscos, disco, 'A', 'B', 'C', numDiscos);
149
150
         printf("\nPronto! E assim que se resolve esta torre!");
151
152
         Desenha();
153
         return 0;
154
155
```

### Exercício 7.2

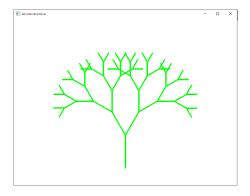


Figura 7.2 Árvore Binária

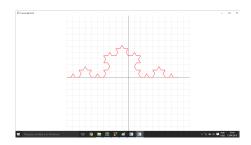
Esta prática reforça que os valores da estrutura Ponto podem ser ponto flutuantes.

**Listagem 7.2** Árvore recursiva

```
1 #include <playAPC/playapc.h>
2
   #define RAD 0.01745
3
4
    void arvore(Ponto p1, float altura1, float angulo1, float
5
         → angulo_diff, float profundidade){
         Ponto p2;
         float altura2, angulo2;
8
9
         if(0 < profundidade){
             p2.x = p1.x + altura1 * cos(angulo1 * RAD);
p2.y = p1.y + altura1 * sin(angulo1 * RAD);
10
11
              CriaReta(p1, p2);
12
             Pintar (0, 255, 0);
Grafite (5.0);
13
14
              altura2 = altura1 * 0.8;
16
             angulo2 = angulo1 + angulo_diff;
```

```
arvore(p2, altura2, angulo2, angulo_diff, profundidade - 1)
18
19
              angulo2 \, = \, angulo1 \, - \, angulo\_diff \, ;
20
              arvore \, (p2 \,, \ altura2 \,, \ angulo2 \,, \ angulo\_diff \,, \ profundidade \, \text{-} \, \, 1)
21
22
23
24
25
    int main(){
26
         Ponto p;
27
         float altura, angulo, profundidade;
28
29
         printf("Informe altura:");
scanf("%f", &altura);
30
31
32
33
         printf("Informe angulo entre galhos:");
         scanf("%f", &angulo);
34
35
         printf("Informe profundidade da recursao:");
36
         scanf("%f", &profundidade);
37
38
         p.x = 0;
39
         p.y = -80;
40
41
         AbreJanela (800,600, "Arvore recursiva");
42
         PintarFundo(255, 255, 255);
43
44
         arvore(p, altura, 90, angulo, profundidade);
45
46
47
         Desenha();
48
         return 0;
49
50
```

### Exercício 7.3



**Figura 7.3** Curva de Koch de ordem 3

**Item 7.3a** Esta prática reforça o modo de utilização da função CriaReta, usando a função movaCaneta, na linha 10.

**Listagem 7.3** Código fonte da curva de koch

```
1 | #include < stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
  #include <math.h>
   #include <playAPC/playapc.h>
   #define LARGURA 1962//800
   #define ALTURA 1280//600
7
   #define SIZE 180
8
    Ponto movaCaneta(Ponto from, double theta, double len) {
10
      Ponto to;
11
12
      double rad = theta*PI/180;
      to x = from . x + len*cos(rad);
to y = from . y + len*sin(rad);
13
14
      return to;
15
16
17
18
    void koch (Ponto from, double len, double theta, int order) {
19
20
      double rad = theta*PI/180;
21
22
      if (order==0) {
23
        to.x = from.x + len*cos(rad);
24
25
        to.y = from.y + len*sin(rad);
        CriaReta(from, to); Grafite(2); Pintar(255,0,0);
26
27
      else {
28
        koch (from, len/3, theta, order-1);
29
30
        to = movaCaneta(from, theta, len/3);
31
        from = to; //dispensável.
32
        // seu uso é para tornar intuitiva a chamada abaixo
33
        koch(from, len/3, theta+60, order-1);
34
35
36
        to = movaCaneta(from, theta+60, len/3);
        from = to;
37
        koch(from, len/3, theta-60, order-1);
38
39
        to = movaCaneta(to, theta-60, len/3);
40
41
        from \, = \, to \, ;
42
        koch(from, len/3, theta, order-1);
43
    }
44
45
46
    int main(void) {
47
      int ordem = 1;
48
49
      Ponto p0;
50
      AbreJanela (LARGURA, ALTURA, "Curvas de Koch");
51
52
      MostraPlanoCartesiano(10);
      PintarFundo (255, 255, 255);
53
54
      p0.x = -100; p0.y = 0.0;
```

```
56 | koch(p0, SIZE, 0, ordem);
58 | koch(p0, SIZE, 0, ordem);
59 | 60 | 61 | 62 | Desenha();
63 | return 0;
65 | }
```

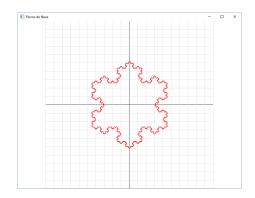


Figura 7.4 Floco de neve

Listagem 7.4 Código fonte do floco de neve

```
1 | #include <stdlib.h>
   #include <stdio.h>
2
    #include <math.h>
    #include <playAPC/playapc.h>
4
    #define LARGURA 800 //1962
#define ALTURA 600 //1280
7
    #define SIZE 180
    Ponto movaCaneta(Ponto from, double theta, double len) {
10
       Ponto to;
11
       double rad = theta*PI/180;
12
       to x = \text{from } .x + \text{len*cos(rad)};
to y = \text{from } .y + \text{len*sin(rad)};
13
14
       return to;
15
16
17
18
    Ponto koch (Ponto from, double len, double theta, int order) {
19
       Ponto to;
20
       double\ rad = theta*PI/180;
^{21}
22
       if (order==0) {
23
       to.x = from.x + len*cos(rad);
24
```

```
25
        to.y = from.y + len*sin(rad);
26
        CriaReta(from, to); Grafite(2); Pintar(255,0,0);
27
28
29
        koch (from, len/3, theta, order-1);
30
31
        to = movaCaneta(from, theta, len/3);
32
        from = to; //dispensável.
33
         // seu uso é para tornar intuitiva a chamada abaixo
34
        koch(from, len/3, theta+60, order-1);
35
36
         to = movaCaneta(from, theta+60, len/3);
37
        from = to;
38
        koch(from, len/3, theta-60, order-1);
39
40
        to = movaCaneta(to, theta-60, len/3);
41
42
        from \, = \, to \, ;
        koch(from, len/3, theta, order-1);
43
44
      return movaCaneta(from, theta, len/3);
45
46
47
    void floco_de_neve(int ordem) {
48
      Ponto\ p0\,;
49
      p0.x = -45.0; p0.y = 26.0;//centro do floco de neve
50
51
52
      p0 = koch(p0, SIZE/2,
                                 0, ordem);
53
      p0 = koch(p0, SIZE/2, -120, ordem);
p0 = koch(p0, SIZE/2, 120, ordem);
54
55
56
57
58
59
60
61
    int main(void) {
      int ordem = 6;
62
63
64
      MostraPlanoCartesiano(10);
65
      AbreJanela (LARGURA, ALTURA, "Flocos de Neve");
66
      PintarFundo (255, 255, 255);
67
68
69
      floco_de_neve(ordem);
70
      Desenha();
71
72
      return 0;
73
```

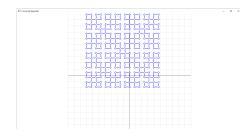


Figura 7.5 Curva de Sierpiski

### Exercício 7.4

Esta prática reforça o modo de utilizar a função CriaReta, usando as implementações das funções das linhas 16, 17, 18 e 19.

Listagem 7.5 Curva de Sierpiski

```
1 | #include <stdlib.h>
   #include <stdio.h>
    #include <math.h>
3
    #include <playAPC/playapc.h>
4
6
    // desenho realizado no estilo conhecido como
                                                            Turtle Graphics
    #define LARGURA 1962 //800
    #define ALTURA 1280 //600
#define SIZE 180
11
13
    typedef unsigned int Cardinal;
14
15
    Ponto a (Cardinal k, float h, Ponto p);
Ponto b (Cardinal k, float h, Ponto p);
16
17
    Ponto c (Cardinal k, float h, Ponto p);
    Ponto d (Cardinal k, float h, Ponto p);
19
20
21
    Ponto\ reta\,(\,Cardinal\ fator\;,\;\,Cardinal\ ext\;,\;\,Ponto\ p)\ \{
22
       // ang é para multiplicar por 45 graus
23
       Ponto p1;
24
       double ar = fator * 45.0 * PI/180;
25
26
      p1.x = p.x + ext*cos(ar);
27
      p1.y = p.y + ext*sin(ar);
28
29
       CriaReta(p,p1);
       Grafite (2);
30
      Pintar (0,0,255);
31
       return p1;
32
33
35
```

```
37
    Ponto a (Cardinal k, float h, Ponto p) {
38
       if (k > 0)
         p\!\!=\!\!a\left(k\!-\!1\,,h\,,\ p\right);\ p\!\!=\!\!reta\left(7\,,h\,,\ p\right);
39
         p=b(k-1,h, p); p=reta(0,2*h, p);
40
         p=d(k-1,h, p); p=reta(1,h, p);
41
        p=a(k-1,h, p);
42
43
      return p;
44
    }
45
46
    Ponto b (Cardinal k, float h, Ponto p) {
47
      if (k > 0)
48
         p=b(k-1,h, p); p=reta(5,h, p);
49
         p=c(k-1,h, p); p=reta(6,2*h, p);
50
         p=a(k-1,h, p); p=reta(7,h, p);
51
52
        p=b(k-1,h, p);
53
54
      return p;
55
56
    Ponto c (Cardinal k, float h, Ponto p) {
57
      if (k > 0)
58
        p=c(k-1,h, p); p=reta(3,h, p);
59
        p=d(k-1,h, p); p=reta(4,2*h, p); 
 <math>p=b(k-1,h, p); p=reta(5,h, p);
60
61
62
        p=c(k-1,h, p);
63
      return p;
64
65
66
    Ponto d (Cardinal k, float h, Ponto p) {
67
      if (k > 0)
68
        p=d(k-1,h, p); p=reta(1,h, p); p=a(k-1,h, p); p=reta(2,2*h, p);
69
70
        p=c(k-1,h, p); p=reta(3,h, p);
p=d(k-1,h, p);
71
72
73
      return p;
74
75
76
77
    int main(void) {
78
79
80
      Ponto p;
       int i = 4; //dai pra cima a coisa fica grande e mais lenta
81
       float h = 40;
82
83
      p.x = -70; p.y = 100; //ordem=1 cabe todo na tela
84
85
86
       MostraPlanoCartesiano(10);
87
       AbreJanela (LARGURA, ALTURA, "Curvas de Sierpinski");
88
      PintarFundo (255, 255, 255);
90
91
      if (i>0) h /= i*i;
```

```
p=a(i,h, p); p=reta(7,h, p);
p=b(i,h, p); p=reta(5,h, p);
p=c(i,h, p); p=reta(3,h, p);
p=d(i,h, p); p=reta(1,h, p);

p=d(i,h, p); p=reta(1,h, p);

p=d(i,h, p); p=reta(1,h, p);

p=d(i,h, p); p=reta(1,h, p);

p=d(i,h, p); p=reta(1,h, p);

p=c(i,h, p); p=reta(1,h, p);

p=d(i,h, p); p=reta(5,h, p);
p=c(i,h, p); p=reta(1,h, p);

p=d(i,h, p); p=reta(5,h, p);
p=c(i,h, p); p=reta(1,h, p);
p=c(i,h, p); p=reta(1,h, p);
p=d(i,h, p); p=reta(1,h, p); p=reta
```

## **PARTE V**

# **EXERCÍCIOS EXTRAS**

## **CAPÍTULO 8**

# **EXERCÍCIOS EXTRAS**

### Resumo

Este capítulo reúne uma bateria de exercícios envolvendo todos os capítulos abordados durante o livro.

### **Problemas**

- 8.1. A partir de um ponto no mapa, simule um geiser inundando o terreno montanhoso com água. Considere que:
  - O terreno é construído randomicamente, onde sua altura varia entre 0 à 255.
  - Se valor da altura igual a 0, o terreno é verde puro. Se for maior que 0, ele varia sua coloração de vermelho de modo que, ao atingir valor de altura 255, sua cor seja amarelo puro.
  - A cada iteração, o valor de água sobe 10 unidades e espalha-se igualmente entre o terreno.

- 8.2. Faça uma animação onde a lua está em órbita espiral em direção à terra. Ao atingir a terra, esta é jogada para fora da tela.
- 8.3. Faça uma animação onde simule o funcionamento de um sonar, com os seguintes aspectos:
  - Há três seres na cena: um alienígena, um caça e um ruído.
  - O ruído realiza uma trajetória de um 8 deitado, inf. Quando o ruído se aproxima do centro (0,0) do sonar, ele desaparece, reaparecendo na tela depois de um certo tempo.
  - O caça realiza trajetória descrito pela Equação 8.1.

$$\begin{cases}
50\cos(\alpha)\sqrt{2\cos(2\alpha)} &= x \\
50\sin(\alpha)\sqrt{2\cos(2\alpha)} &= y
\end{cases}$$
(8.1)

Onde  $\alpha$  é incrementado durante o loop.

• Enquanto  $\alpha$  é incrementado a cada iteração do loop, há um  $\theta$  que irá variar entre 0 e  $4\pi$ . Toda vez que  $\theta$  atingir  $4\pi$ ,  $\theta$  começa a variar de 0 e  $4\pi$  novamente. Sendo assim, a trajetória do alienígena é descrita pela Equação 8.2.

$$\begin{cases}
200\cos(\theta \times dir) \div \theta \times dir &= x \\
200\sin(\theta \times dir) \div \theta \times dir &= x
\end{cases}$$
(8.2)

### Soluções

#### Exercício 8.1

Listagem 8.1 Simulador de inundação

```
#include <playAPC/playapc.h>
    #include <time.h>
     #include <stdlib.h>
     #include <stdio.h>
     #include <limits.h>
     #define TAM 20
     typedef struct{
            int i, j;
float valor;
10
11
     }tipoVizinho;
12
13
     void imprimeTerminal(float m[TAM] [TAM], int comecoi, int comecoj){
14
            \begin{array}{l} p \, rint \, f \, (\, {}^{"} \backslash n \backslash n \, {}^{"}) \, ; \\ for \, (\, int \ i \, = \, 0 \, ; \ i \, < \, TAM; \ i+\!\!\!\! +) \{ \end{array}
16
```

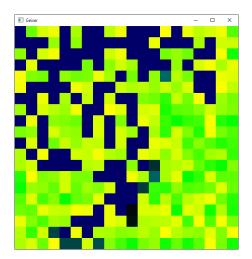


Figura 8.1 Simulador de inundação

```
for (int j = 0; j < TAM; j++){
                         if(i == comecoi && j == comecoj)
    printf("(%3.5f) ", m[i][j]);
19
20
21
                                printf("%3.5f ", m[i][j]);
22
23
                   printf("\n");
24
            }
25
26
27
      void \ imprimeTerminalInt(int \ m[TAM] \ [TAM] \ , \ int \ comecoi \, , \ int \ comecoj) \{
28
29
            \begin{array}{l} printf("\backslash n\backslash n")\,;\\ for(int\ i\ =\ 0\,;\ i\ <\ TAM;\ i++)\{ \end{array}
30
31
32
                   \label{eq:formula} \mbox{for} \, (\, \mbox{int} \ j \, = \, 0\,; \ j \, < \, \mbox{TAM}; \ j + +) \{
                         if(i == comecoi && j == comecoj)
    printf("(%d) ", m[i][j]);
33
34
35
                                printf("%3d ", m[i][j]);
36
37
                   printf("\n");
38
            }
39
40
41
      float \ getVizinho(\,float \ m[TAM]\,[TAM]\,, \ int \ i\,, \ int \ j\,)\{
42
43
            if(i) = 0 \&\& i < TAM)
44
                   if(j >= 0 \&\& j < TAM){
45
                         return m[i][j];
46
47
49
            return -1;
50
```

```
51
     int getVizinhoInt(int m[TAM] [TAM], int i, int j){
53
54
          if(i) = 0 \&\& i < TAM) \{
55
              if(j >= 0 \&\& j < TAM){
56
                  return m[i][j];
57
58
59
60
         return -1;
61
62
63
     void contaInunda(int mEnche[TAM][TAM], float m[TAM][TAM], float
64

→ maior, float taxa, int qtd, int mExibe[TAM][TAM]) {
65
         if(taxa > 0)
66
67
              taxa /= qtd;
68
         for (int i = 0; i < TAM; i++){
69
              for (int j = 0; j < TAM; j++){
    if (mEnche[i][j] > 0) {
71
                       m[i][j] = maior + taxa;
72
                       Pintar(0, 0, m[i][j], QUADRADO, mExibe[i][j]);
73
                       mEnche[i][j] = 0;
74
75
                  }
              }
76
         }
77
78
         printf("Nivel de agua: %f\n", maior+taxa);
79
80
81
     void bubblesort(tipoVizinho v[], int tamanho){
82
83
         short int f = 1;
84
         while(f){
85
86
              f = 0;
              for (int i = 0; i < tamanho-1; i++){
87
                   if (v[i]. valor > v[i+1]. valor){
88
                       tipoVizinho aux = v[i];
89
90
                       v\,[\;i\;]\;=\;v\,[\;i+1];
91
                       v[i+1] = aux;
92
                       f = 1;
93
94
              }
95
         }
96
97
98
    void \ set Vizinhos (tipo Vizinho \ v [8] \ , \ int \ ordem [8] \ , \ float \ m [TAM] \ [TAM] \ ,
99
         → int comecoi, int comecoj){
100
         for (int i = 0; i < 8; i++)
101
              ordem[i] = -1;
102
103
         v[0].valor = getVizinho(m, comecoi - 1, comecoj - 1);
104
```

```
v[0]. i = comecoi - 1;
105
         v[0].j = comecoj - 1;
106
107
         v[1].valor = getVizinho(m, comecoi, comecoj - 1);
108
         v[1].i = comecoi;
109
         v[1].j = comecoj - 1;
110
111
         v[2].valor = getVizinho(m, comecoi + 1, comecoj - 1);
112
         v[2].i = comecoi + 1;
113
         v[2]. j = comecoj - 1;
114
115
         v[3].valor = getVizinho(m, comecoi + 1, comecoj);
116
         v[3].i = comecoi + 1;
117
         v[3].j = comecoj;
118
119
         v[4]. valor = getVizinho(m, comecoi + 1, comecoj + 1);
120
         v[4]. i = comecoi + 1;
121
122
         v[4].j = comecoj + 1;
123
         v[5].valor = getVizinho(m, comecoi, comecoj + 1);
124
         v[5].i = comecoi;
125
         v[5]. j = comecoj + 1;
126
127
         v[6].valor = getVizinho(m, comecoi - 1, comecoj + 1);
128
         v[6]. i = comecoi - 1;
129
130
         v[6].j = comecoj + 1;
131
         v[7].valor = getVizinho(m, comecoi - 1, comecoj);
132
         v[7]. i = comecoi - 1;
133
         v[7].j = comecoj;
134
135
         bubblesort (v, 8);
136
137
     void inunda (float m[TAM] [TAM], int mEnche [TAM] [TAM], float *taxa,
138
         → int comecoi, int comecoj, int *qtd, float *maior, int mExibe
         \hookrightarrow [TAM] [TAM]) {
139
         tipoVizinho v[8];
140
         int k = 0, ordem[8];
141
142
         setVizinhos(v, ordem, m , comecoi, comecoj);
143
144
         k = 0;
145
         for (int i = 0; i < 8; i++){
146
              if(v[i].valor = -1)
147
                  continue;
148
149
              if (mEnche[v[i].i][v[i].j] != 1){
150
151
                   i\,f\,(m[\,comeco\,i\,]\,[\,comeco\,j\,] \,\,+\,\,*t\,ax\,a \,>\, v\,[\,i\,]\,.\,\,v\,alor\,\,\&\&\,\,v\,[\,i\,]\,.
152
                       \hookrightarrow valor > m[comecoi][comecoj]) {
                       float dif = (v[i].valor - m[comecoi][comecoj]);
153
                       (*taxa) = dif;
154
                       155
156
157
```

```
m[comecoi][comecoj] = v[i].valor;
158
159
                             if(*taxa > 0){
                                  (*qtd)++;
160
161
                                  ordem[k] = i;
                                  k++;
162
                                  mEnche\,[\,v\,[\,\,i\,\,]\,\,.\,\,i\,\,]\,[\,v\,[\,\,i\,\,]\,\,.\,\,j\,\,] \,\,=\,\,1\,;
163
164
165
                       else if(v[i].valor < m[comecoi][comecoj]){
166
                            float \ dif = (m[comecoi][comecoj] - m[v[i].i][v[i].j
167
                                  → ]);
168
                             if((*taxa) - dif <= 0){
169
                                  m[v[i].i][v[i].j] += (*taxa);
170
                                  (*taxa) = 0;
171
                                  \begin{array}{l} \operatorname{Pintar}(0, \ m[v[i].i][v[i].j], \ m[v[i].i][v[i].j], \\ \hookrightarrow \quad \operatorname{QUADRADO}, \ \operatorname{mExibe}[v[i].i][v[i].j]); \end{array}
172
173
                             else{
174
                                  \stackrel{.}{m}[\,v\,[\,i\,]\,.\,i\,]\,[\,v\,[\,i\,]\,.\,j\,] \;+\!=\; d\,i\,f\,;
175
                                  (*taxa) -= dif;
176
177
                             if(*taxa > 0){
178
                                  (*qtd)++;
179
                                  ordem[k] = i;
180
181
                                  k++;
                                  mEnche[v[i].i][v[i].j] = 1;
182
183
184
                             else{
                                  itaxa = 0;
185
186
187
                       else if(v[i].valor = m[comecoi][comecoj]){
188
                            (*qtd)++;
                            \mathrm{ordem}\,[\,k\,]\ =\ i\ ;
190
191
                            mEnche[v[i].i][v[i].j] = 1;
192
                      }
193
                 }
194
           }
195
196
            for (int i = 0; i < k; i++){
197
                 inunda (m, mEnche, taxa, v[ordem[i]].i, v[ordem[i]].j, qtd,
198
                       \hookrightarrow maior, mExibe);
199
200
201
           main(){
202
            float mTerrenos [TAM] [TAM];
203
            int mEnche[TAM][TAM], mExibe[TAM][TAM];
204
            int menor = INT_MAX;
205
           int comecoi = 0, comecoj = 0;
206
207
            float maior;
            Ponto p;
208
209
            AbreJanela (600, 600, "Geiser");
210
```

```
srand(time(NULL));
211
212
         p.y = 90;
         for (int i = 0; i < TAM; i++){
213
214
              p.x = -100;
              for (int j = 0; j < TAM; j++){
215
                  mTerrenos [i][j] = rand()\%255;
216
217
                  mExibe[i][j] = CriaQuadrado(10, p);
218
219
                  Pintar (\,mTerrenos\,[\,i\,]\,[\,j\,]\,,\ 255\,,\ 0)\,;
220
                  p.x += 10;
221
222
                  mEnche[i][j] = 0;
223
224
                  if(mTerrenos[i][j] < menor){
225
                       menor = mTerrenos[i][j];
226
                       comecoi = i;
227
228
                       comecoj = j;
229
230
              p.y = 10;
231
232
         mEnche[comecoi][comecoj] = 1;
233
         Pintar(255, 0, 0, QUADRADO, mExibe[comecoi][comecoj]);
234
235
         printf("****geracao inicial****\n");
236
         while (! Apertou Tecla (GLFW_KEY_ENIER))
237
             Desenha1Frame();
238
239
         for (int geracao = 0; maior <= 255; geracao++){
240
              maior = mTerrenos [comecoi] [comecoj];
241
              float taxa = 1;
242
              int qtd = 1;
243
              printf("\n****geracao %2d****\n", geracao+1);
244
245
              inunda(mTerrenos, mEnche, \&taxa, comecoi, comecoj, \&qtd, \&
246
                  \hookrightarrow maior, mExibe);
              contaInunda (mEnche, mTerrenos, maior, taxa, qtd, mExibe);
247
              mEnche[comecoi][comecoj] = 1;
248
249
              Desenha1Frame();
250
251
252
         Desenha();
253
254
         return 0;
255
256
```

### Exercício 8.2

Listagem 8.2 Lua em órbita espiral

```
#include <playAPC/playapc.h>
#include <math.h>
int main(){
```

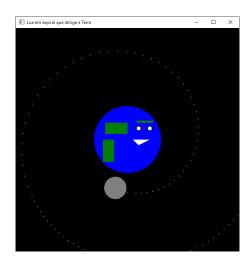


Figura 8.2 Lua em órbita espiral

```
6
         \label{eq:float} \ t \;,\;\; phi \;,\;\; dx \;,\;\; dy \;,\;\; d\,;
         Ponto p, q, r;
7
         int terra, lua, traj, boquinha; //grupos
 8
9
         AbreJanela(600, 600, "Lua em espiral que atinge a Terra");
10
         //MostraPlanoCartesiano(10);
11
         PintarFundo(0, 0, 0);
12
13
14
         terra = CriaGrupo();
15
16
         p.x = 0;
        p.y = 0;
CriaCirculo(30, p); Pintar(0, 0, 255);
17
18
         //terrinhas
20
        p.x = -22;

p.y = -20;
^{21}
22
         CriaRetangulo (10, 20, p); Pintar (0, 128, 0);
23
         p.x = -20;
24
         p.y = 5;
25
         CriaRetangulo (20, 10, p); Pintar (0, 128, 0);
26
27
         p.x = 8;
         p.y = 15;
28
         CriaRetangulo (15, 2, p); Pintar (0, 128, 0);
29
30
         //olhinhos
         p.x = 10;
31
         p.y = 10;
32
         CriaCirculo(2, p); Pintar(255, 255, 255);
33
         p.x = 20;
34
35
         p.y = 10;
         CriaCirculo(2, p); Pintar(255, 255, 255);
36
         p.x = 10;
37
```

```
p.y = 10;
38
         CriaCircunferencia(2, p); Pintar(0, 0, 0);
39
        p.x = 20;
40
        p.y = 10;
41
         CriaCircunferencia(2, p); Pintar(0, 0, 0);
42
        p.x = 10;
43
        p.y = 10;
44
         CriaCircunferencia (2.2, p); Pintar (0, 0, 0);
45
        p.x = 20;
46
        p.y = 10;
47
         CriaCircunferencia (2.2, p); Pintar (0, 0, 0);
48
49
         //boquinha
50
        p.x = 5;
51
        p.y = 0;
52
53
        q.x = 20;
        q.y = 0;
54
55
        r.x = 10;
        r.y = -5;
56
        CriaPoligono(3, p, q, r); Pintar(255, 255, 255);
57
        lua = CriaGrupo();
59
        p.x = 0;
60
        p.y = 0;
61
        CriaCirculo(10, p); Pintar(127, 127, 127);
62
63
         //Cria grupo da trajetoria
64
         traj = CriaGrupo();
65
        q.x = (10 * 4*PI)*cos(4*PI);

q.y = (10 * 4*PI)*sin(4*PI);
66
67
68
         CriaPonto(q); Grafite(2); Pintar(87, 87, 87); //Preciso criar o
69
             → primeiro ponto
        for (t = 4*PI; t > 0; t = .05){
phi = 10 * t; //polar
71
             p.x = phi*cos(t);
72
73
             p.y = phi*sin(t);
74
             Move(p, lua);
75
76
             dx = q.x - p.x;
77
             dy = q.y - p.y;

d = sqrt(dx*dx + dy*dy);
78
79
80
81
             if(d > 5){ //Distancia para intercalar pontos
                 CriaPonto(p); Grafite(3); Pintar(87, 87, 87);
82
83
                 q = p;
             }
84
85
86
             dx = p.x;
87
             dy = p.y;
             d = sqrt(dx*dx + dy*dy);
88
             if (d \le 30 + 10) //Se distancia entre os centro da lua e da

→ terra for menor que a soma dos raios, colidiu

                 break;
90
```

```
Desenha1Frame();
92
 93
          p.x += 30; //mais raio da terra
p.y += 30; //mais raio da terra
94
95
 96
           //cria um grupo separado pra boquinha
97
          boquinha = CriaGrupo();
98
          q.x = 12;
99
          q.y = -5;
100
          CriaCirculo(10, q); Pintar(0, 0, 255);
101
          q.x = 15;
102
          q.y = 2;
103
          CriaCirculo (2.5, q); Pintar (255, 255, 255); Redimensiona (1, 1.5, boquinha);
104
105
106
107
          q.x = 15;
          q.y = -6;
108
109
          for (t = 0; t < 100; t+= .05) {
               p.x += t;
p.y += t;
110
111
112
               Move(p, terra);
113
114
               q.x += t;
115
               q.y += t;
Move(q, boquinha);
116
117
               Desenha1Frame();
118
119
120
          Desenha();
121
122
123
          return 0;
124
```

### Exercício 8.3

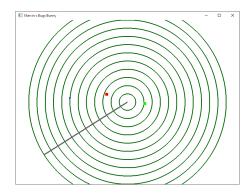


Figura 8.3 Sonar

### Listagem 8.3 Sonar

```
#include <playAPC/playapc.h>
    #include <math.h>
2
3
4
    int tela_radar (int aros) {
      int grp = CriaGrupo();
5
      Ponto p; p.x = 0; p.y = 0;
6
      for(; aros > 0; aros --) {
   CriaCircunferencia (10*aros, p);
7
8
        Pintar (0, 100, 0); Grafite(3);
10
11
      return grp;
12
13
14
    int ballon (void) {
15
      int ufo = CriaGrupo();
16
17
      Ponto p;
      p.x = -10;
18
      p.y = -50;
19
      CriaPonto(p); Pintar(255, 0, 0); Grafite(10);
20
      return ufo;
21
22
23
    int fly (void) \{
24
25
      int fs = CriaGrupo();
      Ponto p;
26
      p.x = -10;
27
                   p.y = -50;
      CriaPonto(p);
28
      Pintar(0, 255, 0); Grafite(10); return fs;
29
30
31
32
    int cacas (void) {
33
      int cc = CriaGrupo();
34
      Ponto p;
35
      36
37
      Pintar (0, 0, 255); Grafite (5);
38
      return cc;
39
40
41
42
    int scanner (int range) {
     Ponto p, q;
43
      int reta = CriaGrupo();
44
      p.x = 0;
                   p.y = 0;
45
                   q.y = 10*range;
      q.x = 0;
46
      CriaReta(p, q);
Pintar (100, 100, 100); Grafite(5);
47
48
49
      return reta;
50
51
52
   int main (int argc, char * argv[]) {
53
54
      AbreJanela (900, 900, "Marvin x Bugs Bunny");
```

```
PintarFundo (255, 255, 255);
56
57
       int radar = tela_radar(12);
58
       int reta = scanner(12);
59
       int bb = ballon();
60
       int marvin = fly();
61
       int f20 = cacas();
62
       Ponto p, q, r;
63
64
       int dir = 1;
65
66
67
         os caças F20 ficam rodando feito perus na Lemniscata de
68
              → Bernoulli
          equação paramétrica:
69
          x = a \cos t \sqrt{2 \cos (2t)}; \quad y = a \sin t \sqrt{2 \cos (2t)}
\Rightarrow \cos (2t)
70
71
72
73
       double theta = 2*PI, alpha = theta;
74
       while(1) {
75
76
          Gira(alpha*100, reta);
77
          alpha += 0.01;
78
79
80
             cacas americanos patrulhando a casa quase branca
81
82
          r.x = 50*\cos(alpha)*sqrt(2*\cos(2*alpha));
83
          r.y = 50*\sin(alpha)*sqrt(2*\cos(2*alpha));
84
         Move(r, f20);
85
          //Os caças acabam aqui
86
87
88
          //outros objetos abaixo
          if (theta > 0) theta = theta - 0.01;
89
          else {
            theta = 4*PI;
91
            dir = -dir;
92
93
         \begin{array}{l} p.x = 50*(\cos(\text{theta}) + 0.5*\cos(2*\text{theta})); \\ p.y = 50*(\sin(\text{theta}) + 0.5*\sin(2*\text{theta})) + \text{theta}; \end{array}
94
95
          //What's up, doc?
96
         Move(p, bb);//the old pal bugsbunny to save the day!
97
98
99
          q.x = 200*\cos(theta*dir)/theta*dir;
100
          q.y = 200*sin(theta*dir)/theta*dir;
101
          Move(q, marvin); //Marvin, the martian, who else?
102
103
104
         Desenha1Frame();
105
106
107
       Desenha ();
108
109
```

```
110 return 0;
111 }
```