

公式6

$$\Delta x_1 = R_0 \phi_0 + b_0$$

该式子是使用牛顿迭代法求解公式3取最小值时， $x$ 的取值。公式6中 $\Delta x_1$ 是 $x$ 的第一次更新。

根据牛顿迭代法 $\Delta x_1 = -H^{-1} J_f$ ,

其中 $H(x_0)$ 为公式3对图像中起初的landmark  $x_0$ 的海森矩阵,

$J_f$ 为公式3对图像landmark向量 $x_0$ 的Jacobian矩阵。对 $J_f$ 使用链式求导，得到 $J_f = 2J_h^T(\phi_0 - \phi_*)$ ,

其中 $\phi_* = h(d(x_*))$ ,该张图片中已知的人工标定的人脸对齐landmark  $x_*$ ， $d(x_*)$ 含义不明确，与 $x_*$ 的区别？。h函数为非线性特征提取函数。每张照片的 $\phi_*$ 值是已知的。

再令 $R_0 = -2H(x_0)^{-1} J_h^T(x_0)$ ,  $b_0$ 为偏移量，就得到公式6了。

公式8

$$x_k = x_{k-1} + R_{k-1} \phi_{k-1} + b_{k-1},$$

该式子为牛顿迭代法的迭代式。从 $k-1$ 情况下，推出 $x_k$ 的值。其中 $\Delta x_{k-1} = R_{k-1} \phi_{k-1} + b_{k-1}$

公式11

$$\arg \min_{R_k, b_k} \sum_{d^i} \sum_{x_k^i} \|\Delta x_*^{ki} - R_k \phi_k^i - b_k\|$$

该式子是用来求解 $R_k$ 与 $b_k$ 。

对于一组人像图 $\{d^i\}$ ,和对应的人工标记landmark $\{x_*^i\}$ , 首先对每张图产生初始的landmark  $x_*^i$ 。

先通过公式9，求出 $R_0, b_0$ 。其中 $\phi_0^i = h(d^i(x_0^i))$ ,

再通过公式8，求出 $x_k^i$ ，。

然后通过求公式11的最小值,求出 $R_k, b_k$ ，其中 $\Delta x_*^{ki} = x_*^i - x_k^i$ 。