

**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ**  
**НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА"**

Інститут ІКНІ  
Кафедра ПЗ

**ЗВІТ**

До лабораторної роботи № 10

**З дисципліни:** *“Алгоритми та структури даних”*

**На тему:** *“Бінарний пошук в упорядкованому масиві”*

**Лектор:**

доц. каф. ПЗ  
Коротєєва Т.О.

**Виконав:**

ст. гр. ПЗ-22  
Солтисюк Д.А.

**Прийняв:**

асист. каф. ПЗ  
Франко А.В.

« \_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2022 р.  
 $\Sigma$  = \_\_\_\_\_

Львів – 2022

**Тема роботи:** Бінарний пошук в упорядкованому масиві

**Мета роботи:** Навчитися застосовувати алгоритм бінарного пошуку при розв'язуванні задач та перевірити його ефективність на різних масивах даних. Експериментально визначити складність алгоритму.

### ТЕОРЕТИЧНІ ВІДОМОСТІ

Бінарний, або двійковий пошук – алгоритм пошуку елементу у відсортованому масиві. Це класичний алгоритм, ще відомий як метод дихотомії (ділення навпіл).

Якщо елементи масиву впорядковані, задача пошуку суттєво спрощується. Згадайте, наприклад, як Ви шукаєте слово у словнику. Стандартний метод пошуку в упорядкованому масиві – це метод поділу відрізка навпіл, причому відрізком є відрізок індексів  $l..n$ . Дійсно, нехай масив  $A$  впорядкований за зростанням і  $m$  ( $k < m < l$ ) – деякий індекс. Нехай  $Buffer = A[m]$ . Тоді якщо  $Buffer > b$ , далі елемент необхідно шукати на відрізку  $k..m-1$ , а якщо  $Buffer < b$  – на відрізку  $m+1..l$ .

Для того, щоб збалансувати кількість обчислень в тому і іншому випадку, індекс  $m$  необхідно обирати так, щоб довжина відрізків  $k..m$ ,  $m..l$  була (приблизно) рівною. Описану стратегію пошуку називають *бінарним пошуком*.

$b$  – елемент, місце якого необхідно знайти. Крок бінарного пошуку полягає у порівнянні шуканого елемента з середнім елементом  $Buffer = A[m]$  в діапазоні пошуку  $[k..l]$ . Алгоритм закінчує роботу при  $Buffer = b$  (тоді  $m$  – шуканий індекс). Якщо  $Buffer > b$ , пошук продовжується ліворуч від  $m$ , а якщо  $Buffer < b$  – праворуч від  $m$ . При  $l < k$  пошук закінчується, і елемент не знайдено.

### ІНДИВІДУАЛЬНЕ ЗАВДАННЯ

1. Програма повинна забезпечувати автоматичну генерацію масиву цілих чисел (кількість елементів масиву вказується користувачем) та виведення його на екран;
2. Визначте кількість порівнянь та порівняйте ефективність на декількох масивах різної розмірності заповнивши табл. 1.
3. Представте покрокове виконання алгоритму пошуку.
4. Побудуйте графік залежності кількості порівнянь від кількості елементів масиву у Excel. Побудуйте у тій же системі координат графіки функцій  $y=n$  та  $y=\log_2(n)$ . Дослідивши графіки, зробіть оцінку кількості  $C(n)$  порівнянь алгоритму бінарного пошуку.
5. З переліку завдань виконайте індивідуальне завдання запропоноване викладачем.

## Варіант 22 (7):

Дано одновимірний масив цілих чисел  $A[i]$ , де  $i=1,2,\dots,n$ . Знайти елемент що дорівнює різниці максимального та мінімального елементів. Вивести позицію шуканого елемента.

### ВИКОНАННЯ РОБОТИ

Код програми:

```
import random

def gen_random_int_array(n):
    return [random.randint(1, n) for _ in range(0, n)]

def gen_input_data():
    n = int(input("Enter array size: ") or 100)

    arr = gen_random_int_array(n)
    arr.sort()

    min_max_diff_el = arr[-1] - arr[0]

    print(f"Sorted generated array: {arr}")
    print(f"Min and max element difference: {min_max_diff_el}")

    return arr, min_max_diff_el

def binary_search(arr, key):
    left, right = 0, len(arr) - 1
    while left <= right:
        mid = (left + right) // 2
        print(f"Left={left}, Middle={mid}, Right={right}")
        if arr[mid] > key:
            right = mid - 1
        elif arr[mid] < key:
            left = mid + 1
        else:
            return mid

if __name__ == "__main__":
    arr, min_max_diff_el = gen_input_data()

    print()
    print("Searching in array for minmax diff element with binary search...")
    print()

    print("Binary search process:")
```

```

found_idx = binary_search(arr, min_max_diff_el)
print()

print(
    f"Found under id: {found_idx}"
    if found_idx
    else "Minmax diff element was not found in the provided array"
)

```

## ПРОТОКОЛ РОБОТИ

```

Enter array size: 10
Sorted generated array: [1, 2, 2, 2, 4, 5, 6, 6, 9, 10]
Min and max element difference: 9

Searching in array for minmax diff element with binary search...

Binary search process:
Left=0, Middle=4, Right=9
Left=5, Middle=7, Right=9
Left=8, Middle=8, Right=9

Found under id: 8, comparisons: 7

```

Рис. 1. Загальний вигляд роботи програми

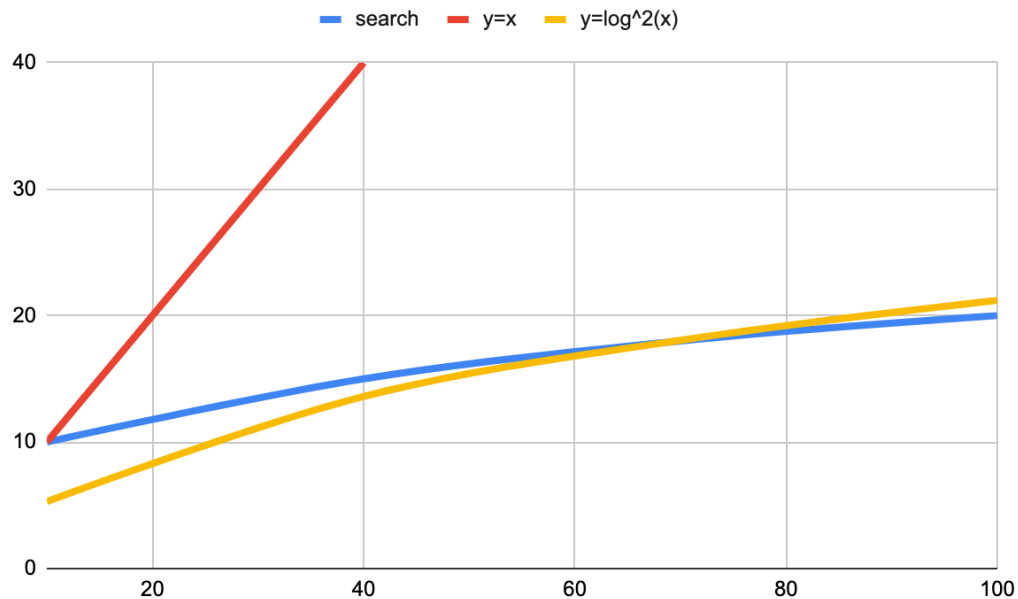


Рис. 2. Графік для нагального огляду роботи програми

## **ВИСНОВКИ**

Під час виконання лабораторної роботи я навчився застосовувати алгоритм бінарного пошуку при розв'язуванні задач та перевірити його ефективність на різних масивах даних. Експериментально визначив складність алгоритму.