

Ingeniería en Sistemas de Información Sintaxis y Semántica del Lenguaje

RESOLUCIÓN PRATICO N3

"AFD y AFN - Lenguajes Regulares".

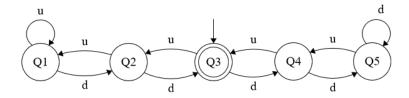
Profesores:

Ing. Mario Rinaldi Dr. Jorge A. Palombarini

- 1) a) El estado Inicial es Q1.
- b) El estado de aceptación es Q2.
- c) Q1, Q2, Q3, Q1, Q1.
- d) ($\{Q1, Q2, Q3\}, \{a,b\}, \delta, Q1, \{Q2\}$)

2)

$$\begin{pmatrix} \{q_1,q_2,q_3,q_4,q_5\},\{\mathtt{u},\mathtt{d}\},\delta,q_3,\{q_3\}\}, & q_1 & q_1 & q_2 \\ q_1 & q_1 & q_2 \\ q_2 & q_1 & q_3 \\ q_3 & q_2 & q_4 \\ q_4 & q_3 & q_5 \\ q_5 & q_4 & q_5 \end{pmatrix}$$



3)

a) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

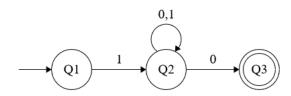
Q = (Q1, Q2, Q3) Debe ser conjunto

 $\sum = (0, 1)$ Debe ser conjunto

δ=

	0	1
Q1	Ø	Q2
Q2	Q2	Q2
Q3	Ø	Ø

Todos son conjuntos



b) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

Q = (Q1, Q2, Q3, Q4)

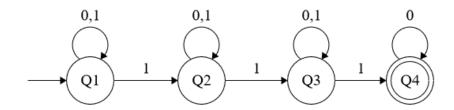
 $\sum = (0, 1)$

Deben ser conjuntos

δ=

	0	1
Q1	Q1	Q1
Q2	Q2	Q2
Q3	Q3	Q3
Q4	Q4	Ø

F= {Q4}



c) Descripción formal = (Q, ε , δ , F)

$$Q = (Q1, Q2, Q3, Q4, Q5)$$

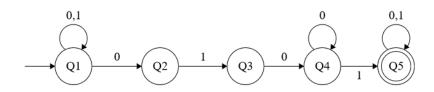
$$\sum = (0, 1)$$

deben ser conjuntos

δ=

	0	1
Q1	Q1	Q1
Q2	Ø	Q1 Q3 Ø
Q1 Q2 Q3 Q4 Q5	Q4 Q4 Q5	Ø
Q4	Q4	Q5 Q5
Q5	Q5	Q5

F= {Q5}



d) Descripción formal = (Q, ε , δ , F)

$$Q = (Q1, Q2, Q3, Q4)$$

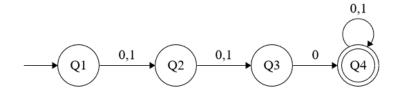
$$\Sigma = (0, 1)$$
 Deben ser conjuntos

δ=

	0	1
Q1	Q2	Q2
Q2	Q3	Q3
Q3	Q4	Ø
Q4	Q4	Q4

todos son conjuntos

F= {Q4}



e) Descripción formal = (Q, ε , δ , F)

Q = (Q1, Q2, Q3, Q4)

 $\sum = (0, 1)$

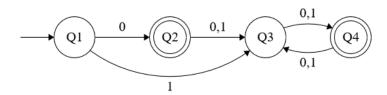
Deben ser conjuntos

δ =

	0	1
Q1	Q2	Q3
Q2	Q3	Q3
Q3	Q4	Q4
Q4	Q3	Q3

Todos son conjuntos

F= {Q2, Q4}



f) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

Q = (Q1, Q2, Q3, Q4, Q5)

Son conjuntos

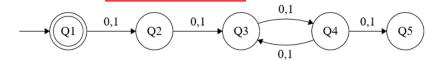
$$\sum = (0, 1)$$

δ=

	0	1
Q1	Q2	Q2
Q2 Q3	Q2 Q3	Q2 Q3
Q3	Q4	Q4
Q4	Q3	Q3
Q5	Ø	Ø
F= {Q1}		

Todos son conjuntos

No tiene otro estado final, no acepta ninguna cadenas mas que la vacia



g) Descripción formal = (Q, ε , δ , F)

$$Q = (Q1, Q2, Q3, Q4)$$

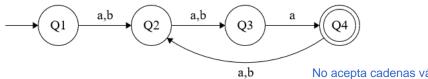
$$\sum = (a, b)$$

Deben ser conjuntos

δ=

	а	b
Q1	Q2	Q2
Q2	Q3	Q3
Q3	Q4	Ø
Q4	Q2	Q2

Deben ser conjuntos



No acepta cadenas válidas como epsilon,a, b, aa, etc

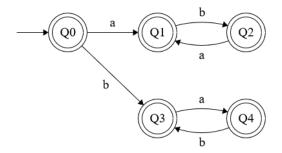
h) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

$$Q = (Q0, Q1, Q2, Q3, Q4)$$

$$\sum = (a, b)$$

	а	b
Q0	Q1	Q3 Q2 Ø
Q1	Ø	Q2
Q0 Q1 Q2 Q3 Q4	Q1	Ø
Q3	Q4 Ø	Ø
Q4	Ø	Q3

F= {Q0, Q1, Q2, Q3, Q4}



i) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

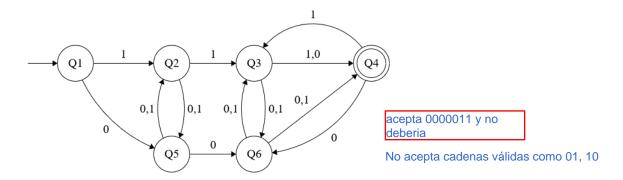
$$Q = (Q1, Q2, Q3, Q4, Q5, Q6)$$

$$\sum = (0, 1)$$

δ=

IDEM ANTERIORES

	0	1
Q1	Q5	Q2
Q2	Q5 Q4	Q3 Q4
Q3	Q4	Q4
Q4	Q6	Q3
Q2 Q3 Q4 Q5	Q6 Q2 Q4	Q2
Q6	Ω4	Ω4



j) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

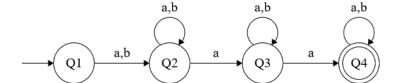
$$Q = (Q1, Q2, Q3, Q4)$$

$$\sum = (a, b)$$

	а	b
Q1	Q2	Q2
Q2	Q2	Q2
Q3	Q3	Q3
Q4	Q4	Q4

idem anteror

F= {Q4}



no acepta cadenas validas como a, b, ab, aabbb, etc

4) a) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

Q = (Q1, Q2, Q3, Q4)

 $\sum = (\epsilon, 1, 0)$

idem anterior

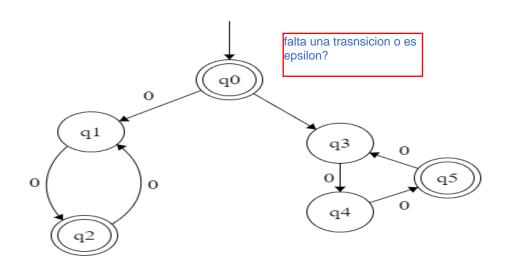
δ=

	0	1	€
Q1	Q1	Q1	Ø
Q2	Q3	Ø	Q3
Q3	Ø	Q4	Ø
Q4	Q4	Q4	Ø

F = Q4

b) 010101|11011|0101 001|11|010

5)



- 6) a) No det. | Termina con "b".
- b) No det. | Al menos 2 "a" o dos "b".
- c) No det. | Comienza con "a".
- 7) a) Descripcion formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$
- Q = (Q1, Q2, Q3, Q4, Q5, Q6, Q7)

La descripcion deberia ser mas especifica $\sum = (a, b)$

idem anteriores

	а	b
Q1	Q2	Q6
Q2	Q6	Q3
Q3	Q4	Q3
Q4	Q5	Q3
Q5	Q7	Q3
Q6	Q6	Q6
Q7	Q7	Q3

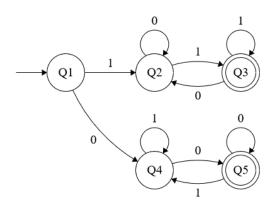
F = Q5

b) (abaa, abbabaa, abbaaabbaa)

Empieza y termina con a, contiene al menos una b

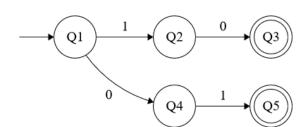
No es correcto, abaaa no es reconocido

8) a)



Es AFD, se pide AFN

b)



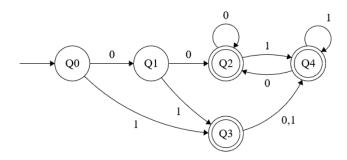
No especifica que las cadenas deben ser de longitud 2

9) a) Descripción formal = (Q, ε , δ , F)

$$Q = (Q0, Q1, Q2, Q3, Q4)$$

$$\sum = (0, 1)$$

	0	1
Q0	Q1	Q3
Q0 Q1	Q2	Q3
Q2	Q2	Q4
Q2 Q3	Q2 Q4	Q4
Q4	Q2	Q4

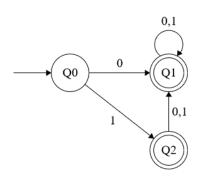


b) Descripción formal = $(Q, \varepsilon, \delta, F)$

$$Q = (Q0, Q1, Q2)$$

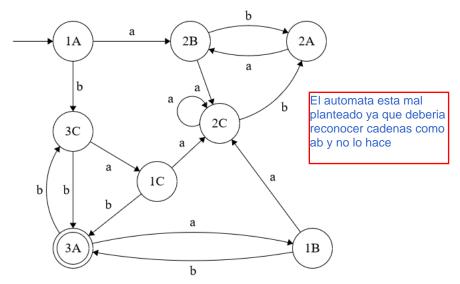
$$\sum = (0, 1)$$

	0	1
Q0	Q1	Q2
Q1	Q1	Q1
Q2	Q1	Q1



- **10)** Para poder realizar operaciones como, por ejemplo, unión, diferencia o intersección, primero tenemos que realizar algunas acciones como son:
 - 1) Realizar una tabla de transiciones de los autómatas originales para conocer sus transiciones.
 - 2) Realizar el producto cartesiano entre ambos autómatas iniciales para generar los nuevos estados y transiciones del autómata resultante.
 - 3) Establecer el estado inicial del autómata resultante, que estará conformado por los dos estados iniciales de los primeros autómatas.
 - 4) Los estados finales del nuevo autómata dependerán de la operación que estemos realizando:

- **Unión:** en los nuevos estados finales del autómata resultante de una unión, por lo menos uno de los estados originales (de los primeros autómatas) que lo conforman tiene que ser final.
- Intersección: en los nuevos estados finales del autómata resultante de una intersección, todos los estados originales (de los primeros autómatas) que lo conforman tienen que ser final.
- Diferencia: dependerá del orden en que se realice la operación, siendo distinto realizar L1-L2 que L2-L1. Tomando como ejemplo L1-L2, los estados finales del nuevo autómata estarán conformados por aquellos estados finales de L1 que no estén acompañados por un estado final de L2.



La metodología empleada para obtener el autómata se basa en los siguientes pasos:

- 1) Identificar qué operación queremos realizar con nuestros autómatas iniciales. En este caso realizaremos una intersección entre ambos.
- 2) El siguiente paso es etiquetar ambos diagramas asignándole un nombre a cada estado.
- 3) Luego hacer una tabla de transiciones por cada diagrama hacia donde se dirigen las transiciones salientes de cada estado.
- 4) Una vez armado, se procede a determinar el estado inicial y el estado de aceptación de cada autómata.
- 5) Se realiza el producto cartesiano entre ambos autómatas iniciales para generar los nuevos estados y transiciones del autómata resultante.
- 6) Una vez obtenido nuestro autómata resultante debemos determinar nuestro estado inicial y nuestro/os nuevos estados de aceptación.
- 7) El estado inicial del autómata resultante estará conformado por los dos estados iniciales de los primeros autómatas. En nuestro caso los estados iniciales son:
- 1, en el primer autómata.
- A, en el segundo autómata.
- 1A, en nuestro autómata resultante.
- 8) Los estados de aceptación varían según cual operación estemos realizando, en este caso, como realizamos una intersección, los estados finales del nuevo autómata estarán conformados por aquellos estados que son finales en los primeros autómatas. En nuestro caso:
- 2 y 3 en el primer autómata.
- A en el segundo autómata.
- 2A y 3A, en nuestro autómata resultante.