

Solución sencilla que cumple seguridad

Seca $I = \{0, 1, 2\}$

Monitor:

int inside = 0
 who-is-inside = [0]*3
 VC free-bridge

Inv: $\{ \text{inside} \geq 0;$

$\forall i \in I, \text{who-is-inside}[i] \in \{0, 1\};$
 $0 \leq \sum_{i \in I} \text{who-is-inside}[i] \leq 1 \}$

empty-bridge (direction: int) \rightarrow bool:

return $(0 == \text{who-is-inside}[\text{direction} \oplus 1])$ and
 $(0 == \text{who-is-inside}[\text{direction} \ominus 1])$

wants-enter-car (dir: int):

mutex.wait()
 free-bridge.wait_for(empty-bridge(dir))
 who-is-inside[dir] = 1
 inside += 1
 mutex.signal()

leaves-car (dir: int):

mutex.wait()
 inside -= 1
 if inside == 0:
 who-is-inside[dir] = 0
 free-bridge.notify-all()
 mutex.signal()

Análogo para
 peatones con
 dir = 2.

El puente es seguro, ya que cualquier vehículo que quiera entrar, va a tener que esperar a que los otros dos no estén en el puente. Al hacer esto, una vez finaliza wants-enter-car tenemos $\{ \text{Inv} \wedge \text{who-is-inside}[\text{dir}] = 1 \}$ \wedge $\text{inside} > 0$. Por lo que, ninguna otra dirección va a poder entrar al puente, hasta que ya no quede ningún vehículo dentro ($\text{inside} == 0$) y $\text{who-is-inside}[\text{dir}]$ cambie a 0.

Problema de inanición: Si, tuviéramos un sentido por el que pudieran pasar un no finito de vehículos, este podría hacerse con el control del puente, ya que $(\text{inside} == 0)$ no tendría porque darse \Rightarrow Los otros dos esperan indefinidamente.

Por lo que vamos a modificar el monitor para que tenga este problema en cuenta. Añadimos una variable binaria que controle la espera:

Monitor:

... (lo que ya teníamos)

who-is-waiting = [0]*3

VC waiting

...

Inv := { inside ≥ 0 ; $\forall i \in I$

who-is-inside[i] $\in \{0, 1\}$;

who-is-waiting[i] $\in \{0, 1\}$;

$0 \leq \sum_{i \in I} \text{who-is-inside}[i] \leq 1$;

$0 \leq \sum_{i \in I} \text{who-is-waiting}[i] \leq 1$ }

is-anyone-waiting (dir: int) \rightarrow bool:

return (0 == who-is-waiting [dir \oplus 1]) and
(0 == who-is-waiting [dir \ominus 1])

wants-enter (dir: int):

mutex.wait()

waiting.wait_for (is-anyone-waiting (dir))

who-is-waiting [dir] = 1

free-bridge.wait_for (empty-bridge (dir))

who-is-inside [dir] = 1

inside += 1

who-is-waiting [dir] = 0

waiting.notify-all()

mutex.signal()

leaves (dir: int):

mutex.wait()

inside -= 1

if (inside == 0):

who-is-inside [dir] = 0

free-bridge.notify-all()

mutex.signal()

Seguimos conservando la seguridad por el mismo razonamiento.

Veamos que no hay dead locks:

Para que ocurriera, se tendría que dar que; el vehículo que ya está esperando a entrar al puente, no tuviera nunca acceso al mismo. (Ambos wait_for bloquearían todos procesos). Pero esto nunca puede pasar, ya que una vez pasa a esperar, no va a dejar entrar a ningún coche en la dirección actual.

Por lo que hay un número finito en el puente, que acabarán saliendo y dejando el puente libre, una vez (inside == 0).

Veamos ahora que ya no puede haber inanición:

Si un proceso se quedara parado en `free-bridge`, acabará entrando por lo explicado anteriormente (deadlock), por lo que no se puede dar esta situación.

Si un proceso se quedara parado en `waiting`, hay que ver que siempre va a acabar entrando.

1) Ya hay alguien esperando para entrar al puente, y otra dirección dentro del puente.

Cuando la dirección actual del puente se quede vacía, este hará la llamada `free-bridge.notify-all()`, que hará que la dirección esperando entre al puente.

Solo hay una dirección esperando por el invariante.

Una vez dicha dirección esté dentro del puente, efectuará la llamada `waiting.notify-all()` (En este momento ya no espera nadie en esa dirección).

Entonces, por la hipótesis de justicia, cualquier proceso esperando acabará entrando. \Rightarrow Nuestro proceso entra y por lo tanto no hay inanición.

Cualquier otra posibilidad es un caso particular de este, por lo que no tendremos inanición. Ya que siempre se efectuará la llamada `waiting.notify-all()`.