

Índex

1	Introducció, motivacions, propòsit i objectius	4
1.1	Grup de recerca Lògica i Programació	5
1.2	Estructura del Treball	5
2	Estudi de viabilitat	6
2.1	Viabilitat tècnica	6
2.2	Viabilitat econòmica	6
2.2.1	Pressupost	6
3	Metodologia i Planificació	8
3.1	Metodologia	8
3.2	Planificació	8
4	Marc de treball i conceptes prèvis	10
4.1	Marc de treball	10
4.2	Definició del problema	10
4.2.1	Estudi de duresa	10
4.2.1.1	Incís en la teoria de la computació	10
4.2.1.2	Duresa de HSTT	11
4.3	Format XHSTT	13
4.3.1	Temps, Recursos i Events	13
4.3.2	Restriccions	15
4.4	Estat de l'art	21

4.4.1	Problemes de Satisfacció de Restriccions	21
4.4.2	SAT	21
4.4.3	Extensions de SAT	22
4.4.3.1	MaxSAT	22
4.4.3.2	SMT	22
4.4.4	Cardinality Encodings	22
4.4.4.1	Cardinality Constraints comparadaes amb 1	22
4.4.4.2	Cardinality Constraints comparadaes amb k	23
5	Requisits del sistema	24
6	Estudis i decisions	26
6.1	Programari utilitzat	26
6.1.1	Yices 2	26
6.1.2	pugixml	26
6.1.3	C++	27
6.1.4	QtCreator	27
6.1.5	L ^A T _E X	28
6.1.6	GNU/Linux	28
6.2	Maquinari utilitzat	29
7	Anàlisis i disseny del sistema	30
7.1	Anàlisis	30
7.1.1	Necessitats del sistema	30
7.1.2	Anàlisis de processos	30
7.2	Disseny	30
7.2.1	Interfícies d'usuari	30
7.2.2	Model de dades	31
7.2.3	Model d'objectes	31

8 Implementació i proves	33
8.1 Codificació	33
8.1.1 Model	34
9 Implantació i resultats	35
10 Conclusions	36
11 Treball futur	37
12 Bibliografia	38
13 Manual d'usuari i instal·lació	40

1. Introducció, motivacions, propòsit i objectius

La confecció d'horaris és un problema recurrent amb el que es troben els instituts que amaga una alta combinatòria, dificultant-ne molt la seva elaboració manual posat que s'han de prendre moltíssimes decisions a cegues, fent que sigui molt probable cometre errors en la confecció. En aquesta situació, amb la aparició dels computadors molts instituts varen decidir ajudar-se en aquesta tasca utilitzant eines informàtiques capaces d'explorar grans quantitats de combinacions per segon. No obstant a això, amb aquelles primeres eines es seguien tenint molts problemes per generar horaris viables, que normalment eren de qualitat baixa i requerien un refinament posterior que s'havia de fer de forma manual.

El HSTT (High School TimeTabling) consisteix en la solució de forma automàtica de aquest problema d'alta complexitat (NP). Així doncs, el que s'intenta és la configuració automàtica de horaris de institut partint de una sèrie de recursos (per exemple: aules, professors, assignatures, grups) i repartir-los de manera que sigui viable i tenint en compte de manera total o parcial les preferències del professorat en quant a horaris, continuïtat, grups, etc. Tot això fa que el problema sigui molt difícil de resoldre, degut al gran nombre de combinacions possibles entre els diferents recursos.

Afegint dificultat al problema, depenguen del país del qual estiguem parlant existeixen una gran diversitat de requisits propis, degut a les característiques pròpies del sistema d'estudis secundaris de cada lloc.

Degut a tot el mencionat encara no existeix cap eina capaç de trobar una solució òptima al problema de manera determinista en un temps raonable, encara que s'ha avançat molt en la resolució de problemes d'aquest tipus i costen de trobar instituts que optin per fer els horaris de forma manual.

Els objectius d'aquest treball són els següents:

- Aprofundir sobre el problema de la generació d'horaris en sí i sobre els problemes de satisfacció de restriccions en general i les tècniques que s'utilitzen per resoldre'ls, com ara, SAT i les seves diverses extensions.
- Desenvolupar un generador d'horaris automàtic utilitzant les tècniques estudiades anteriorment, aprofitant les eines relacionades que s'han desenvolupades recentment pel grup de recerca Lògica i Programació, que resolgui el problema en un temps raonable i intenti trobi la millor solució possible, cosa que es preveu molt complicada d'aconseguir en un temps raonable en les instàncies grosses.

1.1. Grup de recerca Lògica i Programació

Aquest treball s'emmarca dins del grup de recerca de Lògica i Programació de l'àmbit d'àrea tècnica de la Universitat de Girona.

El grup basa la seva recerca en l'estudi de satisfactibilitat de formules proposicionals booleanes (SAT) i Satisfiability Modulo Theories (SMT) i les seves aplicació per a la resolució de problemes combinatoris com ara problemes de *scheduling* i *planning* arribant a utilitzar amb èxit tècniques innovadores en altres àmbits com pot ser: els problemes de *scheduling* i *planning*.

Durant la elaboració del treball he rebut ajuda i assessorament dels membres del grup, incloent el meu tutor de projecte, el Dr. Josep Suy, qui també en forma part.

1.2. Estructura del Treball

A continuació s'exposa l'estructura d'aquest document:

1. Introducció, motivacions, propòsit i objectius: Situa el marc del projecte, explica les raons per les quals s'ha escollit el treball i en defineix els objectius.
2. Estudi de viabilitat: Justifica la capacitat de fer el projecte
3. Metodologia i Planificació: Tot i que a la guia van separats, s'ha decidit ajuntar-los per la gran relació que tenen entre ells. En aquest apartat s'exposa la metodologia que s'ha seguit a la hora de implementar el projecte i es defineix l'estratègia seguida per arribar als objectius.
4. Marc de treball i conceptes prèvis: S'exposa el treball prèvi realitzat sobre el problema, i els coneixements necessaris per a la implementació del programa.
5. Requisits del sistema: Requisits funcionals i no funcionals que ha de complir el sistema.
6. Anàlisi i disseny del sistema: Descripció del maquinari i programari utilitzat durant el desenvolupament del projecte.
7. Implementació i proves: Es detalla la implementació del programa, els problemes que han aparegut i les solucions que s'han donat a aquests.
8. Implantació i resultats: Detalla els resultats obtinguts.
9. Conclusions: Conclusió del projecte i els resultats
10. Treball futur: Possibles ampliacions, millores o treballs futurs que es poden realitzar.
11. Bibliografia: Referències utilitzades per desenvolupar el projecte.
12. Manual d'usuari i instal·lació: Especifica les passes a seguir per utilitzar el sistema creat en un ordinador.

2. Estudi de viabilitat

2.1. Viabilitat tècnica

Per tal de realitzar aquest projecte farà el software necessari per poder tractar un fitxer XML, codificar una instància del problema en C++ i resoldre-la amb un *solver* SAT o d'alguna extensió de SAT. Abans de iniciar el projecte, s'ha comprovat l'existència d'aquest software i que aquest estigués disponible de forma gratuïta, de fet, tot el software que s'utilitzi en aquest projecte serà de codi obert.

Per part dels requisits de maquinari, tot i que HSTT és un problema dur, després de veure el treball previ realitzat en aquest mateix problema i d'altres de característiques semblants, s'ha determinat que la meua màquina d'ús diari és més que suficient per a tal de realitzar el desenvolupament del generador d'horaris.

Pel que fa a la habilitat de desenvolupar aquest treball s'ha determinat que era possible degut a que el grup de recerca Lògica i Programació ha treballat i aconseguit solucionar problemes semblants de forma exitosa utilitzant tècniques innovadores. Utilitzant els avenços fets pel grup s'ha decidit que es podria desenvolupar el treball en el marc de temps desitjat.

2.2. Viabilitat econòmica

Degut a que tot el software utilitzat és gratuït, lliure i de codi obert, i que el codi que el grup de recerca m'ha cedit també ha estat gratuït. Per part del maquinari, només s'ha utilitzat el que ja tenia amb anterioritat, així que per aquesta banda tampoc ha suposat cap cost. Així doncs, aquest projecte no s'ha requerit de cap inversió ni despesa econòmica. Així doncs l'únic cost que ha suposat aquest treball han estat el temps necessari per fer-lo i les ganes que se li han hagut de ficar.

2.2.1 Pressupost

Tot i que, com s'ha explicat anteriorment, el desenvolupament d'aquest treball no té cost, s'ha decidit fer una simulació del que costaria contractar un programador per fer el treball.

	€/h	Hores	Cost
Programador	14	180	2520

A part també s'han de tenir en compte el maquinari utilitzat:

	Cost Total	Hores	€/h
Ordinador Principal	828	170	4.9
Ordinador Portatil Secundari	200	10	20
Total	1028	190	5.71

També cal tenir en compte que els tutors del treball m'han ajudat molt, i han dedicat part del seu temps en les reunions, intercanvis de mails i conversacions que s'han tingut sobre el treball.

	Hores
Josep Suy	20
Jordi Coll	10

3. Metodologia i Planificació

3.1. Metodologia

La part més important i grossa d'aquest treball és la creació d'un generador automàtic d'horaris utilitzant les eines oferides per el grup de recerca. Primer caldrà estudiar el problema (HSTT) i la seva duresa, per poder ser capaç d'entendre el què estem treballant. Des de aquí es procedirà a la implementació del programa, utilitzant la API SMT creada per el Dr. Jordi Coll, el qual es membre del grup de recerca de Lògica i Programació del departament de Informàtica, Matemàtica Aplicada i Estadística. Aquesta API ens estalviarà la codificació de les restriccions de cardinalitat i les restriccions pseudo-booleans, apart de oferir-nos una interfície senzilla per poder implementar el model en diferents encodings i múltiples opcions.

Després de fer un estudi preliminar del problema i el treball prèvi respecte aquest, la metodologia de treball que s'ha seguit ha estat la de entregues periòdiques. Consistint en fer una reunió amb els tutors per decidir el pròxim pas del treball i jo dedicar-me durant un temps a fer aquest pas. Després d'aquest temps es convoca una altre reunió on es valora el treball fet i es decideix com seguir. Des de aquí es va repetint fins a acabar el projecte.

3.2. Planificació

Com s'ha dit en l'apartat anterior primer caldrà estudiar el problema HSTT i la seva duresa. Després es procedirà amb el disseny i la implementació del generador. Primer caldrà dissenyar implementar i testejar un *parser* pels fitxers. En aquest pas també cal pensar i implementar en quina estructura es guardaran aquestes dades i com es transferiràn en el model que es codificarà posteriorment.

Al tenir el *parser* i l'estructura de dades enllestits caldrà començar a estudiar com funciona la API per C++ del Yices i posteriorment la API SMT del Dr. Jordi Coll. Això ens permetrà començar a dissenyar, codificar i testejar el model, que és el següent pas del treball. Al tenir enllestit el model, es faràn les proves de rendiment amb diferents límits de optimització i diferents encodings de les restriccions de cardinalitat. Finalment s'implementarà una forma maca i llegible de mostrar els horaris generats.

Amb això el generador es donarà per acabat i es passarà a la confecció de la memòria del treball. A continuació un diagrama de Gantt mostrant la planificació feta.

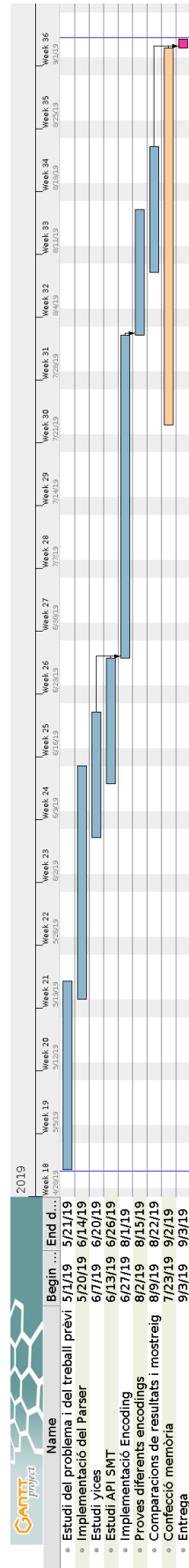


Figura 3.1: Diagrama de Gantt

4. Marc de treball i conceptes prèvis

4.1. Marc de treball

Com s'ha mencionat en la introducció aquest treball s'emmarca dins del grup de recerca de Lògica i Programació (LAP) del departament de Informàtica, Matemàtica Aplicada i Estadística (IMAE) de la Universitat de Girona. En el treball s'utilitzaran les eines desenvolupades recentment en el grup de recerca, per ser exactes, la API SMT feta en C++ per el Dr. Jordi Coll. Aquesta API permet codificar problemes SAT, MaxSAT i SMT per a diferents solvers de forma transparent a aquest i te implementades les diferents restriccions de cardinalitat i pseudo-booleans en les diferents possibles codificacions. També inclou diferents algorismes d'optimització implementats.

La resta del treball prèvi seria el treball també sobre confecció d'horaris d'institut fet el 2015 per en Cristòfor Nogueira[1]

4.2. Definició del problema

El problema que es treballa és el de la confecció d'horaris per a institut (HSTT de *High School Time Tables*). Aquest consisteix en assignar a cada assignatura que es fa en un centre l'espai de temps en que s'impartirà i el conjunt de recursos que utilitzarà. Els recursos normalment seràn professors i aules, però es contemplen altres possibles necessitats especials de cada centre, per això es generalitza.

La duresa de aquest problema es troba en assignar un espai de temps per a cada assignatura donant-li els recursos que necessita sense violar cap restricció que aquests tinguin, com podria ser no fer dues assignatures a la vegada en la mateixa aula, o sigui, que al realitzar-se la assignatura tots els seus recursos estiguin disponibles. De la mateixa manera es poden imposar diverses restriccions de naturaleses diferents i amb cada una s'aniràn reduint les possibles combinacions vàlides i fent més i més difícil la generació del horari.

4.2.1 Estudi de duresa

4.2.1.1 Incís en la teoria de la computació

Abans de procedir a l'estudi de la duresa del problema HSTT, caldrà explicar els següents conceptes de la teoria de la computació:

Problemes decidibles i indecidibles Un problema decidible és aquell per el qual existeix una màquina de Turing que para en totes les entrades possibles amb una resposta: sí o no. Aquests problemes també són coneguts com a Turing Decidibles. Així doncs, un problema decidible és aquell pel qual sempre podem construir un algorisme que sempre respon el problema.

Un problema pot ser semi-decidible, això passa quan una màquina de turing quan l'entrada és acceptada, però es pot penjar o es pot parar quan l'entrada es rebutja. Aquests problemes també son referits com a Turing Reconeixibles.

Un problema indecidible és aquell pel qual no podem construir un algorisme que resolgui el problema en temps finit. Aquests problemes poden ser parcialment decidibles, però sempre hi haurà una condició que portara la màquina de Turing a bucle infinit.

P, NP i NP-Completesa

- **P:** És el conjunt de problems que poden ser resolts en temps polinòmic amb una màquina de Turing determinista.
- **NP:** És el conjunt de problemes que poden ser resolts en temps polinòmic amb una màquina de Turing no determinista.
- **NP-Completo:** És el conjunt de problemes més durs en el conjunt NP. Un problema C és NP-Completo si C és NP i tot problema NP és reduïble a C.
- **NP-Hard:** És el conjunt de problemes als quals es pot reduir tot problema NP. O sigui, un problema C és NP-Hard si tot problema NP és reduïble a C.
- **Reducció:** Si tenim dos problemes L_1 i L_2 i tenim un algorisme A_2 que resol L_2 . Reduir L_1 a L_2 és transformar el problema L_1 a L_2 així poder utilitzar el algorisme A_2 per resoldre el problema, creant així un algorisme A_1 amb l'estructura que es pot veure en la figura 4.1

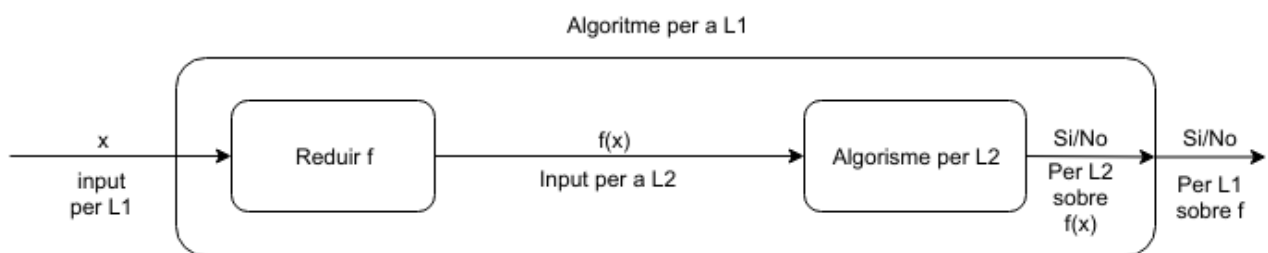


Figura 4.1: Esquema de Reducció

4.2.1.2 Duresa de HSTT

El problema HSTT és clarament decidible i, posat que comprovar si una solució satisfà totes les restriccions imposades és d'ordre polinòmic, aquest pertany al conjunt de problemes NP.

NP-Completesa de HSTT

En aquest apartat s'inclou la demostració que es veu en el treball d'en Cristòfor Nogueira[1].

Es pot demostrar la NP-Completesa del problema HSTT reduint un problema NP-Complet conegut a HSTT, en aquest cas, el problema de la motxilla[2], d'acord amb la demostració proposada per B. Cooper i J.H. Kingston [3].

Una de les fonts de la duresa del problema ve a l'hora de gestionar els recursos de manera coherent. Així que al confeccionar un horari serà d'interès mantenir el nombre d'incoherències per sota un llindar. Les instàncies HSTT acostumen a tenir com a mínim un tipus de recurs que compleix aquestes premisses. En cas q no en tinguin, és possible realitzar una transformació binària per arribar a aquesta formulació, ja que tots els recursos poden atendre a un nombre limitat d'assignatures de manera simultània i totes les instàncies disposen d'un nombre limitat de recursos. Per tant, i per simplificar, considerarem només un únic recurs, de disponibilitat limitada. També considerarem que un recurs només pot atendre a una assignatura alhora.

Diem que dues assignatures són incoherents si comparteixen algun espai de temps. És a dir, si es solapen. Com que els recursos són limitats interessa limitar el nombre de solapaments. Utilitzarem una codificació del problema de la motxilla per representar aquesta situació.

El problema de la motxilla consisteix en determinar si un conjunt d'ítems $U = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$, cadascun amb un pes associat w_i , es poden col·locar en un conjunt de motxilles $B = \{b_1, b_2, \dots, b_m\}$, cadascuna amb una capacitat màxima c_i de manera que cap motxilla sobreexcedeixi la seva capacitat.

Transformem el problema de la motxilla al següent problema HSTT:

$$\begin{aligned} Times &= \{t_1, 1, \dots, t_n, m\} \\ Events &= X \cup Y, X = \{x_1, \dots, x_n\} Y = \{y_1, \dots, y_m\} \end{aligned}$$

De manera que:

- A cada x_i se li han d'assignar tants espais de temps com w_i .
- A cada y_i se li han d'assignar tants espais de temps com c_i i els corresponents a la motxilla que representen. És a dir, y_i tindrà assignats els espais de temps $\{t_i, 1 \dots t_{i,c_i}\}$

El problema doncs, rau en determinar quins espais de temps s'assignen a cada x_i . Suposem que aquest problema formulat com el de la motxilla té solució: $f : U \rightarrow B$ on el valor de retorn de f és l'índex de la motxilla on s'ha de col·locar l'ítem d'entrada. Llavors, per cada assignatura x_i , escollim w_i espais de temps, q no hagin estat escollits prèviament, del conjunt $S_k = \{t_k, 1 \dots t_{k,c_k}\}$, on $k = f(u_i)$. És a dir, s'escullen tants espais de temps com el pes de l'ítem que representa de manera que no hi hagin solapaments entre els membres de X. Aquest procés és possible perquè f ens garanteix que com a molt s'escolliran c_k espais de temps de S_k . Al final tenim que tots els events tenen assignats exactament w_i espais de temps i cada X_i se solapa amb un, i només un event de Y. Per tant, tenim que el nombre d'incoherències o solapaments és n .

Ara, suposem que la instància HSTT que hem descrit genera una solució amb un nombre de solapaments $\leq n$. Sabem que com a mínim el nombre de solapaments ha de ser $\geq n$, ja

que cada x_i s'ha de solapar com a mínim una vegada amb algun membre de Y . Per tant el nombre de solapaments de la solució generada per la instància HSTT ha de ser exactament n i cada event x_i es solapa només una vegada amb un sol membre de Y . Podríem reimplementar, doncs, f de manera que a partir de la solució obtinguda per la instància HSTT es limiti a esbrinar per cada event u_i , amb quin event y_i es solapa, de manera que $f(u_i) = j$.

4.3. Format XHSTT

Un dels problemes que presenta HSTT és la complexitat que té representar una instància amb totes les possibles restriccions possibles. Per això s'ha optat utilitzar el format genèric de instanciació de HSTT anomenat XHSTT (de *Xml-format High School TimeTabling*) utilitzat per HSEval[4]. Aquest format és obert i preveu l'addició d'elements i restriccions, així que en aquest treball només es tindran en compte un subconjunt d'ells.

Aquest format utilitza quatre tipus de fills en les instàncies:

- *Times* pels espais de temps.
- *Resources* pels recursos.
- *Events* pels events, com ara assignatures.
- *Constraints* per les restriccions.

4.3.1 Temps, Recursos i Events

Temps

En aquest tipus de fill es defineixen els múltiples espais de temps, i opcionalment els grups de espais de temps. Els Grups de espais de temps (*TimeGroups*) poden ser de tres tipus: *Week*, *Day* i *TimeGroup*. Cada grup consisteix en un nom i un identificador.

Un espai de temps es defineix amb la clau *Time*. Aquesta es pot relacionar amb un grup d'espais de temps utilitzant l'identificador d'aquest. Apart d'això té un nom i un identificador.

A continuació un exemple amb el bloc d'espais de temps.

```
<Times>
  <TimeGroups>
    <Day Id="DayId">
      <Name>DayName</Name>
    </Day>
    <Week Id="WeekId">
      <Name>WeekName</Name>
    </Week>
    <TimeGroup Id="TimeGroupId">
      <Name>TimeGroupName</Name>
    </TimeGroup>
  </TimeGroups>
</Times>
```

```

</TimeGroups>
<Time Id="TimeId">
  <Name>Time Name</Name>
  <Day Reference="DayId"/>
  <Week Id="WeekId"/>
  <TimeGroups>
    <TimeGroup Reference="TimeGroupId"/>
  </TimeGroups>
</Time>
<\Times>

```

Recursos

Cada recurs necessita d'un tipus, com ara aules, professors, classes, etc. Aquests es poden definir amb *ResourceTypes*. A més a més, de la mateixa forma que amb els espais de temps, es poden definir grups de recursos, però a part dels paràmetres mencionats amb els grups de temps, s'ha de incloure el tipus de recursos que inclou.

A continuació un exemple:

```

<Resources>
  <ResourceTypes>
    <ResourceType Id="Room">
      <Name>Room</Name>
    </ResourceType>
  </ResourceTypes>
  <ResourceGroups>
    <ResourceGroup Id="Rooms">
      <Name>Rooms</Name>
      <ResourceType Reference="Room"/>
    </ResourceGroup>
  </ResourceGroups>
  <Resource Id="Room1">
    <Name>Room1</Name>
    <ResourceType Reference="Room"/>
    <ResourceGroups>
      <ResourceGroup Reference="Rooms"/>
    </ResourceGroups>
  </Resource>
</Resources>

```

Events

Al definir un Event cal especificar els tipus de recursos que necessita (es poden assignar recursos concrets), la seva duració i, opcionalment, a quin grup d'events pertany. A més, es pot afegir el rol que té cada recurs en aquest event.

A continuació un exemple:

```

<Events>
  <EventGroups>
    <Course Id="gr_T1-S1">
      <Name>T1-S1</Name>
    </Course>
    <EventGroup Id="gr_AllEvents">
      <Name>All Events</Name>
    </EventGroup>
  </EventGroups>
  <Event Id="T1-S1">
    <Name>T1-S1</Name>
    <Duration>3</Duration>
    <Course Reference="gr_T1-S1"/>
    <Resources>
      <Resource Reference="S1">
        <Role>Class</Role>
        <ResourceType Reference="Class"/>
      </Resource>
      <Resource Reference="T1">
        <Role>Teacher</Role>
        <ResourceType Reference="Teacher"/>
      </Resource>
    </Resources>
    <EventGroups>
      <EventGroup Reference="gr_AllEvents"/>
    </EventGroups>
  </Event>
</Events>

```

4.3.2 Restriccions

Aquí s'enumeraran els diferents tipus de restriccions definides en el format.¹

Com a pautes generals, cada restricció tindrà els següents camps:

- *Name*: un nom.
- *Required*: ens diu si el generador té permés (*false*) o no (*true*) violar la restricció . O sigui, si és una *Soft Constraint* o una *Hard Constraint*.
- *Weight*: ens indica el pes de la restricció.
- *CostFunction*: Ens indica la funció que segueix el cost.
- *AppliesTo*: Grups o Elements als quals s'aplica la restricció.

¹Més informació a <http://www.it.usyd.edu.au/~jeff/cgi-bin/hseval.cgi?op=spec&part=constraints>

Assign Time Constraints

Restricció que imposa que no hi hagi espais de temps sense assignar.

A continuació un exemple:

```
<AssignTimeConstraint Id="AssignTimes">
  <Name>AssignTimes</Name>
  <Required>true</Required>
  <Weight>1</Weight>
  <CostFunction>Linear</CostFunction>
  <AppliesTo>
    <EventGroups>
      <EventGroup Reference="gr_AllEvents"/>
    </EventGroups>
  </AppliesTo>
</AssignTimeConstraint>
```

Split Events Constraints

Restricció que indica com s'han de partir les diferents assignatures, indicant la duració mínima i màxima de cada impartició d'un event o grup d'events.

A continuació un exemple:

```
<SplitEventsConstraint Id="SplitEventsConstraint">
  <Name>Split events to duration 1 and 2</Name>
  <Required>true</Required>
  <Weight>1</Weight>
  <CostFunction>Linear</CostFunction>
  <AppliesTo>
    <EventGroups>
      <EventGroup Reference="gr_AllEvents"/>
    </EventGroups>
  </AppliesTo>
  <MinimumDuration>1</MinimumDuration>
  <MaximumDuration>2</MaximumDuration>
  <MinimumAmount>1</MinimumAmount>
  <MaximumAmount>999</MaximumAmount>
</SplitEventsConstraint>
```

Distribute Split Events Constraints

Restricció que limita el nombre de lliçons de una duració determinada d'un grup d'events. Per exemple, per fer que totes les lliçons de Matemàtiques siguin de duració 2.

A continuació un exemple:

```
<DistributeSplitEventsConstraint Id="DistributeSplit_1">
  <Name>At least 1 double lesson(s)</Name>
  <Required>>false</Required>
  <Weight>1</Weight>
  <CostFunction>Linear</CostFunction>
  <AppliesTo>
    <EventGroups>
      <EventGroup Reference="gr_T1-S1"/>
      <EventGroup Reference="gr_T1-S2"/>
      <EventGroup Reference="gr_T1-S3"/>
      <EventGroup Reference="gr_T3-S1"/>
      <EventGroup Reference="gr_T3-S2"/>
      <EventGroup Reference="gr_T3-S3"/>
      <EventGroup Reference="gr_T4-S1"/>
      <EventGroup Reference="gr_T4-S2"/>
      <EventGroup Reference="gr_T4-S3"/>
      <EventGroup Reference="gr_T8-S1"/>
      <EventGroup Reference="gr_T8-S2"/>
      <EventGroup Reference="gr_T8-S3"/>
    </EventGroups>
  </AppliesTo>
  <Duration>2</Duration>
  <Minimum>1</Minimum>
  <Maximum>1</Maximum>
</DistributeSplitEventsConstraint>
```

Prefer Times Constraints

Restricció que indica temps determinats per a certs events. Per exemple per evitar que events de més de una hora a la última hora del dia i acabin a la primera hora del dia següent.

A continuació un exemple:

```
<PreferTimesConstraint Id="PreferredTimes">
  <Name>Times for duration 2</Name>
  <Required>>true</Required>
  <Weight>1</Weight>
  <CostFunction>Linear</CostFunction>
  <AppliesTo>
    <EventGroups>
      <EventGroup Reference="gr_AllEvents"/>
    </EventGroups>
  </AppliesTo>
  <TimeGroups>
    <TimeGroup Reference="gr_TimesDurationTwo"/>
  </TimeGroups>
```

```

    <Duration>2</Duration>
</PreferTimesConstraint>

```

Spread Events Constraints

Restricció que indica que els events d'un grup concret han de separar en el temps.

A continuació un exemple:

```

<SpreadEventsConstraint Id="SpreadEvents_2">
  <Name>Spread events max 1 per day</Name>
  <Required>true</Required>
  <Weight>1</Weight>
  <CostFunction>Linear</CostFunction>
  <AppliesTo>
    <EventGroups>
      <EventGroup Reference="gr_T1-S1"/>
      <EventGroup Reference="gr_T1-S2"/>
      <EventGroup Reference="gr_T1-S3"/>
    </EventGroups>
  </AppliesTo>
  <TimeGroups>
    <TimeGroup Reference="gr_Mo">
      <Minimum>0</Minimum>
      <Maximum>1</Maximum>
    </TimeGroup>
    <TimeGroup Reference="gr_Tu">
      <Minimum>0</Minimum>
      <Maximum>1</Maximum>
    </TimeGroup>
  </TimeGroups>
</SpreadEventsConstraint>

```

Avoid Clashes Constraint

Restricció que especifica que cap dels recursos al que s'aplica pot assistir a més d'un event a la vegada. Cal notar que el format permet que un recurs pugui assistir a més d'un event a la vegada.

A continuació un exemple:

```

<AvoidClashesConstraint Id="NoResourceClashes">
  <Name>NoResourceClashes</Name>
  <Required>true</Required>
  <Weight>1</Weight>
  <CostFunction>Linear</CostFunction>
  <AppliesTo>

```

```

        <ResourceGroups>
            <ResourceGroup Reference="gr_Teachers"/>
            <ResourceGroup Reference="gr_Classes"/>
        </ResourceGroups>
    </AppliesTo>
</AvoidClashesConstraint>

```

Avoid Unavailable Times Constraints

Restricció que indica que hi ha certes hores durant les quals certs recursos no estan disponibles. Útil per a professors que no treballen cert dia o prefereixen no fer-ho en certes hores.

A continuació un exemple:

```

<AvoidUnavailableTimesConstraint Id="AvoidUnavailableTimes_T1">
    <Name>ForbiddenTimesOfT1</Name>
    <Required>true</Required>
    <Weight>1</Weight>
    <CostFunction>Linear</CostFunction>
    <AppliesTo>
        <Resources>
            <Resource Reference="T1"/>
        </Resources>
    </AppliesTo>
    <Times>
        <Time Reference="We_1"/>
        <Time Reference="We_2"/>
        <Time Reference="We_3"/>
        <Time Reference="We_4"/>
        <Time Reference="We_5"/>
    </Times>
</AvoidUnavailableTimesConstraint>

```

Limit Idle Times Constraint

Restricció que limita el número d'espais de temps en què un recurs o grup de recursos no està ocupat.

A continuació un exemple:

```

<LimitIdleTimesConstraint Id="noIDLETimesT">
    <Name>No IDLE times for teachers</Name>
    <Required>false</Required>
    <Weight>3</Weight>
    <CostFunction>Linear</CostFunction>
    <AppliesTo>
        <ResourceGroups>

```

```

        <ResourceGroup Reference="gr_Teachers"/>
    </ResourceGroups>
</AppliesTo>
<TimeGroups>
    <TimeGroup Reference="gr_Mo"/>
    <TimeGroup Reference="gr_Tu"/>
    <TimeGroup Reference="gr_We"/>
    <TimeGroup Reference="gr_Th"/>
    <TimeGroup Reference="gr_Fr"/>
</TimeGroups>
<Minimum>0</Minimum>
<Maximum>0</Maximum>
</LimitIdleTimesConstraint>

```

Cluster Busy Times Constraint

Restricció que limita el nombre d'hores en que un recurs pot estar ocupat.

A continuació un exemple:

```

<ClusterBusyTimesConstraint Id="MaxNofDaysConstraint_T_days_2">
    <Name>Not more than 2 days with lessons</Name>
    <Required>>false</Required>
    <Weight>9</Weight>
    <CostFunction>Linear</CostFunction>
    <AppliesTo>
        <Resources>
            <Resource Reference="T1"/>
            <Resource Reference="T2"/>
            <Resource Reference="T3"/>
            <Resource Reference="T4"/>
            <Resource Reference="T5"/>
            <Resource Reference="T7"/>
            <Resource Reference="T8"/>
        </Resources>
    </AppliesTo>
    <TimeGroups>
        <TimeGroup Reference="gr_Mo"/>
        <TimeGroup Reference="gr_Tu"/>
        <TimeGroup Reference="gr_We"/>
        <TimeGroup Reference="gr_Th"/>
        <TimeGroup Reference="gr_Fr"/>
    </TimeGroups>
    <Minimum>0</Minimum>
    <Maximum>2</Maximum>
</ClusterBusyTimesConstraint>

```

4.4. Estat de l'art

En aquest apartat del treball es repassaran diverses tecnologies i conceptes que ens podrien ajudar a resoldre el problema HSTT. Com s'ha vist anteriorment HSTT és un problema de *scheduling* que pertany a NP-Complet i, per tant, no es coneix un mètode determinista en temps polinòmic que pugui resoldre el problema.

Existeixen diferents aproximacions per problemes del tipus de HSTT, en aquest treball es centrerà en els mètodes deterministes que garanteixen la optimalitat. Aquests mètodes busquen la millor solució al problema entre totes les combinacions que respecten totes les condicions imposades per la instància del problema que volem resoldre. HSTT entra en la categoria de tècniques basades en programació per restriccions i les tècniques basades en reduccions de altres problemes NP-complets com SAT, SMT, etc.

4.4.1 Problemes de Satisfacció de Restriccions

Els problemes de Satisfacció de Restriccions (CSP de *Constraint Programming Problem*) són una representació de problemes combinatoris. Un CSP està format per un conjunt finit de variables, cada una de les quals té un domini, i un conjunt de restriccions. Cada restricció està definida sobre un subconjunt de les variables i en restringeix els valors que poden agafar. La idea és trobar una assignació de variables que compleixi totes les restriccions imposades. En alguns problemes, l'objectiu és trobar-les totes, o trobar la millor, si hi ha alguna forma de determinar quines solucions són millors que d'altres utilitzant una fórmula objectiu.

4.4.2 SAT

SAT prové de SATISFIABILITY, que és la abreviació de *Boolean Satisfiability Problem*. El problema SAT consisteix en, donada una fórmula de lògica proposicional (una expressió booleana), determinar una assignació de variables (model) per el qual la fórmula sigui certa, o la determinació de que no existeix tal assignació. Per exemple, per a la fórmula $A \vee \neg B$ és satisfactible amb $A = \text{Cert}$ i $B = \text{Fals}$ posat que farien la fórmula certa; en canvi per la fórmula $A \vee \neg A$ no hi ha cap assignació que la faci certa, per tant en diríem insatisfactible. SAT consisteix doncs, en determinar si una fórmula booleana és o no satisfactible.

SAT va ser el primer problema en ser demostrat que era NP-Complet el 1971 per Steven Cook[5], per tant, tal i com s'ha dit anteriorment, tot problema NP es pot reduir a SAT. El fet de que es pot reduir qualsevol problema decidible a SAT en temps polinòmic i la seva simplicitat de formulació el fan un problema d'especial interès en la comunitat científica, generant grans quantitats d'avenços en aquest camp, però, òbviament, tot i així, encara no existeix cap forma de resoldre'l en temps polinòmic ni s'ha demostrat que es pugui (això seria demostrar si $P=NP$ o no!² per més informació sobre $P=NP$)

Representació formal, CNF

²https://en.wikipedia.org/wiki/P_versus_NP_problem

CNF prové de *Conjunctive Normal Form* que es tradueix com a Forma Normal Conjuntiva. En lògica booleana una fórmula esta en CNF si és una conjunció de una o més clàusules i aquestes són una disjunció de literals. O sigui, una AND de ORs. Tota fórmula proposicional pot ser transformada a CNF. Aquesta transformació es basa en les regles d'equivalències lògiques: la doble negació, les lleis De Morgan i la llei de distributivitat.

4.4.3 Extensions de SAT

4.4.3.1 MaxSAT

MaxSAT de *Maximum SATisfiability problem* és una generalització de SAT que consisteix en trobar el màxim nombre de clàusules d'una fórmula booleana en CNF que es poden satisfer. Es pot definir una versió de MaxSAT amb pesos: donada una fórmula CNF assignem pesos no negatius a cada clàusula i busquem la assignació de variables que maximitzen el pes sumat de les clàusules satisfetes. Es pot considerar que MaxSAT seria una instància de aquesta versió on tots els pesos son 1.

4.4.3.2 SMT

De *Satisfiability Modulo Theories*, SMT és una generalització de SAT on algunes de les variables proposicionals tenen el paper de predicats amb interpretacions predefinides a d'altres teories. Existeixen diversos tipus de teories: d'igualtat, d'aritmètica lineal, entera, d'aritmètica lineal mixta, d'arrays, de BitVectors, etc.

Exemple de fórmula SMT: $p \vee q \vee (x < 5) \vee (y < x)$

Una teoria es defineix com a conjunt de fórmules lògiques de primer ordre tencades sota conseqüència booleana, o sigui, s'han de poder reduir a un resultat booleà.

4.4.4 Cardinality Encodings

Les *cardinality constraints* són aquelles que expresen límits numèrics en quantitats discretes, sorgeixen freqüentment en la codificació de problemes del món real: per exemple un enginyer vol expressar que almenys n parts d'un cert tipus son necessàries per fer funcionar el producte.

Podem definir dos tipus de *cardinality constraints*:

- Les que comparen amb 1: *Exactly One (EO)*, *At Most One (AmO)* i *At Least One (ALO)*
- Les que comparen amb k : *Exactly k (EK)*, *At Most k (AMK)* i *At Least k (ALK)*

4.4.4.1 Cardinality Constraints comparadaes amb 1

ALO i EO Per codificar una *ALO* a CNF consisteix en una clàusula amb totes les variables sobre les quals s'aplica. Al ser una OR, per complir la clàusula, una de les variables haurà de ser certa.

Per altre banda per codificar una *EO*, només cal codificar una *ALO* i una *AMO* per el conjunt de variables.

AMO Per al AMO existeixen diferents encodings. A continuació en veurem alguns:

- Quadràtic: consisteix en en fer clàusules binàries (mutexes) del tipus:

$$\neg x_i \vee \neg x_j \quad i \in 1..n-1, j \in i+1..n$$

Aquest encoding introdueix $O(n^2)$ clàusules binàries, pero no introdueix variables auxiliars.

- Logarítmic: aquest encoding consisteix en introduir $O(\log_2 n)$ variables auxiliars i $O(n \log_2 n)$ clàusules i consisteix en generar clàusules binàries per $i \in 0..n-1, j \in 0..m-1$ on m és $\log_2(n)$:

$$\begin{aligned} x_i &\rightarrow \neg y_i, \text{ si el bit } j \text{ del nombre } i \text{ és } 0. \\ x_i &\rightarrow y_i, \text{ si el bit } j \text{ del nombre } i \text{ és } 1. \end{aligned}$$

- Ladder encoding
- Heule encoding

4.4.4.2 Cardinality Constraints comparadaes amb k

Sorter

5. Requisits del sistema

En aquest treball es pretén desenvolupar un generador de horaris automàtic amb SAT i/o SMT que serà capaç de rebre una instància XHSTT en un fitxer xml passat per paràmetre, llegir-lo, codificar-ne un model utilitzant la API SMT desenvolupada pel Dr. Jordi Coll, resoldre'l i retornar un resultat, mostrant-lo per pantalla, o retornant un fitxer amb la instància XHSTT amb la nova solució insertada.

Per fer-ho, serà necessari l'ús de un conjunt de llibreries i programari:

- Llibreria que permeti el tractament de fitxers XML, S'ha optat per pugixml¹
- Posat que la API SMT utilitza Yices 2² com a únic solver SMT, necessitarem tenir-ne la seva llibreria instal·lada.
- Posat que la API SMT està desenvolupada per GNU/Linux, serà necessari treballar una màquina que tingui instal·lat una distribució Linux.

Apart de tot el mencionat, també ha calgut decidir un país per el qual el generador d'horaris estarà desenvolupat. Això és degut a que en funció del país els requisits dels horaris generats varien àmpliament en funció de les característiques pròpies del sistema educatiu de cada país. En aquest treball s'ha decidit optar per les instàncies de Brazil, degut que tenen tots els recursos assignats a algun event, de manera que només es demana al generador organitzar els events, reduint l'espai de cerca.

¹<https://pugixml.org/>

²<https://yices.csl.sri.com/>

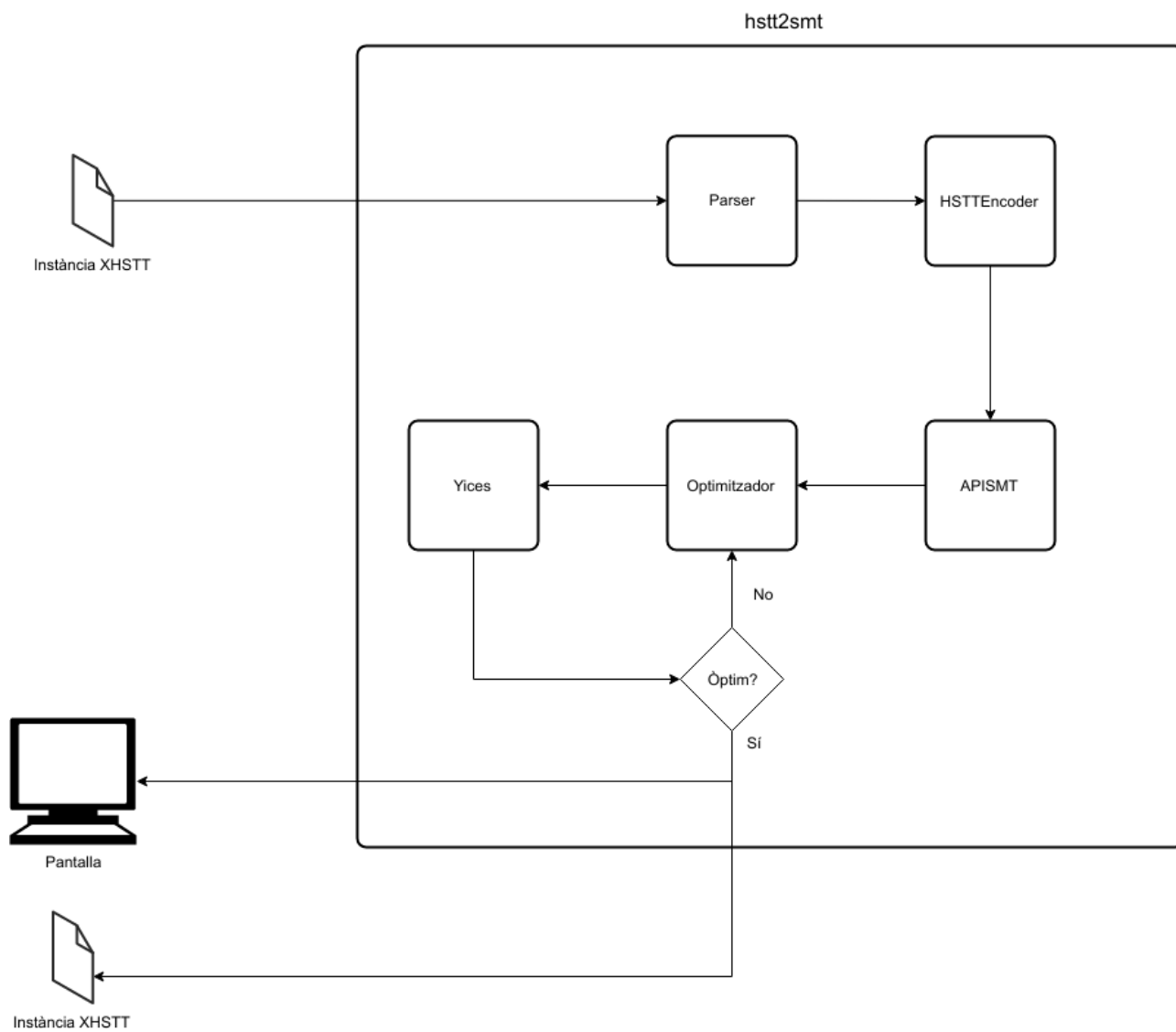


Figura 5.1: Arquitectura del programa

6. Estudis i decisions

6.1. Programari utilitzat

En aquesta secció del treball es veurà tot el programari que s'ha utilitzat per la confecció d'aquest.

6.1.1 Yices 2



Figura 6.1: Logo Yices 2

El Yices 2 és un *SMT Solver Open Source*¹ sota llicència GPL que decideix la satisfactibilitat de fórmules que contenen símbols de funcions no interpretades amb igualtat, aritmètica real i entera, BitVectors, tipus escalars i tuples. El Yices 2 suporta aritmètica linear i no linear.

El Yices 2 pot processar fitxers d'entrada en notació SMT-LIB², es pot usar alternativament el llenguatge propi del Yices 2 i també té una API per C i C++.

En la implementació d'aquest treball, s'usa dins de la API SMT del Dr. Jordi Coll com un dels *solvers* que es poden utilitzar i és l'únic que permet SMT d'entre ells. S'ha decidit usar aquest a que és dels millors que hi ha i el grup de recerca hi té experiència prèvia.

S'ha utilitzat la versió 2.6.1.

6.1.2 pugixml

El pugixml és una llibreria C++ lleugera per al processament XML. És extremadament portable amb distribucions. També és opensource³ sota llicència MIT.

pugixml permet un processament de documents XML molt ràpid, còmode i eficient amb la memòria. Tot i això, al tenir un *parser* DOM, no pot processar fitxers XML que no quèpiguen a la memòria.

¹Repositori GitHub: <https://github.com/SRI-CSL/yices2>

²<http://smtlib.cs.uiowa.edu/>

³Repositori GitHub: <https://github.com/zeux/pugixml>

Degut a les característiques mencionades i a experiència prèvia amb la llibreria, s'ha decidit utilitzar-la per a la programació del *parser* XHSTT.

S'ha utilitzat en la versió 1.9-1.

6.1.3 C++



Figura 6.2: Logo C++

Llenguatge de programació de propòsit general creat per Bjarne Stroustrup com a extensió del llenguatge de programació C. Des de llavors, el llenguatge s'ha expandit molt i el C++ permet programació orientada a objectes, genèrica i funcional, a més de facilitats per manipulació de memòria a baix nivell. Pràcticament sempre és implementat com a llenguatge compilat.

El compilador per a C++ que s'ha utilitzat es el G++ inclòs en el GNU Compiler Collection, que inclou compiladors per a C, C++, Objective-C, Fortran, Ada, Go i D, a més de llibreries per aquests llenguatges.



Figura 6.3: Logo G++

En aquest treball s'ha decidit utilitzar el C++ perquè és amb el que es treballa al grup de recerca i és amb el que està feta la API SMT. El C++ s'ha utilitzat en la revisió C++17 del seu estàndard. El GCC utilitzat ha estat en la versió 9.1.0-2.

6.1.4 QtCreator

El QtCreator és un Entorn de Desenvolupament Integrat (IDE de *Integrated Development Environment*) multiplataforma per a C++, JavaScript i QML que forma part del SDK per el *framework* de desenvolupament d'aplicacions amb GUI Qt. Utilitza



Figura 6.4: Logo QtCreator

S'ha utilitzat la versió 4.9.2-3.

6.1.5 \LaTeX



Figura 6.5: Logo \LaTeX

Aquesta memòria s'ha confeccionat amb \LaTeX , que és un sistema de composició d'alta qualitat que inclou funcions dissenyades per a la creació de documents tècnics i científics amb la intenció de ajudar al creador a centrar-se més en el contingut que en la forma. \LaTeX és l'estàndard de facto per a la comunicació i publicació de documents científics.

Per la confecció i edició del document en sí, s'ha utilitzat l'editor Open Source⁴ Visual Studio Code. S'ha utilitzat en la versió 1.37.1-2 amb extensions per a facilitar l'edició del document tex.

6.1.6 GNU/Linux

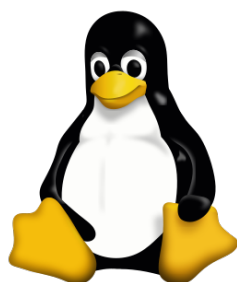


Figura 6.6: Logo Linux

Linux és una família de sistemes operatius formats pel *kernel* Linux juntament amb les utilitats GNU. El generador que s'ha fet en aquest treball ha estat desenvolupat per a linux, degut a la facilitat

⁴Link GitHub: <https://github.com/Microsoft/vscode>

d'accés a les múltiples llibreries que s'han utilitzat, a que la API SMT ha estat desenvolupada també per a Linux i simplement per prèferència personal, degut a que el sistema operatiu que utilitzo dia a dia és una distribució Linux.

En concret s'ha treballat amb la distribució Arch Linux en la versió del kernel Linux 5.29.arch1-1 al final del treball (s'han usat versions anteriors que han anat sortint mentre es desenvolupava el treball).

6.2. Maquinari utilitzat

Per efectuar les proves de rendiment s'ha utilitzat un ordinador amb les següents especificacions:

- Processador AMD RyzenTM 3 1200 a 3.5 GHz amb 4 nuclis físics, 10MB de memòria cau i arquitectura 64 bits.
- 16GB de memòria RAM DDR4 a 3333MT.
- Sistema operatiu Arch Linux 64 bits amb kernel Linux 5.2.9.arch1-1

7. Anàlisis i disseny del sistema

7.1. Anàlisis

7.1.1 Necessitats del sistema

Les necessitats principals del sistema són les següents:

- Necessitem rebre un fitxer de l'usuari.
- Necessitem llegir les dades de un fitxer XHSTT tal i com s'ha explicat anteriorment, per tant requerirem de un *parser* per fer-ho.
- Necessitarem guardar les dades i les restriccions de alguna manera.
- Necessitarem un model lògic i codificar-lo utilitzant la API SMT del Dr. Jordi Coll.
- Necessitarem processar i guardar les dades de manera que ens faciliti el mostrar-les de forma que es pugui entendre.
- Necessitarem comprovar en la mesura del possible que la instància XHSTT sigui correcta.

7.1.2 Anàlisis de processos

L'usuari cridarà el programa, el programa llegirà el fitxer XHSTT que li ha passat l'usuari per paràmetre i s'encarregarà de codificar el model pel yices i cridar-lo per resoldre'l, utilitzant la llibreria per C++ pròpia del yices.

7.2. Disseny

7.2.1 Interfícies d'usuari

El programa funcionarà via consola. Les dades necessàries, com ara el fitxer amb la instància, es passaran per paràmetres, utilitzant el sistema existent en la API SMT del Dr. Jordi Coll.

7.2.2 Model de dades

El model de dades correspondria al següent diagrama:

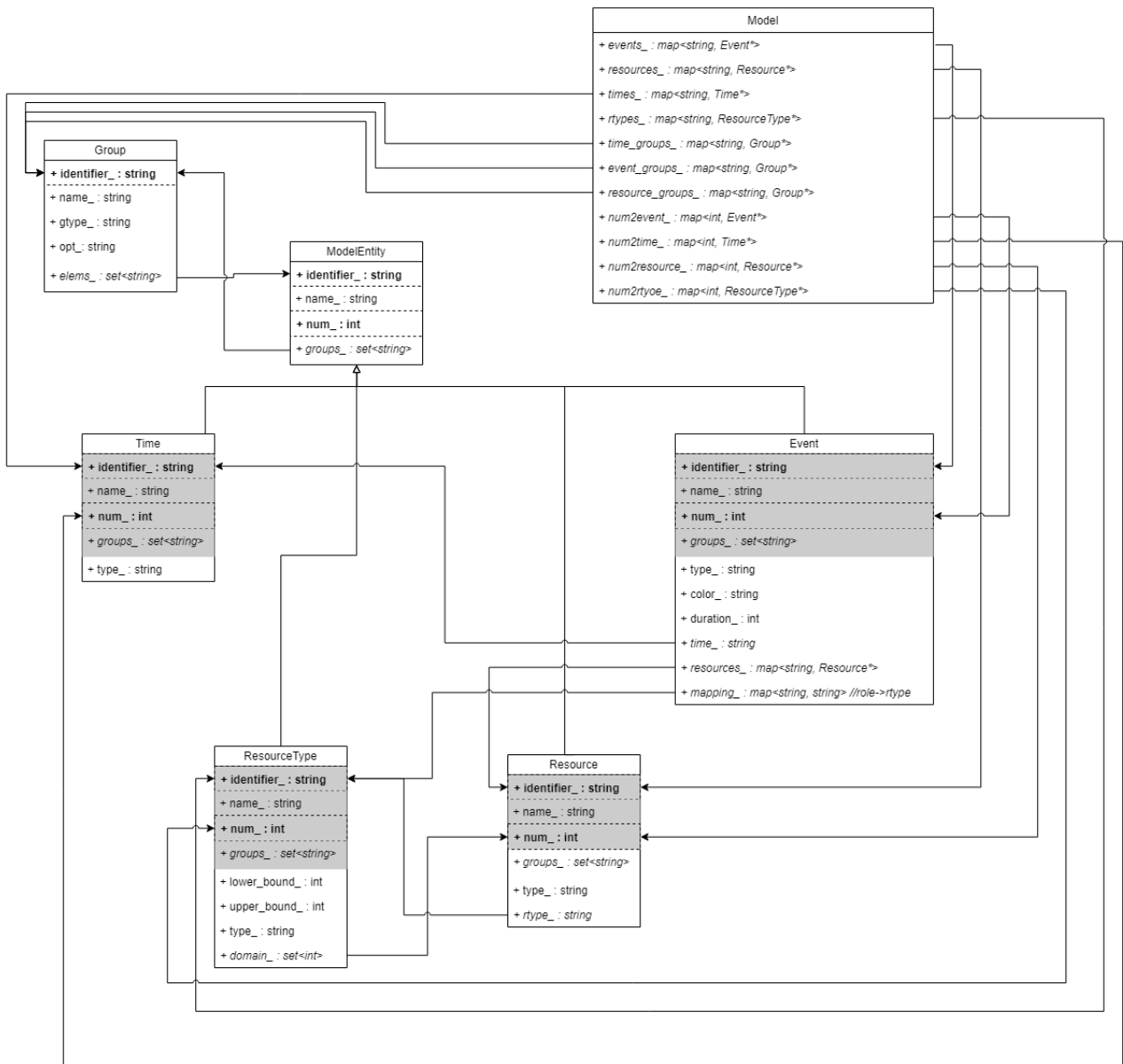


Figura 7.1: Model de Dades

7.2.3 Model d'objectes

El model d'objectes correspondria al següent diagrama:

8. Implementació i proves

L'implementació del generador s'he fet en C++, i està format per un conjunt de blocs definits:

- *Parser* del fitxer en format XHSTT.
S'encarrega de llegir el fitxer XHSTT i extreure'n la informació de la instància contenida en el fitxer XML en format XHSTT passat per parametre. És important que aquest fitxer tingui l'estructura establerta en el format XHSTT.
- Bloc de codificació de la instància a SMT.
En aquest apartat utilitzem la API SMT per tal de codificar la instància a SMT i passar-la al *solver* corresponent, el Yices 2.
- Bloc de escriptura del resultat a XHSTT.
En aquest apartat creem un fitxer amb la instància treballada XHSTT i hi afegim la solució trobada al final.

L'usuari només tindrà un binari, anomenat *hstt2smt*, amb el qual interectuarà per resoldre una instància que passarà per fitxer. Aquest s'encarregarà de fer tota la feina. Aquest binari serà el resultat de compilar el generador amb la API SMT i les llibreries que es necessiten per poder treballar amb XML i amb SMT.

8.1. Codificació

En aquesta secció es descriu la implementació de la codificació a SMT del generador d'horaris. Posat que SMT no permet clausules violables, per a la codificació d'aquesta s'utilitzarà el cost i una variable auxiliar per cada clausula *soft*, que s'afegira a la seva corresponent clausula de forma condicional, negant la clausula inicial, de manera que si no es compleix la clausula inicial, la variable auxiliar hagi de ser certa. Al acabar la codificació de la instància afegirem una clàusula pseudo-booleana amb totes les variables auxiliars amb els seus pesos, comparada amb un upperbound. Posat que la funció d'optimització serà la de minimitzar el cost total, el optimitzador anirà modificant el upperbound intentant reduir la funció objectiu, que també és el resultat exacte de la pseudo-booleana.

Per exemple, si tenim les *soft-clauses* següents: SC_1 , SC_2 , SC_3 amb costos respectivament: W_1 , W_2 , W_3 . Crearem les variables auxiliars Aux_1 , Aux_2 i Aux_3 . Amb això crearem les següents clausules:

$$\begin{aligned}\neg SC_1 &\rightarrow Aux_1 \\ \neg SC_2 &\rightarrow Aux_2 \\ \neg SC_3 &\rightarrow Aux_3\end{aligned}$$

Hi aplicariem Algebra de Bool per convertir a CNF i convertirem les clausules que són tipus $\neg A \rightarrow B$ a $\neg(\neg A) \vee B$ i d'aquí eliminariem la doble negació, quedant $A \vee B$:

$$\begin{aligned}\neg SC_1 \vee Aux_1 \\ \neg SC_2 \vee Aux_2 \\ \neg SC_3 \vee Aux_3\end{aligned}$$

vee Així doncs, afegint la clausula pseudobooleana amb les variables auxiliars i els pesos, ens quedarien les següents clausules:

$$\begin{aligned}SC_1 \vee Aux_1 \\ SC_2 \vee Aux_2 \\ SC_3 \vee Aux_3 \\ Aux_1 * W_1 + Aux_2 * W_2 + Aux_3 * W_3 \leq UPPERBOUND\end{aligned}$$

Aquesta codificació està pensada per resoldre instàncies en què tots els recursos estàn assignats a algun event, com ara les instàncies de Brazil que són en les que ens hem enfocat al desenvolupar el generador. Aquesta particularitat ens permet simplificar l'espai de cerca degut a la reducció de la combinatòria del problema, i permet una codificació més simple i directe de les restriccions de que es compon.

8.1.1 Model

El model està pensat per treballar a centrant-nos en els Events, els quals podriem definir com una reunió a la que es presenten diferents recursos i la nostre feina és la de decidir en quins espais de temps dels disponibles fiquem cada reunió d'aquestes.

Les variables del model són les següents:

- $Xt_{0,0} \dots Xt_{|Events|-1, |Times|-1}$
Per cada event tenim tantes variables com espais de temps tingui l'instància. Cada una d'aquestes variables indica si un event en un espai de temps, s'està celebrant o no. Doncs si per l'event e i l'espai t , $Xt_{e,t}$ és certa, vol dir que en el temps t , e s'està celebrant.
- $Xs_{0,0} \dots Xs_{|Events|-1, |Times|-1}$
Per cada event tenim tantes variables com espais de temps tingui l'instància. Cada una de aquestes variables indica si un event comença en l'espai de temps representat. Un event comença en un espai de temps si no es donava en l'espai de temps anterior i/o si l'espai de temps és la primera hora del dia. Doncs si per l'event e i l'espai t , $Xt_{e,t}$ és certa, vol dir que en el temps t , e comença i que cap més variable $Xs_{e,i}$ serà certa i que la variable $Xt_{e,t}$ serà certa.

9. Implantació i resultats

10. Conclusions

11. Treball futur

12. Bibliografia

- [1] Cristòfor Nogueira Gascons. “Generador d’horaris d’instituts”. A: (2015). Disponible a: <http://hdl.handle.net/10256/11507>.
- [2] Wikipedia contributors. *Bin packing problem* — *Wikipedia, The Free Encyclopedia*. 2019. URL: https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Bin_packing_problem&oldid=912207075.
- [3] Tim B Cooper i Jeffrey H Kingston. “The Complexity of Timetable Construction Problems Technical Report Number 495”. A: (febr. de 1995).
- [4] Jeffrey H. Kingston. *High School Timetable Data Format Specification*. 2012. URL: <http://www.it.usyd.edu.au/~jeff/cgi-bin/hseval.cgi?op=spec>.
- [5] Stephen A Cook. “The complexity of theorem-proving procedures”. A: *Proceedings of the third annual ACM symposium on Theory of computing*. ACM. 1971.
- [6] Universitat de Twente. *International High School Timetabling competition*. 2018. URL: <http://www.utwente.nl/ctit/hstt/>.
- [7] Aishwarya Agarwal. *Theory of computation — Decidable and undecidable problems — GeeksforGeeks*. URL: <https://www.geeksforgeeks.org/theory-computation-decidable-undecidable-problems/>.
- [8] GeeksforGeeks. *Theory of computation — Decidable and undecidable problems — GeeksforGeeks*. URL: <https://www.geeksforgeeks.org/np-completeness-set-1/>.
- [9] Arseny Kapoulkine. *pugixml*. URL: <https://pugixml.org/>.
- [10] SRI International. *The Yices SMT Solver*. URL: <https://yices.csl.sri.com/>.
- [11] Standard C++ Foundation. *Standard C++*. URL: <https://isocpp.org/>.
- [12] Wikipedia contributors. *C++* — *Wikipedia, The Free Encyclopedia*. [Online; accessed 29-August-2019]. 2019. URL: <https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=C%2B%2B&oldid=912907129>.
- [13] The Qt Company. *Qt APIs & Libraries, Tools and IDE*. URL: <https://www.qt.io/qt-features-libraries-apis-tools-and-ide/#ide>.
- [14] The L^AT_EX project. *L^AT_EX— A document preparation system*. URL: <https://www.latex-project.org/>.
- [15] *Visual Studio Code*. URL: <https://code.visualstudio.com/>.
- [16] The Linux Foundation. *Linux*. URL: <https://www.linuxfoundation.org/projects/linux/>.
- [17] ArchWiki. *Arch Linux*. URL: https://wiki.archlinux.org/index.php/Arch_Linux.
- [18] Zhe Liu. *Algorithms for Constraint Satisfaction Problems (CSPs)*. Universitat de Waterloo. Disponible a: <http://www.cs.toronto.edu/~fbacchus/Papers/liu.pdf>. 1998.

- [19] Mauricio Toro et al. “GELISP : A Framework to represent musical constraint satisfaction problems and search strategies”. A: 86 (abr. de 2016). Disponible a: <http://www.jatit.org/volumes/Vol186No2/17Vol186No2.pdf>, pàg. 327-331.
- [20] Wikipedia contributors. *Boolean satisfiability problem* — *Wikipedia, The Free Encyclopedia*. 2019. URL: https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Boolean_satisfiability_problem&oldid=911344299.
- [21] Wikipedia contributors. *Maximum satisfiability problem* — *Wikipedia, The Free Encyclopedia*. 2019. URL: https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Maximum_satisfiability_problem&oldid=900651688.
- [22] Clark Barrett i Cesare Tinelli. “Satisfiability modulo theories”. A: *Handbook of Model Checking*. Springer, 2018, pàg. 305-343.
- [23] Leonardo De Moura i Nikolaj Bjørner. “Satisfiability modulo theories: introduction and applications”. A: *Communications of the ACM* 54.9 (2011), pàg. 69-77.
- [24] Wikipedia contributors. *Satisfiability modulo theories* — *Wikipedia, The Free Encyclopedia*. 2019. URL: https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Satisfiability_modulo_theories&oldid=909772056.
- [25] Carsten Sinz. “Towards an optimal CNF encoding of boolean cardinality constraints”. A: *International conference on principles and practice of constraint programming*. Springer. 2005, pàg. 827-831.

13. Manual d'usuari i instal·lació