NOIP2016 提高组 组合数问题

(谷多玉 叶金毅)

1.5.5 其他

1.5.5.1 ASCII 码

ASCII 码(American Standard Code for Information Interchange),即美国信息交换标准码。ASCII 码使用指定的 7 位或 8 位二进制数组合来表示 128 或 256 种可能的字符。

标准 ASCII 码,是美国信息交换标准委员会制定的 7 位二进制码,共有 128 种字符,其中包含 32 个通用控制字符、10 个十进制数码、52 个英文大写与小写字母、34 个专用符号(如\$、%、+、=等)。除了 32 个控制字符不可打印外,其余 96 个字符全部可以打印。

标准 ASCII 码由 $b_7b_6b_5b_4b_3b_2b_1$ 这 7 个二进制位组成,书写上可用两位十六进制数表示,如 "A"可用 41H 表示,"7"可用 37H 表示。一般一个字符用一个字节保存。字符以整数形式(字符的 ASCII 代码)存放在内存单元中。

🚣 延伸阅读

NELL D, JOHN L. 计算机科学概论(原书第5版)[M]. 吕云翔, 刘艺博, 译. 北京: 机械工业出版社, 2016: 22-31, 44-45.

(佟松龄 叶金毅)

1.5.5.2 格雷码

格雷码(Gray code)由贝尔实验室的弗兰克·格雷(Frank Gray)在20世纪40年代提出。

将 2^n 个长为 n 的二进制串组成一个序列,使得将序列按圆形排列时一对相邻的二进制串只有一位不同,则称这些序列为 n 阶格雷码,简称格雷码。

在格雷码中,任意两个相邻的代码只有一位二进制数不同,最大码与最小码之间也仅一位不同,即"首尾相连",因此又称循环码或反射码。例如,长度为3的格雷码为000,001,011,010,110,111,100。

对 n 位二进制的码字从右到左以 0 到 n-1 编号,一个 n 位普通二进制码记为 B_{n-1} … B_1B_0 ,一个 n 位格雷码记为 G_{n-1} … G_1G_0 。

普通的 n 位二进制码转换为 n 位格雷码的规则为:

$$\begin{cases}
G_{n-1} = B_{n-1} \\
G_i = B_i \bigoplus B_{i+1}
\end{cases}$$

其中, ⊕表示异或运算符。

n 位格雷码转换为普通 n 位二进制码的规则为:

$$\begin{cases}
B_{n-1} = G_{n-1} \\
B_i = G_i \bigoplus B_{i+1}
\end{cases}$$

其中, 田表示异或运算符。

② 代码示例

n 位二进制码转换为 n 位格雷码的核心代码如下。

```
char B[1010];
int G[1010];
void BintoGray()
{
    cin >> B;
    int n = strlen(B);
    for (int i = 0; i <= (n - 1) / 2; i++)
        swap(B[i],B[n - 1 - i]);
    for (int i = 0; i <= n - 1; i++)
        B[i] = B[i] - '0';
    G[n - 1] = B[n - 1];
    for (int i = n - 2; i >= 0; i--)
        G[i] = B[i] ^ B[i + 1];
    for (int i = n - 1; i >= 0; i--)
        cout << G[i];
}</pre>
```

GE 参考词条

位运算:与(&)、或(1)、非(~)、异或(^)、左移(<<)、右移(>>)

№ 延伸阅读

- [1] NELL D, JOHN L. 计算机科学概论(原书第 5 版)[M]. 吕云翔, 刘艺博, 译. 北京: 机械工业出版社, 2016: 22-31, 44-45.
- [2] THOMAS H C, CHARLES E L, RONALD L R, et al. 算法导论(原书第 3 版) [M]. 殷建平、徐云、王刚、译. 北京: 机械工业出版社, 2013: 245-249.
- [3] 严蔚敏, 李冬梅, 吴伟民. 数据结构(C语言版)[M]. 2版. 北京:清华大学出版社, 2015; 144-149.
- [4] 刘铎. 离散数学及应用[M]. 2版. 北京:清华大学出版社,2018:420-421.

■ 典型题目

CSP2019-S 格雷码