Prof. F. Bizzarri

Cognome	Nome	,
Matricola	Firma	***************************************

AVVERTENZE

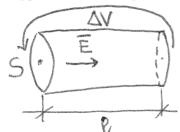
- La prova dura 3 ore
- I punteggi massimi per ogni quesito sono indicati nella tabella sottostante; un punteggio complessivo inferiore a 16 punti invalida la prova.

Quesito o Esercizio	E1 2.0 punti	E2a 6.0 punti	E2b 1.0 punti	E3a 9.0 punti	E3b 1.0 punti	E4 9.0 punti	Voto Finale
Voto							

Riportare i risultati e i passaggi salienti nel riquadro relativo ad ogni esercizio

E1a

Sia dato un cilindretto di materiale metallico conduttore di lunghezza l e di sezione S. Si assuma che il cilindretto abbia densità volumetrica di carica libera (elettroni) pari a ρ_V . Sia μ la mobilità degli elettroni. Si imponga tra le due estremità del cilindretto una differenza di potenziale costante ΔV . Derivare la legge di Ohm che lega ΔV alla corrente costante che si osserva nel cilindretto.



DR: conice uel alindretto

 $\Delta Q = P Se in <math>\Delta t$, can $V = \frac{Q}{\Delta t}$ futballe ΔQ furnished as SE composite de S

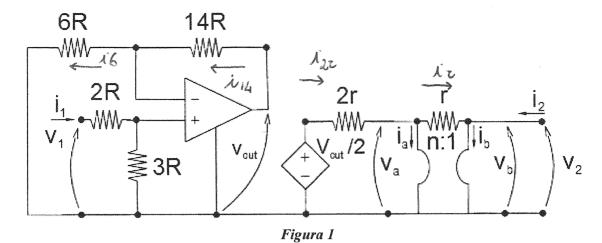
V= ME velocità degli elettrami

E comb elettrice che deriva doll'ever imposts DV ei cepi del cilindro

$$\Delta Q = P_V S Q = P_V S V \Delta t = P_V S M E \Delta t = P_V S M E \Delta t$$

$$\frac{\Delta Q}{\Delta t} = \Delta I = P_V M \frac{S}{Q} \Delta V \qquad \frac{\Delta V}{\Delta I} = \frac{1}{P_V M} \frac{Q}{S}$$

Per il doppio bipolo in Figura 1 determinare la rappresentazione mediante la matrice [G].



$$\begin{bmatrix} A_1 \\ A_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} G_{11} & G_{12} \\ G_{21} & G_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \end{bmatrix}$$

$$I_1 = \frac{V_1}{2R+3R} = \frac{V_1}{5R}$$
 $G_{11} = 1/5R$ e $G_{32} = \emptyset$

$$1.14 = 1.6$$
 $1.6 = \frac{1}{6R} \cdot \frac{3R}{2R+3R} \cdot V_1 = \frac{1}{10R} \cdot V_1$

$$V_{OUT} = V_{14} + V_6 = 14R i_{14} + 6R i_6 = 20R \cdot 16 = 20R \cdot \frac{V_L}{10R} = V_4 \cdot 2$$

$$V_{0}UT = 2V_{1}$$

$$V_{b} = V_{2}$$

$$V_{2} = uV_{b} = uV_{2}$$

$$I_{2r} = \left(\frac{V_{00T}}{2} - V_{2}\right) \cdot \frac{1}{2z} = \left(\frac{2V_{2}}{2} - uV_{2}\right) \frac{1}{2z} = \frac{V_{2} - uV_{2}}{2z}$$

$$I_{c} = \frac{V_{3} - V_{b}}{c} = \frac{NV_{b} - V_{b}}{c} = \frac{(N-1)V_{2}}{c}$$

$$I_{3} = I_{2z} - I_{z} = \frac{V_{1} - hV_{2}}{2z} - \frac{u - t}{z}V_{2}$$

$$I_{2} = I_{3} = -hi_{3} = -h\left[\frac{V_{1} - hV_{2}}{2z} - \frac{u - t}{z}V_{2}\right]X - \frac{u - t}{z}V_{2} = \frac{G_{24}}{2z}$$

$$= \frac{G_{24}}{2z} + \left(\frac{M^{2}}{2z} + \frac{h(u - t)}{z} - \frac{u - t}{z}\right)V_{2} = \frac{G_{22}}{2z}$$

$$[G] = \frac{I_{3}}{5R}$$

$$= \frac{I_{3}}{2z} + \frac{h(u - t)}{z} - \frac{u - t}{z}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1}{5R} & & & \\ -\frac{n}{2r} & & 3n^2 - 4n + 2 \\ & & 2r \end{bmatrix}$$

Determinare il valore di n>0 per il quale il doppio bipolo in Figura 1 non ammette la rappresentazione mediante la matrice [R].

$$\det [G] - \frac{1}{5R} \left(\frac{u^2}{2c} + \frac{(u-1)n}{c} + \frac{1-n}{r} \right) = \frac{1}{5R} \left(\frac{3n^2 - 4n + 2}{2r} \right)$$

$$3u^2 - 4n + 2 \neq 0 \quad \forall n \in \mathbb{R} \longrightarrow [R] \hat{\epsilon} \text{ ansuexs} \quad \forall n > 0$$

E3a

Per il circuito in Figura 2 che evolve a regime, sapendo che $e(t) = Esen(\omega t)$ e $a(t) = Acos(2\omega t)$, determinare $i_e(t)$.

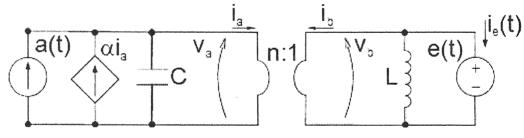
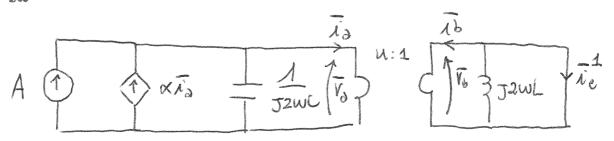


Figura 2

Cab 1:



$$\overline{V}_{b} = 0 \qquad \overline{I}_{e} = -\overline{I}_{b}$$

$$-\overline{I}_{b} = -(-u\overline{I}_{a}) = u\overline{I}_{a}$$

$$\overline{V}_{a} = u\overline{V}_{b} = \emptyset \qquad \overline{I}_{a} = A + \alpha \overline{I}_{a} \qquad \overline{I}_{a} = A$$

$$\overline{I}_{e} = \frac{hA}{1-\alpha} \qquad \overline{I}_{e}(t) = \frac{uA}{1-\alpha} \cos 2\omega t$$

$$\overline{I}_{e} = \frac{hA}{1-\alpha} \qquad \overline{I}_{e}(t) = \frac{uA}{1-\alpha} \cos 2\omega t$$

$$ie = -ib - \frac{E}{J\omega L} = J\omega Cu^{2}E = \frac{E}{J\omega L} = -JE \left(\frac{J\omega Cu^{2}}{\alpha - 1} - \frac{J\omega L}{\omega L} \right) =$$

$$= -JE \frac{J\omega Cw^{2}\omega L - (\alpha - 1)}{J\omega L (\alpha - 1)} = -JE \frac{-\omega^{2}/Cw^{2} - (\alpha - 1)}{J\omega L (\alpha - 1)} =$$

$$= \frac{\omega^{2}w^{2}/C + (\alpha - 1)}{\omega L (\alpha - 1)} =$$

$$\omega L (\alpha - 1)$$

$$vie^{2}(t) = E \frac{w^{2}u^{2}LC + (\alpha-1)}{wL(\alpha-1)} \cos wt$$

E₃b

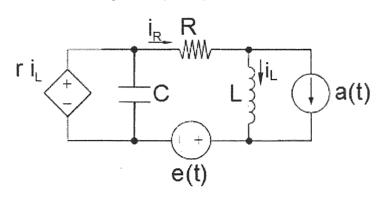
Per il circuito in Figura 2, ponendo A=0 e assumendo il funzionamento in regime sinusoidale, determinare la potenza complessa erogata dal generatore di corrente pilotato in corrente.

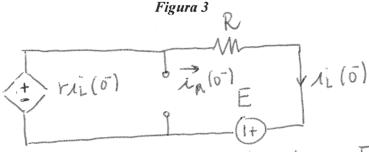
$$= \frac{1}{2} n^2 E^2 \int xwC = -\frac{1}{2} E^2 \int \frac{n^2 xwC}{x-1}$$

Il circuito in Figura 3, per t=0 evolve in regime stazionario. Sapendo che

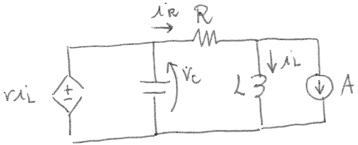
- 3>5 0>9-5 0<2< R
- a(t) = 0 per t < 0 ed a(t) = A per t > 0,
- e(t) = E per t < 0 ed e(t) = 0 per t > 0,

determinare la corrente $i_R(0^-)$ e $i_R(t)$ per $t \in (0, +\infty)$.





ελί(σ) - Rλί(σ) - Ε = ο λί(σ) = λε(σ) = Ε



Vc = Z/L é e una constituoreme cinere tre voristri di stato.

Stato.

Una ste ionati di di stato -> una N=-re e l'Atra finita

Na= (rii_-Ldil) / R in=1/1+A

(rie - Ldie) 1 = 1i+A Ldie = (r-R)ie - AR

$$\frac{di}{dt} = \frac{z - Ri}{L} = \frac{AR}{L} \qquad \lambda = \frac{z - R}{L} < 0 \quad (anomb stable)$$

$$\frac{dH}{dt} = \frac{z-R}{L} \cdot H - \frac{AR}{L} \rightarrow H = \frac{AR}{z-R}$$

$$\frac{E}{z-R}$$
 $=$ Ke^{yg} $+$ $\frac{AR}{z-R}$ \rightarrow $K = \frac{E-AR}{z-R}$

$$\frac{E}{z-R} = Ke^{\frac{1}{2}} + \frac{AR}{e-R}$$

$$\frac{E-Rt}{E-R}$$

$$\frac{E-Rt}{E-R}$$